# Введение в мобильную робототехнику и ROS

Лекция 4. Вероятностные модели наблюдения

Олег Шипитько



UNIVERSITY



## СОДЕРЖАНИЕ ЛЕКЦИИ

- 1. Вероятностные модели измерения для датчиков измеряющих расстояние
  - a. Ray-casting модель
  - b. Beam-end модель
- 2. Вероятностные модели измерения для детекции ориентиров/особенностей

## РЕКУРСИВНАЯ БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА ПОЗЫ

$$p(\mathbf{x_t}|map, \mathbf{z_t}, \mathbf{u_t}) = C \cdot p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map) \int_S p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t}, \mathbf{x_{t-1}}) p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}}) d\mathbf{x_{t-1}}$$

$$p(\mathbf{z_t}|\mathbf{x_t}, map)$$
 – модель измерения

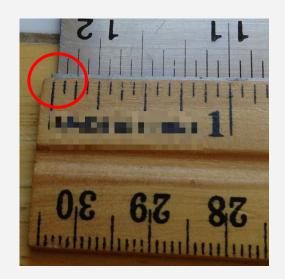
$$p(\mathbf{x_t}|\mathbf{u_t},\mathbf{x_{t-1}})$$
 – модель движения

$$p(\mathbf{x_{t-1}}|map, \mathbf{z_{t-1}}, \mathbf{u_{t-1}})$$
 — предыдущее состояние системы (поза робота)

# ПОЧЕМУ НАМ НУЖНЫ ВЕРОЯТНОСТНЫЕ МОДЕЛИ ИЗМЕРЕНИЯ?

🖵 Сенсоры не идеальны.

Их измерения подвержены ошибкам.



□ Мир тоже не идеален.

Неидеальность мира вносит дополнительные ошибки в измерения.



#### виды сенсоров

Сенсоры измеряющие расстояние (дальномеры) Лазерные дальномеры Инфракрасные дальномеры Ультразвуковые Радары Визуальные сенсоры Камеры Монокулярные Камеры глубины Спутниковые системы навигации

- Контактные сенсоры
  - Кнопки/бамперы
- □ Проприоцептивные сенсоры
  - **Э**нкодеры
  - Гироскопы
  - Акселерометры
  - Магнитометры
  - 🖵 Альтиметры

#### ДОКУМЕНТАЦИЯ НА СЕНСОРЫ



**Specifications** 

| Dimensions         | 145x145x85 mm         |
|--------------------|-----------------------|
| Weight             | 690 g                 |
| Operating to       | -20+65°C              |
| Ingress protection | IP67 (water and dust) |

#### Connectivity

| LoRa radio      |                  |
|-----------------|------------------|
| Frequency range | 868/915 MH       |
| Distance        | Up to 8 km       |
| Wi-Fi           | 802.11b/g/r      |
| Bluetooth       | 4.0/2.1 EDF      |
| Ports           | RS-232, MicroUSE |

#### Electrical

| Autonomy             | Up to 30 h/s  |
|----------------------|---------------|
| Battery              | LiFePO4 3.2 V |
| External power input | 6-4. V        |
| Charging             | MicroUSB 5 V  |
| Certification        | FCC, CE       |

#### Data

| Corrections      | NTRIP, RTCM3                 |
|------------------|------------------------------|
| Position output  | NMEA, LLH/XYZ                |
| Data logging     | RINEX with events            |
|                  | with update rate up to 14 Hz |
| Internal storage | 8 GE                         |

#### Positioning

|                      | •             |
|----------------------|---------------|
| Static horizontal    | 5 mm + 1 ppm  |
| Static vertical      | 10 mm + 2 ppm |
| Kinematic horizontal | 7 mm + 1 ppm  |
| Kinematic vertical   | 14 mm + 2 ppm |
|                      |               |

Reach RS+ Datasheet

569 kb

#### **GNSS**

| Signal tracked | GPS/QZSS L1, GLONASS G1,<br>BeiDou B1, Galileo E1, SBAS |              |
|----------------|---|--------------|
| Number of char | inels   | 72           |
| Update rates   |   | 14 Hz / 5 Hz |
| IMU            |   | 9DOF         |
|                |   |              |

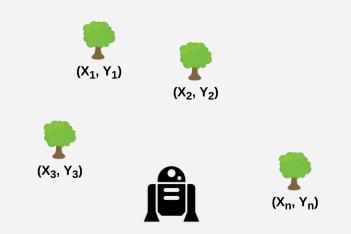
#### СОПОСТАВЛЕНИЕ \*\*\* c \*\*\* (\*\*\*-TO-\*\*\* MATCHING)

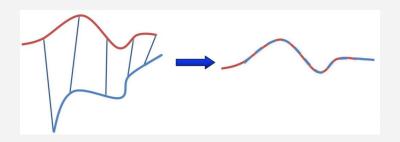
#### Что можно сопоставлять:

- Скан с картой
- Скан со сканом
- Карту с картой
- Особенности / ориентиры
- **\_** ....

