

Lista 02

Dados de Identificação	
Professor:	Matheus Pimenta
Disciplina:	Cálculo Diferencial e Integral II - 1MAT180
Aluno:	

Observação: Não precisa ser entregue. Apenas para desenvolvimento do pensamento matemático.

-
- Determine o limite (se existir) da sequência $X_n = \frac{\sin(n\pi)}{n}$
 - Determine o limite (se existir) da sequência $X_n = \frac{\log(n)}{n}$
DICA: Use que $\forall n \in \mathbb{N}, \sqrt{n} < e^{\sqrt{n}}$
 - Apresente dois exemplos de sequências de termos a_n , satisfazendo simultaneamente as condições abaixo:
 - $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0$
 - $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ diverge.
 - Apresente um exemplo de uma sequência limitada que não é convergente.
 - Determine o limite (se existir) das sequências abaixo:
 - $\frac{\cos(x)}{n}$
 - $\frac{1}{2^n}$
 - $a_n = \left(\frac{n+1}{n-1}\right)^n$
 - Encontre a fórmula para o n -ésimo termo das sequências abaixo:
 - $1, -1, 1, -1, \dots$
 - $-1, 1, -1, 1, \dots$
 - $1, 4, 9, 16, 25, \dots$

- (d) $1, -\frac{1}{4}, \frac{1}{9}, -\frac{1}{16}, \dots$
7. Analise a série $\sum \frac{1+n}{n}$
8. Analise a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\ln(n)}{n^{\frac{3}{2}}}$
9. Analise a série $\sum \frac{(2n)!}{n!n!}$
10. Mostre que a série Telescópica é convergente.
11. Mostre que a série Harmônica é divergente.
12. Mostre que a série Harmônica alternada é convergente.
13. Analise a série $\sum \frac{1}{n \ln(n)}$
14. Analise a série $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{n-1}{n!}$
15. Analise a série $\sum_{n=1}^{\infty} \ln \left(\frac{n+1}{n} \right)$
16. Mostre que a sequência $X_n = \frac{(n!)^{\frac{1}{n}}}{n}$ converge para $\frac{1}{e}$
DICA: Use que $\forall n \in \mathbb{N}, en^n e^{-n} < n! < en^{n+1} e^{-n}$
17. Para quais valores de $a > 0$ a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{a^n n!}{n^n}$ converge?
18. Estude a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^p}$. Para quais valores de p a série é convergente? E para quais valores de p a série é divergente?
19. Analise a série $\sum \frac{(-1)^n}{n}$
20. Analise a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos(3\pi^2 n)}{n^2}$
21. Analise a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!}{n^n}$
22. Encontre a série de Taylor e os polinômios de Taylor gerados por $f(x) = e^x$ em $x = 0$.
23. **DESAFIO:** Mostre que se $a > 0$, então $X_n = \sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$ é tal que o limite de X_n é 1.
24. **DESAFIO:** Analise a série $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4n+3}{n^3 + \sqrt{n}}$
DICA: Use estimativas $\frac{4n+3}{n^3 \sqrt{n}} < \frac{4n}{n^3}$