



DEPARTAMENTO
DE COMPUTACION

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales - UBA

TP 1: Diseño

Juego de Palabras

28 de Octubre de 2022

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Integrante	LU	Correo electrónico
Quintiero, Manuel	71/20	manu_quintiero@hotmail.com
Sarco, Sebastian	1708/21	sebastiansarco20@gmail.com
Bruzzo,Bruno	1377/21	bruzzo.bruno@gmail.com
Soria,Stephanie	1634/21	stepsoria@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales
Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja)

Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA

Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

Tel/Fax: (++54 +11) 4576-3300

<http://www.exactas.uba.ar>

MODULO Juego¹

Interfaz

Parámetros Formales

SE EXPLICA CON: juego

géneros: juego

Operaciones básicas de juego:

VARIANTE (**in** j: juego) -> res : variante

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\hat{res} =_{\text{obs}} \text{variante}(\hat{j})\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve la variante del juego.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

TURNO (**in** j: juego) -> res: nat

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\hat{res} =_{\text{obs}} \text{turno}(\hat{j})\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve a qué jugador le toca jugar.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

NUEVOJUEGO(**in** k: nat, **in** v: variante, **in** r: cola(letra) -> j : juego

Pre $\equiv \{\text{tamaño}(\hat{r}) \geq \text{tamañoTablero}(\hat{v})^2 + k * \#\text{fichas}(\hat{v})\}$

Post $\equiv \{\hat{j} =_{\text{obs}} \text{nuevoJuego}(\hat{k}, \hat{v}, \hat{r})\}$

Complejidad: $O(N^2 + |\Sigma| K + FK)$

Descripción: Genera un nuevo juego de variante v, cantidad de jugadores k y repositorio de fichas r.

Aliasing: El variante se pasa por referencia no modificable y el repositorio por referencia modificable.

UBICAR (**in/out** j:juego, **in** o:ocurrencia²)

Pre $\equiv \{j =_{\text{obs}} j_0 \wedge \text{jugadaValida?}(\hat{j}, \hat{o})\}$

Post $\equiv \{\hat{j} =_{\text{obs}} \text{ubicar}(\hat{j}_0, \hat{o})\}$

Complejidad: $O(m)$, donde m es el número de fichas que se ubican, es decir, long(o).

Descripción: Ubica la ocurrencia dada en el tablero.

Aliasing: Juego se recibe por referencia modificable, y la ocurrencia por referencia no modificable.

JUGADAVALIDA? (in j: juego, in o: ocurrencia) -> res: bool

Pre ≡ {True}

Post ≡ { $\hat{res} =_{\text{obs}} \text{jugadaValida?}(\hat{j}, \hat{o})$ }

Complejidad: $O(L_{\text{max}}^2)$

Descripción: Chequea si luego de poner las fichas de la ocurrencia “o”, todas las palabras del tablero son válidas.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable, y la ocurrencia por referencia no modificable.

CONTENIDOCASILLA (in j: juego, in i: nat, in j: nat) → res: letra

Pre ≡ { enTablero?(j. $\hat{\text{tablero}}, \hat{i}, \hat{j}$) }

Post ≡ { $\hat{res} =_{\text{obs}}$ If $\neg \text{hayLetra?}(\hat{j}. \hat{\text{tablero}}, \hat{i}, \hat{j})$ then LETRAVACIA⁴ else letra(j. $\hat{\text{tablero}}, \hat{i}, \hat{j}$) }

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve el contenido del tablero del juego en la coordenada (i,j) que debe ser una posicion válida. Si no hay letra devuelve la letra vacía

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

PUNTAJE(in j: juego, in id: nat) → res : nat

Pre ≡ { $0 \leq id < j.\#jugadores$ }

Post ≡ { $\hat{res} =_{\text{obs}}$ puntaje(\hat{j}, \hat{id}) }

Complejidad: $O(1 + m * L_{\text{Max}})$

Descripción: Actualiza el puntaje del jugador id desde la última vez que se invocó esta operación y devuelve su puntaje actualizado.

Aliasing: Juego entra como referencia modificable, donde UltimasFichasxJugador y puntaje[id] actualiza el valor de sus índices.

CUANTASFICHA TIENE?(in j: juego, in jug: nat, in x: letra) → res: nat

Pre ≡ {True}

Post ≡ { $\hat{res} =_{\text{obs}}$ $\#(\hat{x}, \hat{\text{fichas}}(\hat{j}, \hat{j}))$ }

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve cuantas letras “x” tiene el jugador “jug” en su mano.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

REPOSITORIO(in j: juego) → res: cola<letra>

Pre ≡ {True}

Post ≡ { $\hat{res} =_{\text{obs}}$ repositorio(\hat{j}) }

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Devuelve el repositorio del juego.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

ULTIMAREPOSICION(**in** j: juego, **in**: id:nat) \rightarrow res: vector<letra>

Pre $\equiv \{0 \leq id < j.\#jugadores\}$

Post $\equiv \{(\forall i: nat)(0 \leq i < longitud(res) \rightarrow \hat{res}[i] \in fichas(\hat{j}, \hat{id}))\}$

Complejidad: O(1)

Descripción: Devuelve la última reposición realizada a ese jugador.

Aliasing: Juego se recibe por referencia no modificable.

Representación

Estructura

Juego se representa con jgo

donde jgo es tupla< tablero: tablero,
variante: variante,
turno: nat,
fichasEnMano: vector<vector<nat>>,
puntaje: vector<nat>,
repositorio: cola(letra),
ultimasFichasxJugador³: vector<vector<vector<ficha>>,
#Jugadores: nat,
ronda: nat,
ultimaReposicionxJugador: vector<vector<letra>>
>

donde ficha es tupla<letra, ronda, i, j>
ronda, i, j es nat

Invariante de Representación

Rep: $\hat{jgo} \rightarrow \text{bool}$

$(\forall j: jgo)$

Rep(j) =

tamañoTablero(j.variante) = tamaño(j.tablero) \wedge

OcurrenciasenTablero?Validas \wedge

$0 \leq j.\text{turno} < j.\#jugadores$ \wedge

LongitudEsCorrectaFichasEnMano \wedge

#FichasEnMano \wedge

long(j.puntaje) = j.#jugadores \wedge

long(j.UltimasFichasXJugador) = j.#jugadores \wedge

UltimasFichasEsValida \wedge

ultimaReposicionxJugadorValida

Donde:

