# PDB výpisky

## Prostorové DB

**Definice 2.2.1** Pracovní definice prostorového databázového systému: Prostorové databázové systémy jsou databázové systémy, jejich DDL a DML zahrnují *prostorové datové typy*, *prostorové datové typy* jsou podpořeny i na *implementační úrovni*, takže je možné efektivně provádět operace indexace, vyhledávání, spojování (join),...

Geometrické modely musejí být schopny zachytit to, co chceme uložit. Jednak tedy oddělené entity a potom také skupiny entit, které spolu nějak prostorově souvisejí. Pro oddělené entity jsou **geometrické modely** typicky tyto:

- **body** města,...
- **lomené úsečky** řeky, silnice, vedení,...
- uzavřená lomená úsečka (polygon) ohraničení oblastí
- **oblast** (vyplněná uzavřená lomená úsečka) les, jezero, město,
- ...

Pro popis prostoru potom můžeme uvážit např.:

- **plošné oddíly/mapy** podobně jako vyplněné oblasti, ale modelují i sousednost, souvislost, apod. (např. katastrální mapy, městské části, územní pokrytí, Voronoi,...)
- **sítě v prostoru** jedná se grafové záležitosti, které umožní modelovat silnice, železnice, elektrické sítě, telefonní vedení apod.
- vnořené plochy
- digitální modely terénu apod.

V počítači nejsme schopni zachytit reálná čísla, pouze čísla racionální a velmi často jen čísla desetinná, s různou mírou přesnosti. **Zachycujeme tedy diskrétní prostor.** 

Řešení problematiky je v tom, že v průběhu geometrických operací se již nadále neprovádí další výpočty průsečíků. Dochází tak k oddělení typů a operací nad prostorovými daty a ošetření číselných problémů korektně ke geometrickému modelu. Mezi hlavní přístupy, jak toto řešit je možné uvést:

- **Simplexy** nejmenší nevyplněné objekty dané dimenze. Často se tedy označují jako d-simplexy. O-simplex je potom bod, 1-simplex je úsečka, 2-simplex je trojúhelník, 3-simplex je čtyřstěn atd. Lze jednoduše vypozorovat, že d-simplex sestává z d+1 simplexů rozměru d-1. Takové tvořící elementy se potom nazývají styky (faces). Kombinace simplexů do složitějších struktur je povolena jen tehdy, pokud průnik libovolných dvou simplexů je styk.
- Úplné popisy, či deskriptory (realms) jsou vlastně jakýmsi souhrnným popisem všech objektů v databázi. Formálněji je to potom množina bodů, úseček, případně vyšších celků, které mají tyto vlastnosti:
  - každý (koncový) bod je bodem sítě
  - o každý koncový bod úsečky (složitějšího útvaru) je bodem sítě
  - o žádný vnitřní bod úsečky (složitějšího útvaru) není zaznamenán v síti
  - o žádné dvě úsečky (složitější útvary) nemají ani průsečík, ani se nepřekrývají

Dají se stanovit kritéria, která mohou nějaký **návrh či systém ohodnotit** z hlediska kvality a úplnosti podpory práce s prostorovými daty. Kritéria jsou:

- "vzhledy" datových položek musí být uniformní v rámci množinových operací nad množinami objektů tvořící data i případný výsledek;
- systém musí obsahovat formální definice dat a funkcí nad prostorovými datovými typy;
- v předchozím bodě zmíněné definice musejí zohledňovat aritmetiku s konečnou přesností;
- v systému musí být zahrnuta **podpora pro konzistentní popis prostorově souvisejících objektů** objekty úzce souvislé, nebo dokonce těsně sousedící musí využívat pro popis shodné podčásti,...;
- **definice dat a operací by měla být nezávislá** na konkrétním SŘBD, ale přitom s daným SŘBD úzce spolupracující.

**Relační algebru musím rozšířit o další typy** (a operace, viz níže) tak, aby kromě atomických typů bylo možné zaznamenat i prostorová data. Vzhledem k předchozímu zvolíme jistou minimální množinu konstrukcí, které umožní sestavit prakticky libovolný objekt ve 2D:

- bod (point)
- lomená úsečka (line)
- region, který se dále dělí na
  - o uzavřená lomená úsečka (polygon, pgon) význam hranice, obdoba kružnice
  - o ohraničená plocha (area) plošně vyplněná oblast, obdoba kruhu

Typy PGON, AREA, REG, EXT (REG + úsečka – objekty, které nejsou bezrozměrné), GEO (všechny).

