

Neptun kód: **AZXX1Z**
Beadás verziószáma: 1.

Név: Soós Csaba

Feladat

Programozási tételek összeépítése

*

Új őrség küldése a Kínai Nagy Falra

A Kínai Nagy Falon N őrhelyet létesítettek. Közülük azonban csak M helyen van őrség. Két szomszédos őrhely közötti fal őrzött, ha legalább az egyik végén van őrség.

Készíts programot, amely megadja, hogy minimum hány helyre kell még őrséget küldeni, hogy minden fal őrzött legyen!

Bemenet

A *standard bemenet* első sorában az őrhelyek száma ($1 \leq N \leq 100$) és az őrségek száma ($1 \leq M \leq N$) van, egy szóközzel elválasztva. A következő M sor az őrségek leírását tartalmazza, közülük az i -edik annak az őrhelynek a sorszáma, ahol az i -edik őrség van. Tudjuk, hogy minden helyen legfeljebb 1 őrség van.

Kimenet

A *standard kimenet* egyetlen sorába egyetlen egész számot kell írni: az új őrségek minimális számát, amivel elérhető, hogy minden fal őrzött legyen!

Példa

Bemenet

15 9
6
3
12
11
4
5
8
15
14

Kimenet

2



Korlátok

Időlimit: 0.1 mp.

Memórialimit: 32 MB

Specifikáció

Be: $n \in \mathbb{N}$, $m \in \mathbb{N}$, $lista \in \mathbb{N}[1..m]$

Sa: $orsegek \in \mathbb{N}[1..n]$, $orsegszamok \in \mathbb{N}[1..m]$, $kul \in \mathbb{N}[1..m]$, $hiany \in \mathbb{N}[1..db]$, $db \in \mathbb{N}$

Ki: $uj \in \mathbb{N}$

Ef: $(1 \leq n \text{ és } n \leq 100) \text{ és } (1 \leq m \text{ és } m \leq n)$

Uf: $\forall i \in [1..m]: (orsegek[lista[i]] = 1) \text{ és }$

$orsegszamok = KIVÁLOGAT(i=1..n, orsegek[i] \neq 0, i).2 \text{ és }$

$kul[1] = orsegszamok[1] - 1 \text{ és }$

$\forall i \in [2..m]: (kul[i] = orsegszamok[i] - orsegszamok[i-1] - 1) \text{ és }$

$db = DARAB(i=1..m, kul[i] > 1) \text{ és }$

$hiany = KIVÁLOGAT(i=1..m, kul[i] > 1, kul[i]).2 \text{ és }$

$uj = SZUMMA(i=1..db, hiany[i]/2)$

Sablon

Másolás sablon

i	y
e	$\rightarrow f(e)$
e+1	$\rightarrow f(e+1)$
...	$\rightarrow \dots$
u	$\rightarrow f(u)$

Feladat

Adott az egész számok egy **[e..u] intervalluma** és egy **$f:[e..u] \rightarrow H$ függvény**. **Rendeljük** az [e..u] intervallum **minden értékéhez** az f függvény hozzá tartozó értékét!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}$, $u \in \mathbb{Z}$

Ki: $y \in H[1..u-e+1]$

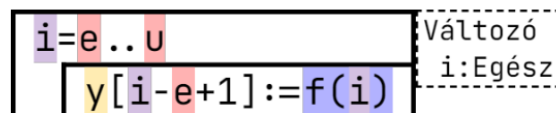
Ef: -

Uf: $\forall i \in [e..u]: (y[i-e+1] = f(i))$

Rövidítve:

Uf: **$y = \text{MÁSOL}(i=e..u, f(i))$**

Algoritmus



Megszámolás sablon

i	T(i)	érték
e	IGAZ	1
e+1	HAMIS	0
...	HAMIS	0
u	IGAZ	1
		db= 2

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$. Határozzuk meg, hogy az $[e..u]$ intervallumon a T feltétel **hányszor** veszi fel az igaz értéket!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $db \in \mathbb{N}$

