University of Tehran

دانشکدگان علوم و فناوری های میان رشته ای



Artificial Neural Networks

HW2

Fall 2024

توضيحات مهم

سلام بر دانشجویان عزیز، چند نکته مهم:

- ۱. حجم گزارش به هیچ عنوان معیار نمرهدهی نیست، در حد نیاز توضیح دهید.
- ۲. نکته ی مهم در گزارشنویسی روشن بودن پاسخها میباشد، اگر فرضی برای حل سوال استفاده میکنید حتماً آن را ذکر کنید، اگر جواب نهایی عددی است به صورت واضح آن را بیان کنید.
 - ۳. برای سوالات شبیهسازی، فقط از دیتاست دادهشده استفاده کنید.
- باید الگوی زیر را داشته باشد :
 باید الگوی زیر را داشته باشد :

NN_HW1_StudentNumber

- نه همراه .ipynb یا به همراه نوان سوال آن با پسوند py. یا py به همراه گزارش در فایل زیپ تحت الگوی بند pyپیوست شود.
- ⁹. هرگونه شباهت در گزارش و کد مربوط به شبیه سازی، به منزله ی تقلب میباشد و کل تمرین برای طرفین صرف نظر خواهد شد.
 - ایمیل زیر ارسال نمایید: $^{\vee}$. تمامی سوالات خود را به دستیار آموزشی تمرین مربوطه به ایمیل زیر ارسال نمایید:

zeinab.yazdani@ut.ac.ir

سوال اول: SVM

در این سوال قصد داریم با استفاده از SVM، مجموعهداده آموزشی زیر را در دو کلاس طبقه بندی کنیم:

كلاس	ویژگی دوم	ویژگی اول
اول	•	١
اول	١	•
دوم	•	-1

الف. این دادهها را روی صفحه مختصات دو بعدی نمایش دهید و سعی کنید به صورت شهودی وزنهای صغحه جدا کننده دو کلاس و حاشیه الهینه را پیدا کنید.

ب. با استفاده از حل مسئله در فضای dual و پیدا کردن ضرایب لاگرانژین^۲، معادلهی خط جداکننده نمونهها را به دست آورید (از شروط KKT برای پیدا کردن نقطه بهینه استفاده کنید). نتیجه را با قسمت قبل مقایسه کنید.

ج. کدام نقاط، بردارهای پشتیبان (SV) هستند؟

¹ Margin

² Lagrange coefficients

سوال دوم: MLP

فرض کنید یک شبکه MLP^1 سه لایه شامل یک لایه ورودی، دو لایه پنهان به ترتیب با ۲ و 7 نورون یک لایه خروجی با دو نورون برای طبقه بندی داریم. از تابع فعالساز 7 سیگموئید 7 برای لایه پنهان و Softmax در لایه آخر استفاده کنید و تابع هزینه 7 را CE^5 در نظر بگیرید.

ورودى:

$$x = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

وزنهای لایه اول:

$$w1 = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

وزنهای لایه دوم:

$$w2 = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \\ -2 & 0 \end{bmatrix}$$

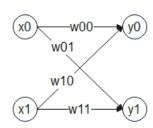
وزنهای لایه آخر:

$$w3 = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

بایاس را صفر در نظر بگیرید.

برای راهنمایی در مورد نحوه نام گذاریها از شکل زیر استفاده کنید.

$$\begin{bmatrix} x0\\ x1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w00 & w01\\ w10 & w11 \end{bmatrix}$$



¹ Multi Layer Perceptron

² Activation Function

³ Sigmoid

⁴ Loss Function

⁵ Cross Entropy

الف. فرض کنید برچسب واقعی این داده ۱ باشد، با استفاده از الگوریتم پسانتشار خطا۱ به صورت کامل و مرحله به مرحله، گرادیان نسبت به تمام پارامترها را به دست بیاورید و درنهایت روابط مربوط به یک مرحله از بهروزرسانی وزنها را برای w2 بنویسید. نرخ یادگیری را ۰.۵ در نظر بگیرید.

(این سوال را باید با روابط ماتریسی حل کنید، در غیر این صورت نمره کامل را دریافت **نخواهید** کرد.)

