

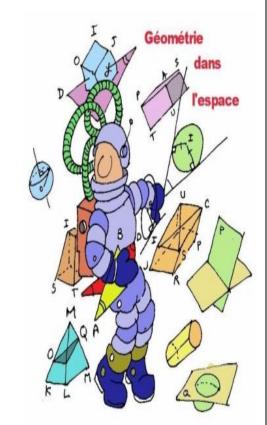
وزارة التربية المندوبية الجهوية للتربية بالمهدية

التعامد في الفضاء

التاسعة أساسى

ر ياضيات

الأستاذ: عبد الهادر الهريخة

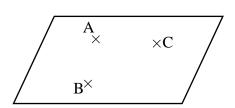


السنة الدراسية: 2020/2019

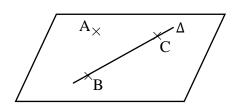
I. <u>ټذکير:</u>

په یمکن تکوین مستوي من:

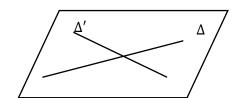




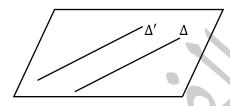
2. مستقيم ونقطة لا تنتمي إلى هذا المستقيم.



3. مستقيمين متقاطعين.



4. مستقيمين متوازيين وليسا متطابقين.



<u>تمرین عدد 1:</u>

لاحظ الشكل المقابل وأكمل الجمل التالية معوضا في كل مرة النقاط

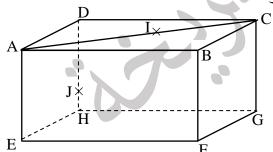
بإحدى الرموز التالية: abla أو abla أو abla

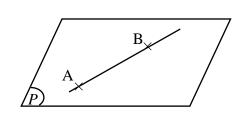




كيف أبين أنَ مستقيم محتوى في مستوي؟

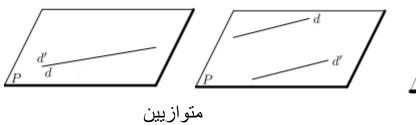
 $(AB) \subset P$ فإن $A \in P$ و $A \in P$

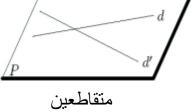




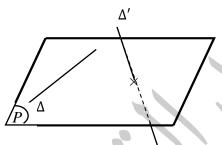
الوضعية النسبية لمستقيمين في الفضاء:

في نفس المستوي



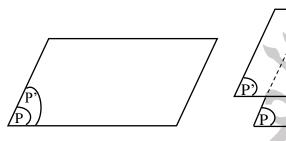


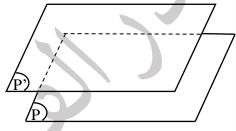
ليسا في نفس المستوي

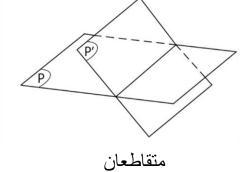


غير متوازيين وغير متقاطعين

الوضعية النسبية لمستويين:

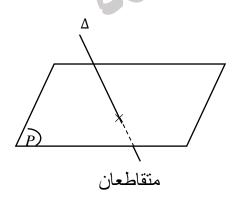


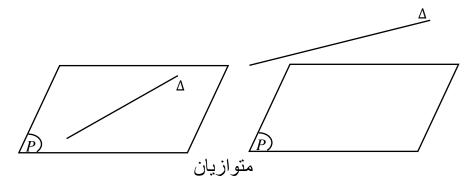




متوازيان

♦ الوضعية النسبية لمستقيم و مستوي:



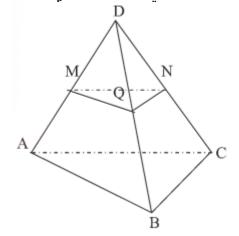


:2 3	عدا	بِن	تمر
------	-----	-----	-----

يمثل الشكل المقابل هرما قاعدته مثلث حيث:

[DB]و Q منتصف Q منتصف [AD] و [AD]

أكمل الفراغات بما يناسب من المقترحات التالية: متقاطعان؛ متوازيان؛ ليسا في نفس المستوي.



