Моделирование колесных роботов

Лекция 3. Кинематические модели. Вероятностные модели движения.

Олег Шипитько



UNIVERSITY





https://qr.page/g/2kb3IYD03sH

СОДЕРЖАНИЕ ЛЕКЦИИ

- 1. Кинематические модели колесных роботов
 - а. Дифференциальный привод
 - b. Трицикл
 - с. Принцип Аккермана
 - d. Омни- и меканум- колеса
- 2. Вероятностные модели движения
 - а. Одометрическая модель
 - b. Скоростная модель

РЕКУРСИВНАЯ БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА ПОЗЫ

$$p(\mathbf{x_t}|map, \mathbf{z_t}, \mathbf{u_t}) = C \cdot p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map) \int_{S} p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t}, \mathbf{x_{t-1}}) p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}}) d\mathbf{x_{t-1}}$$

$$p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map)$$
 – модель измерения

$$p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}})$$
 – модель движения

$$p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})$$
 — предыдущее состояние системы (поза робота)

ФИЛЬТР КАЛМАНА

Предсказание:

$$\hat{\mathbf{x}}_t = \mathbf{F}_t \hat{\mathbf{x}}_{t-1} + \mathbf{B}_k \vec{\mathbf{u}}_t$$

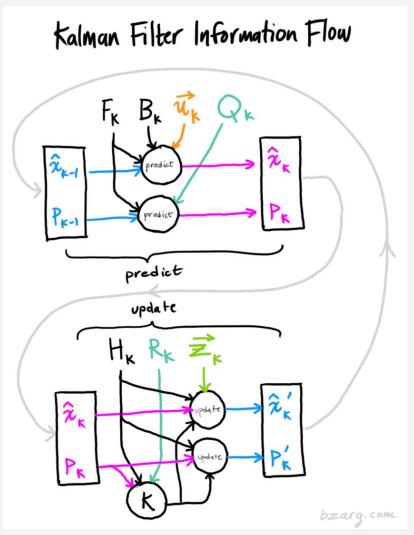
$$\hat{\mathbf{\Sigma}}_t = \mathbf{F}_t \mathbf{\Sigma}_{t-1} \mathbf{F}_t^T + \mathbf{Q}_t$$

Коррекция:

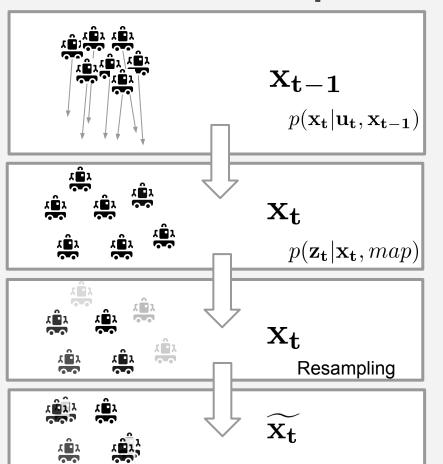
$$\mathbf{K}' = \hat{\mathbf{\Sigma}}_t \mathbf{H}_t^T (\mathbf{H}_t \hat{\mathbf{\Sigma}}_t \mathbf{H}_t^T + \mathbf{R}_t)^{-1}$$

$$\mathbf{x'}_t = \mathbf{H}_t \hat{\mathbf{x}}_t + \mathbf{K'} (\mathbf{z}_t - \mathbf{H}_t \hat{\mathbf{x}}_t)$$

$$\mathbf{\Sigma'}_t = \hat{\mathbf{\Sigma}}_t - \mathbf{K'}\mathbf{H}_t\hat{\mathbf{\Sigma}}_t$$



ФИЛЬТР ЧАСТИЦ



Algorithm 1 Generic Monte-Carlo localization algorithm

- 1: procedure $MCL(\mathbf{x_{t-1}}, m, \mathbf{u_t}, \mathbf{z_t})$
- $2: \qquad \{\mathbf{x_t^n}\} = \{\mathbf{x_t^n}\} = \emptyset$
- 3: for n = 1 to N do
- 4: sample $x_t^n \sim p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t}, \mathbf{x_{t-1}^n})$

Модель движения

- 5: $w_t^n = p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t^n}, map)$
- 6: $\{\mathbf{x_t^n}\} = \{\mathbf{x_t^n}\} + \langle x_t^n, w_t^n \rangle$

Модель наблюдения

- 7: end for
- 8: for n = 1 to N do
- 9: draw *i* with probability $\propto w_t^i$
- 10: $\{\mathbf{x_t^n}\} = \{\mathbf{x_t^n}\} + \langle x_t^i, w_t^i \rangle$
- 11: end for
- 12: return $\{\mathbf{x_t^n}\}$
- 13: end procedure

Ресемплинг

РЕКУРСИВНАЯ БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА ПОЗЫ

$$p(\mathbf{x_t}|map, \mathbf{z_t}, \mathbf{u_t}) = C \cdot p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map) \int_{S} \frac{p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t}, \mathbf{x_{t-1}})}{p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})} d\mathbf{x_{t-1}}$$

$$p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map)$$
 – модель измерения

$$p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}})$$
 – модель движения

$$p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})$$
 — предыдущее состояние системы (поза робота)

