FÍSICA - ENADE 2005

PADRÃO DE RESPOSTAS - QUESTÕES DISCURSIVAS

Questão 4

a) Pelo teorema da equipartição da energia:

$$\langle E_c \rangle = \frac{1}{2} \, m \, \langle v^2 \rangle = \frac{3}{2} k_B T$$

(valor: 3,0 pontos)

 $\langle {\rm E_c} \rangle ~\alpha k_B T$, sem mencionar ou errando o coeficiente.

(valor: 1,0 ponto)

b) Para a colisão com uma das paredes, basta considerar o movimento na direção perpendicular

ao plano da parede.
$$\left| \frac{1}{2} m \left\langle v^2 \right\rangle = \frac{1}{2} k_B T \Rightarrow V_T = \left(\frac{k_B T}{m} \right)^{\frac{1}{2}}$$
 (velocidade térmica)

então o momento médio transferido é

$$\Delta p = mv_T - (-mv_T) = 2mv_T$$

(valor: 2,0 pontos)

$$Como~\frac{1}{2}~\text{m} \left\langle v^2 \right\rangle = \frac{1}{2}~\text{K}_B T,~\text{onde}~V_T = \left(\frac{\text{K}_B T}{\text{m}}\right)^{V2}~\text{(velocidade térmica)}$$

tem-se

$$\Delta p = 2m \left(\frac{K_B T}{m}\right)^{\frac{1}{2}}$$
 (valor: 1,0 ponto)

A energia potencial média é dada por $\langle E_p \rangle = \langle mgz \rangle$

$$\text{onde } \left\langle \text{mgz} \right\rangle = \ \frac{\int_0^L dz \, \text{mgze}^{-\beta \text{mgz}}}{\int_0^L dz e^{-\beta \text{mgz}}} \, ; \quad \beta = \frac{1}{k_B T}$$

Portanto:

$$\left\langle E_{p}\right\rangle =\frac{-\frac{\partial}{\partial\beta}\!\!\left(\int_{0}^{L}dze^{-\beta mgz}\right)}{\int_{0}^{L}dze^{-\beta mgz}}=-\frac{\partial}{\partial\beta}\left\{\ell_{n}\!\!\left(\int_{0}^{L}dze^{-\beta mgz}\right)\!\!\right\}$$

$$J_0^L dz e^{-\beta mgz} \, = \, \frac{e^{-\beta mgz}}{-(\beta mg)} \, \Bigg|_0^L \, = \, \frac{1}{\beta mg} \left(1 - e^{-\beta mgL} \, \right)$$

$$\left\langle E_{p}\right\rangle =\,-\frac{\partial}{-\partial\beta}\bigg\{\ell_{\,n}\!\bigg(1\!-\!e^{-\beta mgL}\,\bigg)\!-\!\ell_{\,n}\!\big(\beta mg\big)\!\bigg\}$$

$$\left\langle \mathsf{E}_{p}\right\rangle \,=\, -\, \mathsf{mgL}\, \frac{e^{-\beta \mathsf{mgL}}}{1\!-\!e^{-\beta \mathsf{mgL}}} + \frac{1}{\beta}$$

$$\langle E_p \rangle = k_B T - mgL \frac{e^{-\beta mgL}}{1 - e^{-\beta mgL}}$$

(valor: 2,0 pontos)

Questão 5

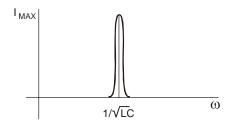
a)
$$I = \frac{V}{R}$$

(valor: 2,0 pontos)

[Nota só para a comissão de correção: dar 1 ponto se o aluno escrever $I = \frac{V}{(R+L)}$]

Circuito entra em ressonância quando $\omega \simeq \omega_0$, onde $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{1 \text{ C}}}$

(valor: 1,0 ponto)



(valor: 1,0 ponto)

