



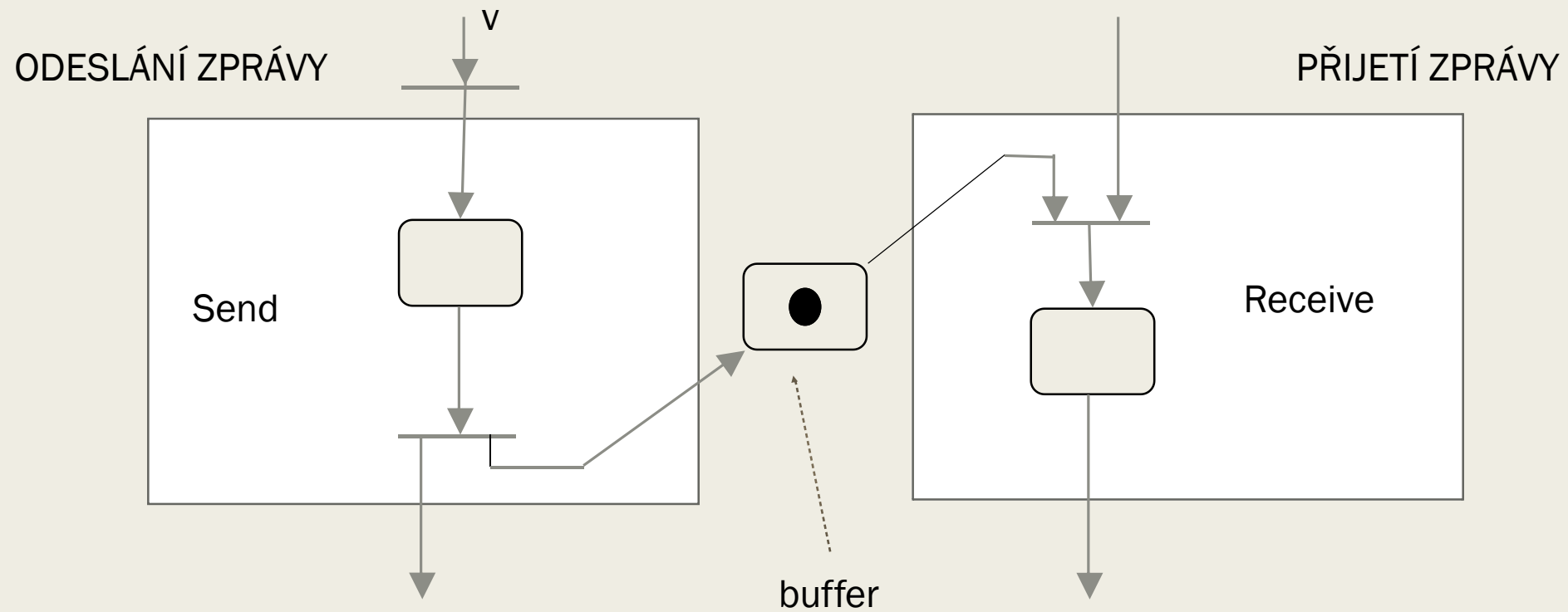
KOMUNIKUJÍCÍ SYSTÉMY



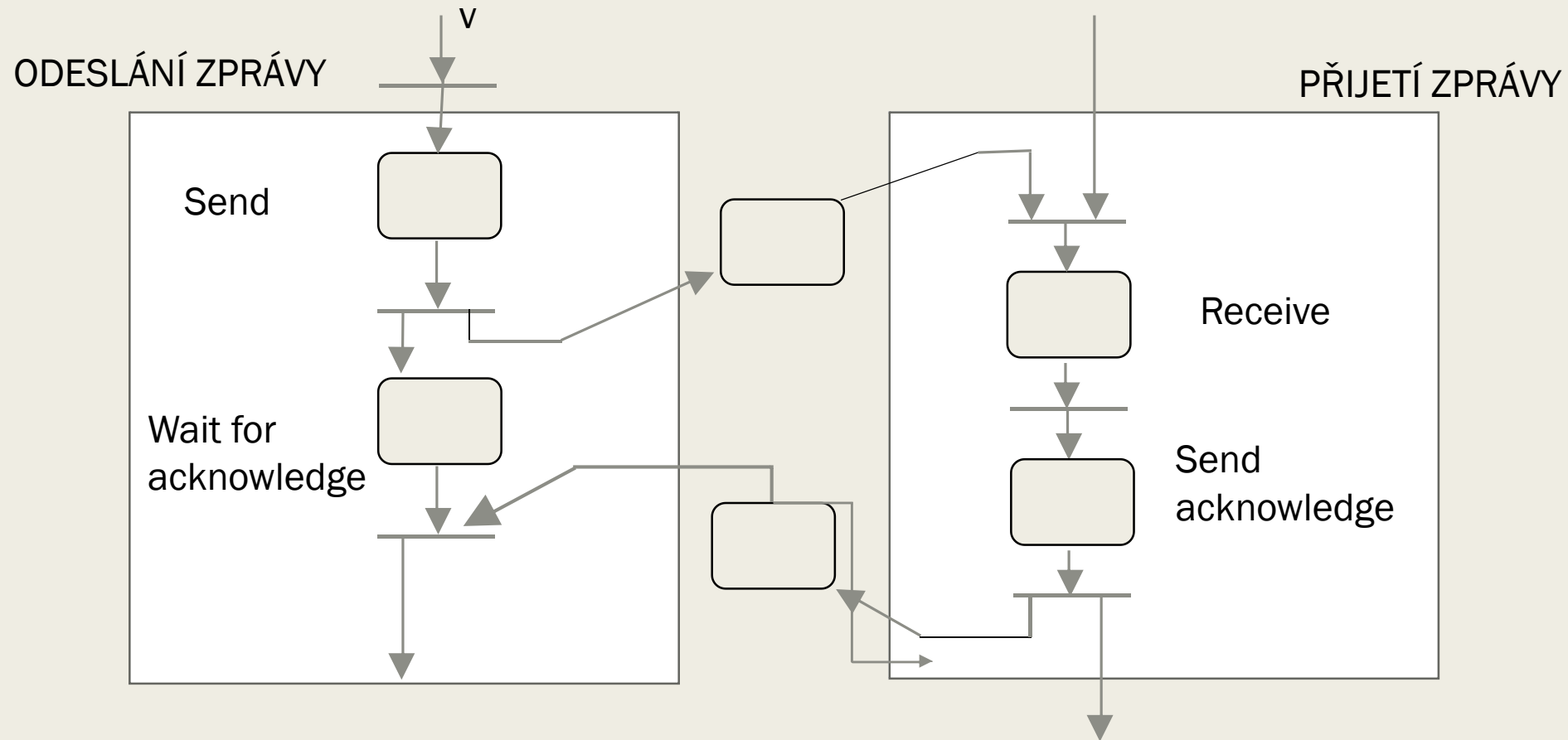
Systémy s předáváním zpráv

- Dvě základní primitiva
 - *send(channel, msg)*
 - *receive(channel, msg)*
- Komunikační kanál, buffering
 - *Asynchronní kanál*
 - neomezená kapacita
 - operace *send* je neblokující
 - složitější implementace
 - příklad: e-mail
 - *Synchronní kanál*
 - omezená kapacita X nulová kapacita
 - *send* může být blokující
 - počet příjemců
 - *Jeden příjemce - kanál*
 - *více příjemců - mailbox*

Asynchronní komunikace



Synchronní komunikace



Simulace synchronního kanálu skrz asynchronní

■ Nulová kapacita

- `send(ch, msg) ⇒`
`send(ch1, msg)`
`receive(ch2, dummy)`
- `receive(ch, msg) ⇒`
`receive(ch1, msg)`
`send(ch2, „ack“)`

■ Nenulová kapacita (n zpráv)

- `init(ch) ⇒`
`n_times {`
`send(ch2, „ack“)`
`....`
`send(ch2, „ack“)`
`}`

MODELY KOMUNIKUJÍCÍCH PROCESŮ

CSP, π – kalkul, OCCAM

CSP – Communicating Sequential Processes

- Communicating Sequential Processes (CSP) je formální jazyk vyvinutý pro modelování paralelních systémů komunikujících předáváním zpráv.
- C. A. R. HOARE 1978