•••••	ان	مستقيم	هما	(D	C) و	(A)	<i>C</i>)	(1
				_		_	_	

- (AB) و (DC) هما مستقیمان
- (NQ) و (MQ) هما مستقیمان
- (AC) و (DB) هما مستقیمان (AC) (4 و (BC) هما مستقیمان (MQ) (5
- (AC) (6) و (MN) هما مستقیمان

تمرین عدد 3:

- أجب بصواب أو خطأ:
- D' و D' = D' فإن D موازي لجميع المستقيمات المحتوية في D D' (1) إذا كان D'
 - 2) مستقيمان يوازيان نفس المستوي هما متوازيان.....
 - 3) مستويان يوازيان نفس المستوي هما متوازيان
 - 4) مستقیمان غیر متقاطعان هما متوازیان...........
 - أكمل الفر اغات التالية:

ب-مستقيمان متوازيان هما مستقيمان محتويان في نفسوغير

ت-إذا كان مستقيم مواز لمستقيم من مستوي فهولهذا المستوي.

ث-مستویان متوازیان هما مستویان غیر

<u>تمرین عدد 4:</u>

[IM] و N نقطة من M و M نقطة من OIJK ليكن الشكل المصاحب

أ- بين أن النقطة K تنتمي إلى المستوي (INJ)

ب-بين أن النقاط M و N و k و O لا تنتمي إلى نفس المستوي.

J

الأستاذ: عبد القادر الفريخة

II. معتقیم ملد ردے مدم میتقسم II.

تعربينم: يقال المستقيم عمودي على المستوى

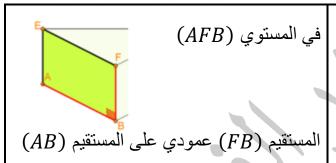
كان عموديا على كل مستقيم في المستوى.

نظریة: کیف أبین أنَ مستقیم عمودي على مستوي؟



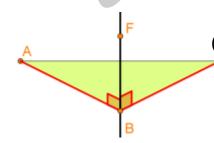
A C

يمثل الشكل المقابل موشورا قائما ABCEFD



في المستوي (DBC) و

(CB) عمو دي على المستقيم (FB)



(ABC) نقول أن المستقيم (BF) عمودي على المستوي

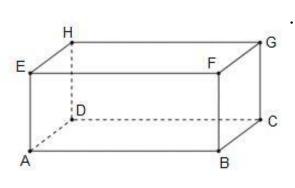
(EFD) عمودي على المستقيم بين أن المستقيم عمودي على المستقيم •

.....

عـمـــومـا:

مستقيم عمودي على مستوي في نقطة هو مستقيم عمودي على مستقيمين متقاطعين من المستوي في هذه النقطة

تطبيق عدد 1:



يمثل الشكل المقابل متوازي مستطيلات ABCDEFGH. أجب بصحيح أو خطأ:

(ADC) عمودي على المستقيم (HD) عمودي على

(ADH) عمودي على المستقيم (EB) عمودي على

(BFA) عمودي على المستوي (HG)

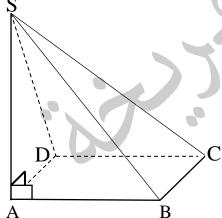
.....

(DBF) عمودي على المستوي (AG)

(BCF) عمودي على المستقيم (HG) عمودي

.....

تطبيق عدد 2:



يمثل الشكل المصاحب هرما SABCD حيث:

 $SB = 2\sqrt{7}cm$ و AC = 4 cm مربع و ABCD المستقيم (AB) عمو دي على المستقيمين (AB) و (AD)

(BDC) بين أن المستقيم (SA) عمودي على المستوي (1

· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	 •••••	
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	 •••••	

2) احسب البعد SA

••••••	• • • • • • • • • • • • • • • •
	•••••

3) استنتج V حجم الهرم SABCD.

