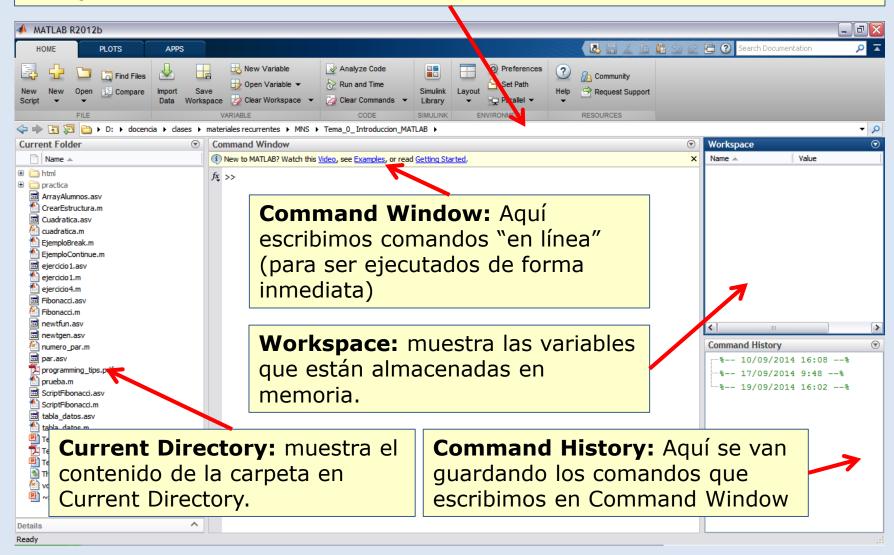
# Tema 0. Introducción a Matlab

Métodos Numéricos y Simulación.

Segundo de Grado en Física.

#### La pantalla de Matlab

**Current directory:** muestra la carpeta del disco duro en la que estamos trabajando.



### Tipos de datos

#### En Matlab los datos de guardan dentro de variables.

Las variables son de distinto tipo dependiendo del tipo de datos que contienen.

Cuando se crea una variable, aparece su nombre en **Workspace** junto con un **icono** que nos indica su tipo

Si picamos dos veces sobre el icono de una variable, se nos muestra su contenido.



numéricos



lógicos



alfanuméricos (caracteres y cadenas)



estructuras



arrays de celdas



referencia a función

#### Son datos numéricos aquellos que sólo contienen números

•Números enteros y reales  $\Rightarrow$  k=1

$$k=1$$

Vectores de números

>> 
$$v = [3.5 4.4 1.3] \longrightarrow v = (3.5 4.4 1.3)$$

>> 
$$w = [3.5 ; 4.4 ; 1.3]$$
  $w = \begin{pmatrix} 3.5 \\ 4.4 \\ 1.3 \end{pmatrix}$ 

Matrices de números

>> A=[3.1 9.8 ; 5.4 7.7] 
$$A = \begin{pmatrix} 3.1 & 9.8 \\ 5.4 & 7.7 \end{pmatrix}$$

Para acceder a los elementos de un array de números de usa (). Por ejemplo: A(1,2)=9.8

### Operaciones matriciales

Las operaciones + - \* ^ se interpretan como operaciones sobre números, vectores o matrices, dependiendo de las dimensiones de los arrays implicados.

Ejemplos: k=3 W=[1;2;3]

A=magic(3) v=[3 5 7]

Producto de escalar por vector: **k\*v k\*w** 

Suma y resta de vectores v+w v-w

Producto escalar de dos vectores: **v\*w** 

Producto diádico w\*v

Producto de un vector por una matriz **v\*A A\*w** 

Potencia de una matriz A^2

Nota: ^ sólo puede aplicarse sobre matrices cuadradas

#### Creación de matrices

#### Matlab proporciona comandos para crear matrices especiales

```
A = eye(4) matriz identidad 4*4
B = zeros(3,4) matriz de ceros de tres filas y 4 columnas
C = zeros(3) matriz de ceros 3*3
D = ones(4,5) matriz de unos de 4 filas y 5 columnas
E = rand(2,5) matriz 2*5 con elementos aleatorios entre 0 y 1
F = rand(2,5)
x = linspace(0, 10, 5) vector FILA con 5 valores equiespaciados entre 0 y 10
mv = [] se puede crear una matriz vacia
```

#### whos mv

Proporciona información sobre la matriz mv (nombre, dimensiones, espacio en memoria, tipo de elemento)

#### Matriz traspuesta e inversa

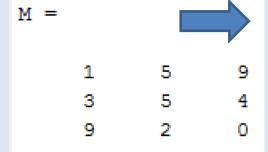
A' traspuesta de la matriz A

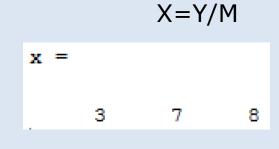
Como la multiplicación de matrices no cumple la propiedad conmutativa hay dos formas de calcular la matriz inversa en Matlab:

A\ inversa de la matriz A por la izquierda

/A inversa de la matriz A por la derecha.

Y=X*M	Ejemplo	
у =		
96	66	55





## Operaciones elemento a elemento

Anteponiendo un punto . a los operadores + - \* / ^ , las operaciones se hacen elemento a elemento entre arrays del mismo tamaño.

**Ejemplos:** 
$$z=[2 \ 4 \ 6]$$
  $W=[1 \ ;2 \ ;3]$   $v=[3 \ 5 \ 7]$ 

Producto de los elementos de dos vectores

Cuadrado de los elementos de una matriz

A.^2

Muchas funciones de Matlab operan sobre arrays elemento a elemento.