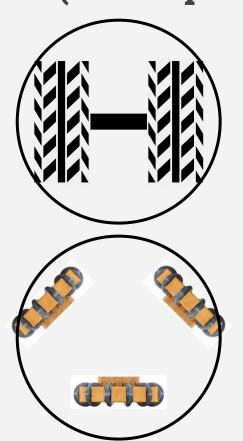
РЕКУРСИВНАЯ БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА ПОЗЫ

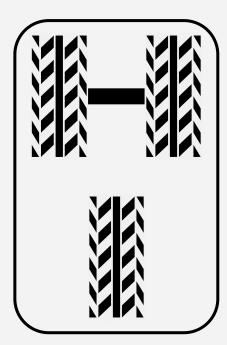
$$p(\mathbf{x_t}|map,\mathbf{z_t},\mathbf{u_t}) = C \cdot p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t},map) \int_S p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}}) p(\mathbf{x_{t-1}}|map,\mathbf{z_{t-1}},\mathbf{u_{t-1}}) d\mathbf{x_{t-1}}$$
 C — коэффициент нормализации S — пространство поз робота $p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t},map)$ — модель измерения

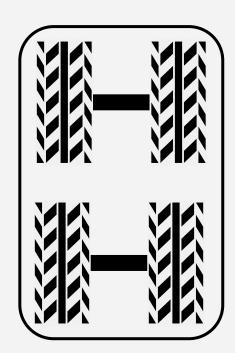
 $p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})$ — предыдущее состояние системы (поза робота)

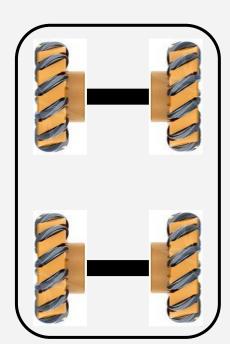
 $p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}})$ – модель движения

(некоторые) ВИДЫ СХЕМ КОЛЕСНЫХ РОБОТОВ







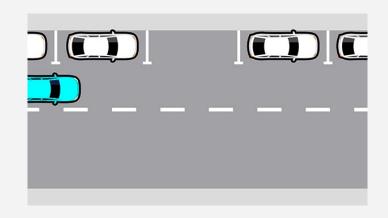


ГОЛОНОМНОСТЬ

☐ Робот является голономным если число управляемых степеней свободы = общему количеству степеней свободы.



Неголономная система — механическая система, на которую, кроме геометрических, накладываются и кинематические связи. Математически неголономные связи выражаются неинтегрируемыми уравнениями.



ГОЛОНОМНОСТЬ

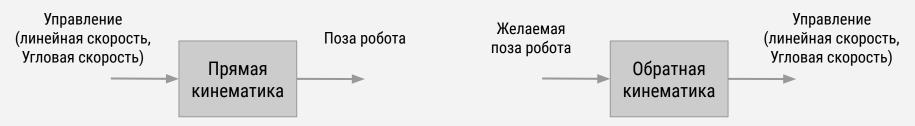
- □ Голономные связи ограничивают допустимое пространство состояний (геометрию).
- → Например, если есть грузовик и прицеп, не все углы между ними возможны. Это голономное ограничение.

- → Неголономные связи ограничивают пространство управления относительно текущего состояния.
- Например, машина не может поехать в сторону.

ПРЯМАЯ И ОБРАТНАЯ ЗАДАЧА КИНЕМАТИКИ

□ Прямая задача кинематики — имея параметры управления (например, скорости колес) и время движения, найти позу в которую переместился робот.

 Обратная задача кинематики найти параметры управления, которые переводят робота в заданную позу за заданное время.

