

Лекция 5. Картирование

Олег Шипитько





СОДЕРЖАНИЕ ЛЕКЦИИ

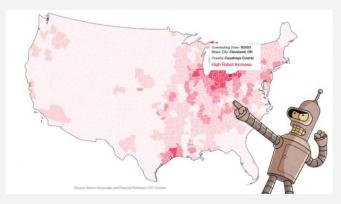
- 1. Определение
- 2. Какие бывают карты
- 3. Топологические карты
- 4. Карты признаков
- 5. Карты проходимости

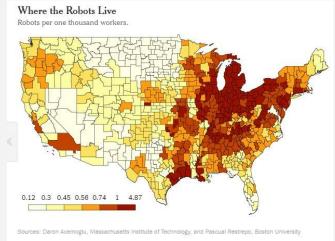
СХЕМА УПРАВЛЕНИЯ СОВРЕМЕННЫМ КОЛЕСНЫМ РОБОТОМ



ЧТО ТАКОЕ КАРТИРОВАНИЕ?

Картирование (в робототехнике) обозначает процесс моделирования окружающей среды и представления ее в форме, удобной для дальнейшего использования при навигации (локализации, планировании и осуществлении передвижения).





ПОЧЕМУ КАРТИРОВАТЬ СЛОЖНО?

- Ошибки измерений сенсоров порождают неполные и/или противоречивые данные
- Ошибки в определении собственного положения также приводят к аналогичным противоречиям
- □ Как интегрировать данные во времени?
- Как понять, что мы уже посещали какое-то место?

ФОРМАЛЬНАЯ ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ КАРТИРОВАНИЯ

Даны:

X1:t — все состояния (положения) робота

 ${f Z}_{1:t}$ – измерения датчиков

Определить:

map – карту



КАКИЕ БЫВАЮТ КАРТЫ?

Метрические

- Отражают мир в в виде 2D или 3D пространства
- Объекты задаются своими координатами
- Расстояние между объектами измеряется в метрах

Топологические

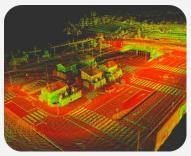
- Отражают мир в виде мест (локаций) и связей (переходов) между ними
- Расстояния между объектами могут храниться в связях

КАКИЕ БЫВАЮТ КАРТЫ?

Метрические

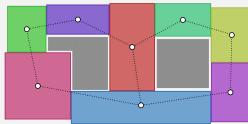






Топологические





КАКИЕ БЫВАЮТ КАРТЫ?

Метрические

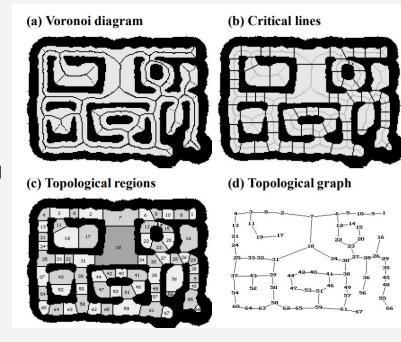
- Карты проходимости (occupancy grid maps)
- Карты признаков / особенностей / ориентиров (feature-based maps, landmark-based)
- (Иногда) Семантические карты

Топологические

🗖 Графы

ТОПОЛОГИЧЕСКИЕ КАРТЫ

- Представляет собой набор локаций (узлов) и переходов между ними (ребер).
- ☐ Локация обычно пространство, в котором робот может надежно позиционироваться и/или точка принятия решения о направлении дальнейшего движения. Например, комната в случае здания.
- Локации связаны между собой переходами, содержащими некий закон управления роботом, по которому переход может быть осуществлен.

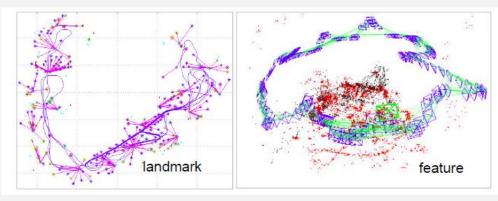


основной недостаток

□ Топологическое представление не существует (или труднодостижимо) для больших открытых пространств



- Хранят признаки, заданные своими координатами в пространстве
- В качестве признаков может выступать что угодно: деревья, дорожные знаки, двери, особые точки...
- Очень компактное представление пространства