ب. دلیل استفاده از توابع فعالساز در شبکههای عصبی چند لایه چیست؟

ج. دو مورد از مشکلات سیگموئید را توضیح دهید و برای آنها راهحلهایی ارائه کنید. به نظر شما دلیل استفاده از تابع فعال ساز ReLU به جای سیگموئید چیست؟

د. با یک مثال توضیح دهید در مسیر پیشرو و پسرو^۲ با تابع ReLU چگونه برخورد می شود (گرادیان خروجی ReLU نسبت به ورودی آن).

¹ Backpropagation

² Forward and Backward Path

سوال ۳ (پیادهسازی): SVM

به همراه فایلهای پیوست در صورت تمرین، یک مجموعهداده پزشکی برای طبقهبندی بیماری دیابت ارائه شدهاست. مشخصات این دادهها در جدول ۲ بیان شده است. در این سوال با استفاده از SVM یک طبقهبندی برای تشخیص این بیماری طراحی خواهد شد.

جدول ۱- مشخصات مجموعه داده تشخیص دیابت

Pregnancies	Number of times pregnant
Glucose	Plasma glucose concentration a 2 hours in an oral glucose tolerance test
BloodPressure	Diastolic blood pressure (mm Hg)
SkinThickness	Triceps skin fold thickness (mm)
Insulin	2-Hour serum insulin (mu U/ml)
BMI	Body mass index (weight in kg/(height in m)^2)
DiabetesPedigreeFunction	Diabetes pedigree function
Age	Age (years)
Outcome	Class variable (0 or 1) 268 of 768 are 1, the others are 0

الف. (EDA(Exploratory Data Analysis)

در برخورد با مجموعه داده کسب کنید تا بتوانید برای مراحل بعدی برنامه ریزی مناسب تری داشته باشید. در این ظاهر مجموعه داده کسب کنید تا بتوانید برای مراحل بعدی برنامه ریزی مناسب تری داشته باشید. در این قسمت برای درک بهتر دادگان، سعی کنید آنها را با ابزارهای مختلف نمایش دهید و به صورت ظاهری و نیز از نظر آماری ویژگیهای مختلف و ارتباط آنها با خروجی را بررسی کنید. نمودار plot هر دوتایی از ویژگی ها را ترسیم کنید. توجه داشته باشد که نمودار ترسیم شده باید با درج تمامی اطلاعات مورد نیاز (برچسب مناسب برای محور ها، عنوان مناسب برای هر نمودار و ...) همراه باشد. توجه کنید که تحلیل نمودار ها در این سوال اهمیت بالایی دارد. بنابراین در این قسمت پس از خواندن داده ها سعی کنید مشخصات آن را بررسی کنید (وجود داده های گمشده ۱٬ بررسی پارامترهای آماری و تصویر سازی و رسم رابطه هر ویژگی با خروجی و...) و بررسی کنید کدام ویژگیها برای تصمیم گیری مفید تر هستند...

۶

¹ Missing data

ب. پیش پردازش

یکی از مراحل مهم در برخورد با دادههای دنیای واقعی، مرحله پیشپردازش است. در مورد پیش پردازش های معمول قبل از استفاده از دادههای خام تحقیق کنید. با ذکر دلیل بیان کنید انجام چه پیشپردازش هایی روی دادههای این سوال به مسئله کمک می کند و این پیشپردازشها را اعمال کنید. انجام درست قسمت قبل، در این قسمت به شما کمک زیادی می کند.

ج. بررسی راهحل (نیازی به پاسخ طولانی نیست، تنها رساندن مفهوم کافیست)

- ۱. در مورد مفاهیم Grid Search و Random Search تحقیق کنید و هرکدام را مختصرا توضیح دهید.
- ۲. در مورد کرنل های مختلف مانند RBF ،Linear و Polynomial تحقیق کنید و یک یا دو مورد از مهم ترین پارامترهای هرکدام را مختصر توضیح دهید.
- روشهای one vs rest و one vs all را مختصرا توضیح داده و باهم مقایسه کنید. آیا در این مسئله نیازی به استفاده از آنها داریم؟

د. طبقهبندی

- ۱. دادهها را به دو بخش آموزش و آزمون تقسیم کنید.
- ۲. مدل svm خود را ایجاد کرده و با استفاده از Grid Search از بین سه کرنل معرفی شده در قسمت قبل، بهترین پارامترهایی(c) و gamma و (d) که برای هر کرنل بدست می آید را روی دادههای قبل، بهترین پارامترهایی(score و برای هر کدام score را بیان کنید.