- Výchozí pro další systémy, jako jsou například π -kalkul nebo OCCAM

OCCAM

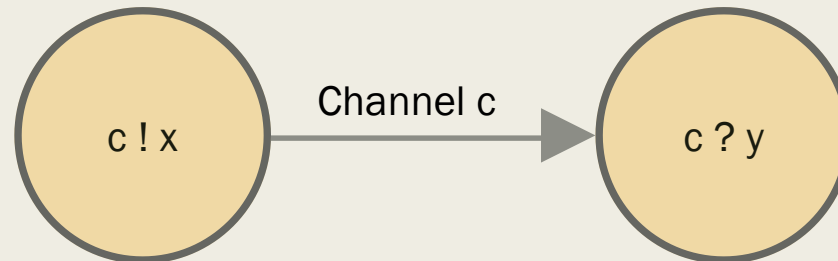
- Původně založen na Hoareho CSP, později inspirován a rozšířen o prvky z PI-kalkulu (OCCAM PI)
- Navržen tak, aby měl formální sémantikou vhodnou pro automatickou transformaci programu
- Transformace programů zapsaných v OCCAMu přímo na hardware (transputery, SW-HW codesign)
- Řada jazyků má k dispozici OCCAM – like rozšíření pro paralelní procesy, včetně JAVA

OCCAM, základní primitiva

- Occam primitivum je *proces* a je jednoho z následujících pěti druhů:

Přiřazení	<code>x := y + 2</code>
Vstup	<code>keyboard ? char</code>
Výstup	<code>screen ! char</code>
Skip	SKIP – NOP, které se ukončí
Stop	STOP -- NOP, které se nikdy neukončí

- Kanály poskytují možnost komunikace mezi procesy, nebufferovanou point-to-point synchronní komunikaci
- Kanály mají definovaný typ zpráv, které přenášejí



Sekvenční procesy

- SEQ executes sub-processes sequentially

SEQ

```
keyboard ? char -- read char from keyboard  
screen ! char -- write char to screen
```

Můžeme replikovat sekvence

```
SEQ i = 0 FOR array.size  
    stream ! data.array[i]
```