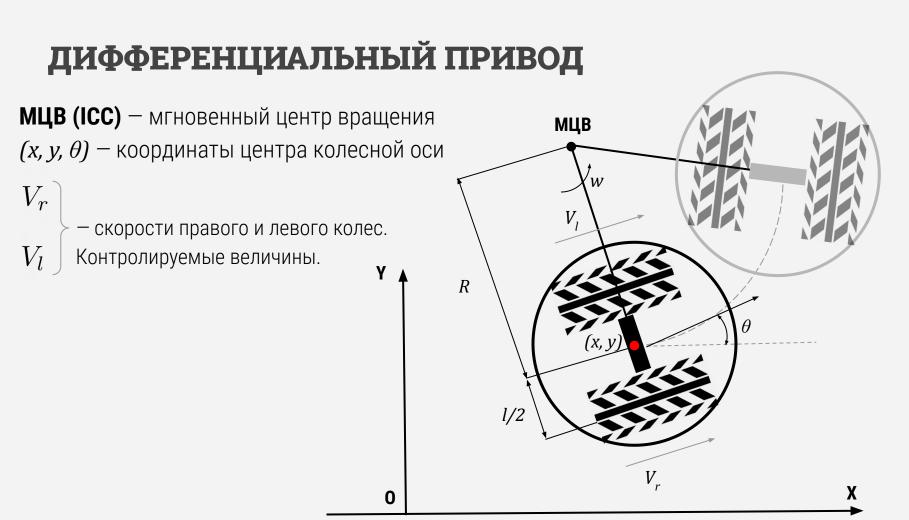


ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ПРИВОД







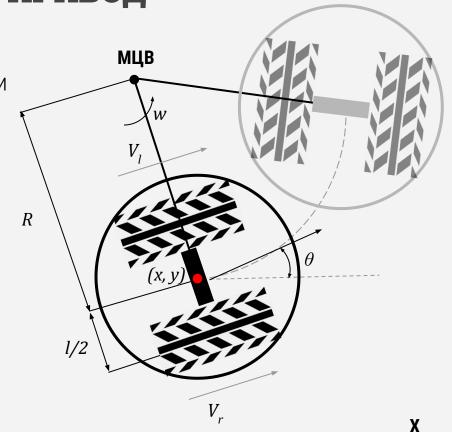


ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ПРИВОД

МЦВ (ІСС) — мгновенный центр вращения (x, y, θ) — координаты центра колесной оси

$$w(R + \frac{l}{2}) = V_r$$
$$w(R - \frac{l}{2}) = V_l$$

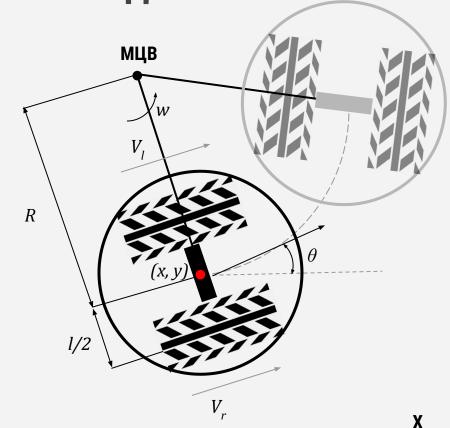
$$w = \frac{V_r - V_l}{l} \quad V = \frac{V_l + V_r}{2}$$
$$R = \frac{l}{2} \frac{V_r + V_l}{V_r - V_l}$$



ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ПРИВОД

3 случая движения:

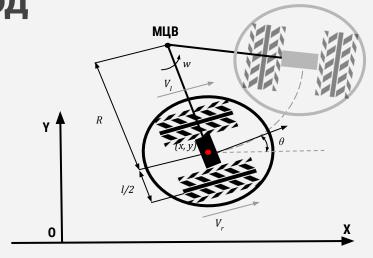
- $V_l = V_r$ прямолинейное движение. Радиус вращения равен бесконечности. Угловая скорость нулевая.
- $oldsymbol{\Box}$ $V_l = -V_r$ вращение вокруг центра. Радиус вращения нулевой.
- lacksquare $V_l = 0 \ (V_r = 0)$ вращение вокруг левого (правого) колеса. Радиус вращения равен l/2.



ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ПРИВОД ПРЯМАЯ КИНЕМАТИКА

$$ICC = [x - R\sin(\theta), y + R\cos(\theta)]$$

В момент времени $\mathbf{t}+\boldsymbol{\delta t}$ положение робота определяется как:



$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ \theta' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\omega \delta t) & -\sin(\omega \delta t) & 0 \\ \sin(\omega \delta t) & \cos(\omega \delta t) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x - ICC_x \\ y - ICC_y \\ \theta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} ICC_x \\ ICC_y \\ \omega \delta t \end{bmatrix}$$

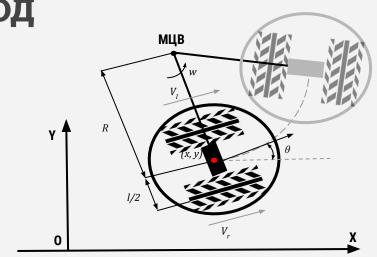
ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЙ ПРИВОД ПРЯМАЯ КИНЕМАТИКА

$$x(t) = \int_0^t V(t)cos[\theta(t)]dt$$
$$y(t) = \int_0^t V(t)sin[\theta(t)]dt$$
$$\Theta(t) = \int_0^t \omega(t)dt$$

$$x(t) = \frac{1}{2} \int_0^t [v_r(t) + v_l(t)] \cos[\theta(t)] dt$$

$$y(t) = \frac{1}{2} \int_0^t [v_r(t) + v_l(t)] \sin[\theta(t)] dt$$

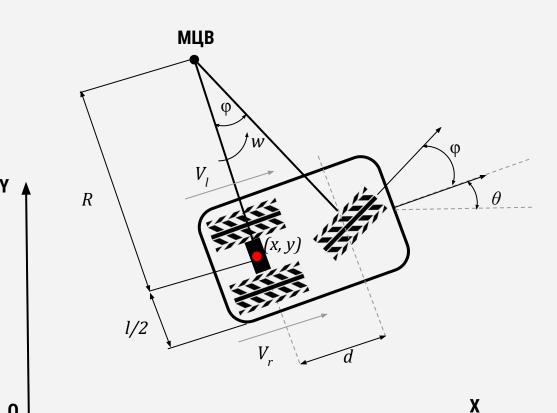
$$\Theta(t) = \frac{1}{l} \int_0^t [v_r(t) - v_l(t)] dt$$



