

# Сегодня на лекции

Познакомимся с модулями в Python

Узнаем что такое графы и зачем они нужны

Опишем маршрут Фродо в виде графа и найдем для него самый простой путь

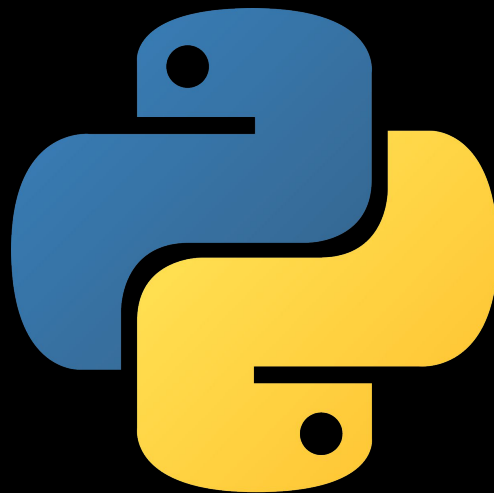


# Модули

Встроенные в язык программирования функции доступны сразу. Чтобы их вызвать, не надо выполнять никаких дополнительных действий.

Доступа к дополнительным возможностям языка возможен через т.н. Модули.

Каждый модуль содержит коллекцию функций и классов, предназначенных для решения задач из определенной области.



# Установка модуля

Многие модули свободно публикуются в интернете и доступны любому человеку.

Однако, перед их использованием их надо установить.

Чаще всего это делается при помощи команды `pip` в консоли компьютера.

```
pip install networkx
```



# Импорт модуля

По умолчанию дополнительные модули не доступны в программе - для хранения их функций и классов нужно выделять память и тп.

Для работы с модулем его нужно импортировать в программу. После импорта Python узнает о существовании его функций и классов.

Разные способы импорта:

**import networkx**

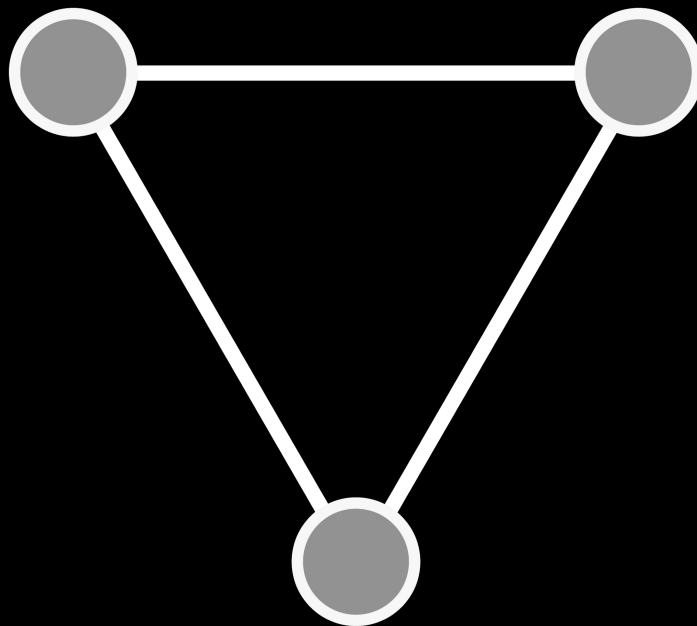
**import networkx as nx**

**from networkx import \***

**from networkx import Graph**



# Графы



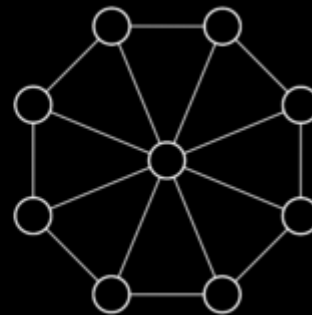
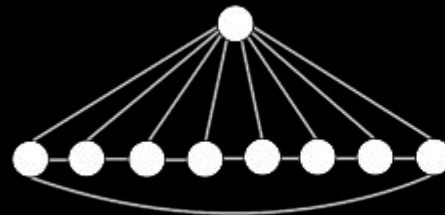
# Граф

Граф - способ представления информации, основанный на точках и связях между ними.