ه. نتایج

بهترین مدل را روی دادههای آموزش و آزمون اعمال کنید و نتایج را گزارش کنید.

سوال چهارم (پياده سازى): MLP

در این سوال، با استفاده از کتابخانه Keras یک شبکه عصبی چند لایه برای طبقهبندی تصاویر MNISTکه شامل تصاویر ۶۰۰۰۰ رقم دستنویس است، طراحی خواهید کرد.

الف. برای آشنایی با مجموعه داده مورد نظر ابتدا یک مجموعه تصادفی ۵۰ تایی از دادهها را به صورت ۵ در ۱۰ نمایش دهید.

ب. دادهها را به دو بخش آموزش (۸۰٪) و آزمون (۲۰٪) تقسیم کنید؛ سپس ۱۵٪ از دادههای آموزش را برای اعتبارسنجی جدا کنید. توضیح دهید دلیل تقسیم مجموعهداده به سه مجموعه مجزا چیست و هر کدام چه کاربردی دارند؟

ج. یکی از مسائل مهمی که در پیشپردازش و بررسی مجموعه داده باید در نظر بگیرید، ابعاد تصاویر می باشد. در صورتی در این مجموعه داده با چنین مشکلی برخورد کردید، تمام تصاویر مجموعه داده را به ابعاد ۲۸ در ۲۸ تغییر اندازه دهید تا در گام های جلوتر به مشکل نخورید.

در تمام مراحل بعدی، برای هر قسمت نمودار صحت و زیان آموزش و اعتبارسنجی و نیز صحت، دقت، F1-score را برای هر سه مجموعه داده گزارش کنید. همچنین اگر هر یک از تغییرات اعمال شده در هر قسمت منجر به بهبود نتایج شد، آن تغییر را حفظ کنید.

جدول ۲- ابرپارامترهای لازم برای آموزش مدل

مقدار	ابرپارامتر
64	اندازه بسته
1e-3	نرخ یادگیری
10	تعداد دوره۲
CE	تابع هزينه
ReLU	تابع فعالساز
SGD^3	تابع بهینه سازی

¹ from keras.datasets import mnist

³ Stochastic Gradient Descent

² epochs

- د. یک شبکه عصبی با یک لایه پنهان شامل ۱۶ نورون با استفاده از ابرپارامترهای موجود در جدول ۲ پیاده سازی کنید.
 - ۱. تعداد نورونها را به ۱۲۸ نورون تغییر دهید و نتایج را مقایسه کنید.
- تعداد لایههای پنهان را به دولایه (اولی ۶۴ و دومی ۱۲۸ نورون) تغییر دهید و نتایج را مقایسه
 کنید.
- ه. یکی از مراحل پیشپردازش معمولا نرمال سازی یا استاندارد سازی است، ابتدا این دو روش را با هم مقایسه کنید سپس بدون استفاده از توابع آماده، آنها را روی دادهها اعمال کنید و نتایج را با قسمت های قبل مقایسه کنید.
 - و. نرخ یادگیری را به مقادیر e-1 و e-5 تغییر دهید و مشاهدات خود را تفسیر کنید.
- ز. در مورد بیش برازش و کم برازش در شبکههای عصبی توضیح دهید و برای پیشگیری و حل این مشکلات راهکارهایی پیشنهاد کنید (برای هرکدام دو مورد). نتایج قسمتهای قبل را با توجه به این مفاهیم تحلیل کنید و بیان کنید در هر مرحله با کدام یک از این مشکلات مواجه بودید.