- **OcurrenciasEnTablero?Validas** = Para toda ocurrencia presente en el tablero, la palabra que forma debe pertenecer al conjunto de palabras válidas del variante.
- **LongitudEsCorrectaFichasEnMano** = $\text{long}(j.\text{fichasEnMano}) = j.\#\text{Jugadores} \wedge (\forall i:\text{nat}) (i < j.\#\text{Jugadores} \rightarrow_L \text{long}(j.\text{fichasEnMano}[i]) = |\Sigma|)$
- **#FichasEnMano** = $(\forall k:\text{nat})(k < j.\#\text{jugadores})(\sum_{i=0}^{\text{longitud}(X)} X[i] = \#\text{fichas}(j.\text{variante})$
donde $X = j.\text{fichasEnMano}[k]$
- **UltimasFichasEsValida** = La ronda de cada ficha debe ser menor o igual que la ronda actual($j.\text{ronda}$). Luego, por cada ficha en cada vector de $\text{UltimasFichasXJugador}$, cada ficha debe seguir estando en el tablero actual, en su posición correspondiente.
- **ultimaReposicionxJugadorValida** = $\text{long}(j.\text{ultimaReposicionxJugador}) = j.\#\text{Jugadores} \wedge (\forall i:\text{nat}) (i < j.\#\text{Jugadores} \rightarrow_L \text{long}(j.\text{ultimaReposicionxJugador}[i]) \leq \text{LMax})$

Función de abstracción

$\text{Abs} : jgo \hat{j} \rightarrow \text{juego} \quad \{\text{Rep}(j)\}$

$\text{Abs}(j) = g : \text{juego} /$

$j.\text{tablero} = \text{tablero}(g) \wedge$
 $j.\text{variante} = \text{variante}(g) \wedge$
 $j.\text{turno} = \text{turno}(g) \wedge$
 $j.\#\text{Jugadores} = \#\text{jugadores}(g) \wedge$
 $\text{CantidadDeFichasEnManoCorrectas} \wedge$
 $\text{PuntajesPorJugadorCorrectos} \wedge$
 $j.\text{repositorio} = \text{repositorio}(g)$

Donde:

- **CantidadDeFichasEnManoCorrectas** = $(\forall i:\text{nat}) (i < \#\text{Jugadores}(g) \rightarrow_L (\forall j:\text{nat})(j < |\Sigma| \rightarrow j.\text{fichasEnMano}[i][j] = \#(\text{ord}^{-1}(j), \text{fichas}(g, i)))$
- **PuntajesPorJugadorCorrectos** = Para una instancia del tad, el puntaje de un jugador "x" es igual al elemento de puntaje correspondiente dentro de la estructura ($j.\text{puntaje}[x]$) sumado al puntaje que recibiría el jugador por las palabras formadas por las fichas pertenecientes al vector $j.\text{ultimasFichasXJugador}[x]$, dado el estado del tablero en el que se pusieron dichas fichas.

Algoritmos

iVariante(in j: jgo) → res : vrt

```
1   res ← j.variante
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: La variante se encuentra presente en la estructura de juego, por lo tanto es hacer una referencia.

iTurno(in j: jgo) → res: nat

```
1   res ← j.turno
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El turno se encuentra presente en la estructura de juego, por lo tanto es hacer una referencia.

iNuevoJuego(in k: nat, in v: vrt, in r: cola(letra) → j: jgo

```
1   tablero t ← nuevoTablero(tamañoTablero(v))
2   vector<vector<nat>> fichas ← IniciarVectorDimensionado(k,
  IniciarVectorDimensionado(|Σ|,0))
  vector<vector<letra>> ultimaRep ← IniciarVectorDimensionado(k, vacía())
3   vector<nat> puntaje ← IniciarVectorDimensionado(k,0))
4   i ← 0
5   while (i < k)
6     j ← 0
7     while (j < #fichas(v))
8       fichas[i][ord(próximo(r))] = fichas[i][ord(próximo(r))] + 1
9       desencolar(r)
10    endwhile
11  endwhile // A cada jug se le reparte tantas f como diga el var.
12  vector<vector<ficha>> h ← IniciarVectorDimensionado(k, vector.vacia())
13  nat ronda ← 0
14  j ← tupla(t, v, 0, fichas, puntaje, r, h, k, ronda, ultimaRep)
```

Complejidad: $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

Justificación: La creación del tablero tiene complejidad $O(N^2)$. Inicializar el vector que registrará la cantidad de fichas por jugador tiene complejidad $O(k*|\Sigma|)$. Repartir las fichas tiene complejidad $O(KF)$. El resto de las complejidades son acotadas.

iubicar (in/out j: jgo, in o: ocurrencia)

```
1   i ← 0
2   j.ultimaReposicionxJugador[j.turno] ← vacía()
```

```

3  while (i < longitud(o))
4      // Agrega la ficha al tablero
5      ponerLetra(j.tablero, o[i][0], o[i][1], o[i][2], j.ronda)
6
7      agregarAtras(j.ultimasFichasxJugador[j.turno], tupla(o[i][2], o[i][0],
8      o[i][1], j.ronda))
9      // Le sacamos la ficha al jugador.
10     j.fichasEnMano[j.turno][ord(o[i][2])] = j.fichasEnMano[j.turno][ord(o[i][2])]-1
11     // Le repone 1 ficha al jugador
12     AgregarAtras(j.ultimaReposicionxJugador[j.turno], proximo(j.repositorio))
13     j.fichasEnMano[j.turno][ord(proximo(j.repositorio))]++
14     desencolar(j.repositorio)
15     i = i + 1
16 endwhile
17 j.ronda++
18 j.turno = j.turno + 1 % j.#jugadores

```

Complejidad = $O(m)$, donde m es la cantidad de fichas que ubica el jugador en esa jugada.

Justificación = $O(1)$ el costo de inicializar variables y las asignaciones. El ciclo se repite m veces, y todas sus operaciones tienen costo $O(1)$. Luego $O(m)$ es el costo total del ciclo. El costo total del algoritmo es: $O(1) + O(m) * O(1) + O(1) = O(m)$

contenidoCasilla (in j: jgo, in i: nat, in j: nat) → res: letra

```

1  res ← j.tablero[i][j]0

```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Indexar la fila tiene complejidad $O(1)$, indexar la celda en la misma tiene complejidad $O(1)$.

ijugadaValida? (in j:juego, in o:ocurrencia) → res: bool

```

1  res ← true
2  if (LMax < longitud(o)) //Evitar ocurrencias mayores a LMax
3      res ← false
4  endif
5  vector<letra> palabra = vacia()
6  i ← 0
7  while (i < longitud(o) ∧ res) // Para cada elemento de la ocurrencia
8      f ← o[i][0]
9      c ← o[i][1]
10     while ((hayLetra?(j.tablero, f, c - 1) && enTablero?(j.tablero, f, c - 1) &&
11         res) // Obtener primer letra de palabra horizontal.

