# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ»

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования АДЫГЕЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

Инженерно-физический факультет Кафедра автоматизированных систем обработки информации и управления

#### Отчет по практике

«Решение системы линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.»

#### Вариант 3

1 курс, группа 1ИВТ1

Выполнил:

О.О. Богомолов 2023 г

Руководитель:

С.В. Теплоухов 2023 г

0.1. Введение 1

### 0.1. Введение

- 1. Текстовая формулировка задачи
- 2. Код данной задачи
- 3. Скриншот программы

## 0.2. Вариант 3

#### 0.2.1. Задание

Решение системы линейных алгебраических уравнений методом Гаусса..

#### 0.2.2. Теория

Метод Гаусса — классический метод решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Это метод последовательного исключения переменных, когда с помощью элементарных преобразований система уравнений приводится к равносильной системе треугольного вида, из которой последовательно, начиная с последних (по номеру), находятся все переменные системы. Алгоритм решения СЛАУ методом Гаусса подразделяется на два этапа. На первом этапе осуществляется так называемый прямой ход, когда путём элементарных преобразований над строками систему приводят к ступенчатой или треугольной форме, либо устанавливают, что система несовместна. А именно, среди элементов первого столбца матрицы выбирают ненулевой, перемещают его на крайнее верхнее положение перестановкой строк и вычитают получившуюся после перестановки первую строку из остальных строк, домножив её на величину, равную отношению первого элемента каждой из этих строк к первому элементу первой строки, обнуляя тем самым столбец под ним. После того, как указанные преобразования были совершены, первую строку и первый столбец мысленно вычёркивают и продолжают пока не останется матрица нулевого размера. Если на какой-то из итераций среди элементов первого столбца не нашёлся ненулевой, то переходят к следующему столбцу и проделывают аналогичную операцию. На втором этапе осуществляется так называемый обратный ход, суть которого заключается в том, чтобы выразить все получившиеся базисные переменные через небазисные и построить фундаментальную систему решений, либо, если все переменные являются базисными, то выразить в численном виде единственное решение системы линейных уравнений. Эта процедура начинается с последнего уравнения, из которого выражают соответствующую базисную переменную (а она там всего одна) и подставляют в предыдущие уравнения, и так далее, поднимаясь по «ступенькам» наверх. Каждой строчке соответствует ровно одна базисная переменная, поэтому на каждом шаге, кроме последнего (самого верхнего), ситуация в точности повторяет случай последней строки.

В простейшем случае алгоритм выглядит так:

остеишем случае алгоритм выглядит так: 
$$\begin{cases} a_{11} \cdot x_1 + a_{12} \cdot x_2 + \ldots + a_{1n} \cdot x_n &= b_1 & (1) \ a_{21} \cdot x_1 + a_{22} \cdot x_2 + \ldots + a_{2n} \cdot x_n &= b_2 & (2) \ \ldots \ a_{m1} \cdot x_1 + a_{m2} \cdot x_2 + \ldots + a_{mn} \cdot x_n &= b_m & (m) \end{cases}$$

Прямой ход:

мой ход: 
$$(2) \to (2) - (1) \cdot (\frac{a_{21}}{a_{11}}) \qquad : \qquad a'_{22} \cdot x_2 + a'_{23} \cdot x_3 + \ldots + a'_{2n} \cdot x_n = b'_2$$
 
$$(3) \to (3) - (1) \cdot (\frac{a_{31}}{a_{11}}) \qquad : \qquad a'_{32} \cdot x_2 + a'_{33} \cdot x_3 + \ldots + a'_{3n} \cdot x_n = b'_3$$
 
$$\ldots$$
 
$$(m) \to (m) - (1) \cdot (\frac{a_{m1}}{a_{11}}) \qquad : \qquad a'_{m2} \cdot x_2 + a'_{m3} \cdot x_3 + \ldots + a'_{mn} \cdot x_n = b'_n$$
 
$$(3) \to (3) - (2) \cdot (\frac{a'_{32}}{a'_{22}}) \qquad : \qquad a''_{33} \cdot x_3 + \ldots + a''_{3n} \cdot x_n = b''_3$$
 
$$\ldots$$
 
$$(m) \to (m) - (m-1) \cdot (\frac{a_{mn-1}}{a_{mn-1}}) \qquad : \qquad a''_{mn} \cdot x_m + \ldots + a''_{mn} \cdot x_n = b''_m$$

Обратный ход. Из последнего ненулевого уравнения выражаем базисную переменную через небазисные и подставляем в предыдущие уравнения. Повторяя эту процедуру для всех базисных переменных, получаем фундаментальное решение.

## 0.3. Ход работы

#### 0.3.1. Код программы

Реализовать алгоритм вычисления системы линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.

```
#include <iostream>
#include <iomanip>
using namespace std;
int main() {
    int n;
    cout << "Введите количество уравнений: ";
    cin >> n;
    // объявляем исходную систему уравнений
    double a[n][n+1];
```

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
cout << "Введите коэффициенты для " << i + 1 << "уравнения:" << endl;
    for (int j = 0; j \le n; j++) {
        cin >> a[i][j];
        }
    }
    // прямой ход метода Гаусса
    for (int k = 0; k < n; k++) {
        for (int i = k + 1; i < n; i++) {
            double coeff = a[i][k] / a[k][k];
            for (int j = k + 1; j \le n; j++) {
                a[i][j] = a[i][j] - coeff * a[k][j];
            }
        }
    }
    // обратный ход метода Гаусса
    double x[n];
    for (int i = n - 1; i \ge 0; i--) {
        x[i] = a[i][n];
        for (int j = i + 1; j < n; j++) {
            x[i] = x[i] - a[i][j] * x[j];
        x[i] = x[i] / a[i][i];
    }
   // вывод решения на экран
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        cout << "x" << i << " = " << x[i] << endl;
    }
    return 0;
}
```

## 0.4. Скриншот программы

Реализовать алгоритм вычисления системы линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.

```
#include <iostream>
using namespace <mark>std;</mark>
int main() {
     int n;
     cout << "Введите количество уравнений: ";
     cin >> n;
     double a[n][n+1];
     for (int i = 0; i < n; i++) {
          cout << "Введите коэффициенты для " << i + 1 << " уравнения:" << endl;
          for (int j = 0; j <= n; j++) {
               cin >> a[i][j];
     for (int k = 0; k < n; k++) {{
          for (int i = k + 1; i < n; i++) {
               double coeff = a[i][k] / a[k][k];
               for (int j = k + 1; j <= n; j++) {
   a[i][j] = a[i][j] - coeff * a[k][j];</pre>
          }
     double x[n];
     for (int i = n - 1; i >= 0; i--) {
    x[i] = a[i][n];
          for (int j = i + 1; j < n; j++) {
    x[i] = x[i] - a[i][j] * x[j];</pre>
          x[i] = x[i] / a[i][i];
     // вывод решения на экран
     for (int i = 0; i < n; i++) {
   cout << "x" << i << " = " << x[i] << endl;</pre>
     return 0;
```

Рис. 0.1: Скриншот программы

## 0.5. Библиографические ссылки

Для изучения «внутренностей»  $T_EX$  необходимо изучить [1], а для использования  $\LaTeX$  лучше почитать [2, 3].

## Литература

- [1] Кнут Д.Э. Всё про Т<br/>еX. Москва: Изд. Вильямс, 2003 г. 550 с.
- [2] Львовский С.М. Набор и верстка в системе  $\LaTeX$  . 3-е издание, исправленное и дополненное, 2003 г.
- [3] Воронцов К.В. І 4<br/>ТеХ в примерах. 2005 г.