ТРИЦИКЛ

$$w(R + \frac{l}{2}) = V_r$$
$$w(R - \frac{l}{2}) = V_l$$

$$w = \frac{V_r - V_l}{l} \quad V = \frac{V_l + V_r}{2}$$
$$R = \frac{l}{2} \frac{V_r + V_l}{V_r - V_l}$$

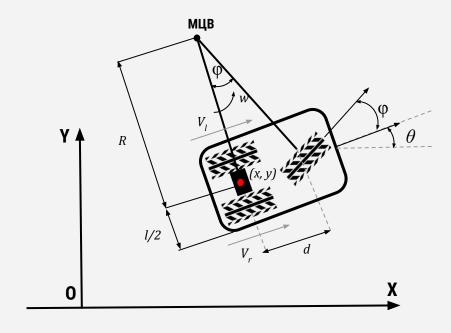


ТРИЦИКЛ

$$ICC = [x - R\sin(\theta), y + R\cos(\theta)]$$

$$R = \frac{d}{\tan \varphi}$$

В момент времени $\mathbf{t}+\boldsymbol{\delta t}$ положение робота определяется как:



$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ \theta' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos(\omega\delta t) & -\sin(\omega\delta t) & 0 \\ \sin(\omega\delta t) & \cos(\omega\delta t) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x - ICC_x \\ y - ICC_y \\ \theta \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} ICC_x \\ ICC_y \\ \omega\delta t \end{bmatrix}$$

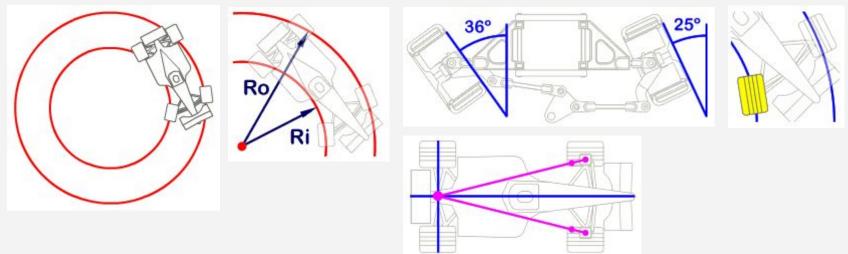
ТРИЦИКЛ

Особенности:

- □ Нельзя развернуться на месте
- □ При использовании 4 колес необходим
 - дифференциал для задних колес и схема
 - Аккермана для рулевых колес

ПРИНЦИП АККЕРМАНА

Принцип рулевой геометрии, разработанный чтобы позволить рулевым колесам проходить окружности разного радиуса и избегать бокового скольжения колес.



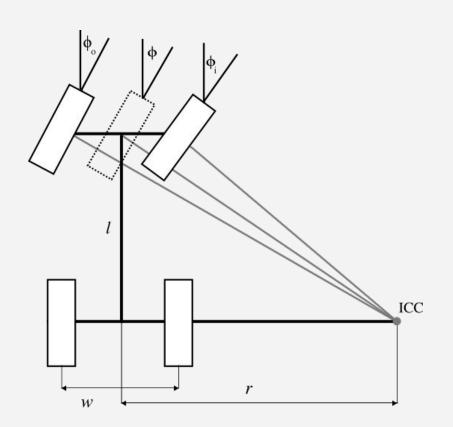
Источник: http://www.rc-auto.ru/articles_tuning/id/445/

ПРИНЦИП АККЕРМАНА

$$tan(\phi) = \frac{l}{r}$$

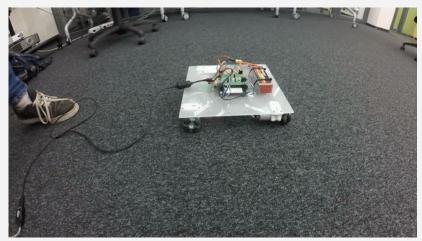
$$tan(\phi_i) = \frac{l}{r - \frac{w}{2}}$$

$$tan(\phi_o) = \frac{l}{r + \frac{w}{2}}$$



ОМНИ-КОЛЕСА (ВСЕНАПРАВЛЕННОЕ КОЛЕСО)







МЕКАНУМ-КОЛЕСА (КОЛЕСО ИЛОНА, ШВЕДСКОЕ КОЛЕСО)



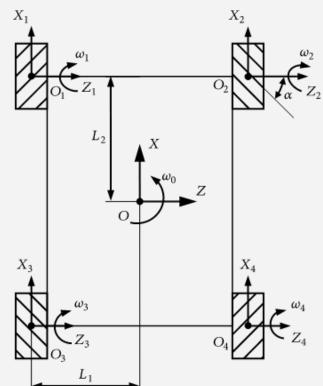




МЕКАНУМ-КОЛЕСА (КОЛЕСО ИЛОНА, ШВЕДСКОЕ КОЛЕСО)

$$\begin{bmatrix} v_x \\ v_z \\ \omega_0 \end{bmatrix} = \frac{r}{4} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & -1 & 1 \\ -\frac{1}{L_1 + L_2} & \frac{1}{L_1 + L_2} & -\frac{1}{L_1 + L_2} & \frac{1}{L_1 + L_2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \omega_1 \\ \omega_2 \\ \omega_3 \\ \omega_4 \end{bmatrix}$$

