Correction - DS2

Exercice 1. On cherche à résoudre l'équation suivante :

$$\sin(3x) - \sin(x) \ge 0 \quad (E)$$

- 1. Dire si $\frac{\pi}{3}$ et $\frac{5\pi}{6}$ sont solutions de (E)
- 2. Montrer que pour tout $x \in \mathbb{R}$

$$\sin(3x) = 3\sin(x) - 4\sin^3(x)$$

- 3. Résoudre $-2X^3 + X \ge 0$
- 4. En déduire les solutions de (E) sur $[0, 2\pi]$.

Correction 1.

1. $\sin(3\frac{\pi}{3}) - \sin(\frac{\pi}{3}) = \sin(\pi) - \sin(\frac{\pi}{3}) = -\frac{\sqrt{3}}{2} < 0$ donc

$$\frac{\pi}{3}$$
 n'est pas solution de (E)

 $\sin(3\frac{5\pi}{6}) - \sin(\frac{5\pi}{6}) = \sin(\frac{5\pi}{2}) - \sin(\frac{5\pi}{6}) = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} > 0 \text{ donc}$

$$\frac{5\pi}{6}$$
 est solution de (E)

2. On a pour tout $(a, b) \in \mathbb{R}^2$:

$$\sin(a+b) = \sin(a)\cos(b) + \sin(b)\cos(a)$$

Ainsi pour tout $x \in \mathbb{R}$:

$$\sin(3x) = \sin(2x + x)$$

$$= \sin(2x)\cos(x) + \sin(x)\cos(2x)$$

$$= 2\sin(x)\cos^{2}(x) + \sin(x)(\cos^{2}(x) - \sin^{2}(x))$$

$$= 2\sin(x)(1 - \sin^{2}(x)) + \sin(x)(1 - 2\sin^{2}(x))$$

$$= 3\sin(x) - 4\sin^{3}(x)$$

où l'on a utilisé $\cos^2(x) + \sin^2(x) = 1$ à la 4 ème ligne.

3.

$$-2X^{3} + X \ge 0$$

$$\iff -X(2X^{2} - 1) \ge 0$$

$$\iff X((\sqrt{2}X)^{2} - 1^{2}) \le 0$$

$$\iff X(\sqrt{2}X - 1)(\sqrt{2}X + 1) < 0$$

A l'aide d'un tableau de signes on obtient l'ensemble des solutions :

$$\mathcal{S}_2 =]-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}] \cup [0, \frac{1}{\sqrt{2}}]$$

4. D'après les questions 1 et 2 on a

$$\sin(3x) - \sin(x) \ge 0 \Longleftrightarrow 2\sin(x) - 4\sin^3(x) \ge 0 \qquad \Longleftrightarrow -2\sin^3(x) + \sin(x) \ge 0$$

$$\iff \sin(x) \text{ solution de } -2X^3 + X \ge 0$$

$$\iff \sin(x) \in]-\infty, -\frac{1}{\sqrt{2}}] \cup [0, \frac{1}{\sqrt{2}}]$$

On obtient à l'aide du cercle trigonométrique, les solutions de l'équation $\sin(3x) - \sin(x) \ge 0$:

$$\mathcal{S} = [0, \frac{\pi}{6}] \cup [\frac{5\pi}{6}, \pi] \cup [\frac{7\pi}{6}, \frac{11\pi}{6}]$$

Exercice 2. 1. A quelle condition sur $X, Y \in \mathbb{R}$ a-t-on

$$X = Y \iff X^2 = Y^2$$

2. On souhaite résoudre dans $[-\pi, \pi]$ l'équation :

$$(1) \qquad |\cos(x)| = |\sin(x)|.$$

Montrer que (1) est équivalent à l'équation

$$(E) \qquad \cos(2x) = 0.$$

3. Résoudre (E) sur \mathbb{R} et en déduire les solutions de (1) sur $[-\pi, \pi[$ et représenter les solutions sur le cercle trigonométrique.

Correction 2.