#### Как можно сопоставлять:

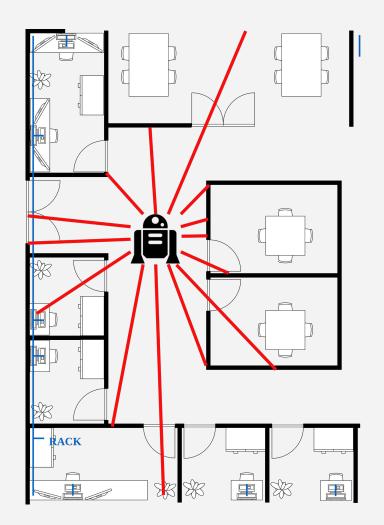
- Корреляция
- □ Максимизация правдоподобия
- ☐ RANSAC
- **...**.





#### ДАТЧИКИ РАССТОЯНИЯ

- Чаще всего рассматриваются модели многолучевых дальномеров (например, LIDAR или массив ультразвуковых датчиков)
  - Они проще других сенсоров в использовании
  - □ Точные



## МОДЕЛЬ ДАТЧИКА РАССТОЯНИЯ

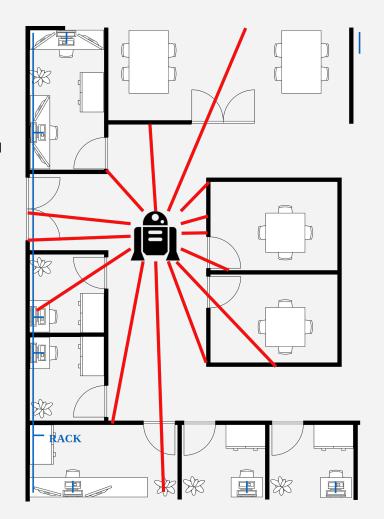
Наша задача — оценить вероятность измерения при условии фиксированного положения и наличия карты (компактного представления мира):

Каждое измерение z состоит из k измерений (лучей):

$$z = \{z_1, z_2, ..., z_k\}$$

Будем считать, что каждое измерение независимо, тогда общая вероятность — произведение вероятностей каждого отдельного измерения:

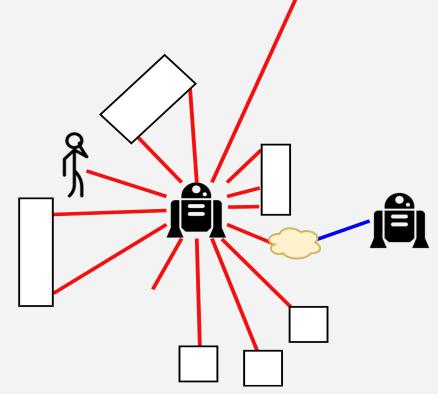
$$p(z|x,m) = \prod_{k=0}^{K} p(z_k|x,m)$$



возможные исходы измерения расстояния

При измерении возможны следующие альтернативы:

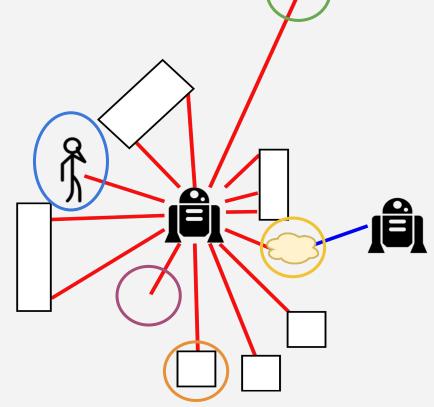
- Отражение луча от статического препятствия (нанесенного на карту)
- Отражение луча от динамического препятствия (которого нет на карте)
- О Интерференция с другим датчиком схожей природы
- О Случайное измерение (ошибка сенсора)
- Максимальное измерение (при отсутствии препятствий)



возможные исходы измерения расстояния

При измерении возможны следующие альтернативы:

- Отражение луча от статического препятствия (нанесенного на карту)
- Отражение луча от динамического препятствия (которого нет на карте)
- Онтерференция с другим датчиком схожей природы
- О Случайное измерение (ошибка сенсора)
- Максимальное измерение (при отсутствии препятствий)