Тип движения	ω_1	ω_2	ω_3	ω_4
По прямой	ω	ω	ω	ω
Поперечное движение	ω	-00	-00	ω
Движение под 45°	0	ω	ω	0
Вращение на месте	ω	-ω	ω	-ω



РЕКУРСИВНАЯ БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА

$$p(\mathbf{x_t}|map, \mathbf{z_t}, \mathbf{u_t}) = C \cdot p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map) \int_{S} p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t}, \mathbf{x_{t-1}}) p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}}) d\mathbf{x_{t-1}}$$

$$p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map)$$
 — модель измерения

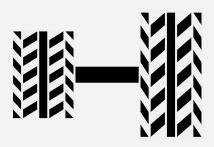
$$p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}})$$
 – модель движения

$$p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})$$
 — предыдущее состояние системы (поза робота)

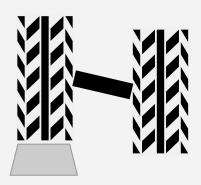
ПОЧЕМУ НАМ НУЖНЫ ВЕРОЯТНОСТНЫЕ МОДЕЛИ?

- Актуаторы как и сенсоры не бывают абсолютно точными.
- Также на точность движения оказывают влияние внешние факторы.

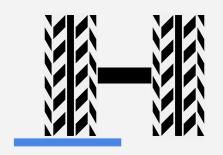
Разность диаметров колес



Препятствия



Проскальзывания на различных поверхностях



ВЕРОЯТНОСТНЫЕ МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ

На практике встречаются 2 типа моделей движения:

- Основанные на показаниях одометрии
- Основанные на управлении **скоростью** (dead reckoning, счисление координат)
- Основанные на одометрии модели используются когда робот оснащен энкодерами.
- Модели основанные на скорости используются, когда энкодеров нет. Они основаны на подсчете перемещения по известной скорости и времени движения.

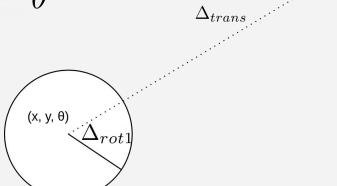
МОДЕЛЬ НА ОСНОВЕ ОДОМЕТРИИ

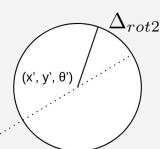
- \Box Робот движется из (x, y, θ) в (x', y', θ')
- \Box Информация поступающая от энкодеров $\mathbf{u}_{\mathsf{t}} = (\Delta_{\mathsf{trans}}, \Delta_{\mathsf{rot1}}, \Delta_{\mathsf{rot2}})$

$$\Delta_{trans} = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2}$$

$$\Delta_{rot1} = atan2(y'-y, x'-x) - \theta$$

$$\Delta_{rot2} = \theta' - \theta - \Delta_{rot1}$$





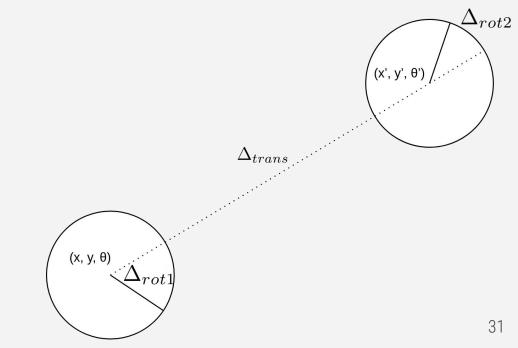
МОДЕЛЬ ШУМА

Реальное движение подвержено ошибкам (шуму):

$$\hat{\Delta}_{trans} = \Delta_{trans} + \eta_1$$

$$\hat{\Delta}_{rot1} = \Delta_{rot1} + \eta_2$$

$$\hat{\Delta}_{rot2} = \Delta_{rot2} + \eta_3$$



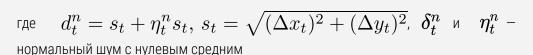
МОДЕЛЬ ДВИЖЕНИЯ С ОДНИМ ПОВОРОТОМ

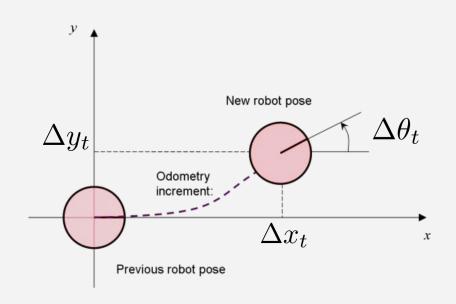
Измерения, получаемые от одометрии:

$$egin{aligned} \Delta x_t &= x_t^{odom} - x_{t-1}^{odom}, \ \Delta y_t &= y_t^{odom} - y_{t-1}^{odom}, \ \Delta heta_t &= heta_t^{odom} - heta_{t-1}^{odom}, \end{aligned}$$

