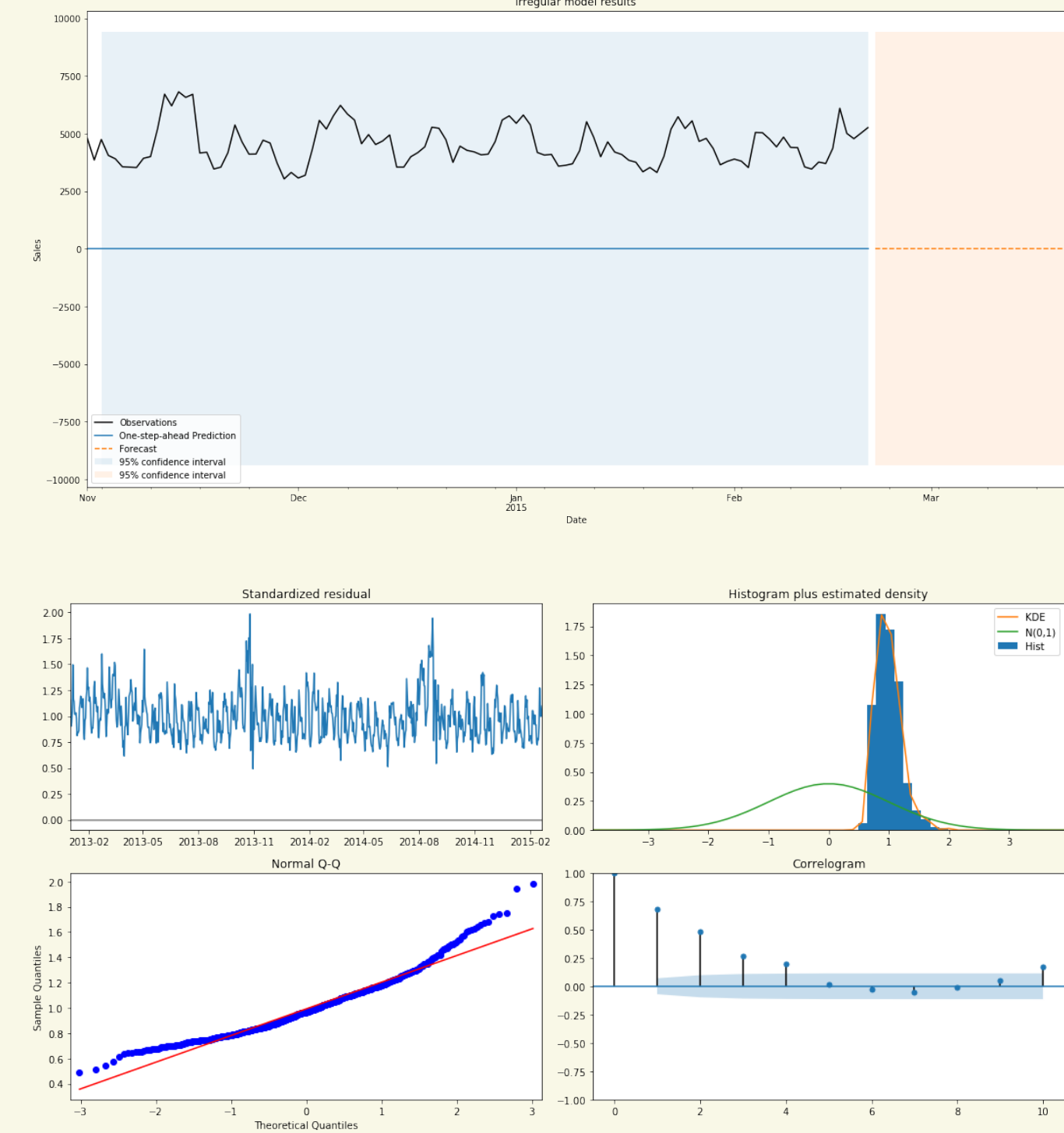


# Прогнозирование временных рядов с помощью модели состояние-наблюдение

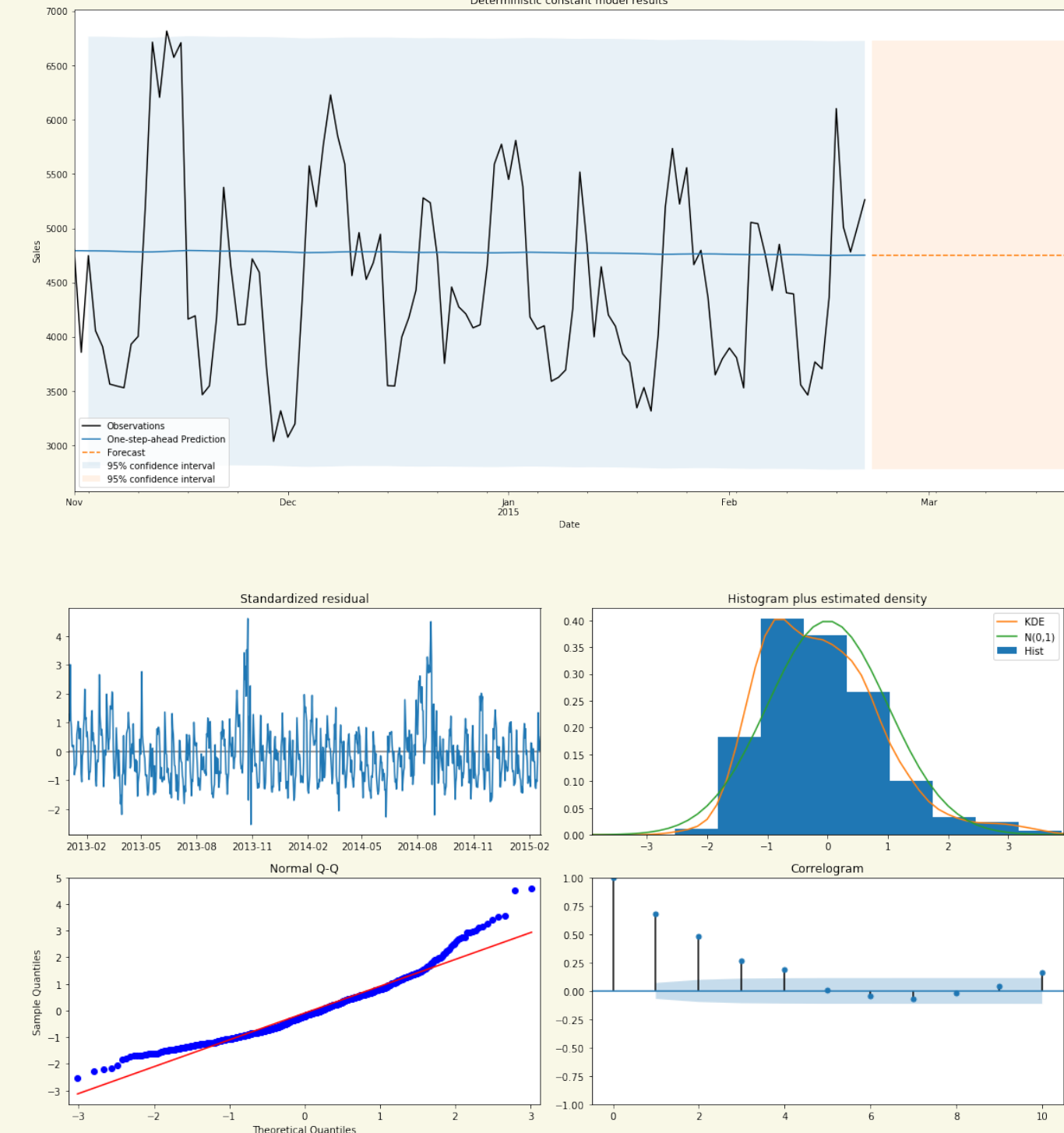
## Моделирование ошибки

$$y_t = \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$



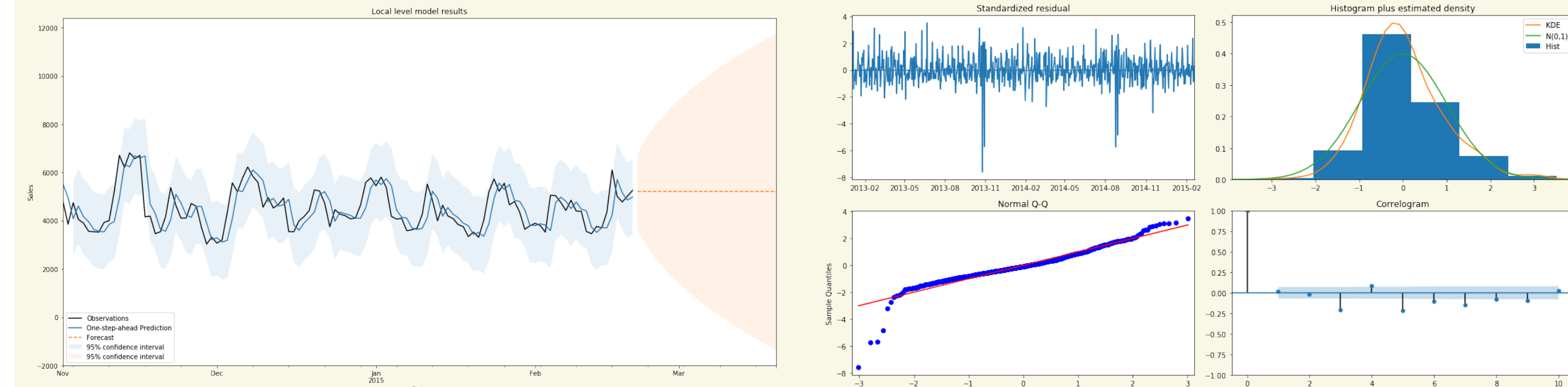
## Моделирование константой

$$y_t = \mu + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$



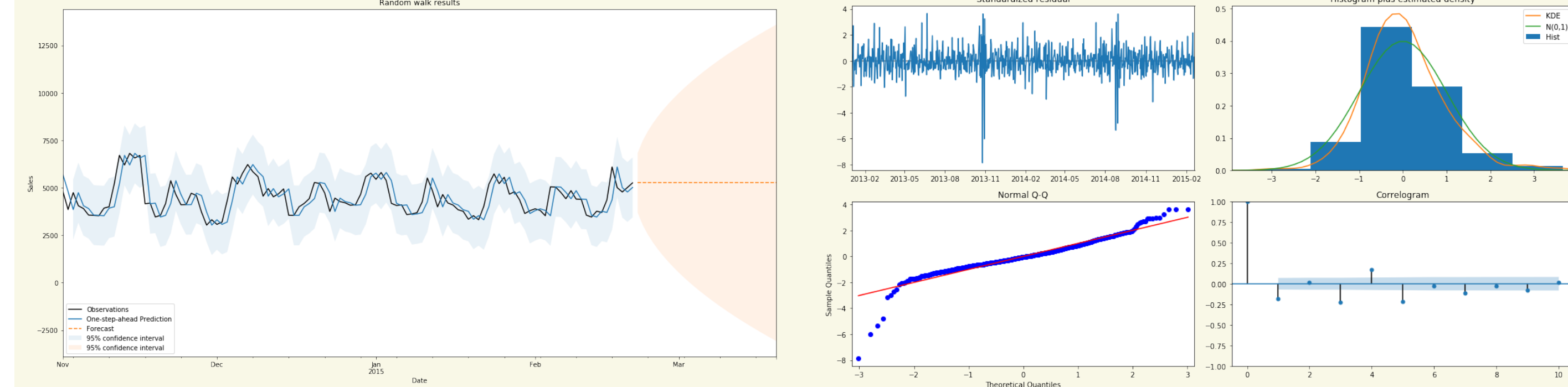
## Модель локального уровня

$$y_t = \mu_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_{t+1} = \mu_t + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$
$$\mu_1 \sim \mathcal{N}(a_1, P_1)$$