```

```

12   endwhile
13   while((hayLetra?(j.tablero,f,c) || c=o[i][1]) && enTablero?(j.tablero,f,c) &&
    res) // Avanzamos hasta la última para conseguir la palabra horizontal.
14     if (c = o[i][1])
15       agregarAtras(palabra, o[i][2])
16     else
17       agregarAtras(palabra, Letra(j.tablero, f, c)_0)
18     endif
19     c++
20   endwhile
21   if !(palabraLegitima?(j.variante, palabra)) //Chequear validez de palabra.
22     res ← false
23   endif
24   palabra = vacia()
25   c ← o[i][1]
26   while ((hayLetra?(j.tablero, f - 1, c) && enTablero?(j.tablero, f -1, c) &&
    res) // Análogamente a buscar la palabra horizontal pero vertical
27     f--
28   endwhile
29   while((hayLetra?(j.tablero, f, c) || f=o[i][0] ) && enTablero?(j.tablero, f,
    c) && res)
30     if (f = o[i][0])
31       agregarAtras(palabra, o[i][2])
32     else
33       agregarAtras(palabra, Letra(j.tablero, f, c)_0)
34     endif
35     f++
36   endwhile
37   if !(palabraLegitima?(j.variante, palabra))
38     res ← false
39   endif
40   palabra = vacia()
41   i++
42 endwhile

```

Complejidad: $O(LMax^2)$

Justificación: El algoritmo tiene 4 ciclos $O(LMax)$ y 2 chequeos de la palabra que cuestan $O(LMax)$ dentro de otro ciclo que también es $O(LMax)$, además de varias operaciones $O(1)$. Usando álgebra de órdenes:

$$kO(1) + O(LMax) * 6O(LMax) = O(LMax^2).$$

iCuantasFichasTiene?(in j: juego, in jug: nat, in x: letra) → res: nat

```

1   res ← j.fichasEnMano[jug][ord(x)]

```


Complejidad: $O(1)$

Justificación: La estructura de juego almacena la cantidad de fichas que posee un jugador en un vector. Luego el acceso a una posición de este vector es $O(1)$

```
iPuntaje(in j:jgo, in id:nat) → res: nat
1   for(i = 0; i < longitud(j.ultimasFichasXJug[id]); i++)
2     //iteras sobre las rondas/jugadas
3     vector<ficha> jugada_actual = j.ultimasFichasXJug[id][i]
4     bool ocurrencia_comun_vertical = (longitud(jugada_actual) > 1 &&
jugada_actual[0]_3 == jugada_actual[1]_3)
5     bool ocurrencia_comun_horizontal = !ocurrencia_comun_vertical
6
7     ronda = jugada_actual[0]_1
8     f = jugada_actual[0]_2 // fila
9     c = jugada_actual[0]_3 // columna
10    j.puntaje[id] += puntajeLetra(j.variante, jugada_actual[0]_0)
11//se suma el puntaje de la primera letra. Esta letra se usa como "pivot" para
sumar el resto del puntaje de la ocurrencia comun.
12
13    if(ocurrencia_comun_horizontal){
14      while (hayLetra?(j.tablero, f, c - 1) && enTablero?(j.tablero, f, c-1)
&& Letra(j.tablero, f, c - 1)_1 ≤ ronda)
15        j.puntaje[id] += puntajeLetra(j.variante, Letra(j,tablero, f, c-1)_0)
16        c-
17      endwhile
18
19      c = jugada_actual[0]_3 //reinicias la columna
20      while (hayLetra?(j.tablero, f, c + 1) && enTablero?(j.tablero, f, c+1)
&& Letra(j.tablero, f, c + 1)_1 ≤ ronda)
21        j.puntaje[id] += puntajeLetra(j.variante, Letra(j,tablero, f, c+1)_0)
22        c++
23      endwhile
24
25 /* ya sumamos los puntos de la ocurrencia común, incluyendo los de las letras de
26 las fichas que puso el jugador
27 falta sumar los puntos en vertical de cada ficha. */
28
29    j = 0 //j-esima ficha de la jugada (jugada_actual[j])
30    while(j < longitud(jugada_actual)){
31      f = jugada_actual[j]_2 // fila
32      c = jugada_actual[j]_3 // columna
33
34      while (hayLetra?(j.tablero, f-1,c) && enTablero?(j.tablero,f-1,c)
&& Letra(j.tablero,f-1,c)_1 ≤ ronda))
35        j.puntaje[id] +=puntajeLetra(j.variante,Letra(j,tablero,f-1,c)_0)
36        f--
```

```

37         endwhile
38
39         f = jugada_actual[j]_2 //se reinicia la fila
40         while (hayLetra?(j.tablero, f + 1, c) && enTablero?(j.tablero, f+1, c)
               && Letra(j.tablero, f + 1, c)_1 ≤ ronda)
41             j.puntaje[id] +=puntajeLetra(j.variante,Letra(j,tablero, f+1, c)_0)
42             f++
43         endwhile
44
45         else //si la ocurrencia común es vertical y no horizontal.
46             while (hayLetra?(j.tablero, f - 1, c) && enTablero?(j.tablero, f-1, c)
               && Letra(j.tablero, f - 1, c)_1 ≤ ronda)
47                 j.puntaje[id] += puntajeLetra(j.variante,Letra(j,tablero, f-1, c)_0)
48                 f--
49             endwhile
50
51             f = jugada_actual[0]_3 //reinicias la fila
52
53             while (hayLetra?(j.tablero, f + 1, c) && enTablero?(j.tablero, f+1, c)
               && Letra(j.tablero, f + 1, c)_1 ≤ ronda)
54                 j.puntaje[id] += puntajeLetra(j.variante,Letra(j,tablero,f+1, c)_0)
55                 f++
56             endwhile
57
58             /* ya sumamos los puntos de la ocurrencia común, incluyendo los de las
               letras de las fichas que puso el jugador
59             falta sumar los puntos en horizontal de cada ficha (de esto se encarga el
60             proximo while) */
61
62             j = 0 // Esta j es para iterar por sobre las fichas de la jugada
63             while(j < longitud(jugada_actual))
64                 f = jugada_actual[j]_2 // fila
65                 c = jugada_actual[j]_3 // columna
66                 while(hayLetra?(j.tablero, f,c+1) && enTablero?(j.tablero,f,c+1)
               && Letra(j.tablero, f, c + 1)_1 ≤ ronda)
67                     j.puntaje[id] += Letra(j.tablero, f, c + 1)_0
68                     c++
69                 endwhile
70
71                 c = jugada_actual[j]_2 //se reinicia la columna
72
73                 while(hayLetra?(j.tablero,f,c-1) && enTablero?(j.tablero,f,c-1)
               && Letra(j.tablero,f,c-1)_1 ≤ ronda)
74                     j.puntaje[id] += Letra(j.tablero, f, c - 1)_0
75                     c--
76                 endwhile
77             endif

```

```
78   ultimasFichasXJug[id] = vacia()
79   res ← j.puntaje[id]
```

Complejidad: $O(1 + m * LMax)$

Justificación: $O(1)$ para definir las variables al principio del “for” principal y para vaciar el vector ultimasFichasXJugador del jugador, $O(LMax)$ para obtener el puntaje de la ocurrencia común y $O(m * LMax)$ para obtener el puntaje de cada palabra que formó cada ficha, en sentido contrario al sentido de la ocurrencia común. Usando álgebra de órdenes:

$$O(1) + O(LMax) + O(m * LMax) \subseteq O(1 + m * LMax)$$

iRepositorio((in j: juego) → res: cola<letra>

```
1   res ← j.repositorio
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El repositorio se encuentra presente en la estructura de juego, por lo tanto acceder a él es $O(1)$.

iUltimaReposicion((in j: juego, in id: nat) → res: vector<letra>

```
1   res ← j.ultimaReposicionxJugador[id]
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: ultimaReposicionxJugador se encuentra presente en la estructura de juego, por lo tanto acceder a él es $O(1)$.

