運算子+的部分為先宣告一個多項式 C,後由兩個多項式的最低次項開始,向高次項依序 走訪,並比較兩多項式目前走訪到的項的次方大小,較大的一邊暫停走訪並將較小的一邊 的目前項加到多項式 C,直到兩式都走訪完畢。

運算子-的部分與運算子+雷同,差異在於處裡到多項式 B 時係數加上負號後再加到多項式 C。

運算子\*的部分是模擬紙筆進行直式乘法的模式,但將乘數與被乘數交換,並重新排序以符合儲存格式。

微分的部分以微分基本性質  $dA/dx = d(ax^n)/dx = (a^n)x^(n-1)$ 為主幹,並判斷微分前是否為常數項,若是則直接捨去。

第一種求多項式數值得方法為依次走訪各項,並將結果加上該項的運算結果,若次方運算的時間複雜度等於次方數,則此方法的時間複雜度為所有項的次方數相加,但內建之數學函數 pow 有經過最佳化處理,時間複雜度遠低於此。

第二種求值方法為 Horner's method,從最高次項開始走訪,並重複乘以 x 值、加上相對應項的係數,時間複雜度為最高次項的次方數。

設定值函數首先判斷與輸入值同次方的項是否存在,是則直接修改係數,否則新增一相對應的項並重新排列。

快速排序函數修改自原先的整數陣列排序,同時搬移該項次方與係數,保持兩者的對應關係。

兩求值方法的時間複雜度比較(假設次方運算未經過最佳化並以基本題與加分題為例):

暴力計算法的時間複雜度為所有項的次方相加,在基本題的時間複雜度為

6+5+4+2+1=18,加分題則為 1006+1000+9+3=2018; Horner's method 的複雜度則是最高次項,基本題為 6,加分題為 1006,分別降低 67%與 50%的複雜度。由以上結果可以推得若次方運算未經優化的情形下,Horner's method 是有效降低運算量的方式,但減少百分比與缺項數目呈現負相關。

為達成加分題功能需求,將多項式類別內新增一個陣列儲存每項次方,不再以陣列索引值 作為次方,並重新編寫各運算子及函數,且修改快速排序演算法以保證所有多項是皆是以 升冪儲存。