سوال پنجم:

الف. در یک مسئله تشخیص الگو با چهار کلاس، توابع تشخیص زیر را داریم:

class 1: $g_1(x, y) = x - y + 1$

class 2: $g_2(x, y) = -x - y + 2$

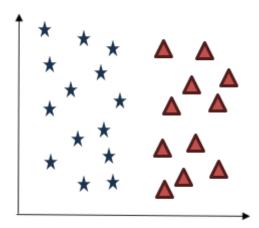
class 3: $g_3(x, y) = -x + y - 3$

class 4: $g_4(x, y) = x + y$

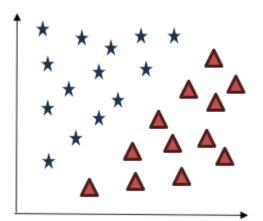
مرز تصمیم گیری را پیدا کرده و ترسیم کنید، با این قاعده طبقهبندی که برای یافتن برچسب کلاس از حداکثر مقدار g_i برای هر نقطه داده ورودی (x,y) استفاده کند.

ب. نمودارهای زیر نشاندهنده نمونههای آموزشی برای یک تابع مفهوم با مقادیر بولین هستند که در فضای ویژگی رسم شدهاند. در هر مورد، چه تعداد گره (neuron) برای طبقهبندی صحیح توسط یک پرسپترون مورد نیاز است؟

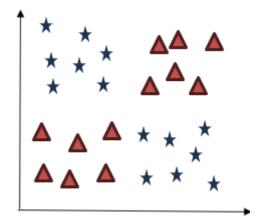
¹ Hyperparameters



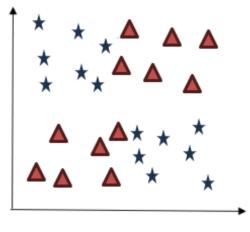
۱. تعداد گره:



۲. تعداد گره:



۳. تعداد گره:

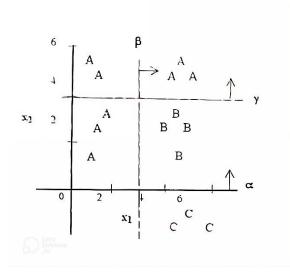


٤. تعداد گره:

ج.

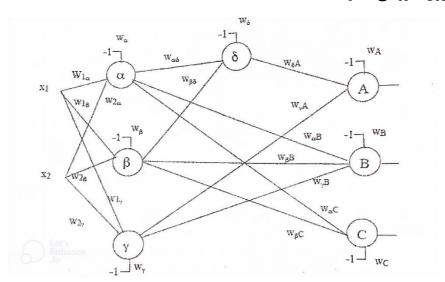
(۱) یک شبکه عصبی را در نظر بگیرید که ورودیهای $X_1, X_2, ..., X_n$ دارد، که هر کدام می توانند $x_1, x_2, ..., x_n$ باشند. این شبکه با تعیین وزنهای روی پیوندها و تابع فعال سازی x_2 در گره مشخص می شود. شبکه ای طراحی کنید که "تابع اکثریت" را برای x_2 گره ورودی محاسبه کند. یک تابع اکثریت باید در صورتی که حداقل نیمی از ورودیها بالا (۱) باشند، خروجی x_2 تولید کند، و در غیر این صورت خروجی x_3 تولید کند.

(۲) وزنهای گمشده را برای هر یک از گرهها در شبکه پرسپترون زیر پر کنید. فرضهای زیر را در نظر بگیرید:



- خروجیهای پرسپترون یا ۰ یا ۱ (باینری) هستند.
 - B ،A و C نشان دهنده کلاس ها هستند.
- خطهای β ، α و γ نشان دهنده مرزهای تصمیم گیری هستند.

• جهت فلشهای نشان داده شده روی نمودارها، سمتی از هر مرز را نشان میدهد که باعث می شود پرسپترون خروجی ۱ تولید کند.



а

W_{1a}	
w_{2a}	1
w_a	
β	

$w_{1\beta}$	1
$w_{2\beta}$	
w_{β}	

γ

$w_{1\gamma}$	
$w_{2\gamma}$	1
w_{γ}	

δ

$w_{\beta\delta}$	
w_{δ}	
A	

$w_{\delta A}$	1
$w_{\gamma A}$	
W_A	
В	

W _{aB}	1
$w_{eta B}$	1
$w_{\gamma B}$	
W_B	
C	

W _{aC}	
$w_{\beta C}$	1
w_{C}	