V zásadě máme 3 kategorie operací, které je možné aplikovat:

- 1. **predikáty** vstupem operací jsou různé hodnoty, z nichž alespoň jedna je nějakého z typů GEO a výsledkem je pravdivostní hodnota;
- 2. **geometrické relace** vstupem je hodnota, či množina hodnot jednoho či více typů ze skupiny GEO a výsledkem je jedna či více hodnot z typu GEO, nebo relace, které takové typy obsahuje alespoň v jednom atributu;
- 3. **výpočetně náročné operace** i operace z předchozí kategorie mohou být velmi náročné, ale typově se jedná o zjišťovaní vztahů, v této kategorii jsou výsledkem nově získané hodnoty různých i negeometrických typů, jedná se i o operace množinové.

Dále je třeba rozšířit stávající operace, aby pracovaly s novými typy:

- projekce
- selekce
- fúze (projekce se spojením)
- "windowing"
- Ořezání

**Mapa**, což je vlastně tabulka s prostorovými daty v relační databázi s podporou prostorových dat, je potom množina n-tic, kde jeden z atributů je právě typu region.

Algebra nad takovýmito objekty potom obsahuje (z hlediska prostorových dat) operátory vložení, primitivní operace nad regiony a množinové geometrické operace.

## **ROSE** (Robust Spatial Extension)

- **algebra** navržená pro podporu prostorových databázových systémů vycházejících (do jisté míry) z relačních systémů.
- vychází z deskriptorů (realms) a složitější objekty získává jejich skládáním. Základem jsou tedy body, úsečky a oblasti (plochy, které mohou mít i "díry").

#### Vnoření objektů:

- uvnitř (plošně) může se dotýkat ohraničujícího objektu
- hranově vnořený nedotýká se žádnou hranou
- vrcholově vnořený nedotýká se ani vrcholy

#### Disjunkce:

- plošně disjunktní můžou se dotýkat
- hranově disjunktní nedotýkají se hranou
- zcela (vrcholově) disjunktní nedotýkají se ani vrcholy

Definice 3.1.1 R-cyklus je taková uzavřená lomená úsečka, která je vytvořena podle pravidel ukládání deskriptorů (realms), kde lomená úsečka je tvořena posloupností n úseček  $s_1, \ldots, s_n$  a zároveň platí, že konec úsečky  $s_i$  je shodný se začátkem úsečky  $s_{(i+1) \mod n}$ . Přitom se žádné dvě různé úsečky  $s_i$ ,  $s_j$ , kde  $i, j \in \{1, \ldots, n\}$  nikde neprotínají.

Definice 3.1.2 R-plocha f je dvojice (c, H) taková, že c je R-cyklus,  $H = \{h_1, \ldots, h_m\}$  je množina R-cyklů a platí:

- $\forall i \in \{1, ..., m\}$ :  $h_i$  je hranově vnořený v c;
- $\forall i, j \in \{1, ..., m\}, i \neq j$ :  $h_i$  a  $h_j$  jsou hranově disjunktní;
- žádný jiný cyklus není možné ze segmentů popisující plochu f dále vytvořit.

Pozn.: poslední podmínka zaručuje jednoznačnost reprezentace.

Definice 3.1.3 Nechť  $f = (f_0, F)$  a  $g = (g_0, G)$  jsou dvě R-plochy. Říkáme, že f je plošně obsažena (vnořena) v g právě tehdy když:

- f<sub>0</sub> je plošně vnořena v g<sub>0</sub> a zároveň
- ∀g ∈ G:
  - − g je plošně disjunktní s f<sub>0</sub> nebo
  - ∃ $f \in F$ : g je plošně vnořené v f.
- specifikuje typ regions tak, že to je množina hranově disjunktních R-ploch
- rozšiřuje definici plošného vnoření z dvou R-ploch na dvě množiny R-ploch, aby bylo možné hovořit o plošném vnoření u instancí typu regions.

Definice 3.1.4 Nechť F, G jsou dvě hodnoty typu regions, potom F je plošně vnořena v G právě tehdy kdy $\check{z}$ :  $\forall f \in F \exists g \in G$ : f je plošně vnořena v g.