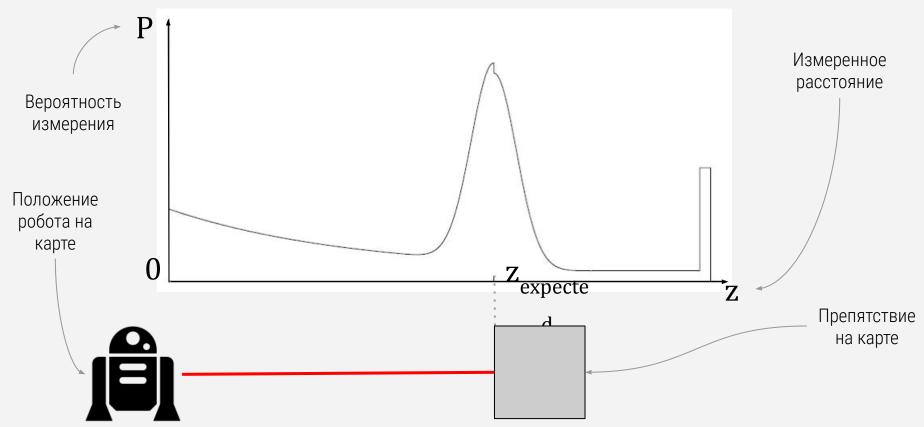


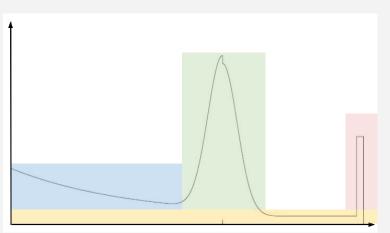
## виды моделей для дальномеров

Сопоставление сканов

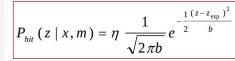
На основе корреляции

Основные типы вероятностных моделей для дальномеров: На основе анализа пути распространения луча (beam-based) Моделирует различные физические причины получения того или иного измерения Предполагает независимость причин возникновения измерения Предполагает независимость отдельных лучей На основе анализа конечной точки луча (end-point based, scan-based) Игнорирует физические свойства луча Предполагает независимость причин возникновения измерения Предполагает независимость отдельных лучей

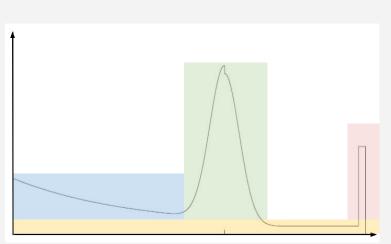


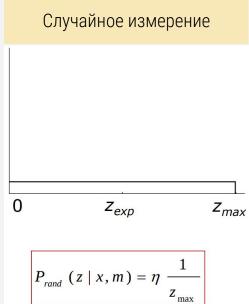




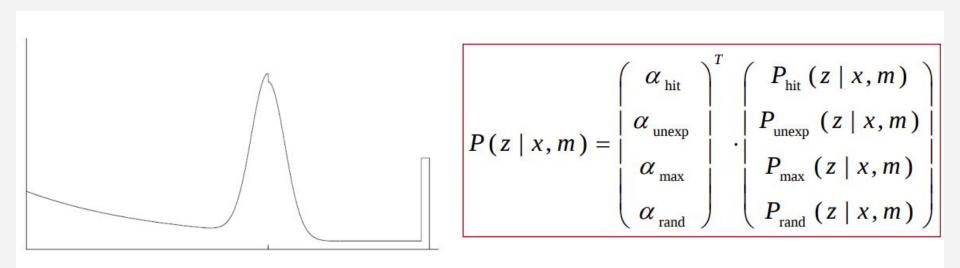








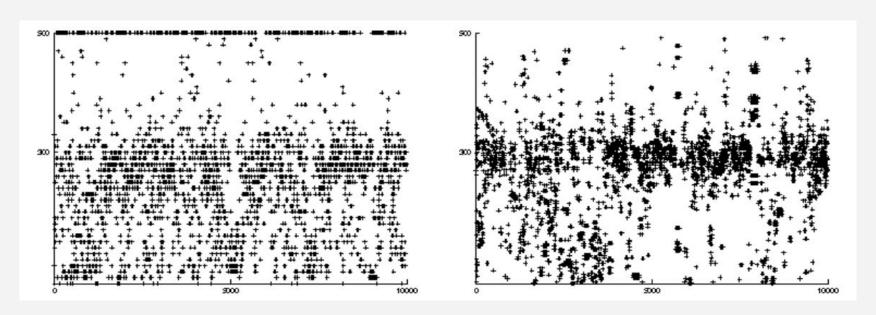




Как определить параметры модели?