- 1. On a $X = Y \iff X^2 = Y^2$ si X et Y sont de même signe.
- 2. Comme $|\cos(x)| \ge 0$ et $|\sin(x)| \ge 0$ l'équation est équivalente à $\cos^2(x) = \sin^2(x)$. Or $\cos(2x) = \cos^2(x) \sin^2(x)$ donc on obtient bien $(1) \iff \cos(2x) = 0$.
- 3. On a donc $2x \equiv \frac{\pi}{2}$ $[\pi]$ ainsi

$$x \equiv \frac{\pi}{4} \quad \left[\frac{\pi}{2}\right]$$

Les solutions sur \mathbb{R} sont donc

$$S = \bigcup_{k \in \mathbb{Z}} \{ \frac{\pi}{4} + \frac{\pi k}{2} \}$$

Sur $[-\pi, \pi]$ les solutions sont :

$$S \cap [-\pi, \pi[=\{\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{-\pi}{4}, \frac{-3\pi}{4}\}]$$

Exercice 3. Soit $(u_n)_{n\in\mathbb{N}}$ la suite définie par $u_0=3, u_1=6$ et pour tout $n\in\mathbb{N}$

$$u_{n+2} = 2u_{n+1} + u_n$$

Montrer que pour tout $n \in \mathbb{N} : u_n \geq 3 \times 2^n$

Correction 3. On montre le résultat par récurrence double. On pose

Soit $\mathcal{P}(n)$ la proposition $\mathcal{P}(n)$: " $u_n \geq 3 \times 2^n ET u_{n+1} \geq 3 \times 2^{n+1}$ "

Initialisation Pour n = 0 on a d'une part : $u_0 = 3$, $u_1 = 6$ et d'autre part $3 \times 2^0 = 3$ et $3 \times 2^1 = 6$ Dont $\mathcal{P}(0)$ est vraie.

<u>Hérédité</u> On suppose qu'il existe $n \in \mathbb{N}$ tel que $\mathcal{P}(n)$ soit vraie. On a donc $u_n \geq 3 \times 2^n ET u_{n+1} \geq 3 \times 2^{n+1}$ On chercher à vérifier $\mathcal{P}(n+1)$, il suffit pour cela de vérifier que $u_{n+2} \geq 3 \times 2^{n+2}$. Montrons cette dernière inégalité.

$$u_{n+2}=2u_{n+1}+u_n$$
énoncé
$$\geq 2\times 3\times 2^{n+1}+3\times 2^n \quad \text{Hypothèse de récurrence} \qquad \geq 2^n(2\times 3\times 2+3)$$

$$\geq 2^n\times 15$$

Or $3 \times 2^2 = 12$ donc $2^n \times 15 \ge 3 \times 2^{n+2}$ Ainsi

$$u_{n+2} \ge 3 \times 2^{n+2}$$

et donc $\mathcal{P}(n+1)$ est vraie.

Conclusion $\forall n \in \mathbb{N}$

$$u_n \ge 3 \times 2^n$$

Exercice 4. 1. En justifiant proprement chaque étape de calcul, montrer que pour tout $n \in \mathbb{N}$:

$$\sum_{k=0}^{n} (k+1)^4 - k^4 = (n+1)^4.$$

- 2. Développer $(k+1)^4 k^4$.
- 3. Montrer par récurrence que pour tout $n \in \mathbb{N}$:

$$\sum_{k=0}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}.$$

4. A l'aide des trois question précédentes, montrer qu'il existe un polynôme P de degré 3, tel que pour tout $n \in \mathbb{N}$:

$$\sum_{k=0}^{n} k^3 = \frac{1}{4}(n+1)P(n).$$

On déterminera explicitement P(n)

5. En déduire, finalement que pour tout $n \in \mathbb{N}$:

$$\sum_{k=0}^{n} k^3 = \left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2.$$

Correction 4.