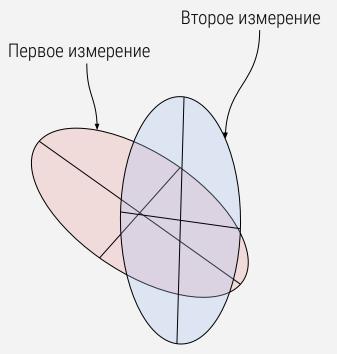


- Чаще всего для построения карт признаков используется фильтр Калмана и его модификации
- Каждый признак кодируется своими пространственными координатами
- Оценка положения ориентираитеративно уточняется с каждой новой детекцией

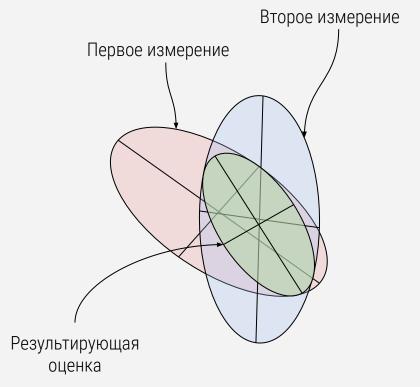
- Чаще всего для построения карт признаков используется фильтр Калмана и его модификации
- Каждый признак кодируется своими пространственными координатами
- Оценка положения ориентираитеративно уточняется с каждой новой детекцией



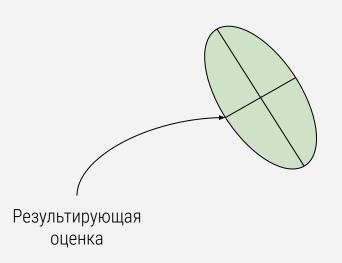
- Чаще всего для построения карт признаков используется фильтр Калмана и его модификации
- Каждый признак кодируется своими пространственными координатами
- Оценка положения ориентираитеративно уточняется с каждойновой детекцией



- Чаще всего для построения карт признаков используется фильтр Калмана и его модификации
- Каждый признак кодируется своими пространственными координатами
- Оценка положения ориентира итеративно уточняется с каждой новой детекцией

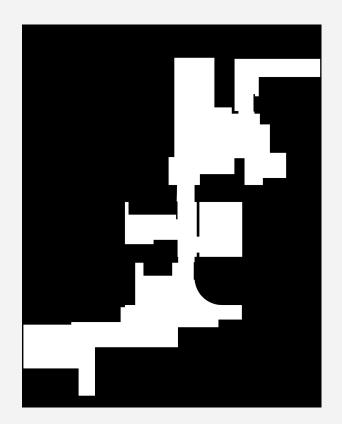


- Чаще всего для построения карт признаков используется фильтр Калмана и его модификации
- Каждый признак кодируется своими пространственными координатами
- Оценка положения ориентираитеративно уточняется с каждой новой детекцией

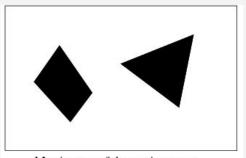


КАРТЫ ПРОХОДИМОСТИ

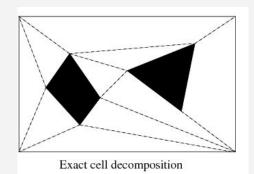
- 🖵 🛮 Самый популярный формат карт
- Пространство разбивается на ячейки
- Оцениваются вероятность того, что ячейка свободна (проходима) или занята (непроходима)