#### ПАРАМЕТРЫ МОДЕЛИ

Параметры модели часто определяются экспериментально.



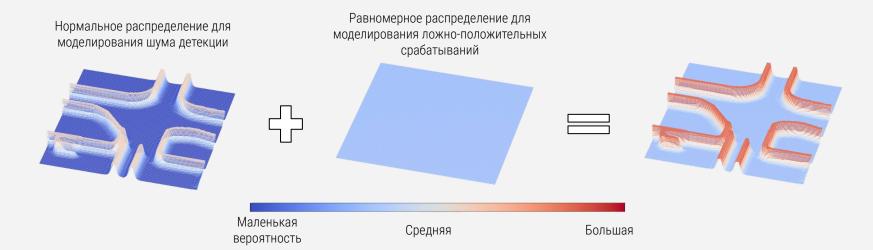
Выборка измерений для сонара и лидара. Препятствие расположено на расстоянии 300 см.

#### END POINT-BASED МОДЕЛЬ

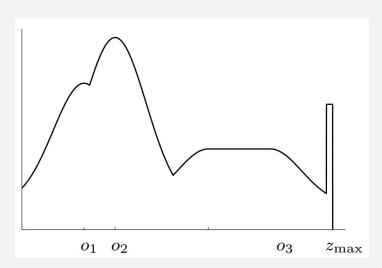
**Основная идея:** вместо следования вдоль луча, можно анализировать только его конечную точку.

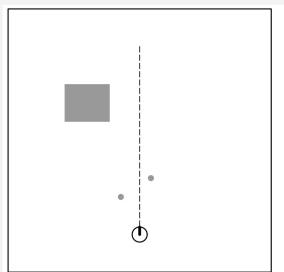
Вероятность — комбинация нескольких распределений:

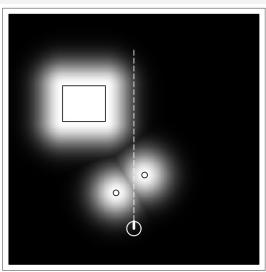
- Нормальное распределение для детекции препятствий
- Равномерное распределение для ложно-положительных срабатываний



#### END POINT-BASED МОДЕЛЬ (likelihood field model)







$$p(z_k|x_t, m) = z_{hit} * p_{hit} + z_{rand} * p_{rand} + z_{max} * p_{max}$$
$$z_{hit} + z_{rand} + z_{max} = 1$$

#### МОДЕЛЬ ОСНОВАННАЯ НА ПОДСЧЕТЕ КОРРЕЛЯЦИИ

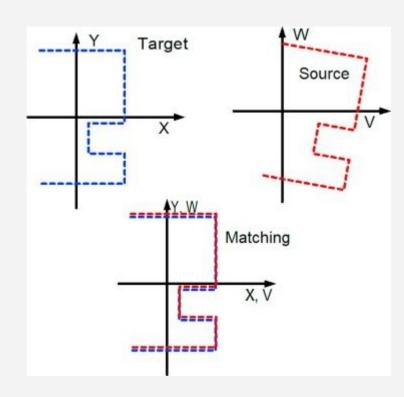
Мы сопоставляем локальную карту с глобальной, пытаясь максимизировать корреляцию:

$$\rho_{m,m_{\text{local}},x_t} = \frac{\sum_{x,y} (m_{x,y} - \bar{m}) \cdot (m_{x,y,\text{local}}(x_t) - \bar{m})}{\sqrt{\sum_{x,y} (m_{x,y} - \bar{m})^2 \sum_{x,y} (m_{x,y,\text{local}}(x_t) - \bar{m})^2}}$$

 $m_{x,y}$  — ячейка глобальной карты

 $m_{x,y,\mathrm{local}}$  — ячейка локальной карты, "собранной" из нескольких сканов

 $ar{m}=rac{1}{2N}\sum_{x,y}(m_{x,y}+m_{x,y,\mathrm{local}})$  — среднее значение ячеек обеих карт



## МОДЕЛИ ДЛЯ ОСОБЕННОСТЕЙ / ОРИЕНТИРОВ

#### Какие бывают ориентиры:

- Активные (GPS, радио-, ультразвуковые-маяки)
- Пассивные (светоотражающая пленка, визуально детектируемые признаки)