1. On reconnaît une somme télescopique :

$$\sum_{k=0}^{n} (k+1)^4 - k^4 = \sum_{k=0}^{n} (k+1)^4 - \sum_{k=0}^{n} k^4 \quad \text{Par lin\'earit\'e}$$

$$= \sum_{j=1}^{n+1} j^4 - \sum_{k=0}^{n} k^4 \quad \text{Changement de variable } j = k+1$$

$$= \left(\sum_{j=1}^{n} j^4\right) + (n+1)^4 - k^4 + \sum_{k=1}^{n} k^4 \quad \text{Relation de Chasles}$$

$$= (n+1)^4 \quad \text{Les deux sommes sont \'egales}$$

$$\left[\sum_{k=0}^{n} (k+1)^4 - k^4 = (n+1)^4\right]$$

2. On utilise le binôme de Newton on obtient

$$(k+1)^4 = k^4 + 4k^3 + 6k^2 + 4k + 1$$

Donc

$$(k+1)^4 - k^4 = 4k^3 + 6k^2 + 4k + 1$$

3. Soit $\mathcal{P}(n)$ la proposition $\mathcal{P}(n)$: " $\sum_{k=0}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ "

Initialisation Pour n=0 on a d'une part : $\sum_{k=0}^{0} k^2 = 0^2 = 0$ et d'autre part : $\frac{0(0+1)(2*0+1)}{6} = 0$ Dont $\mathcal{P}(0)$ est vraie.

<u>Hérédité</u> On suppose qu'il existe $n \in \mathbb{N}$ tel que $\mathcal{P}(n)$ soit vraie. On a donc

$$\sum_{k=0}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

En ajoutant de part et d'autre $(n+1)^2$ on obtient :

$$\sum_{k=0}^{n+1} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} + (n+1)^2$$

Ainsi:

$$\sum_{k=0}^{n+1} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1) + 6(n+1)^2}{6}$$

$$= \frac{(n+1)[n(2n+1) + 6(n+1)]}{6}$$

$$= \frac{(n+1)[2n^2 + 7n + 6]}{6}$$

Or $2n^2 + 7n + 6 = (2n+3)(n+2)$ donc

$$\sum_{k=0}^{n+1} k^2 = \frac{(n+1)(2n+3)(n+2)}{6}$$
$$= \frac{(n+1)((n+1)+1)(2(n+1)+1)}{6}$$

Ainsi $\mathcal{P}(n+1)$ est vraie.

 $\underline{\text{Conclusion}} \ \forall n \in \mathbb{N}$

$$\sum_{k=0}^{n} k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

4. On a donc D'après la question 1 on a

$$\sum_{k=0}^{n} (k+1)^4 - k^4 = (n+1)^4$$

D'après la question 2 on a :

$$(k+1)^4 - k^4 = 4k^3 + 6k^2 + 4k + 1$$

Donc

$$\sum_{k=0}^{n} (4k^3 + 6k^2 + 4k + 1) = (n+1)^4$$

Par linéarité on a donc

$$4\sum_{k=0}^{n} k^{3} + 6\sum_{k=0}^{n} k^{2} + 4\sum_{k=0}^{n} k + \sum_{k=0}^{n} 1 = (n+1)^{4}$$

Enfin on a montré à la question 3 que $\sum_{k=0}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ et on sait que $\sum_{k=0}^n k = \frac{n(n+1)}{2}$ et $\sum_{k=0}^n 1 = (n+1)$ donc

$$4\sum_{k=0}^{n} k^{3} = (n+1)^{4} - 6\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - 4\frac{n(n+1)}{2} - (n+1)$$

Enfin simplifions $(n+1)^4 - 6\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - 4\frac{n(n+1)}{2} - (n+1)$

$$(n+1)^4 - 6\frac{n(n+1)(2n+1)}{6} - 4\frac{n(n+1)}{2} - (n+1) = (n+1)\left((n+1)^3 - n(2n+1) - 2n - 1\right)$$
$$= (n+1)\left(n^3 + 3n^2 + 3n + 1 - 2n^2 - n - 2n - 1\right)$$
$$= (n+1)\left(n^3 + n^2\right)$$

On obtient donc

$$\sum_{k=0}^{n} k^3 = \frac{1}{4}(n+1)\left(n^3 + n^2\right)$$

La propriété est démontrée avec $P(n) = n^3 + n^2$

5. $n^3 + n^2 = n^2(n+1)$ donc $\frac{1}{4}(n+1)\left(n^3 + n^2\right) = \frac{(n+1)^2n^2}{2^2} = \left(\frac{(n+1)n}{2}\right)^2$ On obtient bien le résultat demandé.

