|  |  |
| --- | --- |
|  | **EÖTVÖS LORÁND TUDOMÁNYEGYETEM**  Informatikai Kar  Programozási Nyelvek és Fordítóprogramok Tanszék |

**Praktikus programozás SKI kombinátor kalkulussal**

**Témavezető: Készítette:**

Kaposi Ambrus Fülöp Olivér - PG8SJ5

egyetemi docens programtervező informatikus MSc szak

**Budapest, 2023**

# 1. Tartalomjegyzék

[1. Tartalomjegyzék 1](#_Toc142418382)

[2. Bevezetés 2](#_Toc142418383)

[3. A kutatás ismertetése 3](#_Toc142418384)

[3. 1. SKI kombinátor kalkulus 3](#_Toc142418385)

[3. 1. 1. Története 3](#_Toc142418386)

[3. 1. 2. Elemei és működése 3](#_Toc142418387)

[3. 1. 3. Kombinátorok használata a gyakorlatban 5](#_Toc142418388)

[3. 1. 4. Előnyei, hátrányai 6](#_Toc142418389)

.

# 2. Bevezetés

Diplomamunkámként egy gyakorlatban is használható, az SKI kombinátorokra épülő típusos kifejezésnyelvet készítettem, amely nem tartalmaz változókat. A nyelvhez parsert, típusellenőrzőt és egy kiértékelőt is implementáltam Java nyelven.

Az elkészült nyelvben példaként egyszerű programokat adtam meg és értékeltem ki és azt vizsgáltam, hogy egy ilyen nyelvben milyen módon lehet nagyobb programokat minél egyszerűbben és olvashatóan megadni. A kutatásban felhasznált módszerek elsősorban a típusparaméterek használata és a típuskikövetkeztetés, valamint összehasonlítottam a nyelv két különböző, mély és sekély implementációját.

# 3. A kutatás ismertetése

## 3. 1. SKI kombinátor kalkulus

### 3. 1. 1. Története

Az SKI kombinátor kalkulus az elméleti számítástudomány és matematikai logika egyik alapvető számítási módszere. Az 1920-as években Moses Schönfinkel mutatta be és később az 1930-as években Haskell Curry kiegészítette.

Történelmileg, az SKI kalkulus eredete David Hilbert munkájára vezethető vissza. Egy formális rendszert szeretett volna létrehozni matematikai bizonyítások kifejezésére, amely a lehető legkevesebb axiomát és következtetési szabályt tartalmazza. Schönfinkelnek Hilbert munkája adta az ihletet az SKI kalkulus elkészítéséhez, amellyel változók használata nélkül tudott függvényeket kifejezni. Az SKI elnevezés a három alapkombinátorból következik: S, K és I.

### 3. 1. 2. Elemei és működése

A kombinátor egy magasabb rendű függvény, amely csak függvény alkalmazásokat és korábban meghatározott kombinátorokat használ az eredmény kiszámításához. Az SKI kalkulus primitív kombinátorai az S, K és I, melyekkel az alapvető müveletek végezhetőek el. E három alapkombinátor kombinációjával és a paramétereken való alkalmazásával, komplex számításokat lehet kifejezni és kiértékelni. A fő ötlet, hogy bármely kiszámítható függvény reprezentálható a három alapkombinátorral, mivel a lambda kalkulus esetén a Church-Rosser tétel garantálja, hogy a számítások eredményei nem függenek az alkalmazott redukciós lépések sorrendjétől és, hogy a lambda kalkulus és a kombinátor logika algebrailag ekvivalens egymással, tehát bármely lambda kifejezésnek van egy ekvivalens SKI kombinátor kifejezése, és fordítva, bármely SKI kombinátor kifejezésnek van egy ekvilvalens lambda kifejezése.

Az S kombinátor függvények kompozícióját és alkalmazását fejezi ki. Három paramétert vár, az első paramétert alkalmazza a harmadikra, majd ezt alkalmazza a második és a harmadik paraméterek alkalmazásának eredményére.