#### **Ejemplo:**

```
>> sin([0.3 1.15 2.45])

ans =

0.2955 0.9128 0.6378
```

## Direccionamiento de matrices a partir de vectores

## Podemos extraer submatrices de una matriz usando la sintaxis:



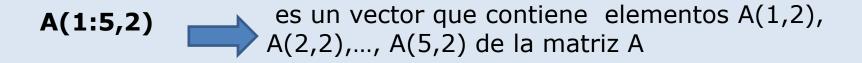
Índices de las filas a extraer

Índices de las columnas a extraer

#### Ejemplo:

### El operador:

El operador : se usa para referirse a series consecutivas de números (por defecto enteros si no se especifica un paso)



- es un vector columna que contiene todos los elementos de la segunda columna de la matriz A
- es un vector que contiene los números enteros del 10 al 15
- es un vector que contiene los números enteros y semienteros del 10 al 15

el uso del operador : nos evita escribir bucles en Matlab

## Son variables alfanuméricas aquellas que contienen letras y números tratados como letras.

Matlab trata las cadenas de caracteres igual que los arrays de números. P. ej. podemos concatenarlas tal y como un vector fila.

Algunos caracteres especiales se escriben usando un código

To Insert	Use
Backspace	\p
Form feed	\f
New line	\n

Carriage return	\r
Horizontal tab	\t
Backslash	\\
Percent character	88

## Una variable lógica es aquella que sólo puede tomar dos valores: verdadero o falso

- verdadero de representa por 1 o true
- falso se representa por 0 o false

Aunque lo intentemos, Matlab no permite que tomen otros valores distintos de 0 ó 1. Si tratamos de darles como valor otro número que no sea 1 o 0, Matlab siempre escribe un 1.

## Operadores relacionales y lógicos

Los siguientes **operadores relacionales y lógicos** funcionan **elemento a elemento** entre **arrays del mismo tamaño**, excepto en el caso de que uno de ellos sea un escalar.

Los siguientes **operadores lógicos** sólo pueden usarse entre escalares lógicos. Su evaluación se interrumpe en cuanto en algún punto se determina que la expresión es falsa.

## Direccionamiento de arrays con arrays lógicos

Un array lógico puede usarse para extraer elementos de otro array. Los elementos extraídos se corresponden con las posiciones donde el array lógico vale true.

$$z = [1 \ 2 \ 3]$$

La misma respuesta se obtiene con:

Una estructura es un tipo especial de variable que alberga varios campos, cada uno con un tipo de datos.

Cada campo puede contener datos de una naturaleza diferente.

La plantilla para una estructura puede crearse con el comando:

strArray = struct('field1',val1,'field2',val2, ...)

field1, field2, ...: son los nombres de los campos de la estructura.

val1, val2, ...: son los valores que se le da a los campos de la estructura.

#### **Ejemplo:**

elemento=struct('nombre',' ','simbolo', ' ', 'peso\_atomico',0,'isotopos',zeros(1,10))

## Estructuras. Uso

A cada campo se accede escribiendo: Nombre-Estructura • Campo

#### **Ejemplo:**

elemento.nombre = 'Hidrogeno'

elemento.simbolo='H'

elemento.peso\_atomico =1.00794

elemento.isotopos = [1 2 3]

Normalmente **siempre se puede leer** un campo de una estructura de esta forma. Sin embargo, algunas estructuras que veremos durante el curso requieren **comandos especiales** para **crearlas** o **modificar** sus campos.

## Arrays de celdas

Una celda es una variable en el que cada elemento puede ser de una naturaleza diferente.

```
datos_quimica = {'Hidrogeno' 'H' 1.00794 [1 2 3]; 'Helio' 'He' 4.0026 [3 4]}
```

- Un array de celdas se crea listando sus elementos entre llaves {}
- Para acceder a los elementos de un array de celdas se usa ().

datos\_quimica(2,1) da como resultado una celda que contiene la cadena 'Helio'

• Para acceder **al contenido** de un elemento de un array de celdas se usa {}.

datos\_quimica{2,1} da como resultado una variable alfanumérica igual a la cadena 'Helio'

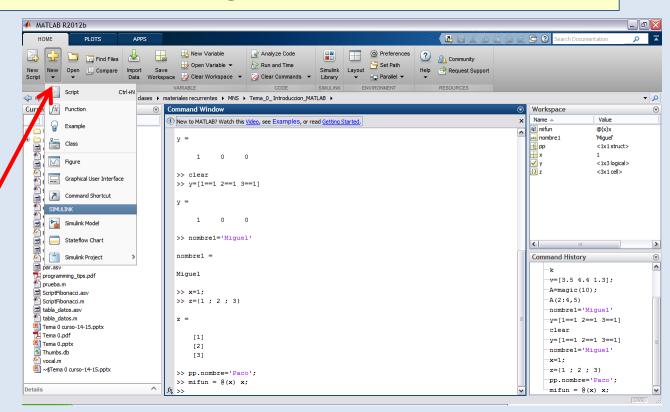
#### Archivos .m

En ocasiones, se hace un mismo cálculo o tarea muchas veces.

Conviene entonces guardar la secuencia de comandos para que se ejecuten automáticamente sin que tener que volver a escribirlos.

Matlab guarda secuencias de comandos en archivos de tipo M-file

Para crear un archivo .m abrimos el editor de Matlab en la pestaña Home, icono New, opción Script



#### script y funciones

Un archivo ".m" puede ser de dos tipos: un script o una función

Un **script** es un conjunto de líneas de código escritas tal y como lo haríamos por línea de comando guardadas en un archivo ".m"

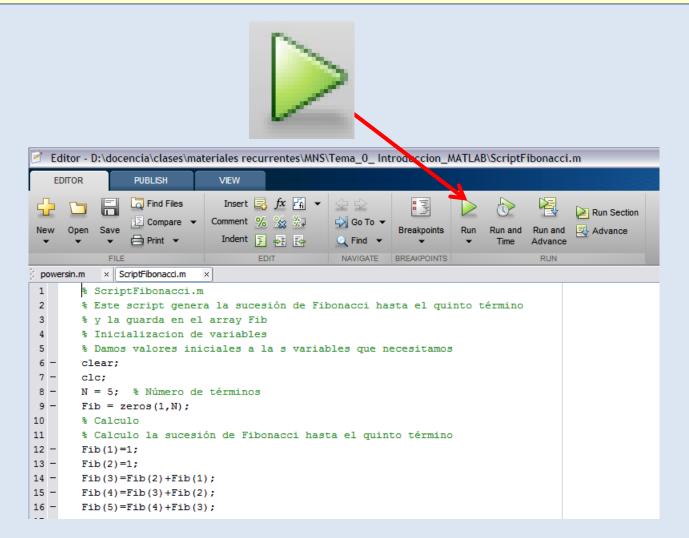
- ➤ No aceptan parámetros de entrada ni de salida.
- ➤Operan con variables en el **Workspace**.
- Las variables que crean permanecen en memoria cuando terminan de ejecutarse (excepto si se borran con el comando delete).