MÓDULO Variante

Interfaz

Parámetros Formales

SE EXPLICA CON: variante

géneros: variante

Operaciones básicas de variante

TAMAÑOTABLERO (**in** v: variante) -> res : nat

Pre ≡ {True}

Post ≡ {res =_{obs} tamañoTablero(v)}

Complejidad: O(1)

Descripcion: Da el tamaño de una fila o columna del tablero como referencia no modificable.

Aliasing: Recibe el variante como referencia no modificable.

#FICHAS (**in** v: variante) -> res : nat

Pre ≡ {True}

Post ≡ {res =_{obs} #fichas(v)}

Complejidad: O(1)

Descripcion: Devuelve la cantidad de fichas que tendrá cada jugador en la mano de la variante del juego como referencia no modificable.

Aliasing: Recibe el variante como referencia no modificable.

PUNTAJELETRA (**in** v: variante, **in** l: letra) -> res : nat

Pre ≡ {True}

Post ≡ {res =_{obs} puntajeLetra(v, l) }

Complejidad: O(1)

Descripcion: Devuelve el puntaje que suma poner una letra como referencia no modificable.

Aliasing: Recibe el variante como referencia no modificable.

PALABRALEGITIMA? (**in** v: variante, **in** s: vector(letra)) -> res : bool

Pre ≡ {True}

Post ≡ {res =_{obs} palabraLegítima?(v, s)}

Complejidad: O(LMax)

Descripcion: Verifica que la palabra s sea una palabra válida de la variante del juego.

Aliasing: Recibe el variante y la palabra como referencia no modificable.

NUEVAVARIANTE (**in** n: nat, **in** f: nat, **in** d: dicc(letra, nat), **in** c: conj(vector(letra)) -> res : variante

Pre $\equiv \{n > 0 \wedge f > 0\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} nuevaVariante(n, f, d, c)\}$

Complejidad: $O(LMax * longitud(c) + |\Sigma|)$

Descripcion: Crea una nueva variante de juego no modificable.

Aliasing: Recibe el diccionario d y el conjunto c como referencias no modificables.

Representación

Estructura

variante se representa con vrt donde vrt es

```
tupla<tamaño: nat,  
      #fichas: nat,  
      puntajesLetraVec: vector<nat>,  
      palabrasValidas: conjDigital(vector(letra)),  
>
```

Invariante de Representación

Rep: $\hat{vrt} \rightarrow \text{bool}$

($\forall e: \hat{vrt}$)

Rep(e) = $e.tamaño > 0 \wedge e.\#fichas > 0 \wedge longitud(e.puntajesLetraVec) = |\Sigma| \wedge$

$(\forall i: \text{nat})(0 \leq i < |\Sigma| \rightarrow_L \text{puntajesLetraVec}[i] > 0) \wedge$

$(\forall p: \text{vector}<\text{letra}>)(p \in e.palabrasValidas \rightarrow_L p \leq LMax)$

Función de abstracción

Abs: $\hat{vrt} \times e \rightarrow \text{variante } \{\text{Rep}(e)\}$

Abs(e) = $_{obs} v: \text{variante} /$

$e.tamaño = tamañoTablero(v) \wedge e.\#fichas = \#fichas(v) \wedge$

$(\forall i: \text{nat})(i < |\Sigma| \rightarrow_L \text{puntajesLetraVec}[i] = \text{puntajeLetra}(v, \text{ord}^{-1}(i))) \wedge$

$(\forall p: \text{vector}<\text{letra}>)(p \in e.palabraValidas \Leftrightarrow \text{palabraLegitima?}(v, p))$

Algoritmos

iTamañoTablero(in v: vrt) → res : nat

```
1   res ← v.tamaño
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El tamaño del tablero está almacenado en la estructura de la variante, luego acceder por referencia es $O(1)$.

i#fichas(in v: vrt) → res : nat

```
1   res ← v.#fichas
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: La cantidad de fichas que puede tener cada jugador en la mano está almacenado en la estructura de la variante, luego acceder por referencia es $O(1)$.

iPuntajeLetra(in v: vrt, in l : letra) → res : nat

```
1   res ← v.puntajesLetraVec[ord(l)]
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El puntaje de cada letra se encuentra almacenado en un vector en la estructura de la variante. Luego acceder a una posición de este vector es $O(1)$.

ipalabraLegitima?(in v: vrt, in p: vector(letra)) → res : bool

```
1   res ← pertenece?(p, v.palabrasValidas)
```

Complejidad: $O(LMax)$

Justificación: Chequear pertenencia en un conjunto digital (trie) está acotado por la palabra legítima más larga definida por la variante, $LMax$.

iNuevaVariante(in n:nat,in f:nat,in d:dicc(letra,nat),in c:conj(vector(letra)) → res: variante

```
1   it ← crearIt(c)
2   PuntajesLetraVec ← IniciarVectorDimensionado(|Σ|, 1) //  $O(|Σ|)$ 
3   itDic ← creatIt(d)
4   while(haySiguiente(itDic)) //  $O(|Σ|)$ 
5       PuntajesLetraVec[ord(siguienteClave(itDic))] = siguienteSignificado(itDic)
6// Esto se puede hacer porque PuntajesLetraVec es modificable en esta instancia.
7
8   Avanzar(it)
```