... je stejné jako

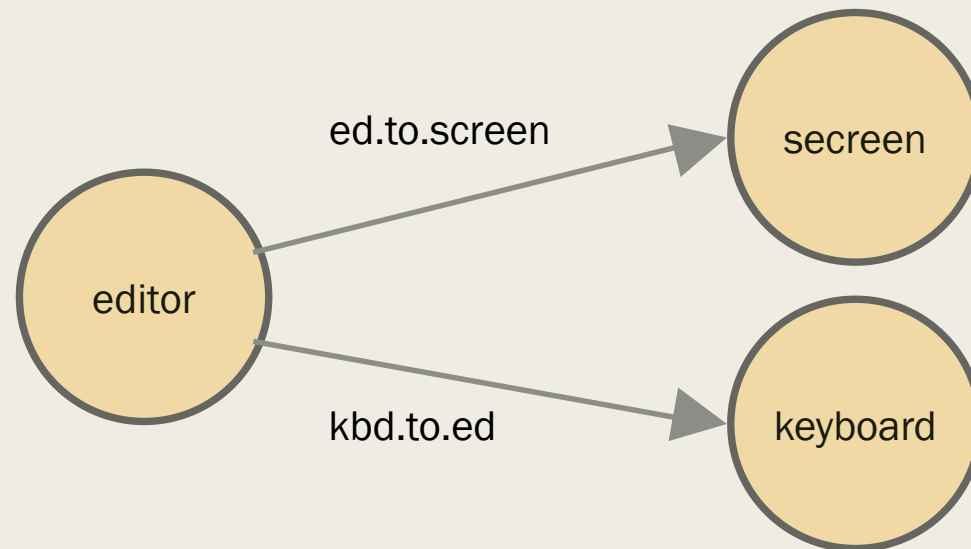
```
SEQ  
    stream ! data.array[0]  
    stream ! data.array[1]  
    ...
```

Kompozice paralelních procesů

- PAR spustí vykonávání paralelních procesů

PAR

```
keyboard(kbd.to.ed)  
editor(kbd.to.ed,ed.to.screen)  
screen(ed.to.screen)
```



PAR pro paralelní vykonávání procesů

■ Příklad: Square pipe

```
WHILE next <> EOF
  SEQ
    x := next
    PAR
      in ? next
      out ! x * x
```

■ Omezení přístupu paralelních procesů k datům

- *Variables modified in one arm of PAR cannot be read or written in other parts of PAR, e.g., PAR -- this PAR is invalid*

```
SEQ
  mice := 42 -- assigns to mice
  c ! 42
  c ? mice -- assigns to mice
```

Replikovaný PAR

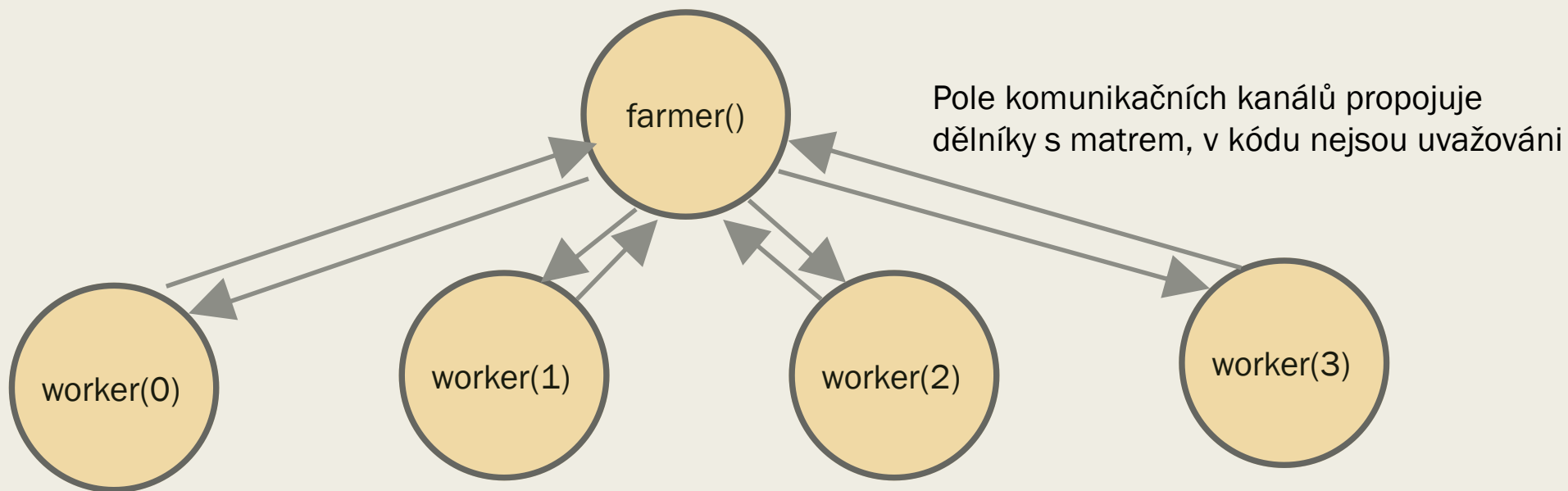
- Replikovaný PAR může být použit pro vytvoření pole paralelních procesů

PAR

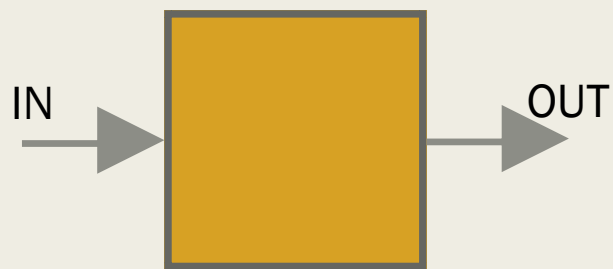
```
farmer()
```

```
PAR i = 0 FOR 4 -- count must be constant
```

```
worker(i)
```