Una **función** es un conjunto de líneas de código escritas en un archivo ".m" que comienzan por una línea en la que aparece la palabra clave **function** y terminan en una línea en la que aparece la palabra clave **end**.

- ➤ Necesitan parámetros de entrada y/o salida.
- ➤ Usan un espacio de memoria propio.
- ➤Todas las variables que se crean en las líneas entre **function** y **end** se borran de memoria cuando se sale de la función.

#### Ejemplo de script

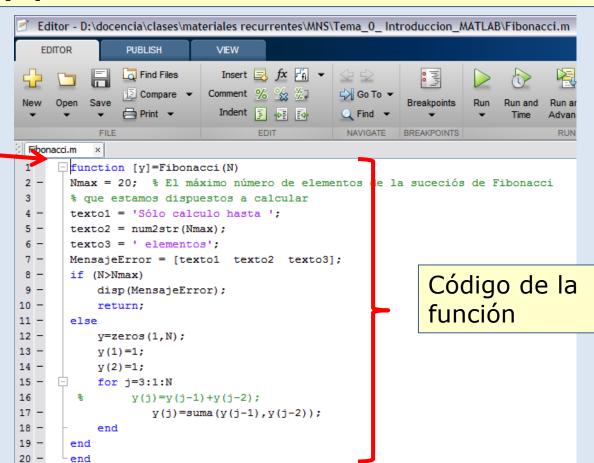
Un script se ejecuta escribiendo su nombre en *Command Window* y pulsando Enter o pulsando en el icono:



## Ejemplo de función

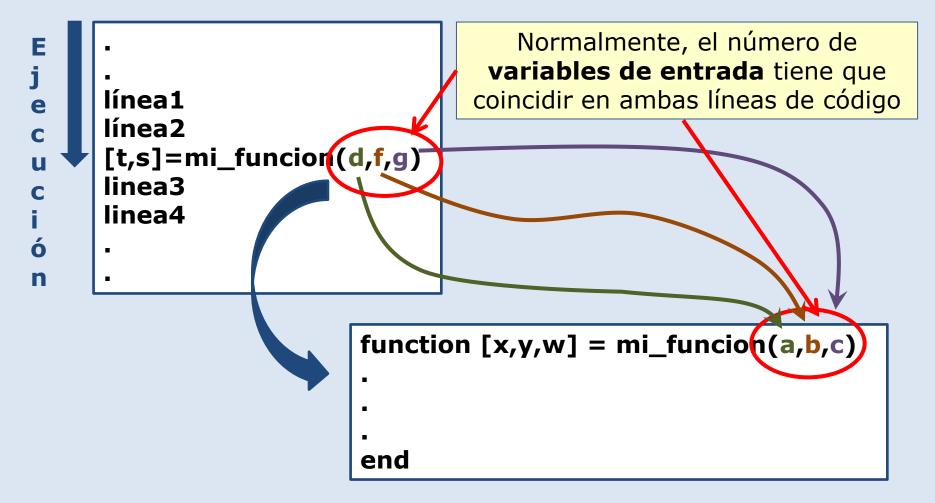
Una función no puede ejecutarse de forma independiente. Necesita ser llamada por otro código (script, función o línea de comando) que dé valores a sus variables de entrada

En la línea function se indican las variables de entrada y salida



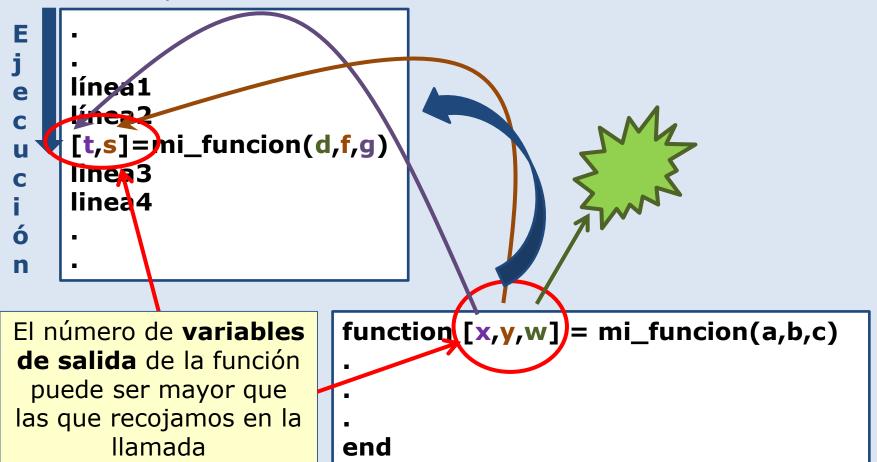
## Concepto de asignación: entrada

Cuando una parte del código llama a una función, el valor de las variables de entrada en el código se copia en las variables de entrada que hayamos escrito en la función siguiendo el mismo orden.



## Concepto de asignación: salida

Cuando la función acaba de ejecutarse, el valor de las **variables de salida** de la función se copia en las variables que hayamos escrito en el código **siguiendo el mismo orden** y se destruyen las variables que creó la función.



### Debugging (Búsqueda de errores en el código)

Es muy difícil escribir un programa sin cometer errores. Hay dos tipos genéricos de errores:

#### Errores de escritura.

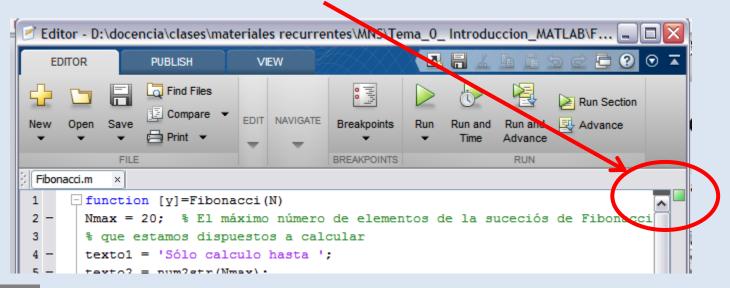
- ➤Son aquellos que se cometen al escribir el programa: palabras clave mal escritas, variables que no se usan...
- >Se pueden corregir **releyendo** el programa

#### Errores de depuración

- ➤Son aquellos que se encuentran dentro de un programa sin erratas pero que tiene problemas de diseño
- ➤ Para corregirlos hay que prestar atención a qué es lo que ocurre **mientras se ejecuta el programa**.