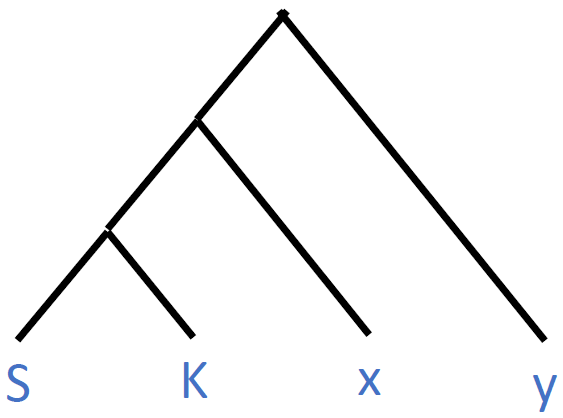
A példákban az egyes termek közötti szóközök a függvényalkalmazás műveletét jelölik.

A K kombinátor a konstans függvényként viselkedik. A két paramétere közül mindig az elsővel tér vissza, a másodikat figyelmen kívül hagyja.

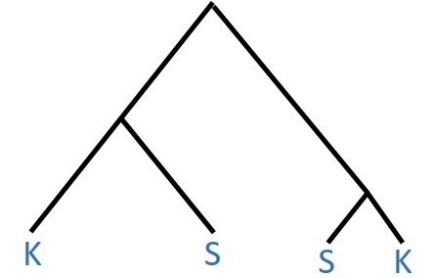
Az I kombinátor pedig az identitás függvényt reprezentálja, vagyis egyszerűen csak a kapott paraméterével tér vissza.

Az SKI kalkulus nem a minimális rendszer, ami megegyezik a lambda kalkulus számítási képességeivel, mivel az I kombinátor kifejezhető az S K K vagy S K S kifejezésekkel. I kombinátort akár el is lehetne hagyni, csak kényelemből használjuk és azért, hogy a kifejezések rövidebbek legyenek.

Az SKI kifejezések bináris fákként reprezentálhatóak, amelynek a gyökere és csúcsai az egyes függvény alkalmazások, levelei pedig a kombinátorok és paramétereik. A közös csúcsokhoz tartozó részfák az írásos formában bezárójelezhetőek, de az olvashatóság kedvéért csak abban az esetben írjuk ki a zárójeleket ha azok tényleg szükségesek. Zárójelek nélkül a kifejezések bal asszociatívak, tehát az kifejezést -ként kell értelmezni.



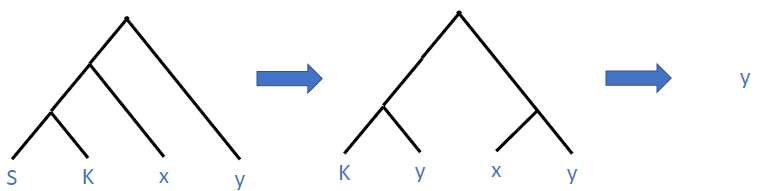
Például a helyett elég csak -t írni.

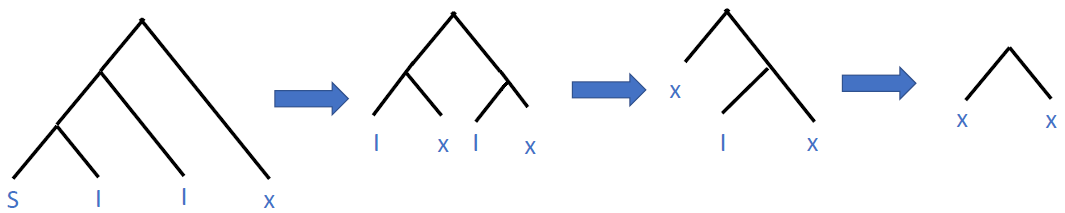


Az egyes kombinátorokon csak akkor lehet átírási szabályokat alkalmazni, ha azok a megfelelő számú paramétert kapták, S: 3 db., K: 2 db. és I: 1 db.

Például a következő kifejezések esetén nem tudunk átírási szabályt alkalmazni: vagy , de a esetben már igen: . Ha egy kombinátornak a szükségesnél több paraméter áll rendelkezésére, akkor csak a kellő számút használja fel az átírási szabály alkalmazásához, a maradék paremétereket pedig helyben hagyja.