- ROSE specifikuje krom typů pro reprezentaci prostorových objektů i všechny operace s hodnotami těchto typů.
- má určité nevýhody:
  - o chybějí operace pro vytvoření nového geometrického uskupení (voronoi, střed, konvexní obálky);
  - o integrace DBS a deskriptorů není jednoduchá (při změně atributů deskriptoru je třeba vyhledat příslušný objekt a u něj změnit hodnoty atributů definující deskriptor).

#### Určování vztahů

- Pro OD, 1D a 2D objekty existuje 52 platných kombinací pro určování vztahů mezi nimi
- Kombinací následujících operací lze realizovat všech 52:
  - o 5 operací: dotek, uvnitř, přes, přesah, disjunkce;
  - o 3 operátory na extrakci hranice.

## Požadavky na práci s prostorovými datovými typy

- Existence prostorových datových typů
- **Grafické znázornění výsledků** i když je možné hodnoty prostorových typů reprezentovat textově, tak především grafická reprezentace je žádána a očekávána.
- Grafická kombinace několika výsledků jednotlivé dotazy často poskytují jen dílčí výsledky, kombinace více dotazů může tak poskytnout mnohem lepší obrázek; např. zobrazím část území a na něm jen cesty a sídla, v dalším kroku však chci doplnit řeky apod.
- **Zobrazení i s kontextem** výběrem jednoho města jistě nemyslíme zobrazení jen údajů po jeho hranice, ale i přilehlé okolí, protože další náš zájem může být právě tímto směrem.
- **Kontrola stavu displeje** díky různým operacím na displeji (výběr objektů do dotazů apod.) je možné, že dojde k poškození některých grafických objektů, případně je možné, že poslední dotaz nedodal informaci, co

bychom potřebovali, potom je nutné obnovit původní stav displeje, případně se vrátit o několik kroků zpět apod.

- **Dialog** systém by měl vést s uživatelem/programátorem dialog, neboť výsledek často není získán jediným dotazem
- Různé typy zobrazení např. drátový model v 3D, stínovaný, realistický...
- Legenda, popisky —také údaje o měřítku
- Změna měřítka
- Výběr podoblastí

#### GUI

Za jistý standard by se dal považovat, který má typicky 3 okna.

- 1. textové okno pro textovou reprezentaci objektů prostorových datových typů i standardních typů;
- 2. grafické okno pro grafické zobrazení objektů prostorových datových typů a vstupy do dotazů;
- 3. textové okno pro vkládání dotazů a zobrazování systémových hlášení.

Interakce uživatele se systémem tak probíhá jak na úrovni textové, tak na kombinované, kdy dotaz je částečně formulován textem a doplněn je interakcí na úrovni grafické.

## Reprezentace hodnot prostorových datových typů

PDT mají nestandardní a proměnlivou velikost. Je navíc nutné udržet kompatibilitu mezi dvěma hledisky:

#### Hledisko SŘBD

- **prostorové datové typy stejné jako hodnoty jiných typů** pro SŘBD by bylo ideální, aby nové typy mohl zpracovávat jako stávající, což není možné;
- různorodá (hodně velká) velikost dat velikost jednotlivých datových položek se může i pro hodnoty jednoho typu významně lišit a může nabývat vysokých hodnot;
- hodnoty na disku (i více stránek) zatímco typicky ukládáme do jedné stránky i několik řádek tabulky relační DB, tak jedna datová položka prostorového datového typu může sama zabrat i několik stránek;
- **možnost natažení do operační paměti** zpracování hodnot v různých operacích vyžaduje přítomnost dat v operační paměti, pro určité extrémy by to nemuselo být dosaženo;
- základní operace specializované dle typu jak již bylo naznačeno výše, jedna a ta samá operace z konceptuálního pohledu může a často i má zcela odlišnou implementaci podle konkrétních typů prostorové DB a v extrémech i podle hodnot jednoho a téhož typu.