#### Errores de escritura

Matlab muestra los posibles errores de escritura en un cuadrado en la parte superior derecha de la ventana del editor y su posible localización con marcas en la columna derecha





sin errores de escritura



posible error de escritura



error de escritura: Matlab no dejará que se ejecute el código hasta que se corrija.

## Errores de depuración

Un **error de depuración** consiste en que algunas líneas de código que no hacen la función que esperábamos de ellas.

Para solucionar errores en tiempo de ejecución hemos de encontrar las líneas de código "problemáticas" y seguir la ejecución del programa **paso a paso** por ellas.

Se detectan de una de estas dos formas:

- 1) El programa termina de forma prematura y se muestra un mensaje de error en *Command* window, que nos da una pista de por dónde buscar.
- **2)** El programa termina cuando debe, pero no hace el cometido que nosotros esperamos de él. Para encontrar el error, dependemos de nuestra experiencia e ingenio.

#### breakpoints

Para correr el programa paso a paso primero hay que decir a Matlab que detenga la ejecución del programa en un punto.

Para indicar dónde se debe detener el programa se usan breakpoints.

Para insertar un "breakpoint", se pica en la línea de código donde queremos detener el programa.

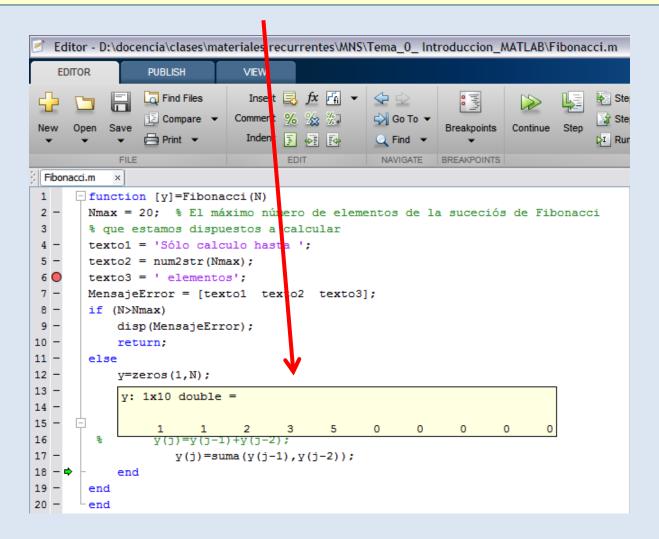
```
Editor - D:\docencia\clases\materiales recurrentes\MNS\Tema_0_ Introduccion_MATLAB\F...
   EDITOR
                 PUBLISH
                               VIEW
                Find Files
                                                                          Run Section
                 Compare
                              EDIT NAVIGATE
                                           Breakpoints
                                                                          Advance

    Print ▼
                                          BREAKPOINTS
 Fibonacci.m
      function [y]=Fibonacci(N)
        Nmax = 20; % El máximo número de elementos de la suceciós de Fibonacci
        % que estamos dispuestos a calcular
        texto1 = 'Sólo calculo hasta ';
        texto2 = num2str(Nmax);
        texto3 = ' elementos';
        MensajeError = [texto1 texto2 texto3];
        if (N>Nmax)
```

Es posible (y a veces conveniente) poner más de un **breakpoint** en un programa.

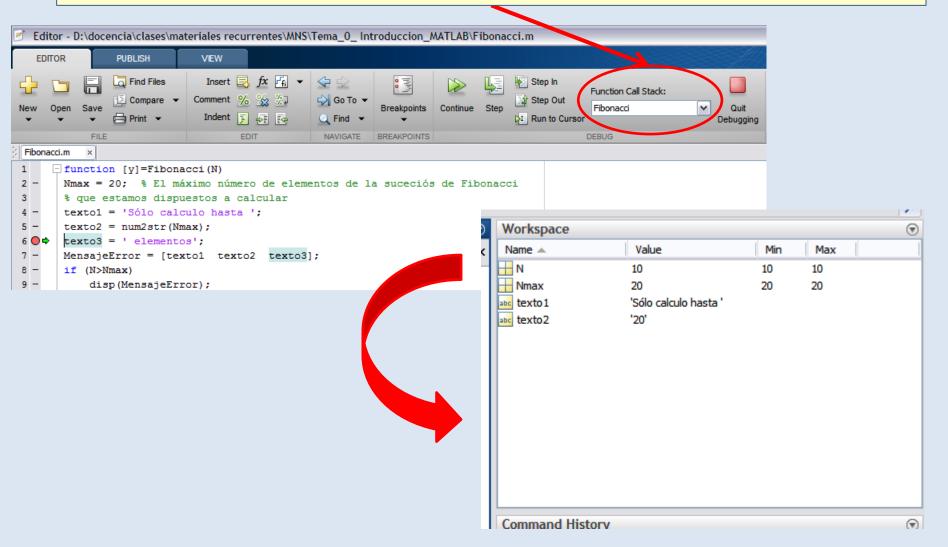
#### Examinar variables (I)

Cuando un programa está detenido, podemos inspeccionar el contenido de las variables en memoria poniendo el ratón sobre ellas....



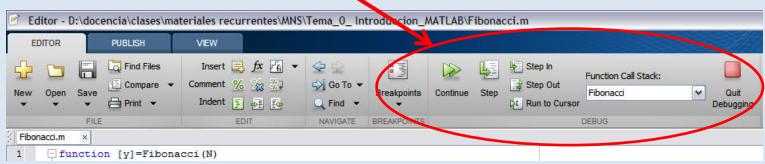
### Examinar variables (II)

...o seleccionando el espacio de memoria (**Stack**) donde están las variables y luego yendo al **Workspace** 



#### Uso del *debugger*

Un programa detenido puede hacerse avanzar de forma controlada usando los comandos del debugger.