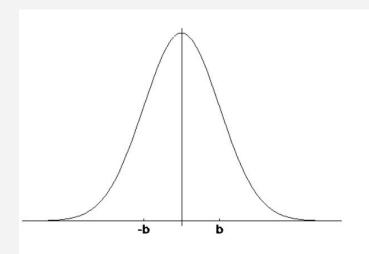
Модель движения:

$$\left\{egin{aligned} x_t^n &= x_{t-1}^n + d_t^n \sin(heta_{t-1}^n + \Delta heta^n + \delta_t^n), \ y_t^n &= y_{t-1}^n + d_t^n \cos(heta_{t-1}^n + \Delta heta^n + \delta_t^n), \ heta_t^n &= heta_{t-1}^n + \Delta heta^n + \delta_t^n, \end{aligned}
ight.$$

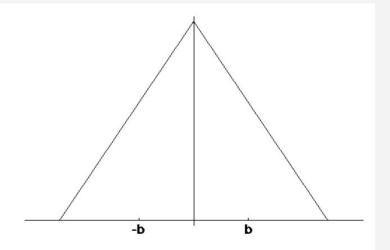




виды шумов



$$\varepsilon_{\sigma^2}(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{1}{2}\frac{x^2}{\sigma^2}}$$



$$\varepsilon_{\sigma^2}(x) = \begin{cases} 0 \text{ if } |x| > \sqrt{6\sigma^2} \\ \frac{\sqrt{6\sigma^2 - |x|}}{6\sigma^2} \end{cases}$$

МОДЕЛИРОВАНИЕ ШУМОВ

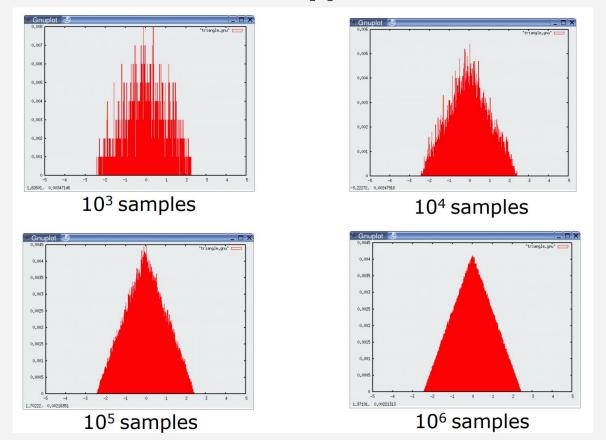
- 1. Algorithm **prob_normal_distribution**(*a*,*b*):
- 2. return $\frac{1}{\sqrt{2\pi b^2}} \exp\left\{-\frac{1}{2}\frac{a^2}{b^2}\right\}$

- 1. Algorithm **prob_triangular_distribution**(*a*,*b*):
- 2. **return** $\max \left\{ 0, \frac{1}{\sqrt{6} \ b} \frac{|a|}{6 \ b^2} \right\}$

СЭМПЛИРОВАНИЕ ИЗ МОДЕЛИ ШУМОВ

- 1. Algorithm **sample_normal_distribution**(b):
- 2. return $\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{12} rand(-b, b)$
- 1. Algorithm **sample_triangular_distribution**(b):
- 2. return $\frac{\sqrt{6}}{2} [\text{rand}(-b, b) + \text{rand}(-b, b)]$

СЭМПЛИРОВАНИЕ ИЗ МОДЕЛИ ШУМОВ



РАСЧЕТ АПОСТЕРИОРНОЙ ВЕРОЯТНОСТИ ПОЗЫ

hypotheses odometry Algorithm **motion_model_odometry** $([m{x},m{x}'][ar{m{x}},ar{m{x}}']$ $\mathbf{2.} \qquad \delta_{trans} = \sqrt{(\bar{x}' - \bar{x})^2 + (\bar{y}' - \bar{y})^2}$ 3. $\delta_{rot1} = atan2(\bar{y}' - \bar{y}, \bar{x}' - \bar{x}) - \bar{\theta}$ \longrightarrow odometry params (**u**) 4. $\delta_{rot2} = \overline{\theta}' - \overline{\theta} - \delta_{rot1}$ 5. $\hat{\delta}_{trans} = \sqrt{(x'-x)^2 + (y'-y)^2}$ 6. $\hat{\delta}_{rot1} = \operatorname{atan2}(y'-y, x'-x) - \hat{\theta}$ values of interest (x,x') 7. $\hat{\delta}_{rot2} = \theta' - \theta - \hat{\delta}_{rot1}$ 8. $p_1 = \operatorname{prob}(\delta_{rot1} - \hat{\delta}_{rot1}, \alpha_1 | \delta_{rot1} | + \alpha_2 \delta_{trans})$ 9. $p_2 = \text{prob}(\delta_{\text{trans}} - \hat{\delta}_{\text{trans}}, \alpha_3 \delta_{\text{trans}} + \alpha_4 (|\delta_{\text{rot1}}| + |\delta_{\text{rot2}}|))$ 10. $p_3 = \text{prob}(\delta_{\text{rot}2} - \hat{\delta}_{\text{rot}2}, \alpha_1 | \delta_{\text{rot}2} | + \alpha_2 \delta_{\text{trans}})$