Формально, граф обозначается как  $G(V, E)$ , где

- $V$  - множество вершин
- $E$  - множество ребер

У одного и того же графа есть бесконечно много способов его визуализации.



# Зачем нужны графы?

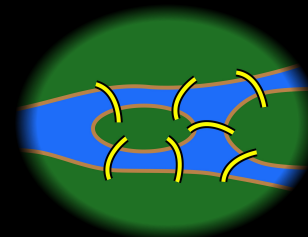
Графы - мощный и хорошо разработанный математический инструмент.

Его часто применяют в задачах:

- Поиска пути
- Минимального потока
- И тд

## Задача о семи кёнигсбергских мостах

Можно ли пройти по всем семи мостам Кёнигсберга, не проходя ни по одному из них дважды.



**Ответ:** Нет, нельзя (Л. Эйлер, 1736 г.)

# Графы в Python

Для работы с графами в python используется библиотека networkx.

Перед использованием ее необходимо установить и проимпортировать.

Основной объект - Граф.

Перед использованием его надо явно создать.

```
!pip install networkx
```

```
import networkx as nx
```

```
g = nx.Graph()
```





# Графы в Python

Основные методы в графе:

- **add\_node** - добавить узел
- **add\_edge** - добавить ребро
- **draw** - отобразить

```
g.add_node("Шир")
```

```
g.add_node("Мордор")
```

```
g.add_edge('Шир', 'Мордор')
```

```
nx.draw(g, with_labels=True)
```



# Практика

1. Откроем <https://colab.research.google.com>
2. Создадим новый блокнот
3. Установим и подключим библиотеку networkx
4. Создадим там граф из двух узлов (Шир, Мордор)
5. Выведем его на экран



# Модификация графа

В граф можно динамически добавлять и удалять узлы/ребра и тп.

```
g.remove_edge('Шир', 'Мордор')
```

```
g.add_node("Пригорье")
```

```
g.add_edge('Шир', 'Пригорье')
```



# Практика

Попробуем восстановить путь Фродо во Властелине Колец в виде графа



# Поиск минимального пути

Для поиска самого короткого пути из точка А в точку Б используется готовая команда **shortest\_path**

```
nx.shortest_path(g, 'Шир', 'Роковая Гора')
```

```
>>> ['Шир',
```

```
'Пригорье',
```

```
'Ривенделл',
```

```
'Мория',
```

```
'Лотлориен',
```

```
'Мордор',
```

```
'Роковая Гора']
```



# Практика

1. Найдем самый короткий путь из Шира к Роковой Горе
2. Добавим промежуточный пункт и ребра в и из него
3. Убедимся, что короткий маршрут перестраивается



# Веса в графе

Сейчас мы предполагаем, что все дороги в графе одинаково сложны.

Однако, на самом деле - это не так.

Для анализа таких графов ребрам можно назначать вес.



# Назначение веса

Чтобы назначить вес ребру надо использовать параметр weight у функции add\_edge

```
g.add_edge('Шир',  
'Пригорье', weight=1)
```





# Поиск пути

Для поиска пути в графе с весами у ребер надо использовать другую функцию из библиотеки networkx.

```
nx.algorithms.shortest_paths.  
weighted.dijkstra_path
```

```
nx.algorithms.shortest_paths.weighted.dijkstra_path(  
    G,  
    'Шир',  
    'Роковая Гора',  
    weight='weight'  
)
```

[https://ru.wikipedia.org/wiki/Алгоритм\\_Дейкстры](https://ru.wikipedia.org/wiki/Алгоритм_Дейкстры)



# Практика

1. Создадим новый граф с весами
2. Посмотрим как меняется кратчайший путь в зависимости от сложности ребер



# Итоги

Познакомились с графами и узнали как с ними работать в Python

Узнали как искать кратчайшие пути из точки А в точку Б

Нашли самый короткий путь из Шира к Роковой Горе



# Немного на дом

Попробуйте добавить в граф пути Арагорна, Гендальфа и Мери с Пипином

Узнайте чей путь к Роковой Горе был самым простым



# Спасибо за внимание