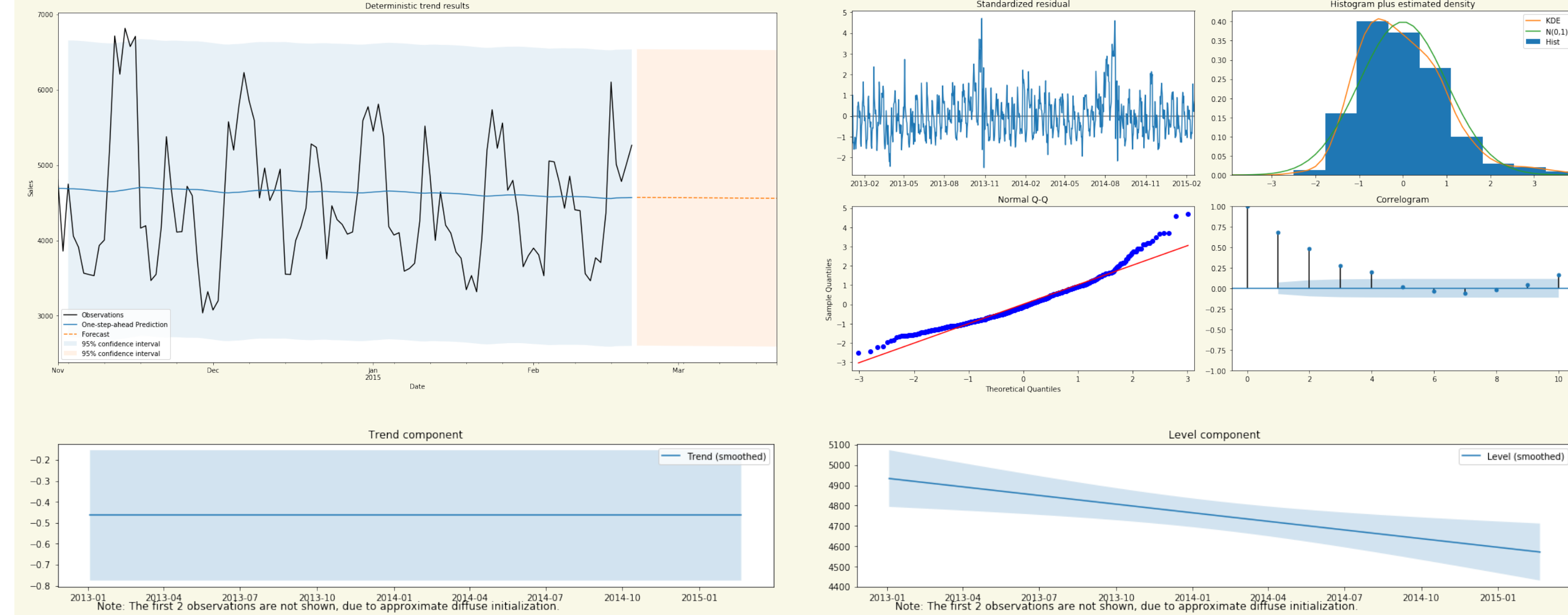
## Случайное блуждание

$$y_t = \mu_t$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$



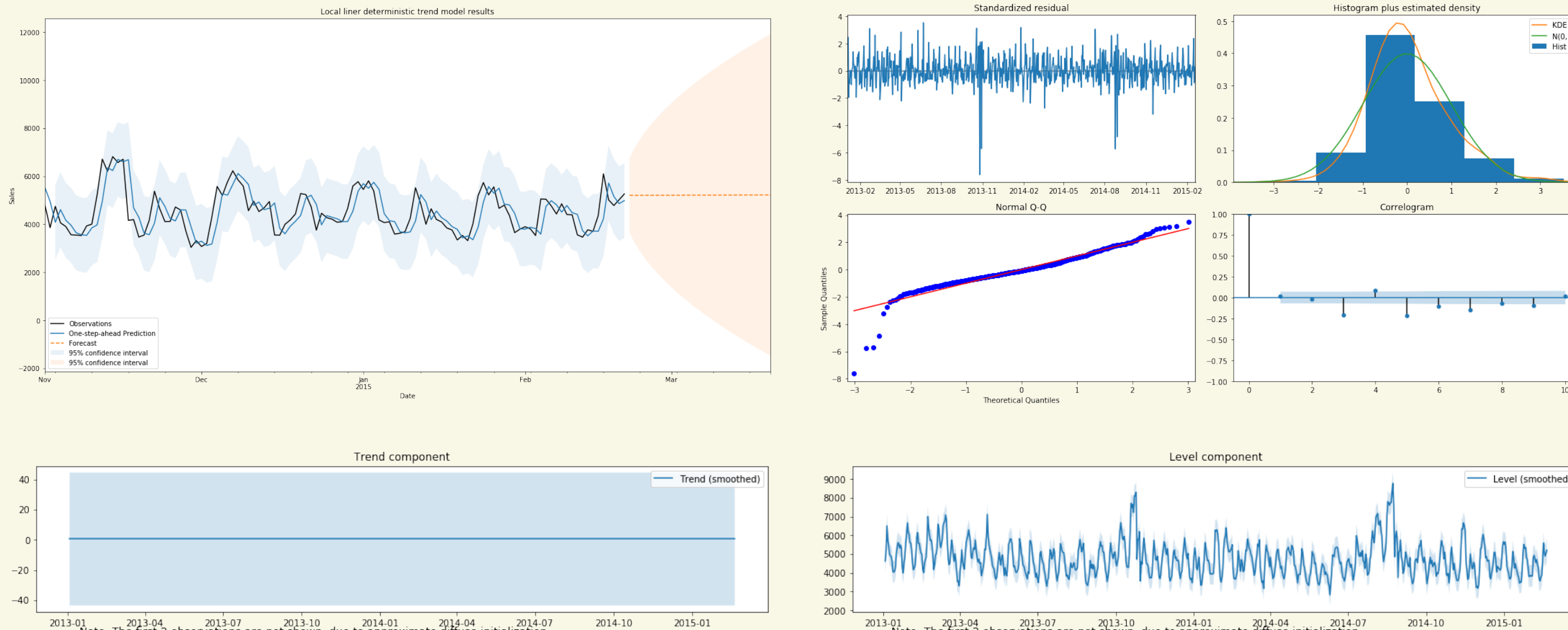
## Постоянный тренд

$$y_t = \mu_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta$$



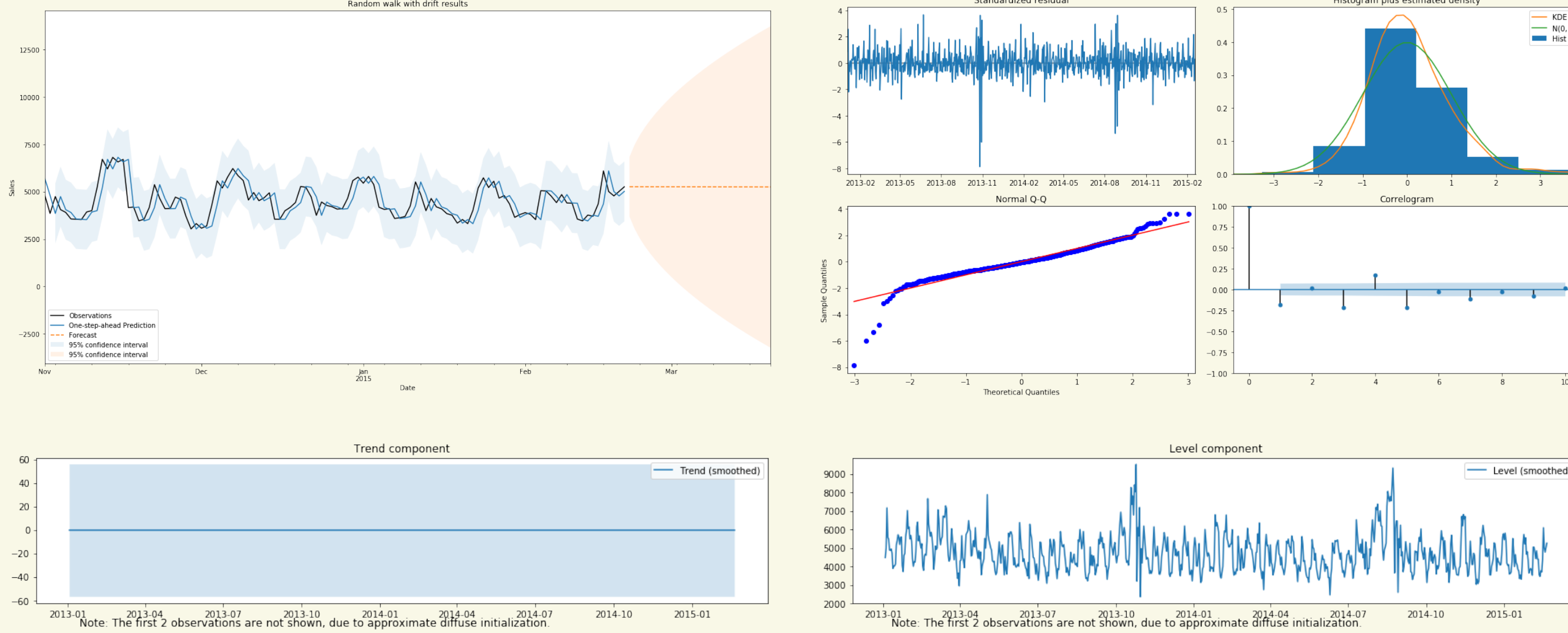
## Локальный линейный постоянный тренд

$$y_t = \mu_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$