```

9   endwhile
10  conjTrie ← conjDigital(letra).vacía()
11  while(haySiguiente(it))
12      agregar(conjDigital, siguiente(it)) //conjunto hecho con tries.
13      if longitud(siguiente(it) > Lmax)
14          Lmax = longitud(siguiente(it))
15          it ← avanzar(it)
16      endif
17  endwhile
18  res ← tupla(n, f, PuntajesLetraVec, conjDigital)

```

Complejidad: $O(L_{\text{Max}} * \# \text{palabras} + |\Sigma|)$

Justificación: Crear el vector de puntajes por letra tiene costo $O(|\Sigma|)$. Cambiar sus valores también tiene costo $O(|\Sigma|)$. El costo de guardar las palabras validas en un conjunto digital es $O(L_{\text{Max}} * \# \text{palabras})$.

MÓDULO Conjunto Digital(letra)

Interfaz

Parámetros formales:

SE EXPLICA CON: conjunto(α)

géneros: conjDigital(letra)

Operaciones básicas de conjunto digital:

VACÍAO \rightarrow res: conjDigital(letra)

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \emptyset\}$

Descripción: Devuelve un conjunto digital vacío.

Complejidad: $O(|\Sigma|)$

INSERTAR(**in** p: vector<letra>, **in/out** t: conjDigital(letra))

Pre $\equiv \{t =_{\text{obs}} t_0\}$

Post $\equiv \{t =_{\text{obs}} \text{Ag}(p, t_0)\}$

Descripción: Inserta el elemento a al conjunto digital t.

Complejidad: $O(L_{\text{Max}})$

PERTENECE?(**in** p: vector<letra>, **in** t: conjDigital(letra)) \rightarrow res: bool

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{pertenece?}(a, t)\}$

Descripción: Devuelve si el elemento a pertenece al conjunto digital t.

Complejidad: $O(L_{\text{Max}})$

Representación

Estructura

conjDigital se representa con trie

donde trie es puntero(nodo)

dónde nodo es tupla(hijos: vector<trie>, finPalabra: bool)

Invariante de Representación

Rep: $\hat{trie} \rightarrow \text{bool}$

$(\forall t: \hat{trie}) \text{Rep}(t) = \neg(t == \text{NULL}) \rightarrow \text{longitud}(t \rightarrow \text{hijos}) == |\Sigma|$

Función de abstracción

Abs: $\hat{trie} \ t \rightarrow \text{conjunto}(\hat{palabra})$

{ Rep(t) }

Abs(t) = $_{obs} c : \text{conjunto}$ /

$(\forall p : \hat{palabra}) (\text{pertenece?}(p, t) \Leftrightarrow p \in c)$

dónde palabra es vector<letra>

Algoritmos

Vacia() → res: trie

```
1   res <-- puntero(nodo(IniciarVectorDimensionado(|Σ|, null), false)) //El
   array debe ser inicializado todo en NULL
```

Complejidad: $O(|\Sigma|)$

Justificación: Inicializar el vector de longitud $|\Sigma|$ cuesta $O(|\Sigma|)$.

Insertar(in p: vector<letra>, in/out t: trie)

```
1   nodoActual ← trie //va a servir para avanzar sobre los nodos del trie.
2   for(i ← 0; i < longitud(p); i++)
3       if(nodoActual→hijos[ord(p[i])] == NULL)
4           nodoActual→hijos[ord(p[i])] = trie.vacio()
5       end if
6       nodoActual ← nodoActual→hijos[ord(p[i])]
7   //Avanzas nodoActual, ya sabiendo que la posicion en hijos no es NULL.
8   endfor
9
10  nodoActual-->finPalabra = true; //nodoActual es la ultima letra.
```

Complejidad: $O(L_{Max})$

Justificación: En el peor caso la palabra a insertar tiene longitud L_{max} , y luego el for realiza tantas iteraciones como longitud tenga esa palabra.

Pertenece?(in p: vector<letra>, in t: trie) --> res: bool

```
1   nodoActual ← t
2   for(i ← 0; i < longitud(p) && nodoActual→hijos[ord(p[i])] != NULL; i++)
3       nodoActual ← nodoActual→hijos[ord(p[i])]
4   endfor
5   res ← (i == longitud(palabra) && nodoActual→finPalabra)
```

Complejidad: $O(L_{Max})$

Justificación: El peor caso es que busquemos pertenencia de la palabra legítima con longitud máxima. En ese caso habría que iterar por esa longitud (L_{Max}).

MÓDULO Tablero

Interfaz

Parámetros formales:

SE EXPLICA CON: tablero

géneros: tablero

Operaciones básicas de tablero:

TAMAÑO (**in** t: tablero) \rightarrow res: nat

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{tamaño}(t)\}$

Descripción: Devuelve el tamaño del tablero t.

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: Tablero se recibe como referencia no modificable.

HAYLETRA? (**in** t: tablero, **in** i: nat, **in** j: nat) \rightarrow res: bool

Pre $\equiv \{\text{enTablero?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{hayLetra}(t, i, j)\}$

Descripción: Devuelve true sí y solo sí en la posición (i,j) del tablero t hay una letra, donde (i,j) debe ser una posición válida.

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: Tablero se recibe como referencia no modificable.

LETRA (**in** t: tablero, **in** i: nat, **in** j: nat) \rightarrow res: tupla(letra, nat)

Pre $\equiv \{\text{enTablero?}(t, i, j) \wedge_L \text{hayLetra?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{\text{res}_0 =_{\text{obs}} \text{letra}(t, i, j)\}$

Descripción: Devuelve la letra ubicada en la posición (i,j) de t siempre y cuando sea una posición válida.

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: Tablero se recibe como referencia no modificable.

NUEVOTABLERO (**in** n: nat) \rightarrow res: tab

Pre $\equiv \{n > 0\}$

Post $\equiv \{\text{nuevoTablero}(n) =_{\text{obs}} \text{res}\}$

Descripción: Genera un nuevo tablero de tamaño n.

Complejidad: $O(n^2)$

PONERLETRA (**in/out** t: tablero, **in** i:nat, **in** j:nat, **in** l: letra, **in** r: nat)

Pre $\equiv \{t_0 = t \wedge \neg \text{hayLetra?}(t, i, j) \wedge_L \text{enTablero?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{t =_{\text{obs}} \text{ponerLetra}(t_0, i, j, l)\}$

Descripción: Modifica el tablero t ubicando (l,r), donde r es la ronda actual en la posición (i,j) siempre y cuando sea una posición válida en ese tablero y no haya ninguna letra antes.

Complejidad: O(1)

Aliasing: Tablero se recibe como referencia modificable.

ENTABLERO?(**in** t: tab, **in** i: nat, **in** j: nat) \rightarrow res: bool

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{enTablero?}(t, i, j)\}$

Descripción: Devuelve true si la posición (i,j) está dentro del rango del tablero.

Complejidad: O(1)

Aliasing: Tablero se recibe como referencia no modificable.

OCURRENCIASDEPALABRAS(**in** t:tab) \rightarrow res: conj(ocurrencia)⁶

Pre $\{\text{True}\}$

Post $\{res =_{\text{obs}} \text{ocurrenciaDePalabras}(t)\}$

Descripción: Devuelve todas las ocurrencias presentes en el tablero.

Complejidad: O(N²)

Aliasing: Tablero se recibe como referencia no modificable.

Representación

Estructura

tablero se representa con tab dónde tab es vector<vector<tupla<letra, nat>>>

Invariante de Representación

Rep: tab \rightarrow bool

(\forall t : tab)

Rep(t) = (\forall i : nat) ($0 \leq i < \text{long}(t) \rightarrow_L \text{long}(t) = \text{long}(t[i])$)

Función de abstracción

Abs: t:tab \rightarrow tablero

{Rep(t)}

Abs(t) = x : tablero /

tamaño(x) = long(t) \wedge (\forall i, j : nat) ($(0 \leq i, j < \text{long}(t) \rightarrow_L (\text{hayLetra?}(x, i, j) \Leftrightarrow (t[i][j]_0 \neq \text{LETRAVACIA}) \wedge \text{hayLetra?}(x, i, j) \rightarrow_L (\text{Letra}(x, i, j) == t[i][j]_0))$)

Algoritmos