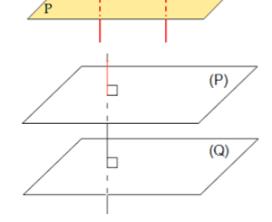
م محتوى في مستوي؟	عمودي على مستقي	كيف أبين أنَ مستقيم	عـدد1: ا	استنتاج ا
· · · · · ·	•			نشاط:

	<u></u>
ليل BCDE ليل	في الشكل المصاحب ABCDE هرم قاعدته المستم
/ (BE)	(BC) عمودي على المستقيمين (AB)
ي (CBE)	1) بين أن المستقيم (AB) عمودي على المستوع
/ i \	
/	
/H	
C D	
ABH d	ا تكن H نقطة من $[BC]$. ماهي طبيعة المثلث (2
	N. W.
م (BD)	3) بين أنّ المستقيم (AB) عمودي على المستقيد
	استنتاج:
مو دي على كل مستقيمات هذا المستوى المارة	 مستقيم عمو دي على مستوي في نقطة هو مستقيم ع
	من هذه النقطة.
*D	تطبيق:
سوي ۲ کيت:	في الشكل المصاحب ${ m A}$ و ${ m B}$ و كاثلاث نقاط من المس
B	مثلث قائم الزاوية في ${ m C}$
	B في B و المستقيم (BD) عمودي على المستوي
(P)	
	(BC) بين أن المستقيم (BD) عمودي على ((BD)
	DOD State 1 1 1
	2) استنتج طبيعة المثلث BCD
תת	$-10 AD = 24 AC = 12 3 \Rightarrow 6$
BD :	AC = 12 نعتبر (3 = $AC = 12$ و (3 = $AC = 19$ و (1 = $AC = 19$) (1 = $AC = 1$
	أوجد مساحة المثلث BCD
•••••	

استنتاج عدد 2:

• الوضعية النسبية لمستقيمين يعامدان نفس المستوي.

• الوضعية النسبية لمستوبين يعامدان نفس المستقيم.



نشاط:

D	C
A	В
H	
E	G
	J

يمثل الشكل المصاحب رسما لمكعب.

1) أ- اذكر مستويين عموديين علي المستقيم (BJ).

ب- ماهي وضعية المستويين المذكورين.

2) أ- اذكر مستقيمين عموديين علي المستوي (BCJ).

ب- ماهي وضعية المستقيمين المذكورين.

3) بين أن المستقيم (BI) عمو دي على المستقيم (BD)

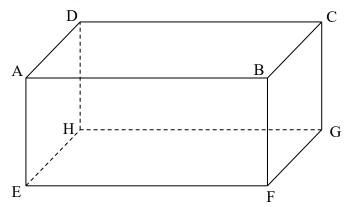
استنتاج:

√ مستقيمان عموديان على نفس المستوي هما مستقيمان متوازيان.

√مستويان عموديان على نفس المستقيم هما مستويان متوازيان.

التعامد في الفضاء متوازي المستطيلات

التعريضم: هو مجسم ثلاثي الأبعاد قاعدتاه مستطيلان متوازيان ومتطابقان ويتميز بما يأتي:



- 1) أوجهه الجانبية عمودية على القاعدتين.
 - 2) جميع أوجهه مستطيلات.
 - 3) فيه كل وجهين متقابلين متوازيين.
 - 4) له 6 أوجه و 12 حرفا و 8 رؤوس.

ملاحظة: كل مكعب هو متوازي مستطيلات، ولكن العكس غير صحيح.

نشاط:

E F

A B G

C H

C C

مثل الشكل المقابل متوازي مستطيلات ABCDEFGH

$$AD=c$$
 و $AE=b$ أبعاده $AB=a$

(a و b و c أعداد موجبة) .

$$HC^2 = a^2 + b^2$$
 بين أن (1

.....

H بين أن المثلث EHC قائم الزاوية في (2

$$EC = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$
 استنتج أن (3

.....

$$DF$$
 و AG و HB و EC و AG

.....

]	Е			F
A			В		
		Н			G
		-			,
D	<u> </u>		(C	

عموري المستطيلات كل الأقطار

و [BF] و [HB] و [EC]

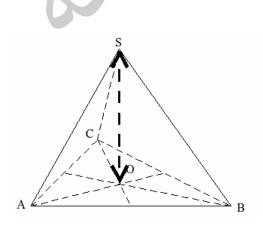
 $\sqrt{AB^2 + AE^2 + AD^2}$:و قيس طول كل قطر يساوي تطبيق:

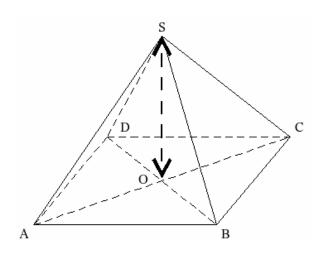
AD=5 و AE=4 و AB=3 أبعاده بالصنتمتر AB=5 و AB=5 و AB=5احسب قيس طول قطره EC