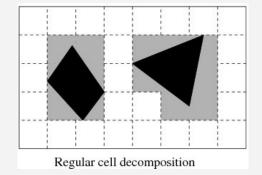


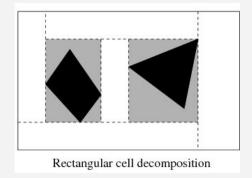
ВИДЫ РАЗБИЕНИЙ ЯЧЕЕК

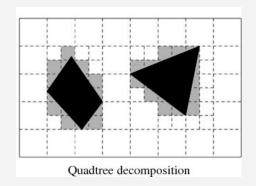


Metric map of the environment







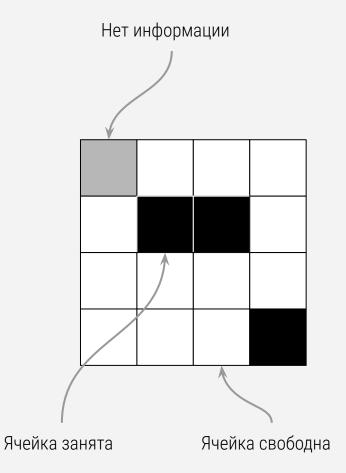


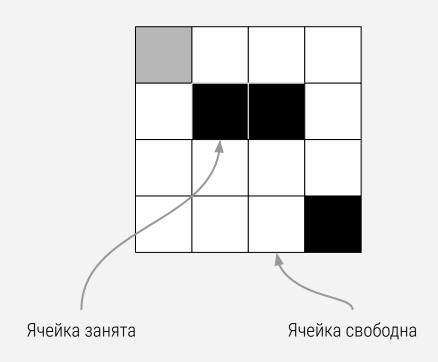
КАРТЫ ПРОХОДИМОСТИ

Каждая ячейка — бинарная случайная

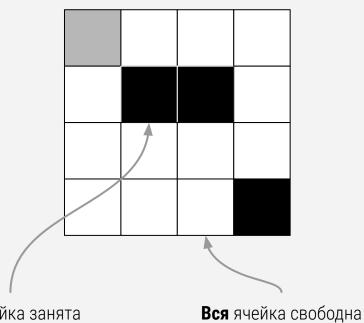
величина

- \Box $p(m_{x,y}) = 1$ ячейка занята
- $\mathbf{p}(\mathbf{m}_{\mathbf{x},\mathbf{v}}) = 0$ ячейка свободна
- $\mathbf{p}(\mathbf{m}_{x,y}) = 0.5$ мы ничего не знаем про состояние ячейки



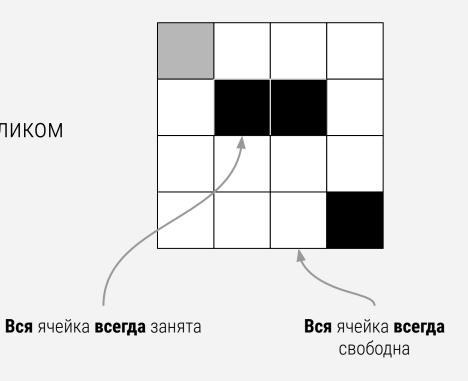


Область описываемая ячейкой целиком занята или свободна



Вся ячейка занята

- Область описываемая ячейкой целиком занята или свободна
- 2. Мир статичен



- Область описываемая ячейкой целиком занята или свободна
- 2. Мир статичен
- 3. Значения ячеек независимы



ПРЕДСТАВЛЕНИЕ

Вероятность карты — задается произведением (независимых) вероятностей всех ее ячеек.

$$p(\text{map}) = \prod_{x,y} p(m_{x,y})$$

ПРЕДСТАВЛЕНИЕ

$$p(\mathrm{map}) = \prod_{x,y} p(m_{x,y})$$

ВЕРОЯТНОСТНАЯ ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ КАРТИРОВАНИЯ

Имея вектор всех последовательных измерений сенсоров $\mathbf{z_{1:t}} = \mathbf{z_0}...\mathbf{z_t}$, и поз робота (сенсора) $\mathbf{x_{1:t}} = \mathbf{x_0}...\mathbf{x_t}$, необходимо найти наиболее вероятную карту.

$$p(\text{map}|\mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{x}_{1:t}) = \prod_{x,y} p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{x}_{1:t})$$

АЛГОРИТМ КАРТИРОВАНИЯ HIT-MISS (COUNTING MODEL)

- 1. Будем считать два числа:
 - а. Сколько раз мы наблюдали ячейку $C_{x,y}$
 - b. Будем увеличивать или уменьшать $O_{x,y}$ на 1 каждый раз, когда наблюдаем в ячейке препятствие или свободную зону соответственно
- 2. Рассчитаем вероятность занятости ячейки как:

$$p(m_{x,y}) = \frac{O_{x,y} + C_{x,y}}{2C_{x,y}}$$

$$p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) =$$

$$p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) =$$
 Теорема Байеса $= rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} =$

$$p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) = rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} = rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} = rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} = rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{z}_t)} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t)} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t)} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t)} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t)} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t)p(m_$$

$$p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) =$$
 $= rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} =$ $= rac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y},\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} =$ Теорема Байеса $= rac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t,\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(m_{x,y}|\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})} =$

$$p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t}, \mathbf{x}_{1:t}) = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1})} = \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{z}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{z}_{1:t-1$$

$$= \frac{p(\mathbf{z}_t|m_{x,y}, \mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)}{p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_t, \mathbf{z}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{$$