Problème 1. On pose pour tout $n \in \mathbb{N}^*$:

$$S_n = \sum_{k=0}^n \frac{1}{k+n}$$

1. Calculer S_1 et S_2

2. A l'aide d'un changement de variable montrer que :

$$\forall n \in \mathbb{N}^*, \, S_n = \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{k}$$

3. Montrer que, pour tout $n \in \mathbb{N}^*$:

$$\sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right) = \ln\left(\frac{2n+1}{n}\right)$$

- 4. En déduire la limite de $\sum_{k=n}^{2n} \ln \left(1 + \frac{1}{k}\right)$.
- 5. A l'aide d'une étude de fonction, montrer que pour tout $x \geq 0$:

$$x - \frac{x^2}{2} \le \ln(1+x)$$

On pose
$$e_n = \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{2k^2}$$
.

6. Montrer que pour tout $n \in \mathbb{N}^*$,

$$S_n \le e_n + \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$$

- 7. On va montrer ensuite que $(e_n)_{n\geq 1}$ tend vers 0.
 - (a) Justifier (brièvement) que pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, $e_n \geq 0$.
 - (b) On note $E_n = \{\frac{1}{2k^2} \mid k \in [n, 2n]\}$
 - i. Donner en fonction de n le nombre d'éléments de E_n .
 - ii. Donner en fonction de n la plus grande valeur des éléments de E_n .
 - (c) En déduire que pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, $e_n \leq \frac{n+1}{2n^2}$.
 - (d) Conclure.

Remarque : Avec l'inégalité $\forall x > 0, \ln(1+x) \le x$, on peut montrer que $\sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1+\frac{1}{k}\right) \le S_n$ et ainsi en déduire la limite de $(S_n)_{n\in\mathbb{N}}$ à l'aide du théorème d'encadrement.

Correction 5.

11 def somme S(n):

- S=0
- for k in range (0, n+1):
- S=S+1/(k+n)
- 5 return (S)
- 2. (a) S_n est une somme de termes positifs, elle est donc positive.
 - (b) On calcule $S_{n+1} S_n$ on obtient

$$S_{n+1} - S_n = \sum_{k=0}^{n+1} \frac{1}{k+n+1} - \sum_{k=0}^{n} \frac{1}{k+n}$$

On fait un changemet de variable sur la première somme en posant i = k + 1 on a alors

$$S_{n+1} - S_n = \sum_{i=1}^{n+2} \frac{1}{i+n} - \sum_{k=0}^{n} \frac{1}{k+n}$$

Ce qui se simplifie en

$$S_{n+1} - S_n = \frac{1}{2n+1} + \frac{1}{2n+2} - \frac{1}{n}$$

On obtient en mettant au même dénominateur

$$S_{n+1} - S_n = \frac{-3n - 2}{n(2n+1)(2n+2)} < 0$$

$$(S_n)_{n\geq 1}$$
 est décroissante.

(c) $(S_n)_{n\in\mathbb{N}}$ est minorée par 0 est décroissante donc

$$(S_n)_{n\geq 1}$$
 converge.

3. (a) On pose le changement de variable i=k+n. On a Comme $k\in [\![0,n]\!]$, on a $i=k+n\in [\![n,2n]\!]$ et donc

$$S_n = \sum_{i=m}^{2n} \frac{1}{i}$$

Comme l'indice est muet on a bien

$$S_n = \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{k}$$

(b)

$$\sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right) = \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(\frac{k+1}{k}\right)$$