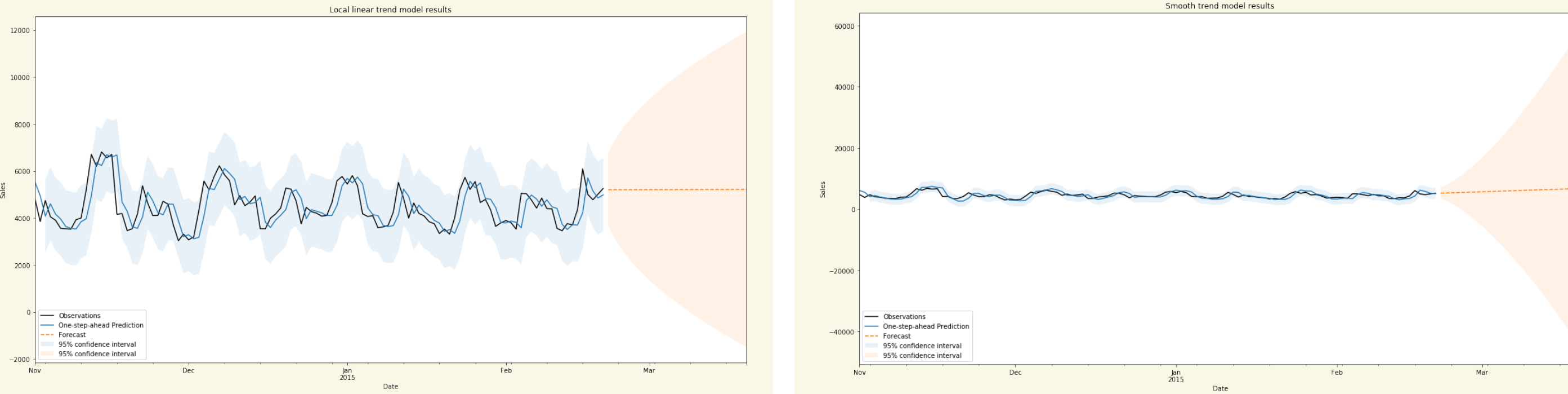
## Случайное блуждание со смещением

$$y_t = \mu_t$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$



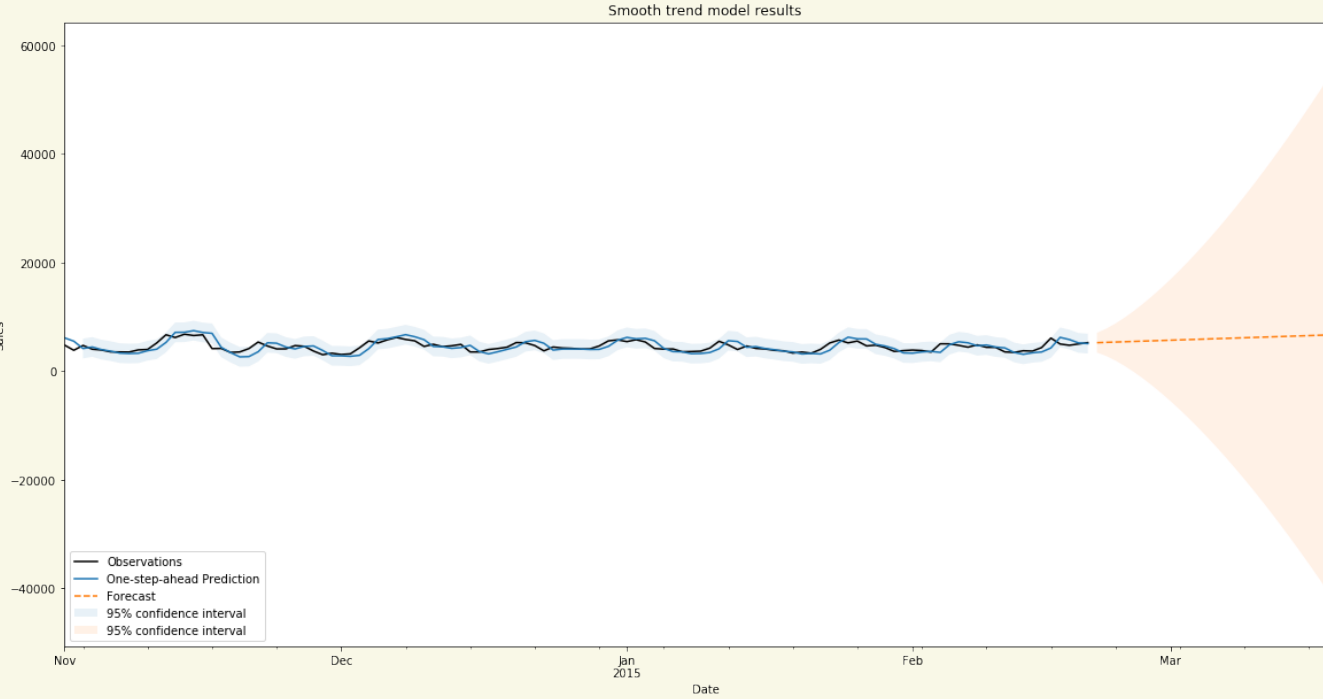
## Локальный линейный тренд

$$y_t = \mu_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta_{t-1} + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$
$$\beta_t = \beta_{t-1} + \zeta_t, \zeta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\zeta^2)$$