#### Hledisko prostorové algebry

- **hodnoty odpovídají ADT programovacího jazyka** hodnoty prostorových datových typů se v principu musejí mapovat na konkrétní datové struktury konkrétního, implementačního programovacího jazyka;
- **jde o nějakou datovou strukturu (typicky složitou)** kritické je to, že se jedná o vnitřně strukturovaný typ, i hierarchicky, což dále ztěžuje manipulaci;
- podpora algoritmů numerické geometrie
- algoritmy neoptimalizovány pro jeden algoritmus, ale tak, aby podporovaly stejně všechny vyladění algoritmu pro jednu, či jen několik kombinací parametrů může být fatální pro sestavy, kdy se tyto kombinace v datech prakticky nevyskytují.

#### Fyzické uložení dat

- Pro prostorová data se volí takový způsob uložení, aby byl konzistentní pro různou velikost dat.
- Pro každá prostorová data dojde k vyčlenění té částí dat, které se nemění s charakterem vkládaného
  objektu. Ostatní data se ukládají mimo, do zvláštních datových stránek, které tak nebrání rychlému
  zpracování

Krom základních informací je dobré ukládat i:

• **statická data proměnlivé délky** — PSS (plane sweep sequence), ta musí být uložena a často ve standardizované formě, aby jejich další zpracování bylo možné optimalizovat;

- aproximace řada operací je výpočetně náročná, pokud se jedná o obecná data, pro jistá konkrétní data (např. kružnice, hyperkrychle, apod.) však mohou být jednoduchá, navíc vhodně zvolená aproximace může mít konstantní prostorovou náročnost, takže je často uložena v konstantní části také;
- **uložené hodnoty unárních funkcí** (plocha, průměr, střed,...) hodnoty, které lze spočítat v době ukládání dat do DB by měly být všechny spočteny a uloženy, aby nedocházelo k jejich opakovanému výpočtu v době běhu dotazů/aplikace.

#### Indexování

Ve 2D, 3D atd. nelze z reprezentace hodnot jednoznačně určit uspořádání – předchůdce a následníka (resp. souseda). Řešením jsou metody indexace.

## Mapování do 1D

... a následné užití známých 1D indexačních algoritmů.

- Ztrácíme sousednost
- Transformace nemusí být realizovatelná
- Výsledek dotazů nemusí být transformovatelný zpět.

## Stromy dělící prostor

#### • K-D-Tree

- o body jsou v uzlech stromu
- dělení prostoru hyperplochami (ve 2D = přímkami) na nejvyšší úrovni na 2 části
  - hyperplocha je rovnoběžná s osami souřadného systému 
     ✓ eliminace 1 souřadnice
  - v každé hyperploše je bod (může být i více)



Vyhledávání: OK

 Vkládání: OK (Nevhodné vkládání může vést k degradaci stromu)

Mazání: Problém - musí dojít k znovuvložení celého podstromu

#### Adaptivní K-D-Tree

- o na každé straně hyperplochy je stejně bodů
- o body jsou v listech
- o stanovená hranice počtu bodů v listech
- o eliminace nevýhody K-D-Tree v pořadí vkládání
- o Operace:

Vyhledávání: OK

■ Vkládání: OK

Mazání: OK (stačí odebrat dělicí plochu)

## 

#### BSP Tree

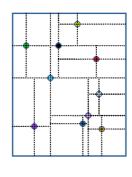
- o jako Adaptivní K-D-Tree, ale plochy jsou nerovnoběžné se souřadným systémem
- o není adaptivní! (tedy odolný proti změně dat) wyšší nároky na paměť
- o Binary Space Partitioning
- o Dělení tak dlouho, dokud počet bodů v podprostoru neklesne pod danou hodnotu

#### Quad-Tree

- Jako K-D-Tree, ale v místě bodu dělí na 2<sup>n</sup> podstromů (n = dimenze prostoru)
- Podstromy nejsou vyvážené a mohou se vyskytnout prázdné větve
- Algoritmus vhodný pro: Body a regiony

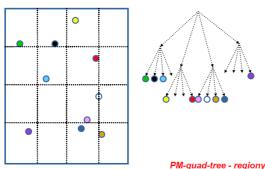


- o Dělí v bodech
- Region Quad Tree





o Dělí v prostoru na prakticky shodné části



Adaptivní hashování

#### • Grid File

- o Prostor pokryt n-rozměrnou mřížkou (nemusí být pravidelná)
- o Adresář řadí každou buňku (i více) k datové jednotce (bucket)
- Adresář (je velký) i mřížka jsou na disku (jen 2 přístupy na disk)
- o Počet řádků a sloupců je mocnina dvou
- o Operace:
  - Vyhledávání: OK
  - Vkládání: OK
    - Není lokální nutná dělicí hyperplocha ke zvětšení adresáře
    - při vkládání shluku bodů může dojít k přetečení bucketu
  - Mazání: OK
    - Není lokální odstranění hyperplochy je třeba prověřit
    - Pokud je dat málo, je možný zánik bucketu (protože data zanikla s ním nebo byla přesunuta)