Correr hasta el final o el próximo breakpoint.



Step

Avanzar un paso en el programa.



Quit

Interrumpir la ejecución.



Entrar en una función.



Run to Cursor



Salir de una función.

Correr el programa hasta la posición del cursor de texto.

#### Contexto de una variable

Hemos visto que las variables creadas dentro de una función:

- 1) Sólo están en memoria mientras la función está ejecutándose.
- 2) Están en una parte de la memoria separada de las de cualquier otro código que se esté ejecutando

Se llama **contexto** (stack) de una variable al espacio de memoria que ocupa junto con otras variables. Sólo es posible relacionar entre sí directamente variables del mismo contexto.

#### Esto implica que:

- ➤ Las variables de una función pueden tener el mismo nombre que otras variables que aparezcan en otras partes de un programa y no por ello tener el mismo valor.
- > El único intercambio de información con una función tiene lugar a través de sus parámetros de entrada y salida.

## Compilación separada

• Una función bien diseñada se debe poder utilizar desde cualquier otra función o script que escribamos en un futuro.

Para ello, Matlab debe saber dónde está la función.

Para hacer una función accesible a cualquier otra función o script, hay que escribirla en su propio archivo .m que debe tener el mismo nombre que la función.

Hay que tener en cuenta que Matlab sólo busca funciones en el directorio de trabajo y en la lista de directorios del **Path**.

• Si escribimos varias funciones en un único archivo ".m", todas las funciones de las segunda en adelante sólo son accesibles para las funciones de ese mismo archivo.

Matlab considera todas las funciones siguientes a la primera como sub-funciones de ella y no deja que otros programas accedan a ellas.

#### Sentencias de control

El flujo normal de ejecución de un programa es secuencial. Las sentencias de control se usan para alterar el flujo de ejecución.

**Ejecución condicional:** if, switch

Permiten hacer bifurcaciones en el flujo de ejecución haciendo que ciertas líneas se ejecuten o no.

Bucles: for, while.

Permiten repetir la ejecución de determinadas líneas.

Finalizadores de ejecución: continue, break, return

Se usan para salir de un bucle o de una función antes de que acabe su secuencia normal de ejecución.

## Ejecución condicional: if

Una sentencia *if* determina si cierto número de líneas de código se ejecutan dependiendo de una condición lógica.

La forma más general de una sentencia if es la siguiente:

#### if condición1

líneas de código que se ejecutan si la condición1 es verdadera **elseif** condición2

líneas de código que se ejecutan si la condición2 es verdadera elseif condición3

#### ...

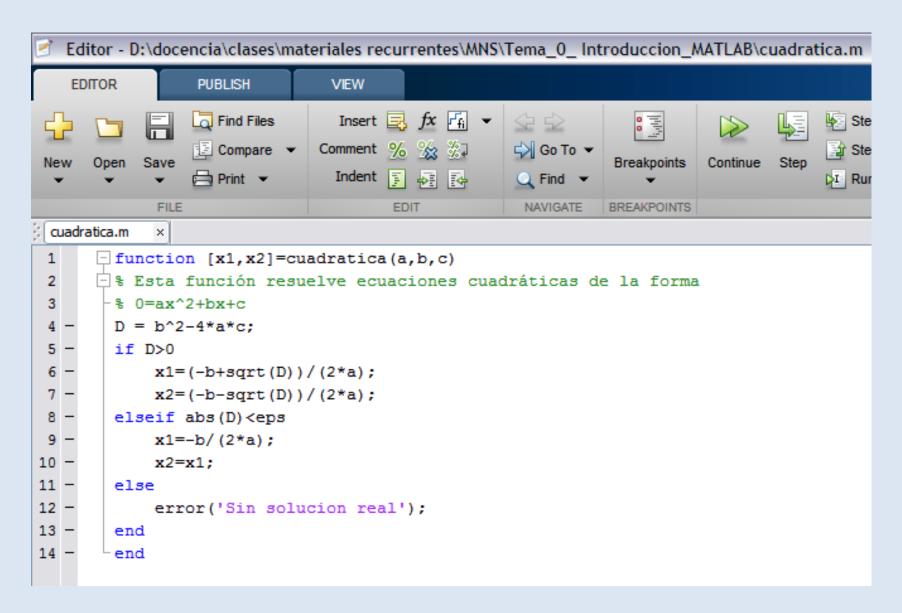
#### else

líneas de código que se ejecutan si condición1, condición2, ..., condiciónN son falsas

#### end

condición1,.. han de ser expresiónes **lógicas** o bien una variable **numérica** que sólo pueda tomar los valores 1 (=verdadero) o 0 (=falso)

### Sentencia if: ejemplo



## Ejecución condicional: switch

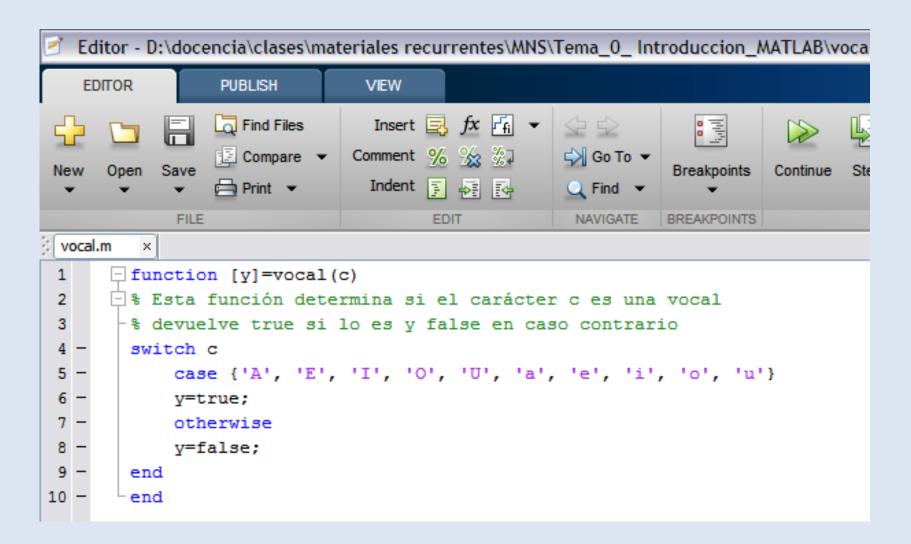
Una sentencia **switch** hace que se ejecuten ciertas líneas de código en función del valor de una determinada expresión que debe ser numérica o una cadena de caracteres.

```
switch expresion
  case opcion1
    código que se ejecuta si expresión=opcion1
  case opcion2
    código que se ejecuta si expresión=opción2
    .
    otherwise
    código que se ejecuta cuando no se cumple ninguno de los case end
```