A energia é a inicial, igual à energia inicial armazenada no indutor

(valor: 3,0 pontos)

$$E_{MAX} = \frac{1}{2}LI^2 = \frac{1}{2}L\frac{V^2}{R^2}$$
 :: $E_{MAX} = \frac{LV^2}{2R^2}$

$$\mathsf{E}_{\mathsf{MAX}} = \frac{\mathsf{LV}^2}{2\mathsf{R}^2}$$

(valor: 1,0 ponto)

A energia desse ponto tem que ser igual à energia inicial.

$$\mathsf{E} \, \infty = \frac{1}{2} \mathsf{LI}^2 = \mathsf{E}_{\mathsf{MAX}}$$

(valor: 2,0 pontos)

Questão 6

a) Se o bloco de gelo flutua, então o módulo do peso (m_G . g) é igual ao empuxo (E_A) que o volume de água deslocado pelo gelo (V_{AG}) exerce sobre ele. Sendo $E_A = \rho_A \cdot V_{AG} \cdot g$, em que ρA é a densidade da água, tem-se:

$$m_G \cdot g = \rho_A \cdot V_{AG} \cdot g \Rightarrow V_{AG} = m_G/\rho_A$$

como a massa do gelo derretido é igual à massa de água correspondente, m_G = m_A, então,

$$V_{AG} = m_A/\rho_A \Rightarrow V_{AG} = V_A$$

então, o volume da água deslocada pelo gelo é igual ao volume da água correspondente, logo o nível de água do recipiente não se altera. (valor: 4,0 pontos)

b) Agora em vez de ρ_A tem-se ρ_{AS} (densidade da água salgada), sendo $\rho_{AS} > \rho_A$, e V_{ASG} o volume de água salgada deslocada pelo gelo, tem-se:

$$m_G \cdot g = \rho_{AS} \cdot V_{ASG} \cdot g \Rightarrow V_{ASG} = m_G/\rho_{AS}$$

mas, como o gelo continua sendo de água não salgada, tem-se que $m_G = \rho_A \cdot V_A$, então

$$V_{ASG} = (\rho_A/\rho_{AS})V_A$$

 $\text{mas, sendo } \rho_{AS} > \rho_{A} \text{, então } V_{ASG} < V_{A}.$

Se o volume de água salgada é menor do que o volume de água correspondente ao gelo que derreteu, o nível da água no recipiente deve subir. (valor: 4,0 pontos)

Pode-se concluir que elas têm procedência, pois o derretimento do gelo da calota polar de fato fará subir o nível da água dos oceanos.
 (valor: 2,0 pontos)

LICENCIATURA

Questão 7

- a) O mais importante é dominar as estratégias de resolução de problemas; na resolução de tais listas de exercícios corre-se o risco de tornar a atividade mecânica, favorecendo apenas a memorização. Raramente as listas de exercícios cobrem a totalidade de problemas possíveis; e em geral, não abordam questão cotidianas. Os estudantes nem sempre percebem a importância de resolver uma grande quantidade de problemas. (mais que duas propostas correção completa, apenas uma proposição, meio item) (valor: 4,0 pontos)
- b) Uso de problemas abertos; uso de atividades de problematização; uso de demonstrações investigativas; uso de questões sobre o cotidiano. (mais que duas propostas correção completa, apenas uma proposição, meio item)
 (valor: 3,0 pontos)
- c) Problemas abertos permitem levantamento de hipóteses e proposições de limites e possibilidades; problematização permite que as concepções prévias se manifestem e revelam limitações do conhecimento presente sobre determinado domínio; permitem confrontar previsões feitas a partir de concepções prévias dos alunos com resultados fornecidos pela demonstração; uso de questões sobre o cotidiano permitem tornar o ensino mais significativo para os alunos. (mais que duas propostas correção completa, apenas uma proposição, meio item)
 (valor: 3,0 pontos)

Questão 8

a) A equação do gerador, E = V - Ri, mostra que a tensão (V) fornecida pela pilha é sempre menor do que da fem (E) da pilha, diferença que depende da sua resistência interna (R) e da intensidade da corrente elétrica (i) que a atravessa - nesse caso, da ordem de 1 A, aproximadamente. Por isso, mesmo com tensão nominal inferior à fem da pilha, essas "lâmpadas para uma pilha" não queimam.