11. return $p_1 \cdot p_2 \cdot p_3$

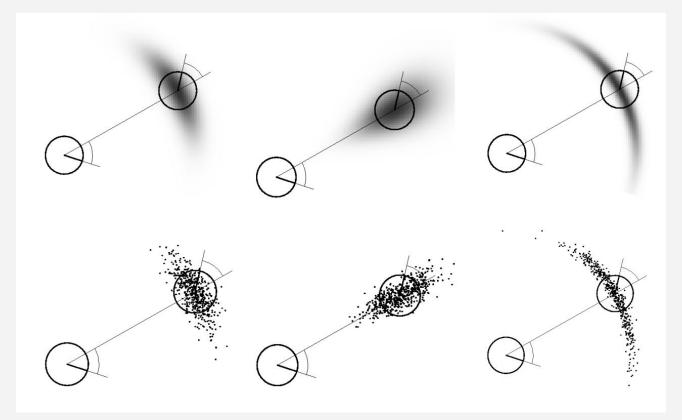
СЭМПЛИРОВАНИЕ ИЗ МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ

Algorithm sample_motion_model(u, x):

$$u = \langle \delta_{rot1}, \delta_{rot2}, \delta_{trans} \rangle, x = \langle x, y, \theta \rangle$$

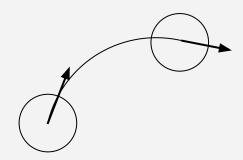
- 1. $\hat{\delta}_{rot1} = \delta_{rot1} + \text{sample}(\alpha_1 | \delta_{rot1} | + \alpha_2 \delta_{trans})$
- 2. $\hat{\delta}_{trans} = \delta_{trans} + \text{sample}(\alpha_3 \delta_{trans} + \alpha_4 (|\delta_{rot1}| + |\delta_{rot2}|))$
- 3. $\hat{\delta}_{rot2} = \delta_{rot2} + \text{sample}(\alpha_1 | \delta_{rot2} | + \alpha_2 | \delta_{trans})$
- 4. $x' = x + \hat{\delta}_{trans} \cos(\theta + \hat{\delta}_{rot1})$
- 5. $y' = y + \hat{\delta}_{trans} \sin(\theta + \hat{\delta}_{rot1})$ sample_normal_distribution
- $\mathbf{6.} \quad \theta' = \theta + \hat{\delta}_{rot1} + \hat{\delta}_{rot2}$
- 7. Return $\langle x', y', \theta' \rangle$

ПРИМЕР ОДОМЕТРИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ



МОДЕЛЬ НА ОСНОВЕ СКОРОСТИ

- □ Такая модель подразумевает, что мы управляем параметрами движения робота линейной и угловой скорость
- Робот при этом движется по дуге окружности
- Сигналы управления (передаваемые скорости)
 подвержены шуму

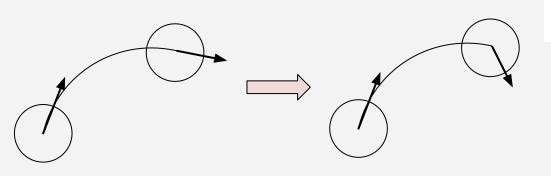


$$\hat{v} = v + \mathcal{E}_{\alpha_1 |v| + \alpha_2 |\omega|}$$

$$\hat{\omega} = \omega + \varepsilon_{\alpha_3|\nu| + \alpha_4|\omega|}$$

МОДЕЛЬ НА ОСНОВЕ СКОРОСТИ

Чтобы допустить финальный поворот, вводится третий параметр движения



$$\hat{v} = v + \varepsilon_{\alpha_1|v| + \alpha_2|\omega|}$$

$$\hat{\omega} = \omega + \varepsilon_{\alpha_3|v| + \alpha_4|\omega|}$$

$$\hat{\gamma} = \varepsilon_{\alpha_{5}|v| + \alpha_{6}|\omega|}$$

МОДЕЛЬ НА ОСНОВЕ СКОРОСТИ

$$x' = x - \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\sin\theta + \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\sin(\theta + \hat{\omega}\Delta t)$$

$$y' = y + \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\cos\theta - \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\cos(\theta + \hat{\omega}\Delta t)$$

$$\theta' = \theta + \hat{\omega}\Delta t + \hat{\gamma}\Delta t$$

РАСЧЕТ АПОСТЕРИОРНОЙ ВЕРОЯТНОСТИ ПОЗЫ

1: Algorithm motion_model_velocity(
$$x_t, u_t, x_{t-1}$$
): $p(x_t \mid x_{t-1}, u_t)$

2: $\mu = \frac{1}{2} \frac{(x - x') \cos \theta + (y - y') \sin \theta}{(y - y') \cos \theta - (x - x') \sin \theta}$

