# University of Tehran

دانشکدگان علوم و فناوری های میان رشته ای



## Neural Networks

HW1

Fall 2024

### توضيحات مهم

سلام بر دانشجویان عزیز، چند نکته مهم:

- ۱. حجم گزارش به هیچ عنوان معیار نمرهدهی نیست، در حد نیاز توضیح دهید.
- ۲. نکته ی مهم در گزارشنویسی روشن بودن پاسخها میباشد، اگر فرضی برای حل سوال استفاده میکنید حتماً آن را ذکر کنید، اگر جواب نهایی عددی است به صورت واضح آن را بیان کنید.
  - ۳. برای سوالات شبیهسازی، فقط از دیتاست دادهشده استفاده کنید.
- ب. فایل نهایی خود را در یک فایل زیپ شامل گزارش با فرمت PDF ، آپلود کنید. نام فایل زیپ ارسالی
  باید الگوی زیر را داشته باشد :

#### NN\_HW1\_StudentNumber

- نه همراه .ipynb یا به همراه نوان سوال آن با پسوند py. یا py به همراه گزارش در فایل زیپ تحت الگوی بند pyپیوست شود.
- <sup>9</sup>. هرگونه شباهت در گزارش و کد مربوط به شبیه سازی، به منزله ی تقلب میباشد و کل تمرین برای طرفین صرف نظر خواهد شد.
  - ۷. تمامی سوالات خود را به دستیار آموزشی تمرین مربوطه به ایمیل زیر ارسال نمایید:

Mahsanadafi6@gmail.com

#### سوال اول:Maximum Likelihood

فرض کنید  $\{x_k\}, k=1,2,...,N$  نمونههای مستقل از یکی از توزیعهای زیر هستند. حداکثر درستنمایی heta را برای هر کدام به دست آورید:

a) 
$$f(x_k; \theta) = \theta \exp(-\theta x_k) x_k \ge 0, \theta > 0$$
 Exponential Density

c) 
$$f(x_k; \theta) = \sqrt{\theta} x_k^{\sqrt{\theta} - 1} \ 0 \le x_k \le 1, \theta > 0$$
 Beta Density

#### سوال دوم: Regression

الف. مرحله به مرحله رابطه رگرسیون خطی با استفاده از واریانس، میانگین، کواریانس و correlation طبق مراحل زیر اثبات کنید:

- ۱. مفاهیم اولیه واریانس، میانگین، کواریانس و correlation را تعریف کنید.
- ۲. در رگرسیون خطی ساده، هدف یافتن رابطهای خطی بین متغیر وابسته Y و متغیر مستقل X است. مدل به صورت زیر تعریف می شود:

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \epsilon$$

که در آن:

- Yمتغیر وابسته (پاسخ) است.
- Xمتغیر مستقل (پیشبینی کننده) است.
  - هرض از مبداء و eta شیب است. eta
- $\mathbf{Y}$  را نشان که جمله خطا است که تفاوت بین مقادیر مشاهده شده و پیشبینی شده  $\mathbf{Y}$  را نشان می دهد.

با استفاده از رابطه بالا مجموع مربعات باقىمانده ارا كمينه كنيد.

- ۳. استخراج شیب  $(\beta_1)$  و عرض از مبدأ  $(\beta_0)$  بر حسب کوواریانس و واریانس  $^{"}$
- - نهایی برای شیب ( $\beta_1$ ) بر حسب کوواریانس و واریانس چیست؟ فرمول نهایی برای عرض از  $(\beta_0)$  چگونه با میانگینهای X و Y مرتبط است؟

.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Sum of Squared Residuals(RSS)

<sup>9</sup>. این روابط چه بینشی درباره ارتباط بین ضرایب رگرسیون و معیارهای آماری مانند واریانس، کوواریانس و همبستگی به ما میدهند؟ چگونه این روابط به ما در درک بهتر خط رگرسیون تخمین زده شده کمک میکنند؟

ب. جدول زیر مربوط به یک مسئله رگرسیون خطی ساده است یا استفاده از فرمولهای بدست آمده در قسمت قبل واریانس، میانگین، کواریانس و correlation را گزارش کنید.(کد نویسی با پایتون آنجام شود.)

i	x <sub>i</sub>	$\mathbf{y_i}$
1	16	46
2	27	80
3	11	36
4	20	52
5	30	98
6	25	75
7	5	10
8	24	70
9	21	64
10	10	30

#### سوال سوم: طبقه بندي

در این سوال، یک طبقهبند طراحی کنید که بتواند دو کلاس متفاوت (دو تیم فوتبال منچستریونایتد و چلسی) را با استفاده از دیتاست داده شده تشخیص دهد. برای طبقهبندی، می توانید میانگین رنگ در هر عکس را محاسبه کنید و سپس مقدار به دست آمده را با رنگهای آبی و قرمز مقایسه نمایید. این طبقهبند را روی دیتاست داده شده تست کنید. ماتریس Confusion را گزارش دهید و مقادیر precision ، accuracy، و دیتاست داده شده و نتایج هر کدام را توضیح دهید.

نکته: بدین منظور میتوان از میانگین کانال های عکس RGB استفاده کرد.

### سوال چهارم: بررسی برازش ا توابع مختلف

ابتدا با توجه به کد زیر دادههای مربوطه را تولید کنید:

. سپس دادهها را با استفاده از K-fold به k بخش تقسیم کنید

الف. در ابتدا سعی کنید توابع زیر را برازش کنید و مقادیر میانگین MSE برای هر یک از موارد را گزارش دهید.

- 1. Linear Regression
- 2. Polynomial Regression
- 3. Ridge Regression (L2 Regularization)

ب. در این بخش ضریب regularization رو در ridge Regression را بهینه و گزارش کنید. (در این بخش رسم نمودار MSE در فرایند بهینه سازی نمره اضافه به همراه دارد.)

۵

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Fitting