```
iTamaño(in t: tab) → res : nat
1   res ← longitud(t)
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Calcular la longitud de un vector es $O(1)$.

```
ihayLetra?(in t: tab, i : nat, j : nat) → res : bool
1   res ← t[i][j]_0 != LETRAVACIA
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El acceso a un elemento de un vector por índice es $O(1)$

```
iletra(in t: tab, in i: nat, in j: nat) → res : tupla(letra, nat)
1   res ← t[i][j]
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El acceso a un elemento de un vector por índice es $O(1)$

```
iNuevoTablero(in n : nat) → res : tab
1 res ←
    iniciarVectorDimensionado(n,iniciarVectorDimensionado(n,tupla(LETRAVACIA,0)))
```

Complejidad: $O(N^2)$

Justificación: Es el costo de inicializar un vector de tamaño N , donde cada posición es a la vez otro vector de tamaño N .

```
iponerLetra(inout t: tab, i : nat, j : nat, let : letra, r: nat)
1   t[i][j] = tupla(let,r));
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El acceso a un elemento de un vector por índice es $O(1)$. Luego, crear una tupla ya dados los elementos es $O(1)$

```
ienTablero?(in t : tab, i : nat, j : nat) → res : bool
1  res ← (0 ≤ i < longitud(t) && 0 ≤ j < longitud(t))
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: El costo de las comparaciones y la asignación es $O(1)$

```
iocurrenciasDePalabras( in t: tab) → res : conjuntoLineal(ocurrencias)
1 res ← vacio()
2 for(int i = 0; i < longitud(t): i++)
3   vector<ocurrencia> ocurrenciaHor = vacia()
4   for( int j = 0: j < longitud(t); j++)
5     if (t[i][j]_0 != LETRAVACIA)
6       AgregarAtras(ocurrenciaHor, (i, j, t[i][j]_0))
7     else
8       Agregar(res, ocurrenciaHor)
9       ocurrenciaHor = vacia()
10    end if
11  end for
12  for(int j = 0; j < longitud(t), j++)
13    vector<ocurrencia> ocurrenciaVer = vacia()
14    for(int i = 0; i < longitud(t), i++)
15      if (t[i][j]_0 != LETRAVACIA)
16        AgregarAtras(ocurrenciaVer, (i, j, t[i][j]_0))
17      else
18        Agregar(res, ocurrenciaVer)
19        ocurrenciaVer = { }
20      end if
21    end for
22  end for
```

MODULO Vector(α) EXTENSIÓN⁷

Interfaz

INICIARVECTORDIMENSIONADO(in n: nat, in a : α) \rightarrow res : Vector(α)

Pre $\equiv \{ \text{True} \}$

Post $\equiv \{ \text{longitud}(\text{res}) = n \wedge (\forall i: \text{nat}) (i < \text{longitud}(\text{res})) \rightarrow \text{res}[i] = a \}$

Complejidad: $O(n * \text{copy}(a))$

Descripcion: Inicializa un vector de n elementos con valor a.

Algoritmos

iIniciarVectorDimensionado(in n:nat, in a: α) \rightarrow res: vector(α)

```
1  j  $\leftarrow$  0
2  res  $\leftarrow$  vacía()
3  while(j < n)
4      agregarAtras(res, a)      // O(1) amortizado
5      j  $\leftarrow$  j + 1
6  endwhile
```

Complejidad: $O(n * \text{copy}(a))$

Justificación: El costo será el de copiar el elemento a n veces.

MÓDULO SERVIDOR

Interfaz

Parámetros formales:

SE EXPLICA CON: servidor

géneros: servidor

Operaciones básicas de servidor

NUEVOSERVIDOR (**in** v: variante, **in** k: nat, **in** c: cola(letra)) -> res: servidor

Pre $\equiv \{ \text{long}(r) \geq \text{tamañoTablero}(v) * \text{tamañoTablero}(v) + k * \# \text{fichas}(v) \}$

Post $\equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \text{nuevoServidor}(k, v, c) \}$

Complejidad: $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

Descripción: Inicializa un servidor.

Aliasing: El variante se recibe como referencia no modificable. c se recibe como referencia modificable (es modificada por la operacion nuevoJuego.)

CONECTARCLIENTE (**in/out**: s servidor)

Pre $\equiv \{ s_0 =_{\text{obs}} s \wedge \neg \text{empezó?}(s_0) \}$

Post $\equiv \{ s =_{\text{obs}} \text{conectarCliente}(s_0) \}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Conecta un cliente al servidor.

Aliasing: El servidor se recibe como referencia modificable.

CONSULTARNOTIFICACIONES (**in/out** s: servidor, **in** id: nat)

Pre $\equiv \{ s =_{\text{obs}} s_0 \wedge \text{id} < \# \text{conectados}(s) \}$

Post $\equiv \{ s = \text{consultar}(s_0, \text{id}) \}$

Complejidad: $O(n)$

Descripción: Vacía la cola de notificaciones del jugador id.

Aliasing: El servidor se recibe como referencia modificable.

RECIBIRMENSAJE (**in/out** s: servidor, **in** id: nat, **in** o: ocurrencia)

Pre $\equiv \{ s =_{\text{obs}} s_0 \wedge \text{id} < \# \text{conectados}(s) \}$

Post $\equiv \{ s = \text{recibirMensaje}(s_0, \text{id}, o) \}$

Complejidad: $O(L_{\text{max}}^2 + m * L_{\text{Max}})$

Descripción: Recibe un mensaje de un cliente.

Aliasing: El servidor se recibe como referencia modificable.

#ESPERADOS(in s: servidor) \rightarrow res : nat

Pre \equiv {True}

Post \equiv { res =_{obs} #esperados(s) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Devuelve la cantidad de jugadores esperados del servidor.

Aliasing: El servidor se recibe como referencia no modificable.

#CONECTADOS(in s: servidor) \rightarrow res : nat

Pre \equiv {True}

Post \equiv { res =_{obs} #conectados(s) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Devuelve la cantidad de jugadores conectados al servidor.

Aliasing: El servidor se recibe como referencia no modificable.

JUEGO(in s: servidor) \rightarrow res : juego

Pre \equiv { empezó?(s) }

Post \equiv { res =_{obs} juego(s) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Devuelve el juego correspondiente al servidor.

Aliasing: Servidor se pasa por referencia no modificable.