3: $x^* = \frac{x + x'}{2} + \mu(y - y')$

4: $y^* = \frac{y + y'}{2} + \mu(x' - x)$

5: $r^* = \sqrt{(x - x^*)^2 + (y - y^*)^2}$

6: $\Delta \theta = \text{atan2}(y' - y^*, x' - x^*) - \text{atan2}(y - y^*, x - x^*)$

7: $\hat{v} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} r^*$

8: $\hat{\omega} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$

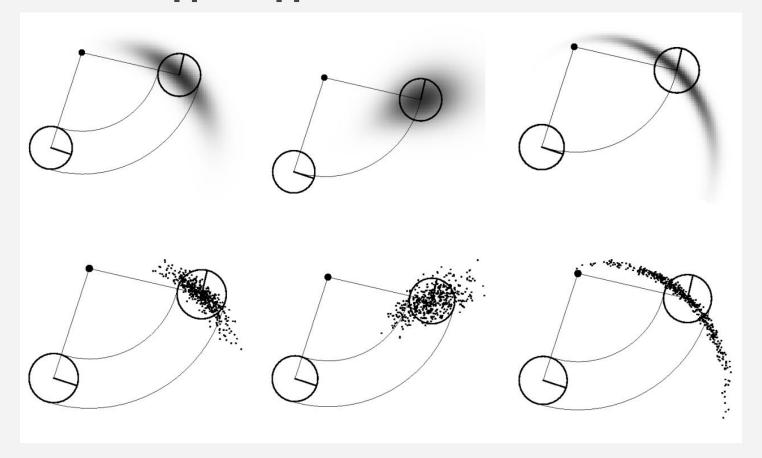
9: $\hat{\gamma} = \frac{\theta' - \theta}{\Delta t} - \hat{\omega}$

10: $\text{return prob}(v - \hat{v}, \alpha_1 v^2 + \alpha_2 \omega^2) \cdot \text{prob}(\omega - \hat{\omega}, \alpha_3 v^2 + \alpha_4 \omega^2)$
 $\cdot \text{prob}(\hat{\gamma}, \alpha_5 v^2 + \alpha_6 \omega^2)$

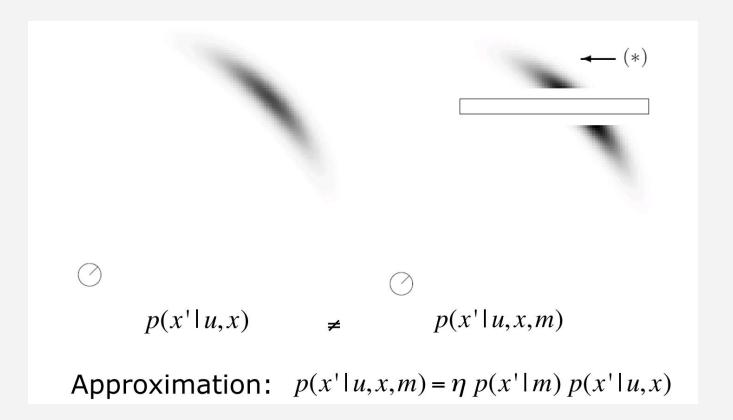
СЭМПЛИРОВАНИЕ ИЗ МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ

```
Algorithm sample_motion_model_velocity(u_t, x_{t-1}):
1:
                         \hat{v} = v + \mathbf{sample}(\alpha_1 v^2 + \alpha_2 \omega^2)
2:
                         \hat{\omega} = \omega + \mathbf{sample}(\alpha_3 v^2 + \alpha_4 \omega^2)
3:
                         \hat{\gamma} = \mathbf{sample}(\alpha_5 v^2 + \alpha_6 \omega^2)
4:
                         x' = x - \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\sin\theta + \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\sin(\theta + \hat{\omega}\Delta t)
5:
                         y' = y + \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\cos\theta - \frac{\hat{v}}{\hat{\omega}}\cos(\theta + \hat{\omega}\Delta t)
6:
7:
                         \theta' = \theta + \hat{\omega}\Delta t + \hat{\gamma}\Delta t
                          return x_t = (x', y', \theta')^T
8:
```

ПРИМЕР МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ ПО СКОРОСТИ



МОДЕЛИ ДВИЖЕНИЯ УЧИТЫВАЮЩИЕ ОКРУЖЕНИЕ



дополнительные источники

1. Дифференциальная кинематика



2. <u>Probabilistic Robotics (в PIAZZA)</u>. Глава 5.



3. Mobility: wheels and whegs



информация о презентации

Эта презентация была подготовлена Олегом Шипитько в рамках курса "Введение в мобильную робототехнику и Robot Operating System (ROS)" факультета компьютерных наук Высшей Школы Экономики (ВШЭ). Автор выражает благодарность, авторам, чьи материалы были использованы в презентации. В случае, если вы обнаружили в презентации свои материалы, свяжитесь со мной, для включения в список авторов заимствованных материалов.

This presentation was prepared by Oleg Shipitko as part of the "Introduction to Mobile Robotics and Robot Operating System (ROS)" course at the Faculty of Computer Science of Higher School of Economics (HSE). The author is grateful to the authors whose materials were used in the presentation. If you find your materials in a presentation, contact me to be included in the list of contributing authors.