(valor: 4,0 pontos)

(valor: 2,0 pontos)

Porque a pilha tem resistência interna, causando uma queda de tensão.

- b) Com o aumento do número de lâmpadas, aumenta a intensidade da corrente (i) que passa pela pilha, e portanto, como visto no item a, a tensão (V) nos seus terminais diminui e com ela a potência dissipada no seu filamento de cada lâmpada. Logo, como o brilho depende diretamente da potência dissipada no seu filamento, à medida que se fecham as chaves C₂, C₃ e C₄ o brilho da lâmpada L₁ diminui.
 (valor: 6,0 pontos)
- c) Embora o brilho das lâmpadas diminua à medida que as chaves são fechadas, em cada situação ele é o mesmo para todas as lâmpadas, o que mostra que não há "desgaste" da corrente elétrica em função da distância (a resistência dos fios nessa situação é desprezível).

(Anulada)

BACHARELADO

Questão 9

a)
$$\psi(x) = Ae^{+ikx} + Be^{-ikx}$$
; $k = \frac{\sqrt{2mE}}{\hbar}$ (valor: 2,0 pontos)

b)
$$\psi(x) = Ce^{-\gamma x}$$
; $\gamma = \frac{\sqrt{2m(V_0 - E)}}{\hbar}$ (valor: 4,0 pontos)

c) Relações entre constantes A, B e C:

Continuidade da função de onda em
$$x = 0$$
: $A + B = C$ (1)

Continuidade da derivada da função de onda em
$$x=0$$
: ik $(A-B)=-\gamma C \Rightarrow A-B=i \frac{\gamma}{k}C$ (2)

(valor: 2,0 pontos)

As equações (1) e (2) nos dão que

$$A = \frac{1}{2} \left(1 + i \frac{\gamma}{k} \right) C$$

$$B = \ \frac{1}{2} \bigg(1 - i \frac{\gamma}{k} \bigg) C$$

$$P = \left| \frac{C}{A} \right|^2$$

(valor: 1,0 ponto)

Então
$$P = \frac{1}{4} \left(1 + i \frac{\gamma}{k} \right) \left(1 - i \frac{\gamma}{k} \right) = \frac{1}{4} \left[1 + \frac{\gamma^2}{k^2} \right] = \frac{1}{4} \left[1 + \frac{2m(V_0 - E)}{2mE} \right]$$

$$=\frac{1}{4}\frac{V_0}{E}$$
 (valor: 1,0 ponto)

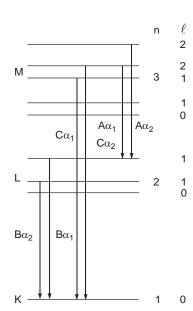
Questão 10

a)
$$m_0 = 0$$
 ; $E = pc$: $p = \frac{E}{c} = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 5.6 \times 10^6}{3 \times 10^8}$: $p \approx 2.9 \times 10^{-21} \frac{k_g \cdot m}{s}$

(Valor: 3,0 pontos)

(Nota para a banca somente: dar 1,0 ponto se escrever $m_0 = 0$)

b)



 $\Delta \ell = \pm 1$

$$E_n \alpha \frac{1}{n^2}$$

(em mais baixa ordem)

(Valor: 3,0 pontos)

Obs: No item b) serão aceitas indicações de outras transições, desde que as regras de seleção e a dependência principal da energia com o número quântico n sejam respeitadas.

c) $j=\ell\,\pm\frac{1}{2}$

(Valor: 4,0 pontos)