#### Что является измерением:

- Расстояние до ориентира
- □ Направление на ориентир
- Расстояние + направление

#### Как оценивается положение:

- Триангуляция
- Трилатерация
- Сопоставление сканов



## АПОСТЕРИОРНАЯ ВЕРОЯТНОСТЬ ДЕТЕКТИРОВАНИЯ ОСОБЕННОСТИ

1. Algorithm landmark\_detection\_model(z,x,m):

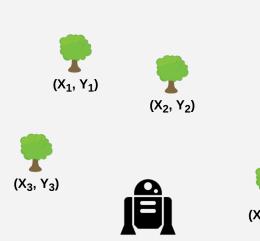
$$z = \langle i, d, \alpha \rangle, x = \langle x, y, \theta \rangle$$

2. 
$$\hat{d} = \sqrt{(m_x(i) - x)^2 + (m_y(i) - y)^2}$$

3. 
$$\hat{\alpha} = \text{atan2}(m_y(i) - y, m_x(i) - x) - \theta$$

**4.** 
$$p_{\text{det}} = \text{prob}(\hat{d} - d, \varepsilon_d) \cdot \text{prob}(\hat{\alpha} - \alpha, \varepsilon_\alpha)$$

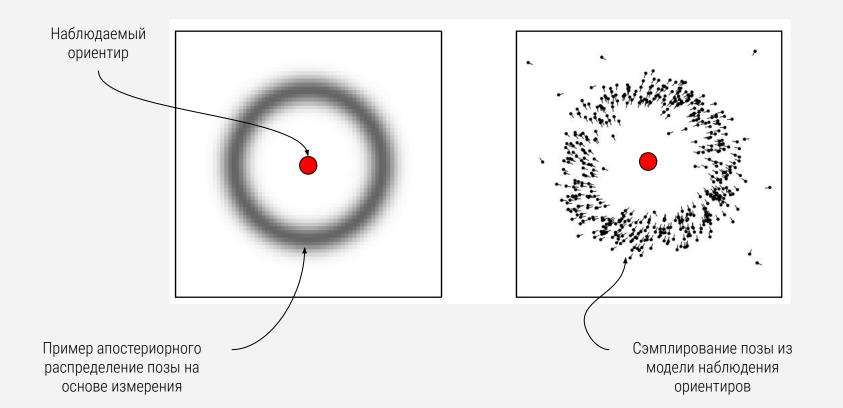




## СЭМПЛИРОВАНИЕ ПОЗЫ НА ОСНОВЕ МОДЕЛИ ИЗМЕРЕНИЯ ОСОБЕННОСТЕЙ

```
Algorithm sample_landmark_model_known_correspondence(f_t^i, c_t^i, m):
1:
                   j=c_t^i
                   \hat{\gamma} = \text{rand}(0, 2\pi)
3:
                   \hat{r} = r_t^i + \mathbf{sample}(\sigma_r^2)
4:
                   \hat{\phi} = \phi_t^i + \mathbf{sample}(\sigma_\phi^2)
5:
6:
                   x = m_{j,x} + \hat{r}\cos\hat{\gamma}
                   y = m_{j,y} + \hat{r}\sin\hat{\gamma}
                   \theta = \hat{\gamma} - \pi - \hat{\phi}
8:
                   return (x \ y \ \theta)^T
9:
```

## МОДЕЛИ ДЛЯ ОСОБЕННОСТЕЙ / ОРИЕНТИРОВ



#### **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

- Явное включение вероятностей в алгоритмы ключ к устойчивости.
- Вероятность (правдоподобие) измерение оценивается путем "вероятностного сравнения" ожидаемого измерения с полученным.
- Вероятностную модель измерения чаще всего можно получить следующим путем:
  - 🖵 Определить "свободную от шума" модель процесса
  - Оценить источники шума
  - Добавить модель шума к модели процесса
- 🖵 Это работает и для моделей движения, рассмотренных на предыдущей лекции

#### дополнительные источники

1. <u>Probabilistic Robotics</u>. Глава 6.



2. Probabilistic Sensor Models. Marina Kollmitz, Wolfram Burgard



#### информация о презентации

Эта презентация была подготовлена Олегом Шипитько в рамках курса "Введение в мобильную робототехнику и Robot Operating System (ROS)" факультета компьютерных наук Высшей Школы Экономики (ВШЭ). Автор выражает благодарность, авторам, чьи материалы были использованы в презентации. В случае, если вы обнаружили в презентации свои материалы, свяжитесь со мной, для включения в список авторов заимствованных материалов.

This presentation was prepared by Oleg Shipitko as part of the "Introduction to Mobile Robotics and Robot Operating System (ROS)" course at the Faculty of Computer Science of Higher School of Economics (HSE). The author is grateful to the authors whose materials were used in the presentation. If you find your materials in a presentation, contact me to be included in the list of contributing authors.