

دانشكده مهندسي كامپيوتر

طراحي و تحليل الگوريتمها

# تمرین ۳\*

اساتید حل تمرین: مهدی مقدمی، مهسا قادران تهیه و تنظیم مستند: مریم سادات هاشمی

> استاد درس: سید صالح اعتمادی نیمسال دوم ۹۹-۹۸

@mahdimoqaddami @mahsa_noname	تلگرام
fb_A3	نام شاخه
АЗ	نام پروژه/پوشه/پول ريكوست
1897/12/10	مهلت تحويل

<sup>\*</sup>تشکر ویژه از اساتید حلتمرین مریم سادات هاشمی، بنفشه کریمیان، مهسا سادات رضوی، امیر خاکپور، سهیل رستگار و علی آلیاسین که در نیمسال دوم سال تحصیلی ۹۷-۹۸ نسخه اول این مجموعه تمرینها را تهیه فرمودند.

#### توضيحات كلى تمرين

- ۱. ابتدا مانند تمرین های قبل، یک پروژه به نام ۸3 بسازید.
- ۲. کلاس هر سوال را به پروژهی خود اضافه کنید و در قسمت مربوطه کد خود را بنویسید. هر کلاس شامل دو متد اصلی است:
- متد اول: تابع Solve است که شما باید الگوریتم خود را برای حل سوال در این متد پیاده سازی کنید.
- متد دوم: تابع Process است که مانند تمرین های قبلی در TestCommon پیاده سازی شده است. بنابراین با خیال راحت سوال را حل کنید و نگران تابع Process نباشید! زیرا تمامی پیاده سازی ها برای شما انجام شده است و نیازی نیست که شما کدی برای آن بزنید.
- ۳. اگر برای حل سوالی نیاز به تابع های کمکی دارید؛ می توانید در کلاس مربوط به همان سوال تابع تان را اضافه کنید.

اکنون که پیاده سازی شما به پایان رسیده است، نوبت به تست برنامه می رسد. مراحل زیر را انجام دهید.

- ۱. یک UnitTest برای پروژهی خود بسازید.
- ۲. فولدر TestData که در ضمیمه همین فایل قرار دارد را به پروژهی تست خود اضافه کنید.
  - ۳. فایل GradedTests.cs را به پروژهی تستی که ساخته اید اضافه کنید.

#### توجه:

برای اینکه تست شما از بهینه سازی کامپایلر دات نت حداکثر بهره را ببرد زمان تست ها را روی بیلد Release امتحان کنید، درغیر اینصورت ممکن است تست های شما در زمان داده شده پاس نشوند.

در این سری از تمرین، علاوه برفایل ها با پسوند txt که تست کیس های سوالات بودند و شما از آن ها برای تست کدتان استفاده می کردید، فایل هایی با پسوند webgraphviz نیز در پوشه TestData وجود دارد. شما با استفاده از این فایل ها می توانید گراف های کوچکتر از ۱۰۰ گره را به صورت تصویری سایت زیر مشاهده کنید.

http://www.webgraphviz.com

```
using Microsoft.VisualStudio.TestTools.UnitTesting;
    using TestCommon;
    namespace A3.Tests
۵
        [DeploymentItem("TestData", "A3_TestData")]
        [TestClass()]
٨
        public class GradedTests
١.
            [TestMethod(), Timeout(2000)]
۱۱
            public void SolveTest_Q1MinCost()
۱۳
                 RunTest(new Q1MinCost("TD1"));
            }
18
            [TestMethod(), Timeout(2000)]
۱۷
            public void SolveTest_Q2DetectingAnomalies()
۱۸
            {
                 RunTest(new Q2DetectingAnomalies("TD2"));
            }
            [TestMethod(), Timeout(4000)]
24
            public void SolveTest_Q3ExchangingMoney()
۲۵.
48
                 RunTest(new Q3ExchangingMoney("TD3"));
            }
۲۸
            [TestMethod(), Timeout(30000)]
            public void SolveTest_Q4FriendSuggestion()
٣٢
            {
٣٣
                 RunTest(new Q4FriendSuggestion("TD4"));
            }
٣۵
            public static void RunTest(Processor p)
                 TestTools.RunLocalTest("A3", p.Process, p.TestDataName, p.Verifier,
                     VerifyResultWithoutOrder: p.VerifyResultWithoutOrder,
۴۱
                     excludedTestCases: p.ExcludedTestCases);
44
            }
44
        }
۴۵
    }
```