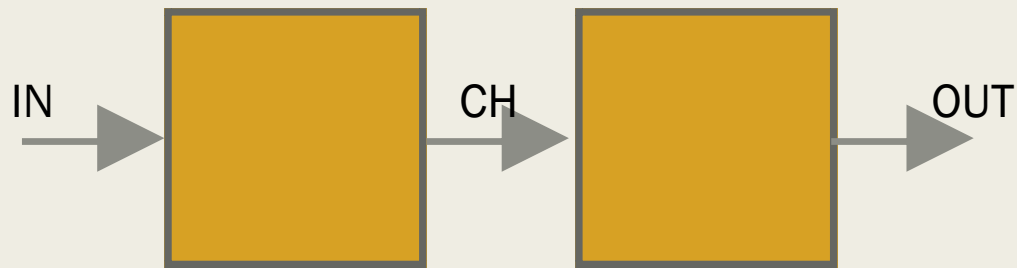


Vyrovnávací paměť (Buffer)



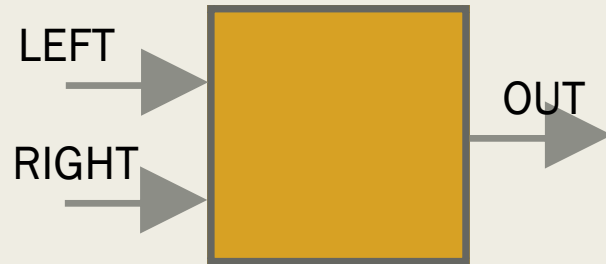
```
WHILE TRUE
  BYTE b:
  SEQ
    in ? b
    out ! b
```

Dvojíť Buffer



```
CHAN OF BYTE ch:
PAR
  WHILE TRUE
    BYTE b:
    SEQ
      in ? b
      ch ! b
  WHILE TRUE
    BYTE b:
    SEQ
      ch ? b
      out ! b
```

Dvojitý Buffer



```
WHILE TRUE
  left ? packet
  out ! Packet
  right ? packet
  out ! packet
```

```
WHILE TRUE
  PAR
    left ? packet
    out ! Packet
  right ? packet
  out ! packet
```


Alternace

- ALT combines a number of processes only one of which is executed
- Každý proces má strážce:
 - *vstup input on channel*
 - *čeká na časovač*
 - *Čeká na splnění boolovské podmínky*

ALT

```
left ? packet -- guard input statement
```

```
out ! packet
```

```
right ? packet -- guard input statement
```

```
out ! packet
```



Alternace

ALT

```
    strazcel  
        proces1
```

...

```
    strazcen  
        proces
```

Strážci mohou čekat na

1, vstup

```
    in ? data
```

2, platnost boolovské podmínky & vstup

```
    not.empty & in ? data
```

2, platnost boolovské podmínky & SKIP

```
    not.empty & SKIP
```

```
WHILE TRUE  
    ALT  
        left ? packet  
            out ! packet  
        right ? packet  
            out ! packet
```



OCCAM – deklarace procedur

-- other parts to program

```
PROC buff(CHAN OF BYTE in, out)
    WHILE TRUE
        BYTE x:
        SEQ
            in ? x
            out ! x :
```

-- end of buff

```
CHAN OF BYTE comms, buffer.in, buffer.out:
```

```
PAR
```

```
    buff(buffer.in, comms)
```

```
    buff(comms, buffer.out)
```

π - kalkul

- Formální nástroj pro modelování paralelních a mobilních procesů
- Jazyk + axiomy + redukční pravidla
- Syntax:
 - Předpona π je v jednom z následujících tvarů $\pi = \bar{x} < y > \mid x(z) \mid \tau \mid [x=y]$
 - Proces je pak zapsán jako

$$P ::= M \mid P \mid P' \mid \nu z P \mid !P$$

$$M ::= 0 \mid \pi.P \mid M + M'$$

π – kalkul, procesy

0	-	prázdný (ukončený) proces
$\pi.P$	-	předpona
$[x = y]P$	-	test
$P + P'$	-	nedeterministický výběr
$P \mid P'$	-	paralelní kompozice
$(\nu z)P$	-	omezení jména
$!P$	-	replikace

π – kalkul, redukční pravidla

Je možné přejmenovávat volná jména v procesu, nebo

(INTER)

$$\overline{\bar{x}\langle z \rangle . P \mid x(y) . Q \rightarrow P \mid Q \left[\frac{z}{y} \right]}$$

(aplikuje substituci na všechna volná jména v Q)

(R-PAR)

$$\frac{P \rightarrow Q}{P \mid R \rightarrow Q \mid R}$$

(R-RES)

$$\frac{P \rightarrow Q}{(\vartheta x)P \rightarrow (\vartheta x)Q}$$

(R-STRUCT)

$$\frac{P \equiv P' \rightarrow Q \equiv Q'}{P \rightarrow Q'}$$

(RESTRUCT)

