УДК 683.519

Ткаченко С. В.,

Іванов І.І.

дослідження Критеріїв для розв’язання задачі дробово-лінійного програмування в умовах невизначеності

Робота присвячена дослідженню критеріїв знаходження компромісних розв’язків задачі дробово-лінійного програмування в умовах невизначеності. Було розроблено та описано декілька планів експериментів та зроблені висновки щодо правильності роботи критеріїв.

КЛЮЧОВІ СЛОВА: НЕВИЗНАЧЕНІСТЬ, ДРОБОВО-ЛІНІЙНЕ ПРОГРАМУВАННЯ, ЗАДАЧА ЛІНІЙНОГО ПРОГРАМУВАННЯ, КОМПРОМІСНЕ РІШЕННЯ, КОМБІНАТОРНА ОПТИМІЗАЦІЯ, ПЛАНУВАННЯ ЕКСПЕРИМЕНТІВ, МОДЕЛЬ ЗАДАЧІ.

English variant.

KEYWORDS

**1. Вступ**

Зазвичай задачі дробово-лінійного програмування використовуються у випадку коли необхідно максимізувати (мінімізувати) значення відношення деяких функцій. Одним із прикладів може слугувати оптимізація відношення прибутку до витрат. В реальному житті буває доволі складно вирішити такого типу проблему, якщо існує декілька варіантів значення для одного і того ж самого параметра, тому на практиці визначення найкращого варіанту дій часто проводиться в умовах невизначеності. Наслідки прийнятих рішень залежать від майбутнього розвитку подій, яке може відбуватися за різними сценаріями. В цьому і полягає умова невизначеності – існування множини альтернативних варіантів. Отже, задачі в недетермінованій постановці часто виникають в ситуаціях, коли немає попередньої ймовірнісної оцінки можливих майбутніх ситуацій або значень параметрів, які їх характеризують.

***2. Постановка задачі***

Задача комбінаторної оптимізації в умовах невизначеності має вигляд:

(1)

де — числа, — i-та довільна числовая характеристика допустимого рішення   — множина допустимих рішень.

Під невизначенністю тут розуміється невизначенність значень коефіцієнтів

Задача дробно-лінійного програмування у детермінованій постановці має вигляд:

(2)

(3)

де, , , , — дійсні числа, , - змінні задачи.

Для того, щоб при поясненнях уникнути необхідності розгляду множини різних можливих варіантів, припустимо, що на накладаються такі обмеження, при яких знаменник в (2) строго додатній для всіх допустимих значень , а також, що максимум є кінцевим:

(4)

(5)

Отже, існує R наборів коефіцієнтів можливих значень коефіцієнтів , . Знайти за заданими компромісними критеріями рішення задачі (1)–(2) в умовах сформульованої вище невизначеності. Ціллю є знайти такий компромісний розв’язок, який би задовільняв усі альтернативи не менше ніж на якусь встановлену величину.

**3. Критерії оцінки рішень**

Критерій A

Знайти компромісне рішення , що задовольняє , у якого:

де для задачі на мінімум:

А для задачі на максимум:

*Критерій B*

Якщо компромісного рішення, що задовольняє критерію A не існує, то знайти , що задовольняє на якому досягається

де , - відомі експертні вагові коефіцієнти.

**4. Побудова компромісного рішення**

Як відомо [5], задача (2)-(3) зводиться до задачі лінійного програмування (ЗЛП) наступним чином.

Введемо нові змінні

Тоді задача (2)-(3) прийме вигляд

де .

По рішенню ЗЛП (1.11)-(1.13) знаходиться оптимальне рішення задачі (2)-(3):  При цьому оптимальне значення функціоналів (2) і (1.11) приймають однакове значення.

**5. Знаходження компромісного рішення за критеріями A та B**

Компромісне рішення ( ) за критеріями A та B (якщо за критерієм A рішення не існує) знаходиться за рішенням наступної ЗЛП:

Якщо вихідна задача (2)-(3) є задачею на максимум, то в задачі (1.14)-(1.17) нерівності (1.17) мають вигляд:

Chart, radar chart

Description automatically generated

Рисунок 1.1 – Ілюстрація знаходження оптимального розв’язку при умові невизначеності