## ۱ محاسبه حداقل هزینه یک پرواز ۱

دراین مسئله، ماموریت شما حداقل کردن هزینهی پرواز است. برای این کار باید یک گراف جهتدار بسازید که در آن وزن یال بین دو گره(شهر) متناظر با هزینه پرواز بین آن دو شهر است.

Computing the Minimum Cost of a Flight'

v و u راس و m یال، وزن کوتاهترین مسیر بین u و با u راس و u یال، وزن کوتاهترین مسیر بین u و u را پیدا کنید. (در واقع حداقل وزن کل یک مسیر از u به u)

خط آول فایل ورودی، تعداد راسهای گراف(یعنی n) را مشخص میکند. هر یک از خطوط بعدی، شامل دو راس است که بدین معنی است که از راس اول به راس دوم یال وجود دارد. در خط آخر هم راسهای u و v قرار دارد که الگوریتم شما باید حداقل وزن یک مسیر از u به v را پیدا کند یا اگر مسیری وجود نداشت v حال کند.

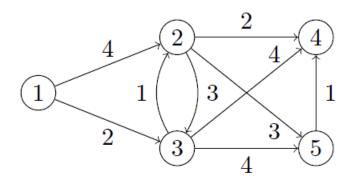
ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	3
1 2 1	
4 1 2	
2 3 2	
1 3 5	
1 3	



شكل ١: گراف نمونه اول

در شکل ۱ کوتاهترین مسیر از راس ۱ به راس  $\pi$  (۱  $\to$  au  $\to$  au) با وزن  $\pi$  است.

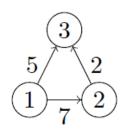
ورودی نمونه	خروجی نمونه
5	6
1 2 4	
1 3 2	
2 3 2	
3 2 1	
2 4 2	
3 5 4	
5 4 1	
2 5 3	
3 4 4	
1 5	



شكل ٢: گراف نمونه دوم

در شکل ۱ دو مسیر از راس ۱ به راس ۵ با وزن ۶ وجود دارد: ۱  $\rightarrow$  ۳  $\rightarrow$  ۵ و ۱  $\rightarrow$  ۲  $\rightarrow$  ۲  $\rightarrow$  ۵

ورودی نمونه	خروجي نمونه
3	-1
1 2 7	
1 3 5	
2 3 2	
3 2	



شكل ٣: گراف نمونه سوم

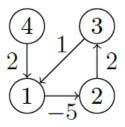
در شکل ۱ از راس ۳ به راس ۲ هیچ مسیری وجود ندارد.

```
using System;
   using System.Collections.Generic;
   using System.Linq;
   using System.Text;
   using System. Threading. Tasks;
    using TestCommon;
   namespace A3
        public class Q1MinCost : Processor
۱۱
            public Q1MinCost(string testDataName) : base(testDataName) { }
۱۲
۱۳
            public override string Process(string inStr) =>
14
                TestTools.Process(inStr, (Func<long, long[][], long, long, long>)Solve);
۱۵
```