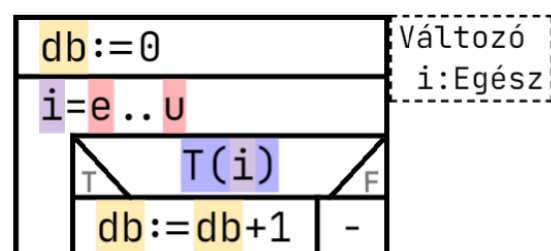
Ef: -

Uf: $db = \text{SZUMMA}(i=e..u, 1, T(i))$

Rövidítve:

Uf: $db = \text{DARAB}(i=e..u, T(i))$

Algoritmus



Kiválogatás sablon

i	T(i)	f(i)
e	→ HAMIS	
e+1	→ IGAZ	→ 1 $f(e+1)$
e+2	→ IGAZ	→ 2 $f(e+2)$
u	→ HAMIS	

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma, egy ezen értelmezett $T:[e..u] \rightarrow \text{Logikai feltétel}$ és egy $f:[e..u] \rightarrow \mathbb{H}$ függvény. Határozzuk meg az f függvény az $[e..u]$ intervallum **azon** értékeinél felvett **értékeit**, amelyekre a T feltétel teljesül!

Specifikáció

Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $y \in \mathbb{H}[1..]$

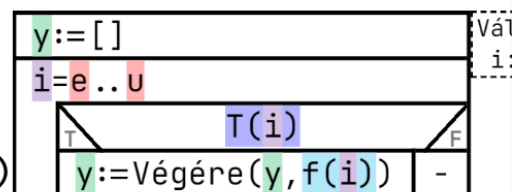
Ef: -

Uf: $\forall i \in [1..hossz(y)] : (\exists j \in [e..u] : T(j) \text{ és } y[i] = f(j))$
és $y \subseteq (f(e), f(e+1), \dots, f(u))$

Rövidítve:

Uf: $(,y) = \text{KIVÁLOGAT}(i=e..u, T(i), f(i))$

Algoritmus



Összegzés sablon

Feladat

Adott az egész számok egy $[e..u]$ intervalluma és egy $f:[e..u] \rightarrow H$ függvény. A H halmaz elemein értelmezett az összeadás művelet. Határozzuk meg az f függvény $[e..u]$ intervallumon felvett értékeinek az **összegét**, azaz a $\sum_{i=e}^u f(i)$ kifejezés értékét! ($e > u$ esetén ennek az értéke definíció szerint a nulla elem)

Specifikáció

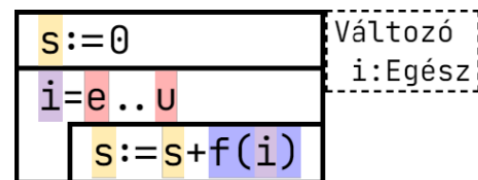
Be: $e \in \mathbb{Z}, u \in \mathbb{Z}$

Ki: $s \in H$

Ef: -

Uf: $s = \text{SZUMMA}(i=e..u, f(i))$

Algoritmus



Visszavezetés

MÁSOL: $\forall i \in [e..u]: (y[i-e+1] = f(i))$

$e..u \sim 1..m$

$y[i-e+1] \sim \text{orsegerek}[lista[i]]$

$f(i) \sim 1$

KIVÁLOGAT:

$y \sim \text{orsegyszamok}$

$e..u \sim 1..n$

$T(i) \sim \text{orsegerek}[i] \neq 0$

$f(i) \sim i$

MÁSOL: $\forall i \in [e..u]: (y[i-e+1] = f(i))$

$e..u \sim 2..m$

$y[i-e+1] \sim \text{kul}[i]$

$f(i) \sim \text{orsegyszamok}[i] - \text{orsegyszamok}[i-1] - 1$

Megoldás sablon „Új űrség küldése a Kínai Nagy Falra” beadandó 1. fázishoz

DARAB:

db ~ db

e..u ~ 1..m

T(i) ~ kul[i] > 1

KIVÁLOGAT:

y ~ hany

e..u ~ 1..m

T(i) ~ kul[i] > 1

f(i) ~ kul[i]