 $p(m_{x,y}|\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})$ $p(m_{x,y}|\mathbf{z}_t,\mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})$

Свойство $=rac{p(m_{x,y}|\mathbf{Z}_t,\mathbf{X}_t)p(\mathbf{Z}_t|\mathbf{X}_t)p(m_{x,y}|\mathbf{Z}_{1:t-1},\mathbf{X}_{1:t})}{p(m_{x,y})p(\mathbf{Z}_t|\mathbf{Z}_{1:t-1},\mathbf{X}_{1:t})}$

$$p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) =$$

Аналогично, для противоположного события

$$= \frac{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_t, \mathbf{x}_t)p(\mathbf{z}_t|\mathbf{x}_t)p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\neg m_{x,y})p(\mathbf{z}_t|\mathbf{z}_{1:t-1}, \mathbf{x}_{1:t})}$$
34

Вычислим отношение вероятностей:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{x}_{t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(m_{x,y})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}}{\frac{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{x}_{t})p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\neg m_{x,y})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}}$$

Вычислим отношение вероятностей:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{x}_{t})p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(m_{x,y})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{x}_{t})p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}}{\frac{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{x}_{t})p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{p(\neg m_{x,y})p(\mathbf{z}_{t}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t})}}$$

БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА

Вычислим отношение вероятностей:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})} \frac{1 - p(m_{x,y})}{p(m_{x,y})}$$

БАЙЕСОВСКАЯ ОЦЕНКА

Вычислим отношение вероятностей:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})} \frac{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})} \frac{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t},\mathbf{x}_{t})}{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t},\mathbf{$$

Отношение вероятностей занятости и свободности ячейки при условии новых измерений

Рекурсивный член (то же самое, для предыдущего измерения)

Отношение априорных вероятностей (например $p(m_{x,y})=0.5$, если мы ничего не знали о карте в начале)

ЛОГАРИФМИЧЕСКИЕ ШАНСЫ

Будем называть шансом (odds):

$$odds(X) = \frac{p(X)}{1 - p(X)}$$

Будем называть логарифмическим шансом (logarithmic odds):

$$logodds(X) = log \frac{p(X)}{1 - p(X)}$$

КАРТИРОВАНИЕ С ОБРАТНОЙ МОДЕЛЬЮ В ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ФОРМЕ

Посчитаем логарифмические шансы от:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})} \frac{1 - p(m_{x,y})}{p(m_{x,y})}$$

И получим:

 $\log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) = \log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t}) + \log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1}) - \log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})$

КАРТИРОВАНИЕ С ОБРАТНОЙ МОДЕЛЬЮ В ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ФОРМЕ

Посчитаем логарифмические шансы от:

$$\frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})}{p(\neg m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t})} = \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})} \frac{p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})}{1 - p(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1})} \frac{1 - p(m_{x,y})}{p(m_{x,y})}$$

И получим:

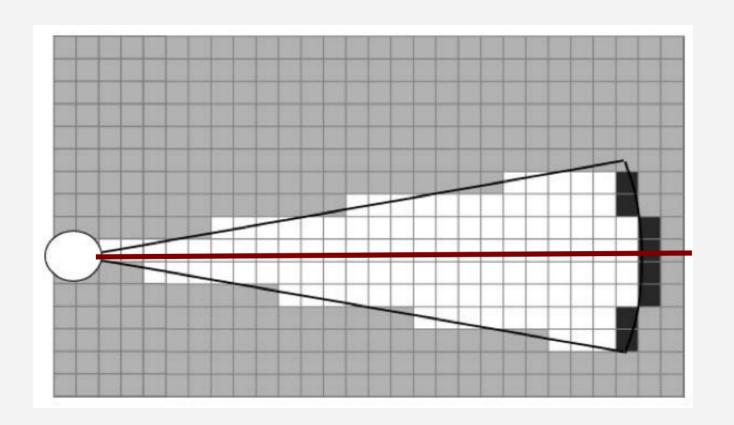
$$\log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t},\mathbf{x}_{1:t}) = \frac{\log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{t},\mathbf{x}_{t})}{\log \operatorname{odds}(m_{x,y}|\mathbf{z}_{1:t-1},\mathbf{x}_{1:t-1}) - \operatorname{logodds}(m_{x,y})}$$