$$\overline{\tau . P + M \rightarrow P}$$

π – kalkul, komunikace

- Synchronní přes pojmenovaný komunikační kanál

$$x(y).P \mid \bar{x}a.P'$$

Tj. Procesy komunikují přes komunikační kanál kanál x

$$x(y).P \mid \bar{x}a.P' \rightarrow P\left[\frac{a}{y}\right] \mid P'$$

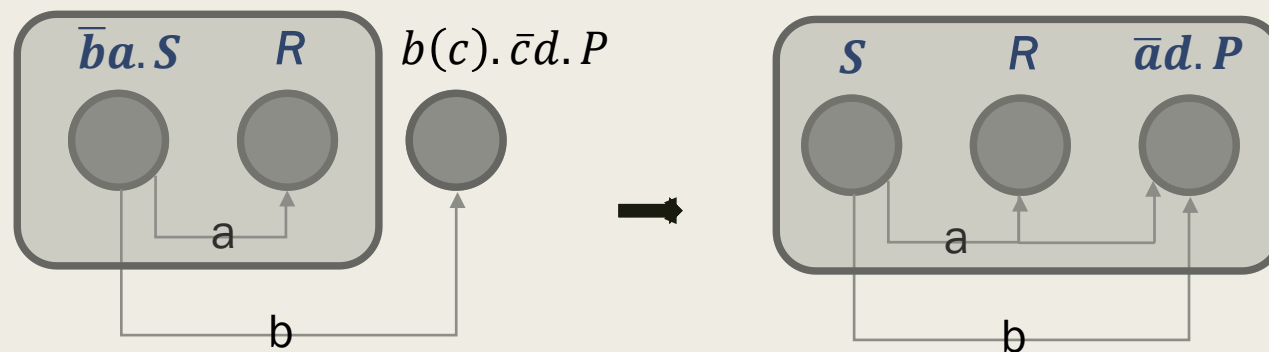
- Jiný příklad ukazuje mobilitu komunikujících kanálů:

$$\begin{aligned} & \bar{x}b.0 \mid x(y).\bar{y}a.0 \mid b(w).P \mid c(z).P' \rightarrow \\ & 0 \mid \bar{b}a.0 \mid b(w).P \mid c(z).P' \equiv \\ & \bar{b}a.0 \mid b(w).P \mid c(z).P' \rightarrow \\ & 0 \mid P\left[\frac{a}{w}\right] \mid c(z).p' \equiv P\left[\frac{a}{w}\right] \mid c(z).p' \end{aligned}$$

π – kalkul, omezené komunikační kanály

- Omezení se používá pro soukromé – skryté kanály nějaké skupiny procesů
- Na rozdíl od CSP, kde omezení nemohlo být rozšířeno, v π – kalkulů mohou procesy v dosahu omezení poslat jméno skrytého kanálu vnějšímu procesu a rozšířit tak o něj toto omezení

$$(\exists a)(\bar{b}a.S|R)|b(c).\bar{c}d.P \rightarrow (\exists a)(S|R|\bar{a}d.P)$$



π – kalkul, kontext, kongruence

- Kontext zapisujeme s uvedením místa [.]
- Proces P , který má být proveden v **kontextu** C pak $C[P]$
- Procesy jsou v relaci kongruence, pokud jsou v této relaci pro libovolný kontext

$$C_0: (\vartheta z)([.]! z(w). \bar{w}a. \mathbf{0})$$
$$C_1: x(z).! (\vartheta w)(z(w).[.] + y(v). \mathbf{0})$$

- Aplikací procesu

$$C_0[! \bar{z}b. \mathbf{0}] = (\vartheta z) (! \bar{z}b. \mathbf{0} \mid ! z(w). \bar{w}a. \mathbf{0})$$

$$C_1[! \bar{z}b. \mathbf{0}] = x(z).! (\vartheta w)(z(w).! \bar{z}b. \mathbf{0} + y(v). \mathbf{0})$$

- **Kongruence** je relace S , kde $(P, Q) \in S \Rightarrow (C[P], C[Q]) \in S$ pro jakýkoliv kontext C

Strukturální kongruence

V relaci kongruence jsou procesy, které jsou stejné, akorát jinak zapsány.
V π -kalkulu je strukturální kongruence dána axiomy \Rightarrow

$$M + \mathbf{0} \equiv M$$

$$M_1 + M_2 \equiv M_2 + M_1$$

$$M_1 + (M_2 + M_3) \equiv (M_1 + M_2 + M_3)$$

$$P|\mathbf{0} \equiv P$$

$$P_1|P_2 \equiv P_2|P_1$$

$$(P_1|P_2)|P_3 \equiv P_1|(P_2|P_3)$$

$$!P \equiv P|!P$$

$$(\vartheta a)\mathbf{0} \equiv \mathbf{0}$$

$$(\vartheta a)(\vartheta b)P \equiv (\vartheta b)(\vartheta a)P$$

$$[x = x] \pi.P \equiv \pi.P$$

$$P_1|(\vartheta a)P_2 \text{ pokud } a \in fn(P_1)$$

π – kalkul, akce, tiché (vnitřní) akce

- Provedení akce znázorňujeme šítkovanou přechodovou relací \rightarrow^α kde α je akce
- α může být:

xy	výstupní akce
$\bar{x}y$	otevřená výstupní akce
$\bar{x}(z)$	výstupní akce po soukromém kanále
τ	tichá akce

Příklad:

$$\bar{s}a.\bar{s}b.0 \rightarrow^{\bar{s}a} \bar{s}b.0$$

$$a(y).Q \rightarrow^{a(y)} Q$$

- Tiché akce τ nejsou pozorovatelné (například i komunikace v rámci procesu, nedeterministický výběr apod.)

Příklad:

$$\bar{s}a.\bar{s}b.0|z(y).0|s(v).s(u).\bar{v}u.0 \rightarrow^\tau \bar{s}b.0|z(y).0|s(u).\bar{a}u.0$$

π – kalkul, pozorování

- Pozorování (observables) se vztahují ke komunikačním kanálům, které nejsou soukromé pro nějakou skupinu procesů
- Zápis $P \downarrow x$ – má jméno x jako výstup
- Zápis $P \downarrow \bar{x}$ – má jméno x jako výstup
- Procesy jsou pozorovatelem nerozlišitelné, pokud mají stejné chování na výstupech
- Příklad:

$$P = (\exists z)(\bar{s}a. \bar{t}b. \mathbf{0} | z(y). \mathbf{0} | s(v). t(u). \bar{v}u. \mathbf{0} | \tau. w(z). \mathbf{0})$$

$P \downarrow a$??? – ne, je subjekt komunikace, ne komunikační kanál (vstup / výstup)

