به نام خدا



دانشگاه تهران دانش*کد*گان علوم و فناوری های میان رشته ا ی

Neural Networks

تمرين اول

سوال اول

a)
$$f(x_{K}; \theta) = \theta \exp(-\theta x_{K})$$

$$= \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} (\theta) = \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} (\theta) = \frac{1}{2} \ln \frac{1}{2} \ln$$

سوال دوم

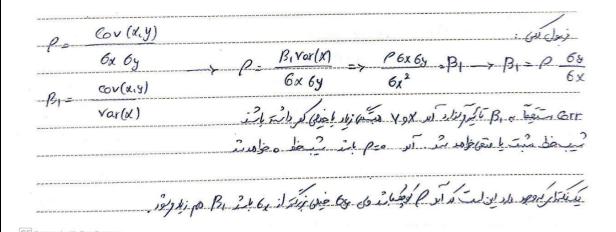
الف(

.1

- a. واریانس: واریانس گسترش ی ا پراکندگ ی مجموعه ای از مقادیر را حول میان گین آنها اندازه می گیرد.
- b. کوواریانس: کوواریانس میزان تغییر دو متغ یر با هم را نشان می دهد. کوواریانس مثبت به این معن ی است که با افزایش یک متغیر، متغیر دیگر نی ز تمایل به افزایش دارد و بالعکس.
- c. میانگین: مقداری است که به عنوان نمایند های از یک دسته از اعداد استفاده م یشود و نشاندهنده مقدار متوسط یا متعادل در یک سری از اعداد است
- . Correlation: همبست گی ی ک معیا ر نرمال شده از کوواریانس است که قدرت و جهت رابطه خطی بین دو متغ یر را نشان می دهد.
- 2. با محاسبه مقادی ر B0 و B1 می توانیم مدل رگر سیون خ طی را با به حداقل رساندن مجموع مربعات باقیمانده) RSS (استخراج ک نیم.

) R	2 2 (Yi - (Bo +B))	Kill= Yi= Bo +B	+X
JESS 2	2 2 (Yi-(Bo+ Pop)	(i)) Xi =	Exi+B, Ex
Bo = Y - BIX	9 B1= E(A-X)(Y	(;- <u>Ý)</u>	
2	E(xi-)	χ) ²	
			ner, das lans car fair des anne met met men gen yet van var met met den den den ver fan de
Cov(X,Y)	- Z(xi-Z)(Yi-Y	() , Var(x)= Z	$(x_i - \overline{x})^2$
gan das tale tale tale der der der der des tale tale tale der der der der der tale tale tale tale tale der der		-13 Y B+ X	ada sala sala sala sala and and and and sala sala sala sala sala sala sala sal
0 SIN- 3			
β1 = Σ(α:-X	$((-\overline{\chi})^2)$	-f-)-0	

.4



5. $\beta 0$ به طور مست قیم با X^- و Y^- مرتب ط است زیرا به گونه ای محاسبه می شود که اطمینان حاصل شود که خط رگر سیون از مرکز توزیع داده عبور می کند. این مدل رگر سیون را قابل اعتماد می کند و تضمی ن م ی کند که روند مشاهده شده در مجموعه داده را به درست ی نشان م ی دهد.

فرمول نهایی 1β هم در قسمت های قبلی داده شده است.

واحد X در رگرسیون خطی، ضریب شیب (B) نشاندهنده میزان تغییرات متغیر وابسته X او ازای هر واحد تغییر در متغیر مستقل X است. این ضریب به رابطه آماری میان دو متغیر بستگی دارد و با اندازهگیری همبستگی و نحوه تغییرات آ نها نسبت به هم به دست م یآید. اگر دو متغیر با هم همبستگی قوی داشته باشند، ضریب شیب بزرگتر و نشاندهنده تأثیر بیشتر X بر خواهد بود. همچنین ضریب عرض از مبدا (B) مقدار پیشبینی شده برای X زمانی که X برابر صفر است را نشان م یدهد و به میانگینهای هر دو متغیر وابسته است. این ضرایب به ما کمک م یکنند که رابطه خطی میان دو متغیر را بهتر بفهمیم و بتوانیم پی شبینیهای دقیقتری انجام دهیم

ب (

```
# data
x = [16, 27, 11, 20, 30, 25, 5, 24, 21, 10]
y = [46, 80, 36, 52, 98, 75, 10, 70, 64, 30]
n = len(x)
# Mean
mean_x = sum(x) / n
mean_y = sum(y) / n
# Variance
variance_x = sum((xi - mean_x) ** 2 for xi in x) / (n - 1)
variance_y = sum((yi - mean_y) ** 2 for yi in y) / (n - 1)
# Covariance
covariance_xy = sum((x[i] - mean_x) * (y[i] - mean_y) for i in range(n)) / (n - 1)
# Correlation
correlation_xy = covariance_xy / (variance_x ** 0.5 * variance_y ** 0.5)
# Print results
print(f"Mean of x: {mean_x}")
print(f"Mean of y: {mean_y}")
print(f"Variance of x: {variance_x}")
print(f"Variance of y: {variance_y}")
print(f"Covariance between x and y: {covariance_xy}")
print(f"Correlation between x and y: {correlation_xy}")
→ Mean of x: 18.9
     Mean of y: 56.1
     Variance of x: 66.7666666666665
     Variance of y: 696.5444444444444
     Covariance between x and y: 213.122222222222
     Correlation between x and y: 0.9882674062434095
```

سوال سوم

```
from google.colab import drive
drive.mount('/content/drive')
Trive already mounted at /content/drive; to attempt to forcibly remount, call drive.mount("/content/drive", force_remount.
data = "/content/drive/MyDrive/Colab Notebooks/HW/ML/Q3_Dataset/*"
import cv2 as cv
import glob
image_paths = glob.glob(data)
features = []
labels = []
for image_path in image_paths:
 img = cv.imread(image_path)
  img = cv.cvtColor(img, cv.COLOR_BGR2RGB)
 if img is not None:
    features.append(img)
    label = image_path.split("/")[-1].removesuffix(".jpg")[0]
    if label == 'm':
      label = 0
    else:
     label = 1
    labels.append(label)
  else:
    print(f"Could not load image: {image_path}")
def classify_image(image):
    mean_r = image[:, :, 0].mean()
mean_b = image[:, :, 2].mean()
    if mean_r > mean_b:
       return 0 # ManU
    else:
        return 1 # Chelsea
from sklearn.metrics import confusion_matrix, accuracy_score, precision_score, recall_score
y_pred = [classify_image(image) for image in features]
cm = confusion_matrix(labels, y_pred)
print("Confusion Matrix:")
print(cm)
Try Confusion Matrix:
     [[54 1]
[21 46]]
accuracy = accuracy_score(labels, y_pred)
precision = precision_score(labels, y_pred)
recall = recall_score(labels, y_pred)
print(f"Accuracy: {accuracy:.2f}")
print(f"Precision: {precision:.2f}")
print(f"Recall: {recall:.2f}")
Accuracy: 0.82
     Precision: 0.98
     Recall: 0.69
```

سوال چهارم فایل پیوست