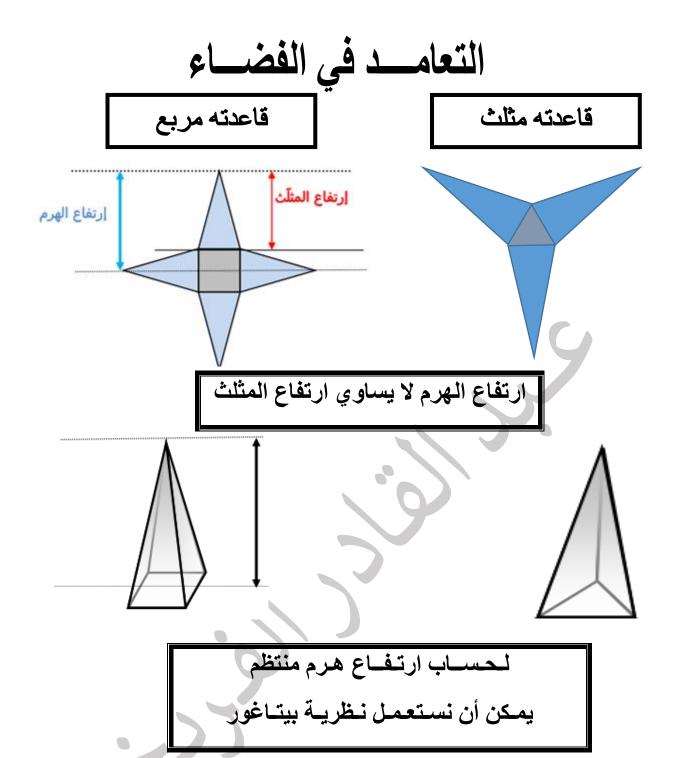
الهرم المنتظم

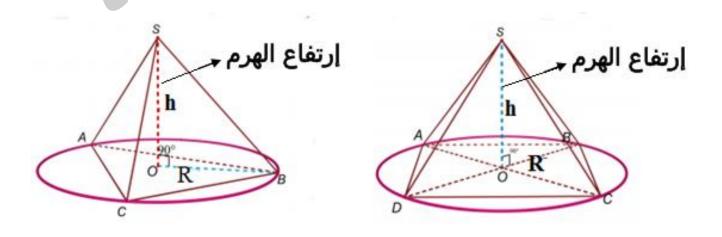
التعريف

الهرم المنتظم هو الهرم الذي قاعدته مضلع منتظم (علما بأن المضلع المنتظم تكون أبعاده وزواياه متقايسة)، والمسقط العمودي لرأس الهرم على القاعدة يكون عموديا عليها والمار من مركز الدائرة المحيطة بالمضلع وأحرفه الجانبية متقايسة أي أن أوجهه الجانبية مثلثات متقايسة وكل منها مثلث متقايس الضلعين قمته الرئيسية رأس الهرم.









نشاط:

A B C C

نعتبر هرما منتظما رأسه S وارتفاعه h و O مركز الدائرة المحيطة بقاعدته و A شعاعها و A رأس من رؤوس قاعدته.

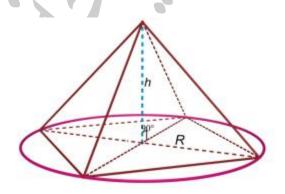
_						
SA =	h^2	+	$\overline{R^2}$	أن	بین	(1

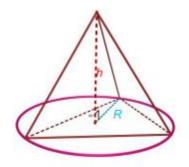
		1	(
	,	/i	\
	//	′ /	\
	//	/h	1
/	//	/	. \
A /2	//		B
11/	\ A	+	-/)
11/	·-	R	11
1-		<u>`</u>	//
D			C

) بين أنَ كل الأحرف الجانبية للهرم المنتظم متقايسة.	2) بين أن كل الأحرف الجانبية لل
---	---------------------------------

<u>عـمـــومــا:</u>

في الهرم المنتظم إذا كان ارتفاعه h و R شعاع الدَائرة المحيطة بقاعدته فإن قيس طول كلَ حرف من أحرفه الجانبية تساوي: $\sqrt{h^2+R^2}$

