j	라	5	7
3	2	_	=
(0	1)

1학년 1학기 기말고사 수학 (2차)

출제범위 4. 일차방정식

- 5. 좌표와 그래프
- 6. 정비례와 반비례

출	장계환 ⑩	계	소 장	실 장	교 장
제	옥실장 ⑩				장계환
자	윤소장 옌				טייוב

3. 비례식 $\left(4x+\frac{4}{3}\right):2(x-3)=4:3$ 을 만족하는 x의 값을 a라

1. 다음 중 옳은 것을 모두 골라라.

②
$$\frac{3x+1}{2} - \frac{5x-1}{6} = \frac{2}{3}x - 1$$

$$3(4x-1)-4(2x+5)=4x-23$$

$$(4) - (-x-1) - 2(x-3) + (3x-3) = 2x-3$$

$$(5) \frac{1}{2}(4x+2) + (x-3) = 3x+2$$

할 때
$$-2a+4$$
의 값을 구하여라.

① -18
② -7
③ 0

④ 7
⑤ 18

$$(4) - (-x-1) - 2(x-3) + (3x-3) = 2x-3$$

$$(5) \frac{1}{2}(4x+2) + (x-3) = 3x+2$$

- 2. 등식 (a-2)x+12=3(x+2b)+2x가 항등식일 때, 일차방정식 $2-\frac{x+a}{2}=b-x$ 의 해를 구하여라.
 - 1 5
- $\bigcirc 2 5$
- **3** 6

- **④** −6
- **(5)** 7

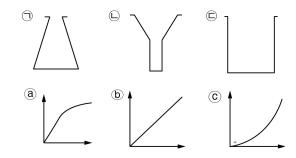
- 4. 방정식 $-\frac{1}{2}x + 2(x+a) = x + 10$ 의 해가 자연수일 때, 자연수 a의 개수를 구하여라.
 - ① 1개
- ② 2개
- ③ 3개

- (4) 47H
- (5) 5개

- 5. 두 지점 A, B 사이를 자동차로 왕복 하였는데 갈 때는 시속 45 km로, 올 때는 시속 60 km로 달렸더니 갈 때는 올 때보다 20 분이 더 걸렸다. 두 지점 사이의 거리를 구하여라.
 - ① 60km
- ② 65km
- ③ 70km

- **4** 75km
- ⑤ 80km

7. 다음은 서로 다른 모양의 화병 3개와 이 3개의 화병에 매초 일정한 양의 물을 똑같이 넣을 때의 시간과 물의 높이 사이의 관계를 나타낸 그래프이다. 시간을 x, 물의 높이를 y라 할 때, 화병과 그래프의 모양을 바르게 짝지은 것을 골라라.

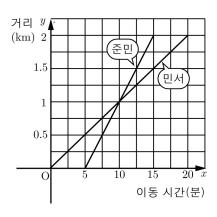


- 1 9-a, D-b, D-c
- \bigcirc \bigcirc \bigcirc , \bigcirc \bigcirc , \bigcirc \bigcirc
- ④ ¬ a, □ c, □ b
- ⑤ ¬-⊙, □-a, □-b

- 6. 두 점 A(a-1, b+3), B(2b-1, a+2)가 모두 x축 위에 있고, 점 C의 좌표가 (-2a-3, -3b-15)일 때, 삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.
 - 10
- 2 11
- 3 12

- **4** 13
- **⑤** 14

3. 이웃집에 사는 같은 반 친구 민서와 준민이는 집에서 2km 떨어진 학교에 다니는데, 민서는 걸어서 가고 준민이는 자 전거를 타고 간다. 다음 그림은 민서와 준민이가 집에서 학교까지 갈 때의 이동 시간과 거리 사이의 관계를 나타낸 그래프이다. 학교에 누가 몇 분 늦게 도착하였는지 구하여라.

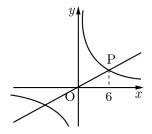


- ① 준민, 5분
- ② 민서, 5분
- ③ 준민, 10분

- ④ 민서, 10분
- ⑤ 준민, 15분

- 9. 다음 주어진 조건을 모두 만족하는 관계식을 구하여라.
- · 원점을 지나는 직선이다.
- \cdot x의 값이 증가할수록 y의 값은 감소한다.
- \cdot y축에 가장 가까운 직선이다.
- ① $y = -\frac{2}{x}$ ② $y = \frac{20}{x}$ ③ y = -20x ④ y = -2x

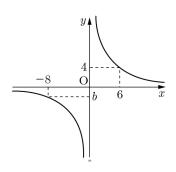
11. 다음 그림은 정비례 관계 $y = \frac{1}{3}x$ 의 그래프와 반비례 관계 $y=rac{a}{x}$ 의 그래프이다. 점 P의 x좌표가 6일 때, 상수 a의 값을 구하여라.