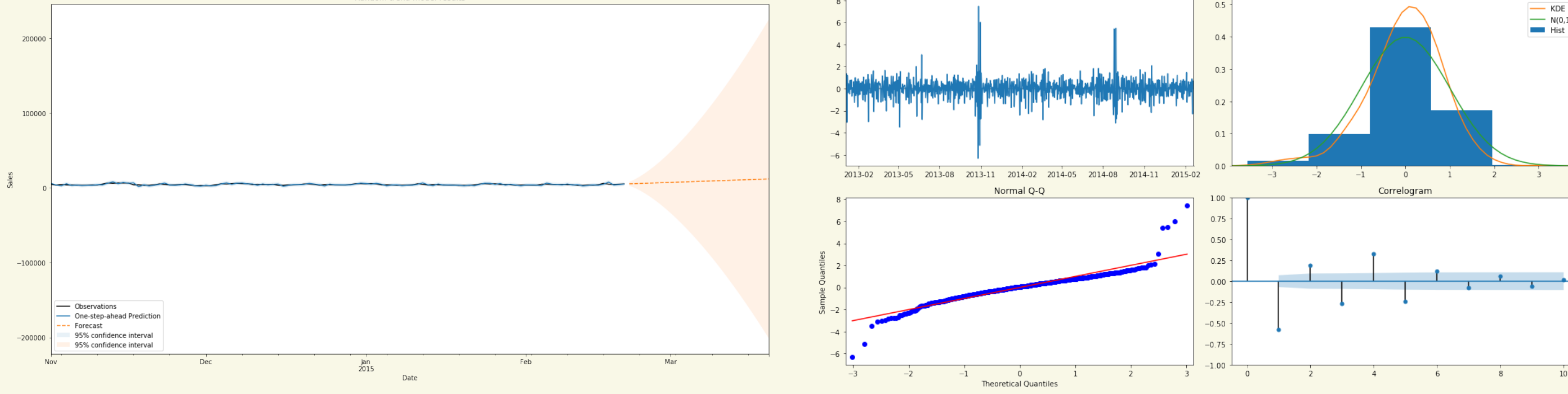
## Сглаженный тренд

$$y_t = \mu_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta_{t-1}$$
$$\beta_t = \beta_{t-1} + \zeta_t, \zeta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\zeta^2)$$



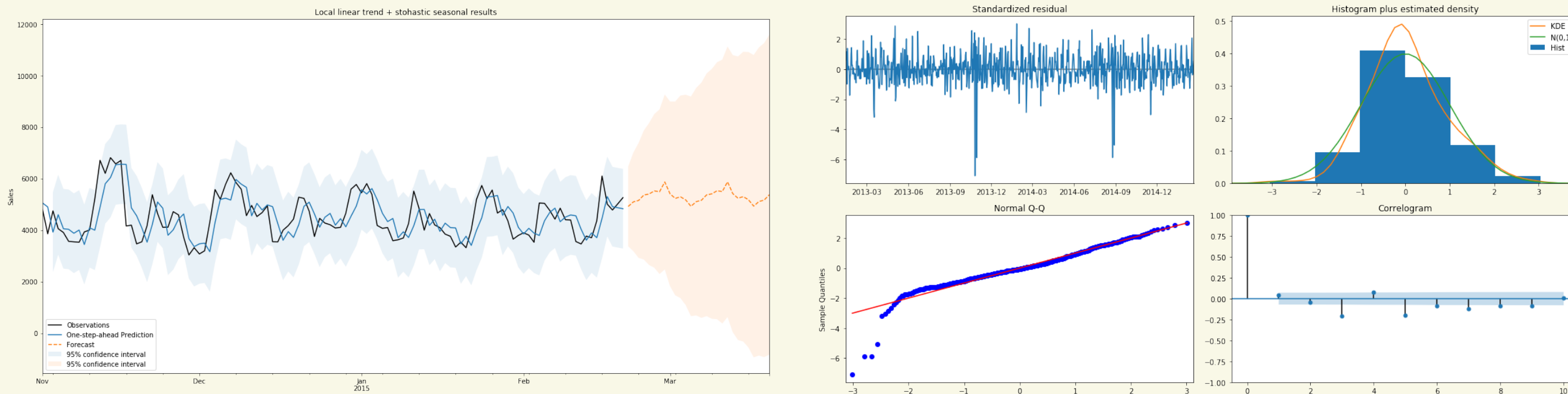
## Случайный тренд

$$y_t = \mu_t$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta_{t-1}$$
$$\beta_t = \beta_{t-1} + \zeta_t, \zeta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\zeta^2)$$



## Локальный линейный тренд с сезонностью

$$y_t = \mu_t + \gamma_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta_{t-1} + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$
$$\beta_t = \beta_{t-1} + \zeta_t, \zeta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\zeta^2)$$
$$\mu_1 \sim \mathcal{N}(a_1, P_1)$$
$$\gamma_t = -\sum_{j=1}^{s-1} \gamma_{t+1-j} + \omega_t, \omega_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\omega^2)$$



## Локальный линейный тренд с сезонностью и регрессорами

$$y_t = \mu_t + \gamma_t + \delta_1^T x_t + \delta_2^T z_t + \varepsilon_t, \varepsilon_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\varepsilon^2)$$
$$\mu_t = \mu_{t-1} + \beta_{t-1} + \eta_t, \eta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\eta^2)$$
$$\beta_t = \beta_{t-1} + \zeta_t, \zeta_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\zeta^2)$$
$$\mu_1 \sim \mathcal{N}(a_1, P_1)$$
$$\gamma_t = -\sum_{j=1}^{s-1} \gamma_{t+1-j} + \omega_t, \omega_t \sim \mathcal{N}(0, \sigma_\omega^2)$$