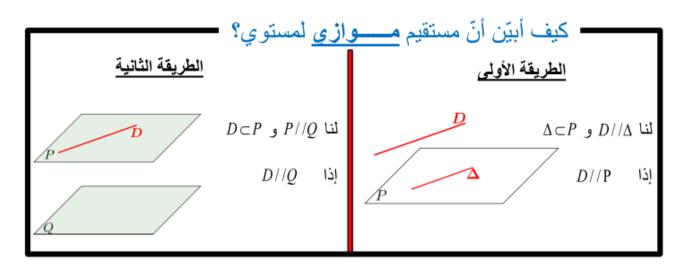




:1	عدد	بيق	نط
----	-----	-----	----

	<u>.1 G</u>
Š	(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)
	في الرسم المصاحب SABC هرم منتظم ارتفاعه
	يساوي 3 وقاعدته المثلث متقايس الأضلاع ABC
	حيث I منتصف [AC]
A . AE	و G مركز الدائرة المحيطة بالقاعدة و $3=2\sqrt{3}$
В	1) احسب البعد BI.
	2) استنتج البعد BG.
	3) احسب البعد SB.
	4) استنتج البعد SI.
	.51
	••••••••••••
	تطبيق عدد 2:
	(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)
AI الذي مركزه O حيث AB= 3 و SO = 4	نعتبر هرما منتظما رأسه S وارتفاعه المربع 3CD
	SB أحسب (1
•••••	
	2) لتكن I منتصف [SB] . أحسب OI
•••••	•••••

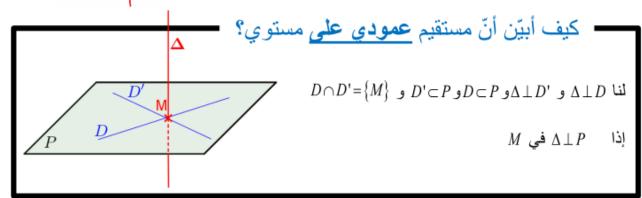
حـوصلـة:



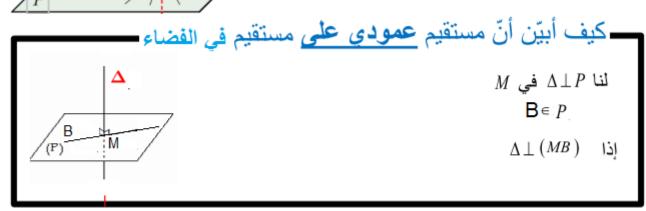
ر مستقيم عمودي في نقطة على مستقيمين متقاطعين في نقطة على مستقيم عمودي على هذا المستوي. في نفس النقطة من مستوي هو مستقيم عمودي على هذا المستوي.

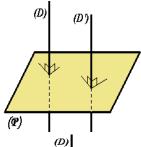
(D)

14

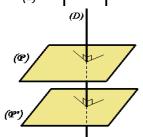


✓ مستقيم عمودي على مستوي في نقطة هو مستقيم
 عمودي على كل مستقيمات هذا المستوي
 المارة من هذه النقطة.

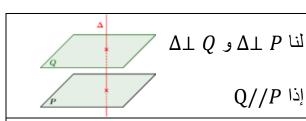




✔ مستقيمان عموديان على نفس المستوي هما مستقيمان متوازيان.



✔ مستويان عموديان على نفس المستقيم هما مستويان متوازيان.





مستقيمان يعامدان نفس المستقيم في الفضاء ليسا بالضرورة متوازيان

تذكير الأمباء:

الموشور قائم	متوازي مستطيلات	المكعّب
		$\leftarrow a \rightarrow$
$V = h \times B$	$V = a \times b \times c$	$V = a^3$
حيث B مساحة القاعدة		
الأسطوانة الدائرية القائمة	المخروط دوراني	الهرم
	h	
$V = \pi \times r^2 \times h$	$V=rac{1}{3} imes B imes h$ حيث $egin{aligned} \mathrm{B} & \mathrm{Aul} & \mathrm{B} \end{aligned}$ مساحة القاعدة	$V=rac{1}{3} imes B imes h$ حيث B مساحة القاعدة