$P \downarrow \bar{s}$??? – ano, agent může poslat jméno po kanále s

$P \downarrow \bar{t}$??? – ne, agent nyní nemůže poslat jméno po kanále t

$P \downarrow s$??? – ano, agent může přijmout jméno po kanále s

$P \downarrow t$??? – ne, agent nyní nemůže poslat jméno po kanále t

$P \downarrow z$??? – ne, jméno z je privátní procesu a není pozorovatelné z vnějšku

$P \downarrow w$??? – ne, agent nyní nemůže použít w , ale platí $P \Downarrow w$, viz dále

π – kalkul, podobnost procesů

Centrem zájmu v oblasti procesních algeber je podobnost procesů

Jeden proces může simulovat jiný proces (relace **simulace**)

Bisimulace je relace taková, že procesy se mohou simulovat navzájem

Silná bisimulace ->

Procesy P a Q jsou v relaci silné bisimulace $S(P, Q)$ pokud

$P \downarrow x$ implikuje $Q \downarrow x$

$P \rightarrow^\tau P'$ implikuje $Q \rightarrow^\tau Q'$ pro nějaké Q' a $S(P', Q')$

$Q \downarrow x$ implikuje $P \downarrow x$

$Q \rightarrow^\tau Q'$ implikuje $P \rightarrow^\tau P'$ pro nějaké P' a $S(P', Q')$

Slabá bisimulace -> tiché akce nejsou pozorovatelné, proto použijeme relaci pro pozorovatelné akce \Rightarrow^α

Jednou nebo více tichými akcemi přejde proces do stavu dle relace.

$$\Rightarrow \stackrel{\text{def}}{=} (\rightarrow^\tau)^*$$

Pak pro akci α

$$\Rightarrow^\alpha \stackrel{\text{def}}{=} \Rightarrow \rightarrow^\alpha \Rightarrow$$

Zápis $P \Downarrow x$ značí, že proces P může tichými akcemi přejít \Rightarrow do stavu, kde $P \downarrow x$

ADA

ADA - programovací jazyk

- Vyvíjen od 80. let jako 'komplexní' jazyk poskytující, robustní a obecný nástroj pro programování systémů
- Strukturovaný, objektový, výjimky, AGOL + PASCAL + ...
- Zahrnující vše, co se zdá být užitečné, ale přesto není stříbrnou kulkou, která vyřeší vše, co je třeba (nejen vlkodlaka)

(viz např zde <http://www.cs.unc.edu/techreports/86-020.pdf>)



ADA

- ADA pro synchronizaci používá systém 'rendezvous' (aktivní zprávy)
 - *V Ada je úloha jedním sekvenčním procesem, který má lokální data.*
 - *Úlohy komunikují vyvoláním vstupní procedury jiné úlohy.*
- A má rendezvous s těmito úlohami.
 - *Klientská úloha vyvolává vstupní bod který jej může 'akceptovat'*
- Úloha na straně serveru a způsobí, že mají oba procesy rendezvous.
 - *Více akceptovatelných událostí může být na straně serveru očekáváno, pokud je použit příkaz "select";*

ADA - Accept

- Příkaz accept má tvar

```
"accept" <entry-name>  
[<formal parameter list>  
["do" <statements> "end"];
```

- Příkaz je proveden jen pokud jej vyvolá vzdálený proces

entry-name (parameters are passed then as well)

- *After the "end" statement, results are passed back and both tasks are free to continue in parallel*
- *Either the calling task or the "accept"ing task may be suspended until the other is ready*

ADA – Select, strážci

- Příkaz Select má následující tvar

– "select"

```
[ "when" <boolean-expresssion=>]
    <accept-statement>
[<statements>]
{< "or" [ "when" <boolean-expression=>]
    <accept-statement }
[<statements>]
"else" [<statements>]
"end select;"
```

- 1. Vyhodnotí všechny *boolovské* výrazy, označí všechny “accept” příkazy se splněnou podmínkou jako otevřené *open*. Pokud podmínka není uvedena, pak je *accept* vždy otevřený.
- 2. Zvolte nějaký otevřený "accept" z volaného místa, pokud je otevřených acceptů více, zvolte nějaký nedeterministicky. Pokud žádný accept otevřený není, vykonejte ‘else’ část.
- 3. Pokud tu není žádný "else" a také žádný otevřený "accept,,", pak je vyvolána výjimka.

ADA, příklad, omezený buffer

```
task body bounded_buffer is
    buffer: array[0..9] of item;
    in,out: integer;
    count: integer;
    in := 0;
    out := 0;
    count := 0;
    [JÁDRO]
end bounded_buffer;
```

ADA, příklad, omezený buffer [JÁDRO]

```
begin loop
  select
    when count < 10 =>
      accept insert( it: item )
        do buffer[in mod 10] := it;
          in := in + 1;
          count := count - 1;
        end;
    or when count > 0 =>
      accept remove( it: out item )
        do it := buffer[out mod 10];
          out := out + 1;
          count := count - 1;
        end;
  end select;
end loop;
```

LINDA

LINDA - úvod



- Vyvinuta AT&T Bell Labs, Yale University (Ahuja, Carriero, Gelenter, LINDA & FRIENDS, 1986)
- Host programming language + LINDA -> Jazyk pro programování paralelních systémů
- Platformě a aplikačně nezávislé
- Původně vyvinuta C-Linda, Fortran-Linda
- Nyní například v Sicstus PROLOG, Agilla (agenti pro WSN)

