

# Основи криптографії

## Лекція 3. Елементи теорії зв'язку в секретних системах Клода Шеннона

# План

- Робота К.Шеннона «Теорія зв'язку в секретних системах»
- Ідеальний шифр.
- Класифікація та вимоги до сучасних криптосистем.

# Теорія зв'язку в секретних системах

- Клод Елвуд Шеннон та його робота «Теорія зв'язку в секретних системах», по суті, започаткував період наукової криптографії.
- Робота у вигляді секретної доповіді «Математична теорія криптографії», була розсекречена після Другої світової війни — сформувала обличчя сучасної криптографії. Його внесок часто порівнюють з впливом на фізику Ісаака Ньютона.
- К.Шеннон народився у 1916 році в м.Гейлорді (штат Мічиган). У 1936 році закінчив Масачусетський технологічний інститут з двох спеціальностей одночасно: математиці та електротехніці.

# Теорія зв'язку в секретних системах

- 1940 року — захистив докторську дисертацію, де він уперше застосував до описання роботи реле та перемикачів булеву алгебру. На той час це було революційною справою.
- У 1941 році він працював у Bell Laboratories, де займався розробкою криптографічних систем, що дозволило йому відкрити методи кодування з корекцією помилок.
- Метою К.Шеннона було забезпечення достовірного передавання інформації зашумленими каналами (телефон, телеграф).
- Для цього йому довелося сформулювати, що таке інформація, чим визначається її кількість.
- У роботах 1948-49 рр. Він визначив кількість інформації через ентропію — величину, яку використовують у термодинаміці та статистичній фізиці як міру

# Теорія зв'язку в секретних системах

- К.Шеннон розглядає шифрування як відображення відкритого тексту в шифрограму:  $C_i = F_K(M)$ , де  $C$  — шифротекст (*ciphertext*);  $M$  — відкритий текст (*message*),  $F_K$  — відповідне відображення; індекс  $K$  відповідає конкретному криптографічному ключу, який використано для шифрування.
- Для того, щоби існувала можливість однозначного розшифрування повідомлення, відображення  $F_K$  повинно мати єдине обернене відображення  $F_K^{-1}$  таке, що  $F_K F_K^{-1} = I$ , де  $I$  — тотожне перетворення:  $M = F_K^{-1}(C)$ .
- Джерело ключів повинно бути при цьому статистичним процесом або пристроєм, що задає відображення  $F_1, F_2, \dots, F_N$  з ймовірностями  $p_1, p_2, \dots, p_N$ .

# Теорія зв'язку в секретних системах

- Розглянемо найпростіший шифр заміни (наприклад, шифр Цезаря).
- Тоді алфавіт повідомлень співпадає з алфавітом криптограм та множиною знаків ключів.
- Шифрування виконується послідовною заміною знаків відкритого тексту знаками криптограми залежно від чергового значення знаків ключа.
- Відкритий текст, ключ та криптограма — послідовності літер того самого алфавіту:  $M=\{m_1m_2m_3\dots m_n\}$ ;  $K=\{k_1k_2k_3\dots k_n\}$ ;  $C=\{c_1c_2c_3\dots c_n\}$ .
- Кожен крок шифрування визначається співвідношенням:  $c_i=f(m_i,k_i)$ .
- У практичних системах довжина ключа може бути значно меншою за довжину повідомлення. Ключ на кожному кроці може обчислюватися з деякого первісного ключа меншого розміру, а ключова

# Теорія зв'язку в секретних системах

- Задача криптоаналітика полягає у відновленні відкритого тексту за криптограмою, знаючи множину відображень  $F_1, F_2, \dots, F_N$ .
- Існують криптосистеми, для яких будь-який об'єм перехопленої інформації недостатній для знаходження шифрувального відображення, причому **ситуація не залежить від обчислювальних потужностей криптоаналітика**.
- Шифри такого типу називаються **безумовно стійкими (абсолютно стійкими)**, за Шенноном — **ідеально секретними**.
- Це можливо лише тоді, коли  $M$  і  $C$  статистично незалежні.
- Безумовно стійкі системи існують, що буде показано далі.

# Теорія зв'язку в секретних системах

- Інший тип криптосистем — це такі, криптостійкість яких значна, але має кінцеве значення.
- Це означає, що криптоаналітик за кінцевий (але дуже великий) час, маючи певні обчислювальні ресурси, може подолати криптозахист такого шифру.
- Такі шифри мають назву **обчислювально стійких**.
- Найбільше розповсюджені якраз обчислювально стійкі шифри.

Чому?



# Теорія зв'язку в секретних системах

- Справа в тому, що користуватися абсолютно стійким шифром досить незручно, і його використовують лише надзвичайно критичних випадках.
- Простіше розробити обчислювально стійкий шифр за умови, щоби обчислювальні витрати на його подолання перевищували сьогоденні можливості.
- Наприклад, якщо кількість операцій, які треба виконати для того, щоби подолати криптозахист, становить  $10^9$  —  $10^{12}$ , можна вважати, що шифр достатньо стійкий.

# Теорія зв'язку в секретних системах

- У першій лекції ми бачили як одну із загадок криптографії, фестський диск.
- Чому не можуть розшифрувати написи на ньому?
- Для однозначного розшифрування замало інформації.
- Значить, існує така довжина повідомлення, при якій це неможливо!
- І навпаки: існує якась мінімальна кількість інформації (довжина повідомлення), при якій криптоаналітична задача має єдиний розв'язок.
- Мінімальна довжина криптограми, для якої існує єдиний розв'язок криптоаналітичної задачі, називається ***інтервалом єдиності***.
- Для різних мов він різний, але коливається в районі 40-50 символів.

# Теорія зв'язку в секретних системах

## Висновки:

- Робота К.Шеннона «Теорія зв'язку в секретних системах» започаткувала науковий етап розвитку криптографічної науки.
- В роботі уведено поняття:
  - ~ Безумовно стійкого шифру;
  - ~ Обчислювально стійкого шифру;
  - ~ Одиниці інформації;
  - ~ Інтервалу єдиності;
  - ~ Інші поняття, які ми розглядати не будемо.