

Mínimo local

Dada una lista de n enteros a_0, \ldots, a_{n-1} , decimos que una posición i es un mínimo local si el elemento i-ésimo es menor que los elementos adyacentes, es decir, si $a_{i-1} > a_i$ y $a_i < a_{i+1}$ en el caso de que $1 \le i \le n-2$, $a_i < a_1$ en el caso i=0 o $a_{n-2} > a_i$ en el caso i=n-1.

Hay una lista de n enteros a_0, \ldots, a_{n-1} de 0 a n-1 sin repeticiones (es decir, una permutación de los elementos $0, 1, \ldots, n-1$) que no es conocida. Puedes hacer preguntas del siguiente tipo: proporcionas dos índices i, j y se te responde si a_i es mayor o menor que a_j . Debes encontrar un mínimo local de esta lista haciendo como máximo 50 preguntas.

Entrada y salida

Este es un problema interactivo. Debes refrescar la salida cada vez que imprimas datos (cout << endl o cout << flush en C++, System.out.flush() en Java, stdout.flush() en Python).

La primera línea de la entrada contiene un entero n, la longitud de la permutación. Debes leer este valor antes de hacer ninguna pregunta.

Para hacer una pregunta debes escribir una línea con el formato ? i j, donde i, j son los índices que quieres consultar $(0 \le i, j \le n-1)$. A continuación debes leer una línea con el resultado, que será un carácter: < si $a_i < a_j$ o > si $a_i > a_j$. En caso de que hayas superado el límite de consultas o hayas hecho una consulta inválida, leerás el carácter -. Si tu programa lee un -, debe terminar inmediatamente.

Para dar el resultado, debes escribir una línea con el formato ! i, donde i es el índice del mínimo local. Si hay varios mínimos locales puedes imprimir cualquiera de ellos.

Ejemplo

Entrada:

3 > <

Salida:

? 0 1 ? 1 2 ! 1

Esta interacción se podría corresponder con las permutaciones 1,0,2 o 2,0,1. En ambos casos, el mínimo local está en la posición 1.

Restricciones

 $2 \le n \le 10^6$.

Puedes hacer como mucho 50 preguntas.



Subtareas

- 1. (10 puntos) $n \leq 7$.
- 2. (15 puntos) $n \leq 50$.
- 3. (20 puntos) $n \le 100$.
- 4. (55 puntos) Sin restricciones adicionales.