Обратная модель измерения сенсора

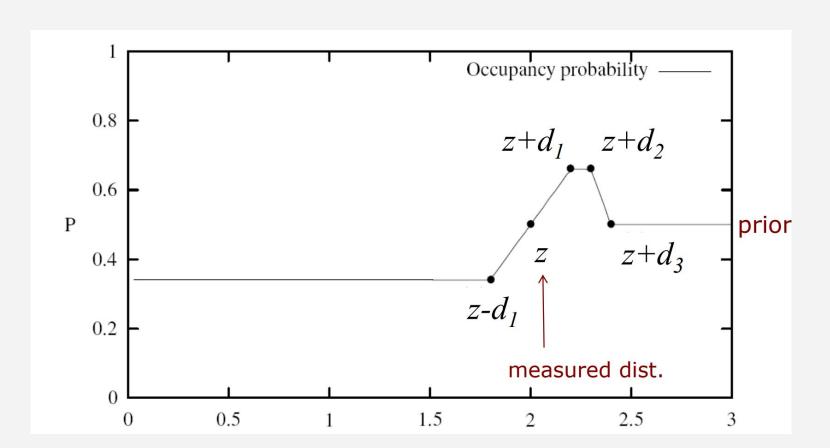
```
occupancy_grid_mapping(\{l_{t-1,i}\}, x_t, z_t):
         for all cells m_i do
2:
             if m_i in perceptual field of z_t then
3:
                  l_{t,i} = l_{t-1,i} + \text{inv\_sensor\_model}(m_i, x_t, z_t) - l_0
             else
5:
                  l_{t,i} = l_{t-1,i}
             endif
6:
         endfor
         return \{l_{t,i}\}
8:
```

highly efficient, we only have to compute sums

ПРИМЕР ПРОСТОЙ МОДЕЛИ ИЗМЕРЕНИЯ СОНАРА

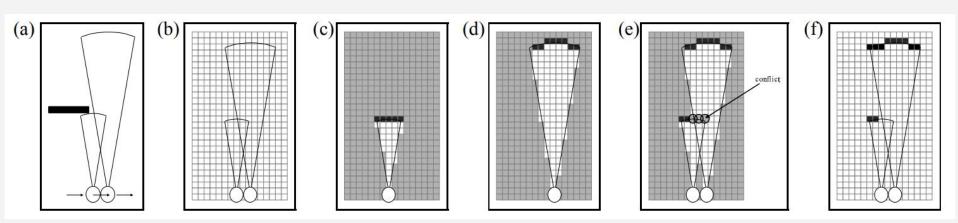


ПРИМЕР ПРОСТОЙ МОДЕЛИ ИЗМЕРЕНИЯ СОНАРА



В ЧЕМ НЕДОСТАТОК КАРТИРОВАНИЯ С ОБРАТНОЙ МОДЕЛЬЮ

- □ Обратная модель рассматривает клетки карты как независимые случайные величины
- □ Такой подход не способен объяснить противоречащие данные



КАРТИРОВАНИЕ С ПРЯМОЙ МОДЕЛЬЮ

- В отличие от картирования с обратной моделью будем рассматривать поиск всей карты как оптимизационную задачу в пространстве всех возможных карт
- □ Будем пытаться найти такую карту map, которая максимизирует вероятность всех полученных измерений:

$$\hat{map} = \arg\max_{map} p(z|x, map)$$

дополнительные источники

1. <u>Probabilistic Robotics</u>. Глава 9

2. <u>Topological Mapping</u>. Benjamin Kuipers

3. Robot Mapping. Gian Diego Tipaldi, Wolfram Burgard

4. <u>Learning Occupancy Grids with Forward Models</u>. Sebastian Thrun

информация о презентации

Эта презентация была подготовлена Олегом Шипитько в рамках курса "Моделирование колесных роботов" кафедры когнитивных технологий Московского физико-технического института (МФТИ). Автор выражает благодарность, авторам, чьи материалы были использованы в презентации. В случае, если вы обнаружили в презентации свои материалы, свяжитесь со мной, для включения в список авторов заимствованных материалов.

This presentation was prepared by Oleg Shipitko as part of the "Mobile Robotics" course at the Department of Cognitive Technologies, Moscow Institute of Physics and Technology. The author is grateful to the authors whose materials were used in the presentation. If you find your materials in a presentation, contact me to be included in the list of contributing authors.