LINDA

- Paralelní programování založené na jazyce C
- Jedná se o *koordinační jazyk* pro *asynchronní* a *asociativní* komunikační mechanismus nasíleným *globálním prostorem* nazývaným prostor n-tic *Tuples Space* (TS)
- Co je prostor n-tic?
 - *Virtuální sdílená paměť*
- Co je n-tice?
 - *Základní datová struktura nástěnky*
 - *Sekvence aktuálních a formálních položek*
 - *Příklad:*

`('arraydata', dim1, 13, 2)`

Nástěnka / prostor n-tic (TUPLES SPACE)



Generování n-tic

■ out

- *Generuje data (pasivní) n-tice*
- *Každá položka je vyhodnocena a umístěna na nástěnku*
- *Řízení je potom navrženo volajícím procesu*
- *Příklad: out ('array data', dim1, dim2);*

■ eval

- *Generuje procesy – aktivní n-tice*
- *Řízení je navrženo volajícím procesu ihned po aktivaci nového procesu n-ticí*
- *Každá položka je teoreticky vyhodnocena souběžně s ostatními a výsledek vložen do n-tice umístěné na nástěnce*
- *Položky obsahující funkci (nebo podproceduru) způsobí vznik nového procesu, který ji vykoná*
- *Příklad: eval ("test", f(i));*

Čtení a odstraňování n-tic

■ in

- *Používá šablony pro získání n-tic z nástěnky.*
- *Pokud je n-tice získána, je odstraněna z nástěnky a dále pak již není zde pro další přístupy.*
- *Pokud neexistuje n-tice, která by šabloně vyhovovala, je proces pozastaven. Takto lze dosáhnout synchronizace mezi procesy.*
- *Příklad: `in("arraydata", ?dim1, ?dim2);`*

■ rd

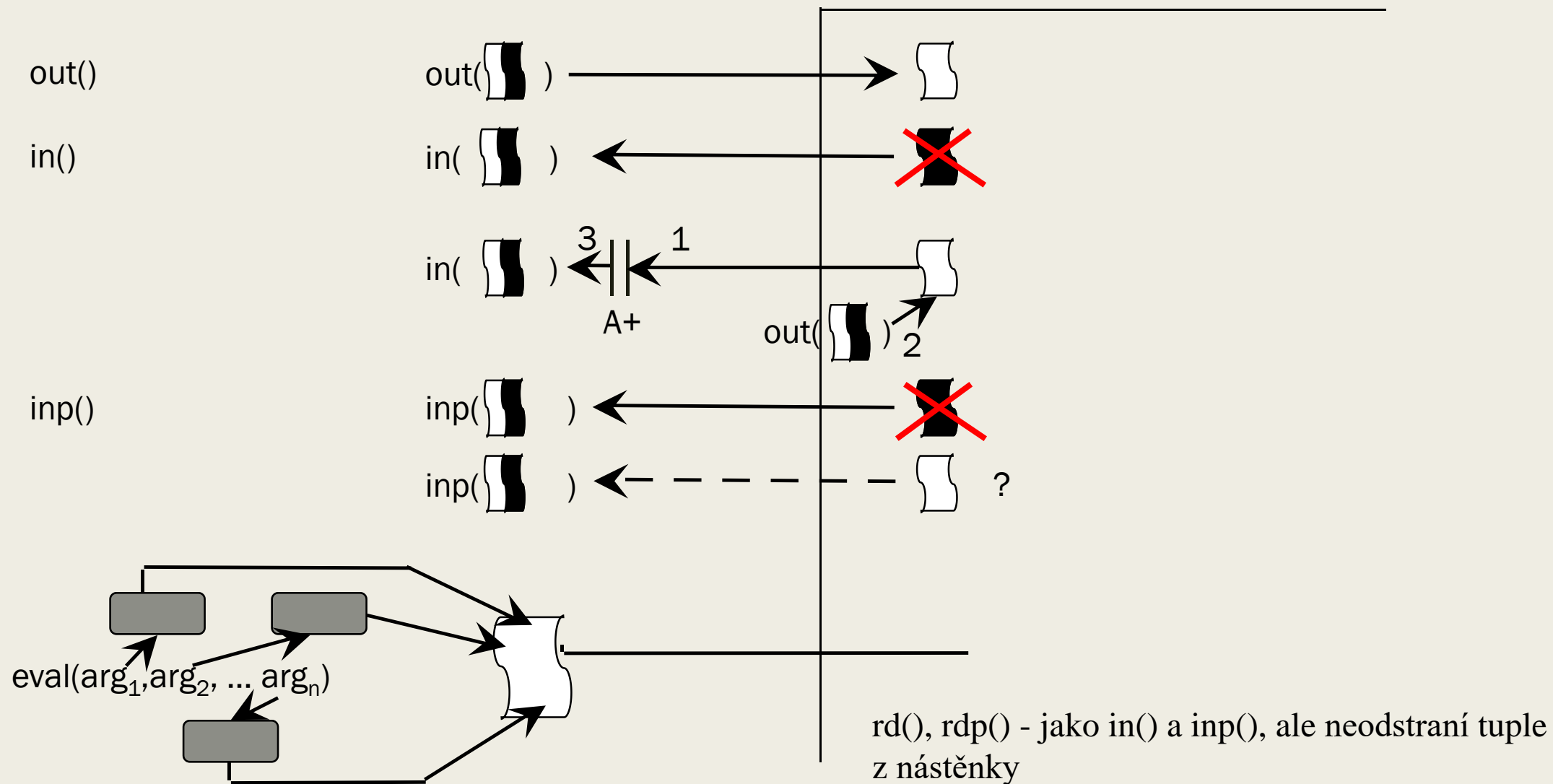
- *Používá šablonu pro získání dat bez jejich odstraňování z nástěnky.*
- *Po přečtení je n-tice nadále dostupná ostatním procesům.*
- *Pokud neexistuje n-tice, která by šabloně vyhovovala, je proces pozastaven.*
- *Příklad: `rd("arraydata", ?dim1, ?dim2);`*