- ① 3
- **2** 6 **⑤** 18
- **③** 12

- **4** 5

10. 다음 그림은 반비례 관계 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프이다. 이때 $rac{a}{b}$ 의 값을 구하여라.

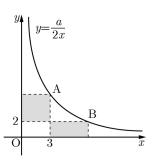


- 1 -8
- 3 3

- **4** 8
- (5) 24

- 12. 2000mL의 우유를 x명이 똑같이 나누어 마실 때, 한 명이 마시는 양 ymL 사이의 관계식에서 x=5일 때, y의 값을 구하여라.
 - ① 100mL ② 200mL ④ 400mL ⑤ 500mL
- ③ 300mL

13. 반비례 관계 $y=\frac{a}{2x}$ 의 그래프 위의 점 A, B가 있다. A, B를 한 꼭짓점으로 하는 두 직사각형의 어두운 부분의 넓이의 합이 14일 때 a의 값을 구하여라.



- ① 17
- 2 19
- 3 21

- **4** 24
- **⑤** 26

- [주관식] (14~16)
- 14. 우리 반 학생들에게 빵을 나누어 주려고 한다. 한 학생에게 3개씩 나누어 주면 18개가 남고, 5개씩 나누어 주면 12개가 부족하다. 우리 반 학생 수와 빵의 개수를 구하여라.

15. 점 (2a, b-1)과 x축에 대하여 대칭인 점의 좌표가

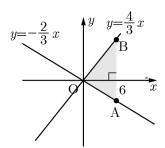
구하여라.

(3-a, 3)일 때, 점 (a+b, ab)는 몇 사분면 위의 점인지

16. 반비례 관계 $y = \frac{9}{x}$ 의 그래프 위의 점 중에서 x좌표와 y좌표가 모두 정수인 점의 개수를 구하여라.

[서술형] (17~18)

- 17. $a \star b = ab (b+1)$ 이라 할 때, x에 대한 일차방정식 $x \star 5 \frac{1}{3} \star (x+1) = 10$ 의 해를 구하여라.
- 18. 두 정비례 관계 $y = -\frac{2}{3}x$, $y = \frac{4}{3}x$ 의 그래프가 다음 그림과 같이 x좌표가 6인 점 A, B를 각각 지날 때, 삼각형 ABO의 넓이를 구하여라.



[정답과 해설]

1) [정답] ①, ③

[해설] ②
$$\frac{3x+1}{2} - \frac{5x-1}{6} = \frac{9x+3-5x+1}{6}$$
$$= \frac{4x+4}{6} = \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}$$

$$\begin{array}{ll} \textcircled{5} & \frac{1}{2}(4x+2)+(x-3)=3x+2 \\ & = 2x+1+x-3=3x-2 \end{array}$$

2) [정답] ⑤

[해설] (a-2)x+12=5x+6b는 항등식이므로 $a=7\,,\ b=2$ 이를 준 식에 대입하면

$$2 - \frac{x+7}{2} = 2 - x$$

$$\therefore x = 7$$

3) [정답] ⑤

[해설] 비례식을 계산하면,

$$8(x-3) = 3(4x + \frac{4}{3})$$

 $\therefore x = -7$

$$\therefore a = -7$$
 이므로 $-2a + 4 = 18$

4) [정답] ④

[해설]
$$-\frac{1}{2}x + 2(x+a) = x + 10$$

 $-x + 4(x+a) = 2x + 20$
 $\Rightarrow x = 20 - 4a$
 $20 - 4a$ 가 자연수이므로
 $\therefore a = 1, 2, 3, 4$

5) [정답] ①

 $\begin{bmatrix} \text{해설} \end{bmatrix} x : 두 지점 사이의 거리$

$$\frac{x}{45} = \frac{x}{60} + \frac{1}{3}$$

4x = 3x + 60

$$\therefore x = 60$$

따라서 60km이다.

6) [정답] ③

[해설] x축 위에 있는 점은 y좌표가 0이므로 $b+3=0 \rightarrow b=-3, \ a+2=0 \rightarrow a=-2$ 이제 A(-3, 0), B(-7, 0), C(1, -6)일 때 $\overline{AB}=-3-(-7)=4$ 이고, 점 C에서 \overline{AB} 까지 거리는 6이므로 ∴ $\triangle ABC=\frac{1}{2}\times 4\times 6=12$

7) [정답] (5

[해설] 화병을 밑면과 평행하게 자른 단면이 넓을수록 물의 높이는 느리게 올라가고, 단면이 좁을수록 물의 높이는 빠르게 올라간다. 따라서 ¬-ⓒ, ⓒ-@, ⓒ-® 이다.

8) [정답] ②

[해설] 2 km에 도착하는 시간을 보면 준민이는 15분에 도착하고, 민서는 20분에 도착하므로 학교에 민서가 5분 늦게 도착한다.