#### EXCELL

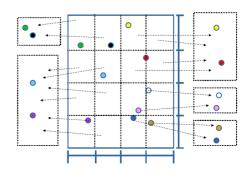
- o jako grid file, dělí na stejně velké jednotky
- o plošné dělení (velký adresář, později hierarchie, přetokové stránky)

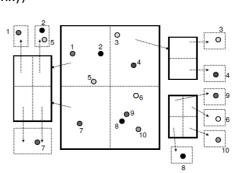
#### • Two-Level Grid File

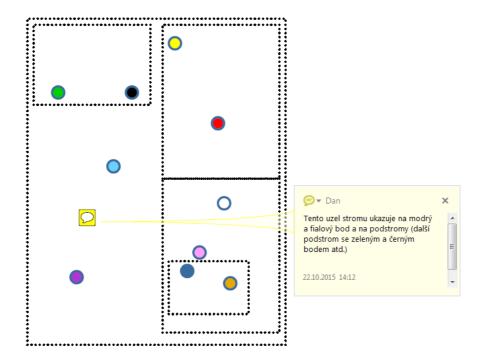
- Dvě úrovně mřížky první odkazuje na druhou, což je Grid File sám o sobě
- o Operace:
  - Vkládání: OK (Je často lokální, ale přetečení není úspěšně vyřešeno)
  - Mazání: OK (Je často lokální)

#### BANG File

- o Balanced And Nested GF, datové buňky se překrývají
- o Základem je interpolační Grid File řeší exponenciální růst adresáře při nerovnoměrném rozmístění dat
- Kombinace stromové a hashovací metody hybridní (ale hlavně adaptivní)
  - Datová jednotka je v buňce, která je uložena ve vyváženém stromě
  - V buňce je předem dané maximum a minimum (ne 0) pokud je víc bodů, vytvoří se nový podprostor a vyváží se strom







#### Twin Grid File

- 2x GF vedle sebe výsledkem jsou rovnoměrně rozložená data (využití prostoru až 90% oproti 69% samotného GF)
- o Jeden z GF je primární, druhý přetokový jejich role se mohou libovolně prohazovat a hustoty mříží se dají měnit
  - Body se dávají implicitně do primárního GF. Pokud by přetekl, dají se do přetokového.





#### o Operace:

- Vyhledávání: OK (Možnost plné paralelizace)
- Vkládání: OK (Možnost částečné paralelizace)

## Vícerozměrné lineární hashování

Malé nebo žádné adresáře wejdou se do paměti

#### MOLHPE

- o ukazatele pro růst dat
- o datové jednotky stejných rozměrů
- o nevhodné pro nelineární distribuci

#### Quantile hashing

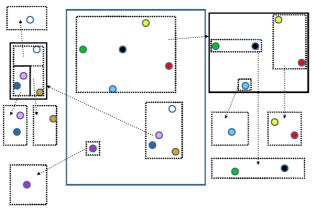
- o jako MOLHPE, ale nerovnoměrně distribuovaná data "zrovnoměrňuje"
- Z-hashing

#### Hybridní hashování

#### Buddy tree

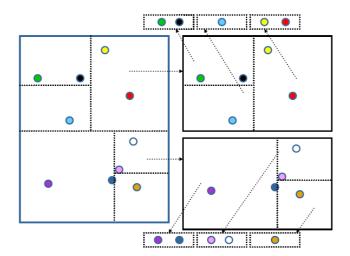
#### o adresář je stromová struktura

- obecně nevyvážený strom s min. 2 položkami
- ve stromě jsou ukazatele na nižší úrovně; v listech jsou ukazatele na buckety
- dělí se rekurzivně hyperplochami rovnoběžnými s osami souřadného systému
- Ve vnitřních uzlech se prostor omezí na MBB (minimum bounding box) vnitřních bodů výraznější selektivita