opción debe ser una variable numérica o una cadena de caracteres. opción1 no tiene por qué consistir en un único valor: se pueden poner varios valores entre llaves separados por comas

la sentencia otherwise no tiene por qué incluirse si no hace falta

#### Sentencia switch: ejemplo



#### **Bucles**

Un **bucle** *for* repite las líneas de código entre *for* y *end* todas las veces que sea necesario para que la variable **index** tome los valores de **inicio** a **fin** en incrementos de **salto** 

for index = inicio:salto:fin
 líneas de código
end

Un **bucle while** repite las líneas de código entre **while** y **end** siempre que la condición lógica **expresion** sea cierta.

while expresion líneas de código end

Para que el bucle no se itere de forma infinita, el valor de la condición lógica **expresion** tiene que cambiar dentro del código

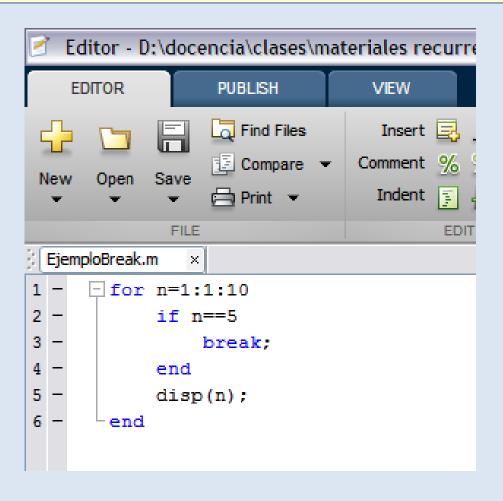
#### Sentencia continue

continue se usa para que un bucle for o while salte a la siguiente iteración sin ejecutar las líneas que le siguen.



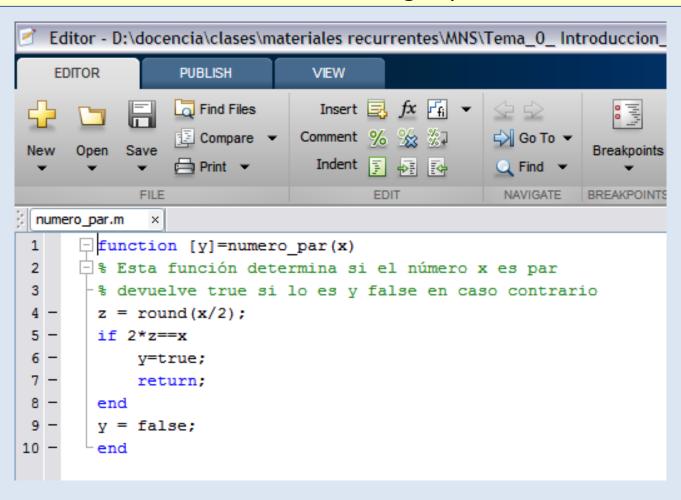
#### Sentencia break

**break** se usa para salir de un bucle **for** o **while** antes de que se cumpla su condición natural de salida



#### Sentencia return

**return** se usa para terminar la ejecución de una función y devolver el control al código que la llamó



# Referencia a función

A veces, es necesario pasar una función como argumento de otra función. Para hacer esto definimos una referencia a función:

fref = @(variable1,variable2,...)
foriginal(variable1,parámetro1,parámetro2,variable2,...)

variable1, variable2,.., son las variables de entrada de la referencia a función **fref.**  parámetro1, parámetro2,..., son variables de entrada de foriginal que no son variables de entrada de la función anónima. Tienen que tener valores asignados antes de la línea en la que se define la función anónima.

#### fref puede usarse como:

- 1) Una variable de entrada en otra función.
- 2) Una función cuyos argumentos de salida son los mismos que los de la función **foriginal**

# Funciones anónimas: ejemplo

#### Creación:

```
>> raiz = @(x) cuadratica(1,0,-1*x);
>> raiz(2)

ans =

1.4142
```

Define la función anónima raiz a partir de la función cuadratica que teníamos definida en un M-file

#### Uso como variable de entrada:

>> fplot(raiz,[0 2])

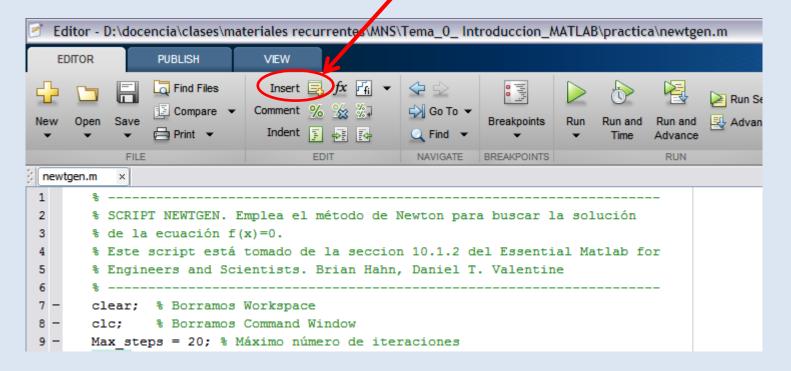
Usa la función anónima *raiz* como un variable de entrada de la función *fplot*, que hace gráficas de funciones de una única variable.