Representación

Estructura

servidor se representa con srv donde srv es

tupla<j: juego,

CantEsperados: nat,

jugadores: vector<nat>,

timeStamp: nat,

notificacionesxJugador: vector<tupla(notifs: cola(tupla(notif, nat)), índice: nat)>,

notificacionesBroadcast: vector<tupla(notif, nat)>

Invariante de Representación

Rep: $srv \rightarrow bool$

$(\forall s: srv)$

$Rep(s) = longitud(s.jugadores) \leq s.CantEsperados \wedge$

$longitud(s.notificacionesxJugador) = s.CantEsperados \wedge$

$(\forall i: nat) (0 \leq i < longitud(s.jugadores) \Rightarrow s.jugadores[i] = i) \wedge$

$timeStampValido \wedge$

$indiceValido \wedge$

$notificacionesxJugadorValidas \wedge$

$notificacionesBroadcastValidas$

donde:

timestampValido: En una misma instancia, en notificacionesxJugador y notificacionesBroadcast, los timestamp de las notificaciones de cada jugador son estrictamente menores que el timeStamp correspondiente a la instancia.

indiceValido: $(\forall i: nat) (0 \leq i < longitud(s.notificacionesxJugador) \Rightarrow$
 $notificacionesxJugador_{indice} \leq longitud(notificacionesBroadcast)$

notificacionesxJugadorValidas: Si existen notificaciones en alguna de las colas del vector, las notificaciones pueden ser IDCliente, Reponer, Mal. No pueden existir notificaciones Empezar, TurnoDe, Ubicar, SumaPuntos.

notificacionesBroadcastValidas: Si existen notificaciones en alguna de las colas del vector, las notificaciones pueden ser Empezar, TurnoDe, Ubicar, SumaPuntos. No pueden existir notificaciones IDCliente, Reponer, Mal.

Función de Abstracción

Abs: $e: srv \rightarrow servidor$

$\{Rep(e)\}$

$Abs(e) = s: servidor/$

$juego(s) = e.j \wedge \#esperados(s) = e.CantEsperados \wedge \#conectados(s) = longitud(e.jugadores)$
 $\wedge configuracion(s) = tupla(variante(s.j), repositorio(s.j)) \wedge$
 $seCorrespondenLasColasDeNotificaciones$

donde:

seCorrespondenLasColasDeNotificaciones: Las notificaciones de un jugador "x" de una instancia del tad son iguales a la cola de notificaciones correspondientes al jugador "x" (es decir, la que le corresponde en el vector notificacionesxJugador) combinada con el vector de notificaciones de broadcast desde el elemento referenciado por el índice del jugador, hasta el final del vector. La secuencia combinada está ordenada de menor a mayor con respecto a el timeStamp.

Algoritmos

```
inuevoServidor (in v: variante, in k: nat, in c: cola(letra)) → res: srv
1   juego j ← nuevoJuego(k,v,c)
2   vector<nat> jugadores ← vacio()
3   vector<tupla(cola(tupla(notif, nat)), nat)> notificaciones ←
4   IniciarVectorDimensionado(k, tupla(cola.vacia(),0))
5   vector<tupla(notif, nat)> notificacionesBroadcast ← vector.vacia()
6   res ← tupla(j, k, jugadores, 0, notificaciones, notificacionesBroadcast)
```

Complejidad: $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

Justificación: El costo de la operación nuevoJuego del modulo Juego es $O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$. Luego el costo de inicializar un vector vacio es $O(1)$. El costo de inicializar el vector de notificaciones es $O(k) * O(1)$ (costo de inicializar una tupla y una cola vacia). Finalmente el costo total del algoritmo es: $O(N^2 + |\Sigma|K + FK) + O(1) + O(k) * O(1) \subseteq O(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

```
iconectarCliente (in/out: s srv)
1   nat id ← longitud(s.jugadores)
2   agregarAtras(s.jugadores, id) // se agrega el jugador
3   encolar(notificacionesXJugador[id]_notifs, tupla(idCliente(id),s.timeStamp))
4   s.timeStamp++ // se encola la notificacion del id del jugador junto al
   timeStamp y luego se incrementa en 1.
5
6   if(longitud(s.jugadores) = s.CantEsperados) // si empieza el juego
7       agregarAtras(s.notificacionesBroadcast,
8       tupla(Empezar(tamañoTablero(variante(s.j))), s.timeStamp)
9       s.timeStamp++
10      agregarAtras(s.notificacionesBroadcast, tupla(turnoDe(0), s.timeStamp))
11      s.timeStamp++
12  endif
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Todas las operaciones de este algoritmo son $O(1)$ u $O(1)$ amortizado, pues es encolar elementos, incrementar valores o agregar atras a un vector.

```
i#Conectados(in s: srv) → res : nat
1   res ← longitud(s.jugadores)
```

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Devuelve un elemento de la tupla srv.

iCantEsperados(in s: srv) → res : nat

1 res ← s.CantEsperados;

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Devuelve un elemento de la tupla srv.

ijuego(in s:servidor) → res : jgo

1 res ← s.j

Complejidad: $O(1)$

Justificación: Devuelve un elemento de la tupla srv.

iconsultarNotificaciones(in/out s:servidor, in c: nat)

```
1  while(-esVacía?(s.notificacionesxJugador[c]_notifs)
   || s.notificacionesxJugador[c]_índice < longitud(s.notificacionesBroadcast))
2  // mientras haya notificaciones disponibles.
3      if (esVacía?(s.notificacionesxJugador[c]_notifs))
4  //Si solo tiene pendientes notificaciones generales.
5      s.notificacionesxJugador[c]_índice++
6  else //Tiene notif pendientes en ambas colas.
7      timeStampJug ← proximo(s.notificacionesxJugador[c]_notifs)_1
8      timeStampBC ←
   s.notificacionesBroadcast[s.notificacionesxJugador[c]_índice]_1
9      if (timeStampJug < timeStampBC) //La prox notif es del jugador.
10         desencolar(s.notificacionesxJugador[c]_notifs)
11     else //La prox notif es general.
12         s.notificacionesxJugador[c]_índice++
13     endif
14 endif
15 endwhile
```

Complejidad: $O(n)$

Justificación: Recorrer la lista de notificacionesXJugador y desencolar es $O(n)$ y recorrer notificacionesBroadcast es $O(n)$.