Porovnání n-tice se šablonou

- Musí odpovídat počet položek v šabloně a hledané n-tici
 - *Také musí mít odpovídající typ, délku, hodnoty*
- Na odpovídající položce musí
 - *Musí odpovídat typ a délka prvků v šabloně s vyhledanou n-ticí*
 - *Pozor – pořadí vyhodnocování položek není definováno, proto něčemu jako ...*

```
out ("string", i++, i); // bychom se měli vyhnout
```
 - *Pokud je možné šabloně přiřadit více n-tic, není definováno, jak vybrat jednu konkrétní.*

Operátory jazyka LINDA



Standardní synchronizační primitiva v LINDA

■ *Semafor*

- P (Sem1) in(Sem1)
- V (Sem1) out(Sem1)

■ *Sdílená paměť*

- Reading
- Writing (atomic)

rd(Variable, ?value)
in(Variable, ?value)
out(Variable, NewValue)

■ *Asynchronní kanál*

- Send(Chan1, Val)
- Receive(Chan1, Val)
- Ready_to_Receive(Chan1)

out(Chan1, val)
in(Chan1, ?val)
rdp(Chan1, ?Dummy)

■ *Synchronní kanál*

- Send(Chan1, Val)
- Receive(Chan1, Val)

out(Chan1, value, Val)
in (Chan1, ?got)
in(Chan1, value, ?Val)
out(Chan1, got)

Příklad – pět filosofů

```
phil (i) {  
    while (1) {  
        think ();  
        in("chopstick", i);  
        in("chopstick", (i+1) % Num);  
        eat();  
        out ("chopstick", i);  
        out ("chopstick", (i+1) % Num);  
    }  
}
```

Lístkový algoritmus

```
int incr (name) {  
    in (name, ?n);  
    out (name, n++);  
    return n;  
}  
  
{  
    ticket = incr ("tick");  
    rd ("next", ticket);  
    ...  
    incr ("next");  
}
```

Vyhledání prvočísel

```
is_prime (me) {  
    limit = sqrt (me) + 1;  
    for (i=2; i<limit; i++) {  
        rd ("primes", i, ?ok);  
        if (ok && (me % i==0)) return 0;  
    }  
    return 1; }  
  
• main () {  
    for (i=2; i<=LIMIT; i++) eval ("primes", i, is_prime(i));  
    for (i=2; i<=LIMIT; i++) {  
        rd ("primes", i, ?ok);  
        if (ok) count++;  
    }  
    print ("%d. \n", count); }
```


Distribované struktury

■ Seznam *(Name, Unique_identifier, Next, Val)*

- Průchod seznamem

```
typedef ... TID;
TID id, next;
id = start of the list; /* E.g.. rd(„list“) */
while (id != ID_NIL) {
    rd(„list“, id, ?next, ?val);
    id = next;
}
```

■ Vytvoření seznamu

```
TID id, next;
next = ID_NIL;
while (val=getval()) {
    id=GetUniqueId();
    out(„list“, id, next, val);
    next = id;
}
out(„list“, „head“, next)
```

Distribuvované struktury

■ *Bag (batoh)*

- Nerozlišitelné prvku
- Příklad - master-workers (farm) konstrukce používá „bag of tasks“:
- Master Worker

```
out („task“, Descript) in („task“, ?New_Task)
```

■ *Sdílená proměnná*

- in(„var1“, ?val)
- out(„var1“, NewVal)

■ *Pole*

- (Jméno, Index/Indicie, Hodnoty)
- Průchod polem

```
for (i=0; i < MAX, i++)  
rd („Array“, i, ?val);
```

LINDA v SICSTUS PROLOGu



Klient - server přístup

```
| ?- use_module(library('linda/server')).
```



```
| ?- linda.  
Server address is msi:'61610'
```

```
| ?- use_module(library('linda/client')).
```



```
| ?- linda_client(msi:'61610').
```



```
| ?- linda_client(msi:'61610').
```



```
| ?- linda_client(msi:'61610').
```

LINDA v SICSTUS PROLOGu

- Neblokující operace `rd_noblock`
- Bag (viz PROLOG) `rd_bag_noblock`
- Na nástěnce: `jmeno(franta), jmeno(pavla), jmeno(hana), jmeno(Jakub)`

```
|?- bagof_rd_noblock(X,jmeno(X),BAG) .
```

```
BAG = [franta,pavla,hana]
```

LINDA v SICSTUS PROLOGu



```
writetni(L,L).  
writetni(A,L):-rd_noblock((prvocislo,A)),write((prvocislo,A)),nl,L2 is  
A+1, writetni(L2,L).  
writetni(A,L):-L2 is A+1, writetni(L2,L).  
writetn(L):-writetni(2,L).
```

```
deletetn:-rd_noblock((prvocislo,A)),in((prvocislo,A)),deletetn.  
deletetn.
```

```
testetni(A,B):- A < B*B, out((prvocislo,A)).  
testetni(A,B):- 0== (A mod B).  
testetni(A,B):- C is B+1, testetni(A,C).
```

```
pn(A,A).  
pn(A,B):-testetni(A,2),C is A+1, pn(C,B).
```

```
do(L):-rd((pnstart,A)),D is A+L, pn(A,D).
```