9) [정답] ③

[해설] 그래프가 원점을 지나는 직선이므로 정비례 관계의 그래프이다. 따라서 관계식을 y=ax라 하자.

이때 x의 값이 증가할수록 y의 값이 감소하므로 a<0이고 |a|의 값이 클수록 그래프는 y축에 가깝다.

따라서 보기 중 a < 0이고 a값이 가장 작은 것을 찾으면 y = -20x이다.

10) [정답] ①

[해설] 반비례 관계 $y=\frac{a}{x}$ 의 그래프가 점 $(6,\ 4)$ 을 지나므로

$$x=6, y=4$$
을 대입하면

$$4 = \frac{a}{6}$$
 $\therefore a = 24$

 $y = \frac{24}{x}$ 의 그래프가 점 (-8, b)을 지나므로 x = -8, y = b을

대입하면
$$b = \frac{24}{-8} = -3$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \frac{24}{-3} = -8$$

11) [정답] ③

[해설] 점 P가 정비례 관계 $y=\frac{1}{3}x$ 의 그래프 위의 점이므로 x=6이

$$y = \frac{1}{3} \times 6 = 2$$
에서 P(6, 2)

점 P $(6,\ 2)$ 가 반비례 관계 $y=rac{a}{x}$ 의 그래프 위의 점이기도

하므로
$$x=6,\ y=2$$
을 대입하면

$$2 = \frac{a}{6} \qquad \therefore a = 12$$

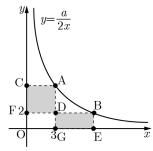
12) [정답] ④

[해설] x와 y의 관계식을 구하면 $y = \frac{2000}{x}$ 이다.

$$x = 5$$
이면 $y = \frac{2000}{5} = 400$

13) [정답] ⑤

[해설]



점 A에서
$$x = 3$$
이면 $y = \frac{a}{2 \times 3} = \frac{a}{6}$: $A\left(3, \frac{a}{6}\right)$

점 B에서
$$y=2$$
이면 $2=\frac{a}{2x}$ $\rightarrow x=\frac{a}{4}$ \therefore B $\left(\frac{a}{4},\ 2\right)$

따라서 색칠한 부분의 넓이가 14이므로

$$\square$$
ACOG + \square FOEB - $2\square$ FOGD = 14

$$3 \times \frac{a}{6} + \frac{a}{4} \times 2 - 2(3 \times 2) = 14$$

$$\frac{a}{2} + \frac{a}{2} - 12 = 14$$

$$a - 12 = 14$$

$$\therefore a = 26$$

14) [정답] 학생 수 : 15명, 빵의 개수 : 63개

[해설] 학생 수를 x라 하면

3x + 18 = 5x - 12가 된다.

2x = 30 $\therefore x = 15(명)$

빵의 개수 : $3 \times 15 + 18 = 63$ (개)

15) [정답] 제3사분면

[해설] x축 대칭인 점의 좌표는 x좌표는 같고 y좌표의 부호가 바뀌므로

점
$$(2a, b-1)$$
과 $(3-a, 3)$ 이 x 축 대칭일 때

$$2a = 3 - a, \ 3a = 3$$
 : $a = 1$

$$b-1=-3 \qquad \therefore \quad b=-2$$

이때
$$a+b=-1$$
, $ab=-2$ 이므로

(a+b, ab) = (-1, -2)는 제3사분면 위의 점이다.

16) [정답] 6개

[해설] 반비례 관계 $y=\frac{9}{x}$ 위의 점 중에서 $x,\ y$ 좌표가

모두 정수인 것은

17) [정답]
$$\frac{43}{17}$$

[해설]
$$x \pm 5 = 5x - (5+1) = 5x - 6$$

$$\frac{1}{3} \bigstar (x+1) = \frac{1}{3}(x+1) - (x+1+1) = -\frac{2}{3}x - \frac{5}{3}$$

$$x \bigstar 5 - \frac{1}{3} \bigstar (x+1) = 5x - 6 - \left(-\frac{2}{3}x - \frac{5}{3} \right) = 10$$

$$15x - 18 + 2x + 5 = 30 \Rightarrow 17x = 43$$

$$\therefore x = \frac{43}{17}$$

18) [정답] 36

[해설] 점 A가
$$y=-\frac{2}{3}x$$
 위의 점이므로

$$x = 6$$
일 때 $y = -\frac{2}{3} \times 6 = -4$ 에서 A $(6, -4)$

점 B가
$$y = \frac{4}{3}x$$
 위의 점이므로

$$x = 6$$
일 때 $y = \frac{4}{3} \times 6 = 8$ 에서 B(6, 8)

$$\overline{AB} = 8 - (-4) = 12$$
일 때

$$\Delta ABO = \frac{1}{2} \times 6 \times 12 = 36$$