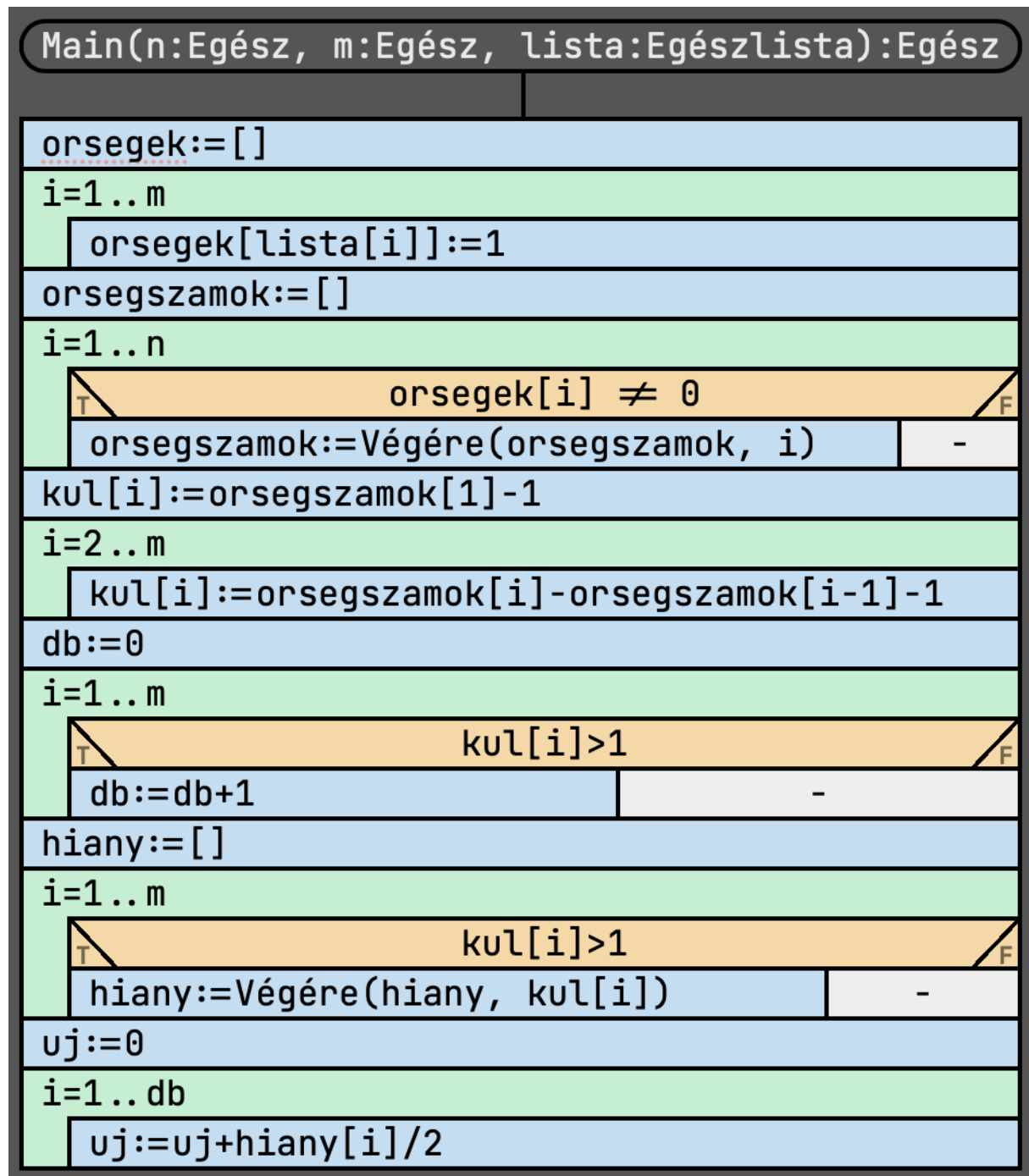
SZUMMA:

s ~ uj

e..u ~ 1..db

f(i) ~ hany[i]/2

Algoritmus



Git repo:

https://github.com/csabisooos/elte/tree/main/1.%20felev/programozas%20gyak/beadando_2