## Přístup k bodům - stromy

- K-D-B-Tree
  - o K-D Tree + B-Tree
  - o Adaptivní K-D Tree
  - o Balancovaný (B-Tree)
  - o Operace:
    - Vkládání: OK
      - Může způsobit rozdělení, ale existují heuristiky pro optimální rozdělení
      - Propagace stromem
    - Mazání: OK (Slučování při podtečení)

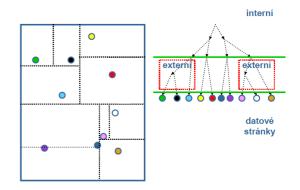


#### • <u>hB-Tree</u>

- Holey brick tree
- o Dělení uzlu je víceatributové
  - Fraktální struktura
  - BANG File
- o DAG i když se jde ve stromu po jiných hranách, lze dojít do stejného místa
- o Paralelní verze

#### • LSD tree

- o Adaptivní K-D Tree výškově vyvážený
- o Stromová (adresářová) struktura je externí
- o Local Split Decision
- o Nejen pro prostorová data



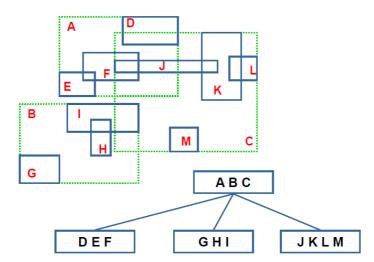
#### Indexování prostorových objektů

3 hlavní metody přístupu:

- 1. **Transformace** mapování objektů na bezrozměrné objekty vícedimenzionálních prostorů, přesněji v *k×n*-rozměrném prostoru (obdélník ve 2D se tak stává bodem ve 4D);
  - Nedostatečná metoda některé dotazy jsou nerealizovatelné, mapování je často složité nebo nemožné, výsledky se špatně interpretují
- 2. **Překrývání** indexační struktury se překrývají, takže vzniká více vyhledávacích cest
  - Implementačně se buňky překrývají svými hranicemi.
  - V praxi tak dochází k tomu, že algoritmus je stejný, jen počet prohledávacích cest se zvětšuje, protože dopředu není jasné, ve které buňce je nakonec objekt uložen.
- 3. **Ořezávání** aby nedocházelo k překrytí, tak se objekty rozdělí, ale tím pádem duplikují
  - Nestačí vyhledat objekt, ale je třeba se vrátit k jeho původní nedělené reprezentaci

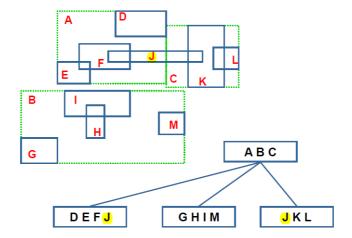
#### • R-Tree

- Metoda překrývání
- Vždy jistou skupinu obalí MBB. Pokud je počet objektů větší než dané maximum, pokračuje rekurzivně v dělení.
- o MBB se mohou překrývat a objekty zasahovat do více buněk
- Vyhledávání: Jakmile bod spadá do některého z obdélníků, vyhledává se jen v rámci něj (rekurzivně)
- Charakterem má algoritmus stejné vlastnosti jako stromové algoritmy, navíc přibývá problém s více cestami a selektivitou.



#### • R<sup>+</sup>-Tree

- o Metoda ořezávání
- V případě, že existuje objekt, který zasahuje do více buněk, tak je nutné objekt rozdělit na hranici na dva (více) kusů. Pokud by hranice buněk nebyly těsně u sebe, tak se musí buďto vložit další buňka (jeli to žádoucí a přínosné), nebo se musí buňka rozšířit zde je však nebezpečí zamrznutí (deadlock), neboť se může blokovat více buněk v rozšířování.



## Obojí data

## • <u>P-Tree</u>

- Ukládá bodové i vícerozměrné objekty
- o Pro vymezení buněk nepoužívá MBB, ale obecně konvexní obálky
- o Data ukládá do listů
- o Datová struktura se podobá té v Buddy Tree (až na hashování)
- Největší problémem je, podobně jako u jiných algoritmů, zda rozšířit buňku pro nový objekt, nebo zda zavést buňku novou.