### Bloques de código

En ocasiones, un programa cuenta con distintas secciones encargadas cada una de una tarea específica.

A cada una de estas secciones la llamaremos un bloque de código.

Si este es el caso, suele ser conveniente marcar de alguna forma los límites de cada bloque. Para ello, pulsamos en el icono *Insert*Section Break en el editor



# Título de bloque de código

Para marcar un bloque de código también se puede escribir %% al principio del bloque.

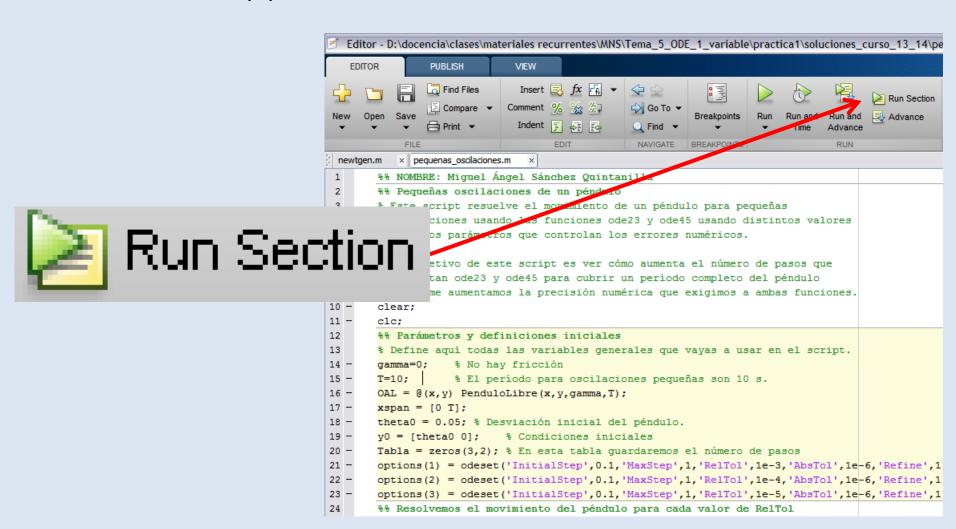
El texto que sigue a %% es el título bloque. Servirá de índice cuando publiquemos el código. El texto bajo el título aparecerá como texto plano.

El bloque que tenenemos seleccionado aparece sobre fondo amarillo

```
Editor - D:\docencia\clases\materiales recurrentes\MNS\Tema_5_ODE_1_variable\practica1\soluciones_curso_13_14\pe
   EDITOR
                PUBLISH
                              VIEW
                Find Files
                                                 Go To
                                                                                        Advance
                                                           BREAKPOINTS
                                                                                  RUN
           × pequenas oscilaciones.m
 newtgen.m
        %% NOMBRE: Miguel Ángel Sánchez Quintanilla
        %% Pequeñas oscilaciones de un péndulo
        % Este script resuelve el movimiento de un péndulo para pequeñas
        % oscilaciones usando las funciones ode23 y ode45 usando distintos valores
        % para los parámetros que controlan los errores numéricos.
        % El objetivo de este script es ver cómo aumenta el número de pasos que
        % necesitan ode23 y ode45 para cubrir un período completo del péndulo
9
        % conforme aumentamos la precisión numérica que exigimos a ambas funciones.
10 -
        clear:
11 -
        clc:
12
        %% Parámetros y definiciones iniciales
13
        % Define aquí todas las variables generales que vayas a usar en el script.
14 -
        gamma=0;
                    % No hay fricción
15 -
        T=10;
                    % El período para oscilaciones pequeñas son 10 s.
16 -
               y) PenduloLibre(x,y,gamma,T);
        xspan = [0 T];
18 -
        theta0 = 0.05; % Desviación inicial del péndulo.
19 -
        v0 = [theta0 0];
                            % Condiciones iniciales
20 -
        Tabla = zeros(3,2); % En esta tabla guardaremos el número de pasos
21 -
        options(1) = odeset('InitialStep',0.1,'MaxStep',1,'RelTol',1e-3,'AbsTol',1e-6,'Refine',1
        options(2) = odeset('InitialStep',0.1,'MaxStep',1,'RelTol',1e-4,'AbsTol',1e-6,'Refine',1
22 -
23 -
        options(3) = odeset('InitialStep',0.1,'MaxStep',1,'RelTol',1e-5,'AbsTol',1e-6,'Refine',1
24
        %% Resolvemos el movimiento del péndulo para cada valor de RelTol
```

# Ejecución por bloques

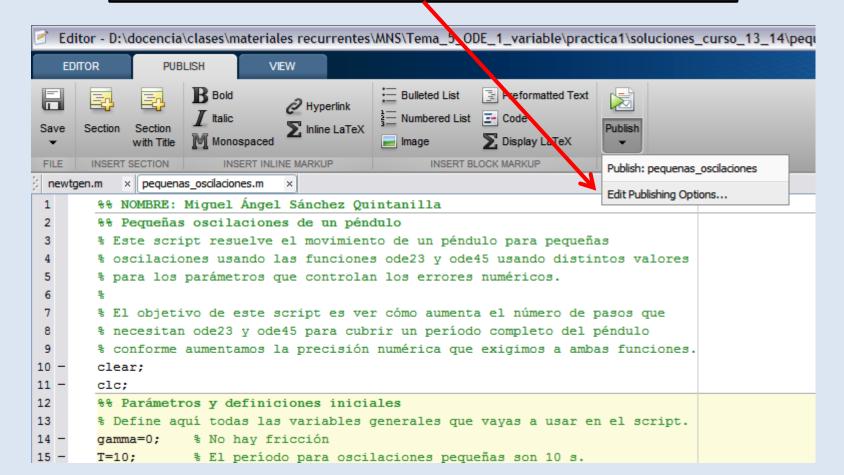
Si un bloque es completamente autónomo (no necesita datos de otros bloques), es posible evaluar únicamente lo que hacen sus líneas seleccionándolo y pulsando en el icono:



#### Publicando nuestro trabajo

Hay ocasiones en que hay que contar a otras personas el trabajo que hemos hecho. Para ello usaremos los comandos del menú **Publish** del Editor.