$$= \sum_{k=n}^{2n} \ln(k+1) - \ln(k)$$

$$= \sum_{k=n}^{2n} \ln(k+1) - \sum_{k=n}^{2n} \ln(k)$$

On fait le changmeent de variable i = k + 1 dans la première somme : on obtient

$$\sum_{k=n}^{2n} \ln(k+1) = \sum_{i=n+1}^{2n+1} \ln(i)$$

Ainsi

$$\begin{split} \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right) &= \sum_{i=n+1}^{2n+1} \ln(i) - \sum_{k=n}^{2n} \ln(k) \\ &= \sum_{i=n+1}^{2n} \ln(i) + \ln(2n+1) - \left(\ln(n) + \sum_{k=n+1}^{2n} \ln(k)\right) \\ &= \ln(2n+1) - \ln(n) + \sum_{i=n+1}^{2n} \ln(i) - \sum_{k=n+1}^{2n} \ln(k) \\ &= \ln\left(\frac{2n+1}{n}\right) \end{split}$$

(c) En tant que quotient de polynômes on a $\lim_{n\to+\infty}\frac{2n+1}{n}=2$ Par composition, on a $\lim_{n\to+\infty}\ln\left(\frac{2n+1}{n}\right)=\ln(2)$ Donc

$$\lim_{n \to +\infty} \sum_{k=n}^{2n} \ln \left(1 + \frac{1}{k} \right) = \ln(2)$$

(d) On fait une étude de fonction : soit $f: \mathbb{R}_+ \to \mathbb{R}$ définie par $f(x) = x - \ln(1+x)$. La fonction f est dérivable sur \mathbb{R}_+ et

$$f'(x) = 1 - \frac{1}{1+x} = \frac{x}{1+x}.$$

. Ainsi pour tout x>0, f'(x)>0, donc f est croissante sur \mathbb{R}_+ . Comme $f(0)=0-\ln(1)=0,$ on a donc pour tout $x\geq 0$ $f(x)\geq 0,$ c'est-à-dire $x-\ln(1+x)\geq 0$. Finalement

$$\forall x \ge 0, \ x \ge \ln(1+x)$$

(e) D'après la question 1), on a pour tout $k \in \mathbb{N}^*$

$$\ln\left(1 + \frac{1}{k}\right) \le \frac{1}{k}$$

Donc en sommant pour $k \in [n, 2n]$ on obtient :

$$\sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right) \le S_n$$

On applique maintenant le résultat de bas de page, avec $u_n = \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$, $v_n = S_n$ qui sont deux suites qui admettent bien des limites donc

$$\lim_{n \to +\infty} \sum_{k=n}^{2n} \ln \left(1 + \frac{1}{k} \right) \le \lim_{n \to +\infty} S_n$$

On obtient bien:

$$ln(2) \le \ell$$

4. (a) On fait une autre étude de fonction. On pose $g(x) = \ln(1+x) - x + \frac{x^2}{2}$. La fonction g est définie et dérivable sur \mathbb{R}_+ et on a

$$g'(x) = \frac{1}{1+x} - 1 + x = \frac{1 - 1 - x + x + x^2}{1+x} = \frac{x^2}{1+x}$$

Donc $g'(x) \ge 0$ pour tout $x \ge 0$ et donc g est croissante sur \mathbb{R}_+ . Comme g(0) = 0, on obtient pour tout $x \ge 0$, $g(x) \ge g(0) = 0$. Ainsi pour tout $x \ge 0$, on a $\ln(1+x) - x + \frac{x^2}{2} \ge 0$, d'où

$$\forall x \ge 0, \ln(1+x) \ge x - \frac{x^2}{2}$$

- (b) i. La suite $(e_n)_{n\in\mathbb{N}}$ est une somme de termes positifs, donc positive.
 - ii. On va majorer tout les termes par le plus grand terme apparaissant dans la somme. On a $\forall k \in [n,2n], \frac{1}{2k^2} \leq \frac{1}{2n^2}$ Donc

$$e_n = \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{2k^2} \le \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{2n^2}$$

Or
$$\sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{2n^2} = \frac{1}{2n^2} \sum_{k=n}^{2n} 1$$
. Il y a $(n+1)$ entier entre n et $2n$ donc $\sum_{k=n}^{2n} 1 = n+1$.