Néhány további példa az SKI kifejezések kiértékelésére az átírási szabályok használatával:





### 3. 1. 3. Kombinátorok használata a gyakorlatban

Az SKI kalkulus tulajdonságai már jóval az első számítógép megjelenése előtt ismertek voltak. Szorosan kapcsolódik a lambda kalkulushoz és funkcionális programozási nyelvek alapjául szolgál.

* Az első kombinátor alapú programozási nyelv az APL volt, az 1960-as évekből. Arra lett tervezve, hogy műveletsorozatokat lehessen definiálni nagy méretű adathalmazokra. Az alapvető adattípusa a többdimenziós tömb volt. Hatással volt későbbi programozási nyelvekre, többek között a MatLab-ra és MapReduce-ra.
* NumPy: egy kiegészítő csomag a Python programozási nyelvhez, főleg többdimenziós tömbök műveleteinek elvégzésére, kombinátorok segítségével.
* FP (Functional Programming) egy kombinátor alapú funkcionális nyelv.
* MapReduce: a Google által készített kombinátor nyelv big data feldolgozására, párhuzamos, elosztott számítási algoritmusok használatával.
* A Haskell fordítóprogramja, a GHC bizonyos esetekben a kódot egy kombinátor alapú formára fordítja optimalizáció céljából.
* Az Ulambda egy majdnem tisztán funkcionális programozási nyelv. Kombinátor logikán alapszik, egy lambda operátorok és szabad változók nélküli kifejezés rendszer.
* Iota és Jot: két nagyon minimalista formális rendszerrel rendelkező nyelv, úgy tervezve, hogy még egyszerűbb legyen mint az ismertebb lambda és SKI kombinátor kalkulusok.

### 3. 1. 4. Előnyei, hátrányai

Előnyei:

* A kombinátor kalkulus a legegyszerűbb számítási formák közé tartozik.
* Nem használ változókat és nem kell foglalkozni a láthatósággal, névütközéssel és átvenezéssel
* Jól használható párhuzamos és elosztott tömeges adatműveletekhez, általában gyűjteményeken/tömbökön, pl:
  + Egy függvény alkalmazása egy adathalmaz minden elemére
  + Egy adathalmaz egyetlen értékké redukálása egy asszociatív művelettel
  + Mátrix transzponálás

A párhuzamos/elosztott műveleteknél a változók használata nehézséget okozhat.

Hátrányai:

* Bár a kombinátorok általánosan alkalmazhatók, nem minden probléma megoldására alkalmasak hatékonyan. Bizonyos típusú problémákhoz más programozási módszerek lehetnek jobban illeszkedőek. Például nem használható szekvenciális számítási modellként.
* Néhány esetben a kombinátor alapú megoldások lassabbak vagy kevésbé hatékonyak az imperatív vagy objektumorientált megközelítéssel szemben. Számítógépeink memóriával és belső adattárolóval rendelkeznek, ezek a tulajdonságok a változókat használó programozási nyelveknek hasznosak.
* A kombinátor kalkulussal megfogalmazott kifejezések gyakran bonyolultak és nehezen olvashatóak lehetnek.

## 3. 2. Típusos SKI

Ebben a fejezetben az általam elkészített kifejezésnyelvet mutatom be, a Típusos SKI-t. Ezzel a nyelvvel főleg olyan kifejezéseket lehet megadni, amelyek az S, K és I kombinátorokból állnak, de a nyelv rendelkezik még néhány további beépített termmel is. A termek szintén kombinátorokként viselkednek és a kifejezésekben nincs lehetőség a változók használatára. A nyelv egy egyszerű típusrendszerrel is rendelkezik, ami biztosítja, hogy a kiértékelés csak helyesen típusozott utasításokra lesz alkalmazva. A Típusos SKI-ban megadott kifejezéseket először egy Parser olvassa be és elkészíti belőle a részben már típusos szintaxisfát. A szintaxisfában a típusellenőrző megpróbálja kikövetkeztetni a hiányzó típusokat, ha szükséges és elvégzi a típusellenőrzést. Végül az így elkészült jól típusozott fában a kiértékelő végrehajtja a lehetséges kombinátor alkalmazásokat és visszatér a végeredménnyel.

**Notes**

számokra, churck kódolás, + wiki: Typed skinál , pl termek ismertetésénél

term használható magyarul???

Parser, TypeChecker?