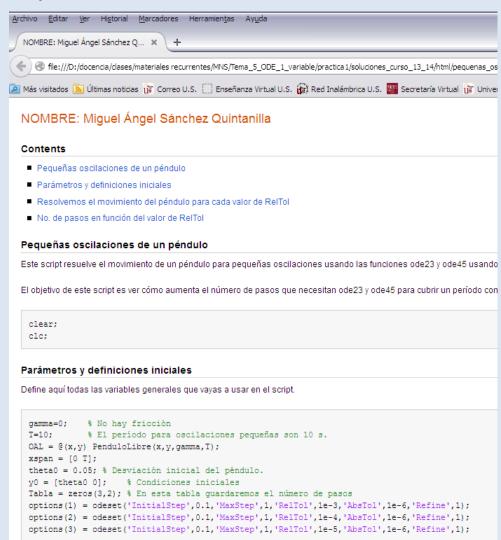
Aunque hay varios formatos disponibles, en este curso publicaremos en **HTML** 



#### Publicando un script

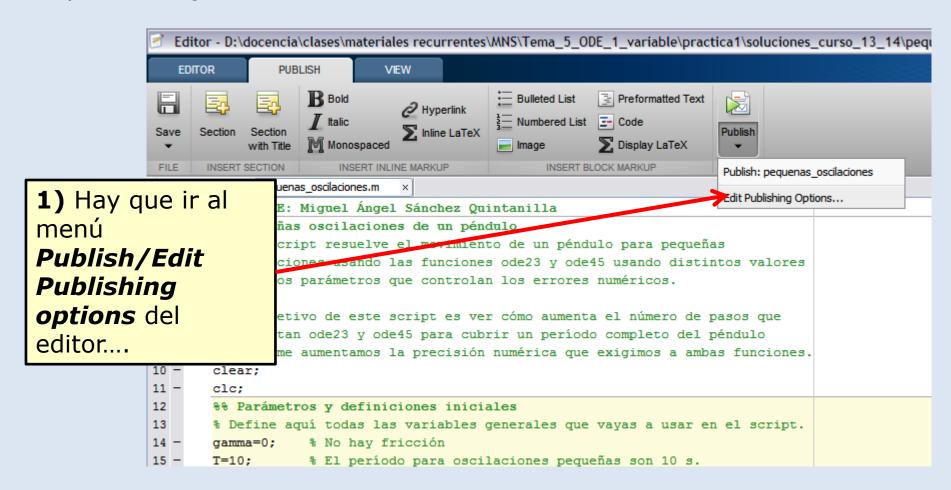
Cuando publicamos un script con Publish to HTML, Matlab:

- 1) Crea un archivo HTML con el texto del programa, poniendo un link a cada bloque de código:
- 2) Corre el programa y genera todas las figuras y otras salidas y las añade a la página web.
- **3)** Todos los ficheros generados se guardan en una carpeta de nombre html en el directorio de trabajo

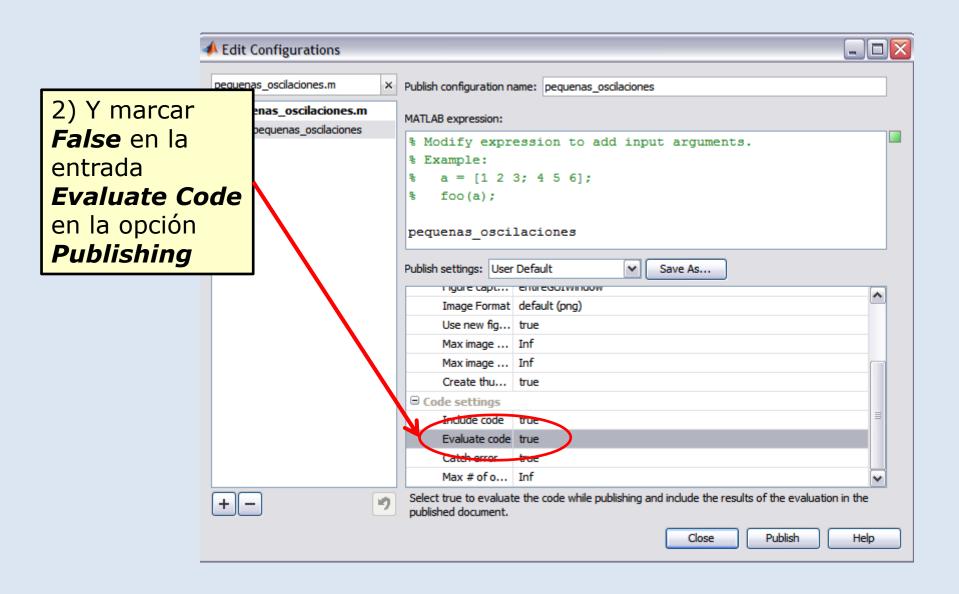


## Publicando una función (I)

Cuando queremos publicar una función, hay que decirle a Matlab que no la ejecute o dará error. Para ello:



# Publicando una función (II)



## Publicando un función (III)

Si ahora usamos Publish to html la función se imprime en un html pero no se ejecuta.

```
cuadratica
                                    a_{ij}^{\dagger}a_{ij}
function [x1,x2]=cuadratica(a,b,c)
% Esta función resuelve ecuaciones cuadráticas de la forma
0=ax^2+bx+c
D = b^2-4*a*c:
if D>0
    x1=(-b+sgrt(D))/(2*a);
    x2=(-b-sgrt(D))/(2*a);
elseif abs(D)<eps
    x1=-b/(2*a);
    x2=x1:
else.
    error('Sin solucion real');
end.
end
                                                    Published with MATTAR® 7.4
```

### Bibliografía del tema

Si quieres saber más detalles sobre los contenidos de este tema, lee en:

- ➤ Capítulos 2, 6, 8 y 10 del *Essential Matlab for Engineers and Scientists*. Brian Hahn, Daniel T. Valentine.
- ➤ Capítulos 2, 3, 5 y 6 del *Aprenda Matlab 7.0* como si estuviera en primero. Javier García de Jalón, José Ignacio Rodríguez, Jesús Vidal