# ۲ تشخیص ناهنجاریها در نرخ ارز ۲

 $c_{ij}$  در این سوال به شما لیستی از ارزهای  $c_{ij}$  در  $c_{ij}$  به همراه لیستی از نرخهای مبادله داده می شود به طوری که  $c_{ij}$  به همراه لیستی از نرخهای مبادله داده به ازای هر واحد  $c_{ij}$  می میتوان دریافت کرد. شما باید بررسی کنید که آیا امکان دارد با شروع از یک واحد از ارز اولیه رسید یا خیر. از یک واحد از ارز اولیه رسید یا خیر. از یک واحد از ارز اولیه رسید یا خیر برای این منظور شما باید گرافی را بسازید که راسها، همان ارزهای موجود  $c_{ij}$  باشند و وزن یک یال از  $c_{ij}$  برابر با  $c_{ij}$  باشد. سپس تنها کافی است بررسی کنید که آیا یک دور منفی در این گراف وجود دارد یا خیر. خط اول فایل ورودی، تعداد راسهای گراف (یعنی  $c_{ij}$ ) را مشخص می کند. هر یک از خطوط بعدی، شامل دو حل و یک وزن است که نشان می دهد که یالی از راس اول به راس دوم با وزن مشخص شده وجود دارد. اگر در گراف دوری با وزن منفی وجود داشت در خروجی ۱ و در غیر این صورت  $c_{ij}$ 

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4	1
1 2 -5	
4 1 2	
2 3 2	
3 1 1	



شكل ٤: گراف نمونه اول

وزن دور ۱ightarrow 7 
ightarrow 7 در گراف ۲ برابر با ۲- است که منفی است.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
```

```
using TestCommon;
    namespace A3
    {
        public class Q2DetectingAnomalies:Processor
            public Q2DetectingAnomalies(string testDataName) : base(testDataName) { }
11
            public override string Process(string inStr) =>
۱۳
                TestTools.Process(inStr, (Func<long, long[][], long>)Solve);
14
۱۵
            public long[] dist;
18
            public long Solve(long nodeCount, long[][] edges)
١٨
                //Write Your Code Here
                return 0;
27
۲۳
        }
```

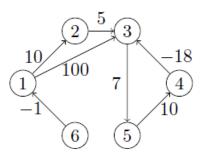
## ۳ تبادل بهینه یول ۳

حال شما باید یک راه بهینه را برای تبدیل ارز  $c_i$  به تمام ارزهای دیگر محاسبه کنید. با دریافت کردن یک گراف جهت دار با وزنهایی که ممکن است منفی باشند و n راس و m یال و همین طور راس s، طول کوتاه ترین مسیرها را از s به تمامی راسهای گراف محاسبه کنید.

خط اول ورودی، تعداد راسهای گراف را مشخص میکند. هر یک از خطوط بعدی، شامل دو راس و یک وزن s ساست که نشان میدهد که یالی از راس اول به راس دوم با وزن مشخص شده وجود دارد. در پایان شمارهی راس s میآید. در خروجی به ازای هر یک از راسهای گراف به شیوه ی زیر عمل کنید: "\*" چاپ شود، اگر مسیری از s به s وجود دارد، اما کوتاهترین مسیر وجود ندارد (فاصله این دو راس s این صورت، طول کوتاهترین مسیر چاپ شود.

ورودی نمونه	خروجی نمونه
6 7	0
1 2 10	10
2 3 5	_
1 3 100	_
3 5 7	_
5 4 10	*
4 3 -18	
6 1 -1	
1	

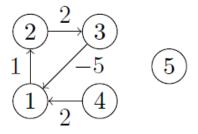
Exchanging Money Optimally



شكل ۵: عنوان شكل اول

توضيح مربوط به شكل ٣ اينجا آمده.

ورودی نمونه	خروجی نمونه
5 4	-
1 2 1	-
4 1 2	-
2 3 2	0
3 1 -5	*
4	



شكل 6: عنوان شكل اول

اولین خط خروجی نشان می دهد که فاصله ی ۱ تا ۱ برابر ۰ است. خط دوم نشان می دهد که فاصله ی ۱ تا ۲ برابر ۱۰ می برابر ۱۰ می باشد (مسیر متناظر ۱ –> ۲ است). سه خط بعدی نشان می دهند که فاصله ۱ تا راسهای ۳،۴ و ۵ برابر با  $\infty$  است. در واقع ابتدا می توان به راس ۳ توسط یالهای ۱ –> ۲ –> ۳ رسید و سپس طول یک مسیر را به دلخواه با پیمودن متعدد دور ۳ –> ۵ –> ۴ که وزن منفی دارد، کوچک کرد. خط آخر نیز نشان می دهد که مسیری از ۱ به ۶ در این گراف وجود ندارد.