```

iRecibirMensaje(in/out s: servidor, in id: nat, in o: ocurrencia)
1  if (jugadaValida?(s.j, o))
2      puntaje_antes_de_ubicar ← puntaje(s.j, id)
3
4      ubicar(s.j, o)
5      //Comunica a todxs la ocurrencia jugada.
6      agregarAtras(s.notificacionesBroadcast, tupla(ubicar(id, o), s.timeStamp))
7      s.timeStamp++
8
9      puntaje_actual ← puntaje(s.j, id)
10     agregarAtras(s.notificacionesBroadcast, tupla(sumaPuntos(id,
    puntaje_actual - puntaje_antes_de_ubicar), s.timeStamp)) //Comunica a todxs los
    puntos sumados.
11     s.timeStamp++
12     //Comunica al jugador las fichas que le fueron repuestas
13     encolar(notificacionesxJugador[id]_notif,
    tupla(reponer(ultimaReposicion(s.j, id)), s.timeStamp)
14     s.timeStamp++
15
16     agregarAtras(s.notificacionesBroadcast, tupla(turnoDe(id + 1 % K),
    s.timeStamp)) //Comunica a todxs el siguiente turno.
17     s.timeStamp++
18 else
19     encolar(notificacionesxJugador[id]_notif, tupla(mal()), s.timeStamp)
20     s.timeStamp++ //Comunica al jugador jugada inválida.
21 endif

```

Complejidad: $O(LMax^2) + O(m * Lmax)$

Justificación: El costo de chequear si la jugada es válida es $O(LMax^2)$ (heredado del módulo Juego). El ciclo realiza m iteraciones de operaciones $O(1)$ amortizado, donde m es la cantidad de fichas que se ubican en la jugada. Luego el costo del ciclo es $O(m)$. El costo de ubicar la jugada es $O(m)$ y el de acceder al puntaje de un jugador es $O(m * Lmax)$ (heredados ambos del módulo Juego). Luego el resto de todas las operaciones son $O(1)$. Finalmente el costo total del algoritmo es:
 $O(LMax^2) + O(m) + O(m) + O(m * Lmax) + O(1) \subseteq O(LMax^2 + m * LMax)$

MÓDULO NOTIFICACIÓN

Interfaz

Parámetros formales:

SE EXPLICA CON: notificación

géneros: notif

Operaciones básicas de notificación

IDCLIENTE(**in** id: nat) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv { res =_{obs} IdCliente(id) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación idCliente.

EMPEZAR(**in** n: nat) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv {res =_{obs} Empezar(n) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación empezar.

TURNODE(**in** id: nat) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv {res =_{obs} turnoDe(id) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación turnoDe

UBICAR(**in** id: nat, **in** o: ocurrencia) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv {res =_{obs} Ubicar(id, o) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación ubicar.

REPONER(**in** f: vector<letra>) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv { res =_{obs} Reponer(f) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación reponer

SUMAPUNTOS(**in** cid: nat, **in** n: nat) \rightarrow res: notif

Pre \equiv {True}

Post \equiv {res =_{obs} SumaPuntos(cid,n) }

Complejidad: O(1)

Descripción: Crea la notificación sumaPuntos

$MAL() \rightarrow res : notif$

Pre $\equiv \{True\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} Mal\}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Crea la notificación MAL.

Representación

Estructura

notificación se representa con notif donde notif es

tupla $\langle t : tipoNotif, id : nat, m : nat, f : vector(letra), o : ocurrencia \rangle$

donde tipoNotif es Enum(IdCliente, Empezar, TurnoDe, Ubicar, Reponer, SumaPuntos, Mal)

Invariante de Representación

Rep: notif $\rightarrow bool$

$(\forall t : notif)$

$Rep(t) = (IdCliente, cid, 0, \emptyset, \emptyset) \vee (Empezar, 0, n, \emptyset, \emptyset) \vee (TurnoDe, cid, 0, \emptyset, \emptyset) \vee (Ubicar, cid, 0, \emptyset, o) \vee (Reponer, 0, 0, f, \emptyset) \vee (SumaPuntos, cid, n, \emptyset, \emptyset) \vee (Mal, 0, 0, \emptyset, \emptyset)$

donde cid, n son nat. f es vector<letra>

Función de abstracción

Abs: n:notif $\rightarrow notificacion$

$\{Rep(n)\}$

$Abs(n) = n : notificacion /$

$datos(notif) = notif$

Algoritmos

iIdCliente(in cid: nat) → res : notif

1 res ← tupla(IdCliente, cid, 0, vector.vacia(), vector.vacia())

iempezar(in n: nat) → res: notif

1 res ← tupla(Empezar, 0, n, vector.vacia(), vector.vacia())

iTurnoDe(in cid: nat) → res: notif

1 res ← tupla(TurnoDe, cid, 0, vector.vacia(), vector.vacia())

iUbicar(in cid: nat, in o: ocurrencia) → res: notif

1 res ← tupla(Ubicar, cid, 0, vector.vacia(), o)

iReponer(in f: cola(letra)) → res: notif

1 res ← tupla(Reponer, 0, 0, f, vector.vacia())

isumaPuntos(in cid: nat, in n: nat) → res: notif

1 res ← tupla(SumaPuntos, cid, n, vector.vacia(), vector.vacia())

iMal() → res: notif

1 res ← tupla(Mal, 0, 0, vector.vacia(), vector.vacia())

Complejidad de todos los algoritmos del módulo: $O(1)$

Justificación: En todos los algoritmos se devuelve una tupla de longitud constante con elementos constantes (o de generacion constante, como por ejemplo vector.vacia()).

Decisiones Tomadas

(1) Usamos la notación “sombrero” para abstraer las variables y operaciones de la interfaz y estructura del módulo juego. Hacemos un abuso de notación en el resto de los módulos, dando a entender que se espera el mismo comportamiento que en la notación de módulo juego.

(2) `ocurrencia es vector(tupla(nat,nat,letra))`

(3) Hay determinadas operaciones que implementamos en los módulos que siguen un patrón de tener una estructura para cada jugador, para poder diferenciar entre que jugador realizó cada jugada. De esta forma, por ejemplo, al sumar las últimas fichas jugadas, podemos operar de una forma sencilla solamente sobre las fichas de determinado jugador, y sumar exclusivamente esas. Luego, al implementar el módulo servidor, notamos que la forma en la cuál opera el mismo para hacer las jugadas, termina recurriendo a ciertos comportamientos automáticos. Es decir, por ejemplo, cada vez que un jugador tiene la intención de realizar una jugada, si la misma es válida, el servidor habilitará la ubicación de las mismas, y en el proceso de notificar al jugador su puntaje, habrá actualizado el puntaje del mismo. De esta manera, en cada turno se actualizarán estos valores y no habrá una estructura de tipo “historial” en las mismas.

De todas formas, decidimos mantener nuestra implementación ya que nuestro módulo juego sigue siendo compatible con el módulo servidor y el mismo seguirá siendo compatible con otro tipo de módulos de servidor que excedan este TP que no necesariamente realizan los mismos comportamientos automáticos. Por ejemplo, un servidor que no notifique los puntajes, y los jugadores decidan si quieren actualizar su puntaje de forma manual, y esta operación puede ocurrir en cualquier turno.

(4) Asignamos el valor LETRAVACIA a la letra VACIO para poner sobre un casillero libre.

(5) Forma de indexar tuplas: Sea $A = \text{tupla}(x_1, x_2) \Rightarrow A_0 = x_1$ y $A_1 = x_2$.

(6) Para el módulo tablero decidimos implementar `OcurrenciaDePalabras` a pesar de que no la utilizamos ya que la misma nos es útil para definir el invariante de representación de juego, y está exportada por el TAD tablero.

Además, en el módulo variante, implementamos la operación `nuevoVariante`, a pesar de que nunca creamos un nuevo variante, la misma es el único generador de variante. Es exportada por el TAD y la consideramos necesaria para la completitud del módulo.

(7) Decidimos extender el módulo `Vector` con la operación `IniciarVectorDimensionado` para facilitar la comprensión del TP, ya que lo usamos en repetidas ocasiones.