On a finalement $e_n \leq \frac{1}{2n^2}(n+1)$, c'est-à-dire :

$$\forall n \ge 1, e_n \le \frac{n+1}{2n^2}$$

iii. D'après les questions précédentes , pour tout $n \geq 1$

$$0 \le e_n \le \frac{n+1}{2n^2}$$

On a par ailleurs $\lim_{n\to +\infty}\frac{n+1}{2n^2}=\lim_{n\to +\infty}\frac{n}{2n^2}=0$ et $\lim_{n\to +\infty}0=0.$

Donc le théorème des gendarmes assure que

$$\lim_{n \to +\infty} e_n = 0$$

(c) On applique l'inégalité obtenue en 2a) à $\frac{1}{k} > 0$. On obtient donc, pour tout $k \in \mathbb{N}^*$:

$$\frac{1}{k} - \frac{1}{2k^2} \le \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$$

En sommant ces inégalités entre n et 2n on obtient donc

$$\sum_{k=n}^{2n} \left(\frac{1}{k} - \frac{1}{2k^2} \right) \le \sum_{k=n}^{2n} \ln \left(1 + \frac{1}{k} \right)$$

Ce qui donne en utilisant la linéarité :

$$\sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{k} - \sum_{k=n}^{2n} \frac{1}{2k^2} \le \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$$

D'où

$$S_n - e_n \le \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$$

En faisant passer e_n dans le membre de droite on obtient

$$S_n \le e_n + \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$$

(d) On applique le théorème de bas de page aux suites $u_n = S_n$ et $v_n = e_n + \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1 + \frac{1}{k}\right)$

et on obtient $\lim_{n\to+\infty} S_n \leq \lim_{n\to+\infty} e_n + \sum_{k=n}^{2n} \ln\left(1+\frac{1}{k}\right)$ Par somme de limites on obtient bien

$$\ell \leq \ln(2)$$

Avec l'inégalité $ln(2) \le \ell$ obtenue en 2e) on obtient :

$$\lim_{n \to +\infty} S_n = \ln(2)$$

Informatique

Exercice 5. Que retournent les scripts suivants :

```
Script 3
                                                                        Script 4
Script 1
                        Script 2
a=1
                        a=2
                                                a=1
                                                                        a=1
b=1
                        b=a**3
                                                b=a*2
                                                                        for i in range(5):
                                                                            if i\%2 == 0:
c=a+b
                        c=a-b
                                                a=b
a=0
                        if c>3:
                                                b=b+a
                                                                                 a=a+1
if c==b:
                                                print(a,b)
                            print(2)
                                                                        print(a)
    a=1
                        elif a<=2:
else:
                            print(1)
    a=2
                        else:
print(a,c)
                            print('coucou')
Correction 6. Le script 1 affiche :
                                           (2,2)
Le script 2 affiche:
                                             1
Le script 3 affiche :
                                           (2,4)
Le script 4 affiche:
                                             4
```

Exercice 6. 1. Ecrire une fonction discriminant qui prend en argument trois nombres a, b et c et retourne la valeur du discriminant du polynome $ax^2 + bx + c$

2. Écrire une fonction trinome qui prend en argument trois nombres a, b et c et renvoie la valeur de(s) (la) solution(s) $de(x) = ax^2 + bx + c = 0$ si il en existe et renvoie la phrase 'pas de solution réelle' sinon.

Correction 7.

```
1. def determinant(a,b,c):
    return( b**2 -4*a*c)
2. def solution(a,b,c):
    if a==0:
        return( "pas un polynome de degre 2")

    delta= determinant(a,b,c)
    if delta <0:
        return 'pas de solution'
    elif delta==0:
        return (-b/2*a)
    else:
        return (-b+delta**0.5)/(2*a), (-b-delta**0.5)/(2*a)</pre>
```

Exercice 7. Ecrire une fonction Python Somme qui prend en argument un entier n et retourne la valeur de la somme $\sum_{k=0}^{n} k^5$

Correction 8.

```
def somme(n):
    s=0
    for i in range(n+1):
        s=s+i**5
    return(s)
```