```
using System;
using System.Collections.Generic;
using System.Linq;
using System.Text;
using System.Threading.Tasks;
using TestCommon;
namespace A3
{
    public class Q3ExchangingMoney : Processor
    {
        public Q3ExchangingMoney(string testDataName) : base(testDataName) { }
}
```

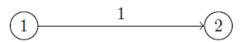
### ۴ پیشنهاد دوست ۴

شبکههای اجتماعی در ارتباط بین افراد نقش موثری دارد. بنابراین پیشنهادات دوست یکی از مهمترین ویژگیهای شبکهی اجتماعی مثل فیسبوک است. یکی از مهمترین ورودیهای الگوریتم پیشنهاد دوست، فاصله فعلی بین شما و شخص پیشنهادشده در نمودار ارتباطات دوستان است. وظیفه شما این است که الگوریتم بهینهای را برای بدست آوردن این فاصله طراحی کنید.

خط اول فایل ورودی شامل دو عدد صحیح n و m به ترتیب تعداد گرهها و لبهها در شبکه است. گرهها از l مستند. هر کدام از خطوط بعدی شامل سه عدد صحیح u ، u و l که نشان دهنده ی یک لبه به طول l از شماره گره u به شماره گره v است. (توجه داشته باشید که بعضی از شبکههای اجتماعی توسط گرافهای جهتدار نشان داده می شوند. به عنوان مثال، توییتر یک گراف می شوند، در حالی که برخی دیگر توسط گرافهای غیر جهتدار نشان داده می شوند. به عنوان مثال، توییتر یک گراف چهتدار است (به این معنی است که u دنبال کننده u است)، در حالی که فیسبوک گراف غیر جهتدار است (به این معنی است که u د وست هستند).

در فایل ورودی بعد از لبههای گراف، خط بعدی شامل عدد صحیح q است که تعداد کوئریها را مشخص میکند. هر یک از خطوط بعدی نشاندهنده ی کوئریها هستند که شامل دو گره u و v هست که شما باید فاصله ی این دو را بدست آورید و اگر هیچ مسیری بین این دو گره وجود نداشت؛ عدد - را برگردانید.

ورودی نمونه	خروجي نمونه
2 1	0
1 2 1	0
4	1
1 1	-1
2 2	
1 2	
2 1	

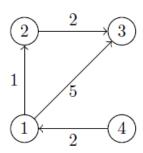


شكل ٧: گراف نمونه اول

توضيح مربوط به شكل ٢ اينجا آمده.

Friend Suggestion<sup>\*</sup>

ورودی نمونه	خروجي نمونه
4 4	3
1 2 1	
4 1 2	
2 3 2	
1 3 5	
1	
1 3	



شكل ٨: گراف نمونه دوم

توضيح مربوط به شكل ٢ اينجا آمده.

```
using System;
    using System.Collections.Generic;
    using System.Linq;
    using System. Text;
    using System. Threading. Tasks;
    using TestCommon;
    namespace A3
٨
        public class Q4FriendSuggestion:Processor
١.
۱۱
            public Q4FriendSuggestion(string testDataName) : base(testDataName) { }
۱۳
            public override string Process(string inStr) =>
14
                TestTools.Process(inStr, (Func<long, long, long[][], long,long[][], long[]>)Solve);
۱۶
            public long[] Solve(long NodeCount, long EdgeCount,
۱۷
                                   long[][] edges, long QueriesCount,
۱۸
                                   long[][]Queries)
۱٩
            {
                // Write your code here.
۲۱
                return new long[] {0};
22
            }
        }
44
    }
۲۵.
```