Instytut Informatyki UWr

## Wstęp do informatyki

Lista 6

## Uwagi:

- Programy stanowiące rozwiązania zadań na tej liście powinny być napisane w języku C lub Python i poprzedzone prezentacją idei rozwiązania (najlepiej przy pomocy pseudokodu). Należy również przeanalizować złożoność czasową i pamięciową. Staraj się, aby złożoność Twojego rozwiązania była jak najmniejsza!
- W rozwiązaniach zadań nie należy korzystać z funkcji/narzędzi/operatorów wspomagających ten proces, dostępnych w języku C/Python i/lub jego bibliotekach, które nie były stosowane na wykładzie.
- 1. [1] Poniższy fragment programu wyszukuje miejsce w podtablicy a[0], a[1], ..., a[i-1], w które należy wstawić a[i] (zakładamy, że ciąg a[0], a[1],..., a[i-1] jest uporządkowany niemalejąco). Fragment ten zawiera błąd sprawiający, że dla niektórych danych program wpadnie w nieskończoną pętlę. Opisz sytuacje, w których to nastąpi. Następnie usuń błąd tak, aby wynikowy kod wykonywał co najwyżej log *n* porównań elementów z sortowanego ciągu i napisz na tej podstawie funkcję wyszukującą element *x*.

```
{ x=a[i];
  l=0; p=i-1;
  while (l<p) {
     k=(l+p)/2;
     if (a[k]<x) l=k;
     else p=k;
  }
}</pre>
```

- 2. [1] Przedstaw algorytm sortowania metodą **selekcji** (selection sort). Następnie:
  - a. Zapisz ten algorytm jako funkcję w języku C/Python
  - b. Pokaż, że jego złożoność czasowa jest O(n<sup>2</sup>)
  - c. Wskaż instrukcje dominujące w Twojej implementacji
  - d. Wyznacz liczbę porównań i przestawień elementów wykonaną przez ten algorytm na ciągu uporządkowanym  $a_1 \le ... \le a_n$  i ciągu odwrotnie uporządkowanym  $a_1 \ge ... \ge a_n$
- 3. [1] Przedstaw algorytm sortowania **bąbelkowego** (bubble sort). Następnie:
  - a. Zapisz ten algorytm jako funkcję w języku C
  - b. Pokaż, że jego złożoność czasowa jest O(n<sup>2</sup>)
  - c. Wskaż instrukcje dominujące w Twojej implementacji
  - d. Wyznacz liczbę porównań i przestawień elementów wykonaną przez ten algorytm na ciągu uporządkowanym  $a_1 \le ... \le a_n$  i ciągu odwrotnie uporządkowanym  $a_1 \ge ... \ge a_n$
- 4. [1] Przeczytaj część wykładu 6 poświęconą obliczaniu wartości wielomianu. Następnie:
  - a. Uzasadnij, że wartość liczby o zapisie binarnym a[0] a[1] ... a[k] jest równa wartości pewnego wielomianu (jakiego?) w punkcie x = 2.

b. Uzupełnij wyrażenie w wierszu (4) poniższej funkcji tak, aby funkcja zwracała wartość liczby, której zapis binarny składa się z cyfr a[0] a[1] ... a[k].

```
(1) int wartosc(int a[], int k)
(2) { int w = 0, i;
(3) for (i = 0; i <= k; i++)
(4) w = ......
(5) return w;
(6) }

(1) def wartosc(a,k):
(2) w=0
(3) for i in range(k+1):
(4) w=......
(5) return w
```

*Uwaga*: zapis binarny a[0] a[1] ... a[k] oznacza tutaj, że a[k] jest najmniej znaczącą cyfrą liczby, a a[0] jej najbardziej znaczącą cyfrą!

5. [2] Sito Eratostenesa jest efektywnym algorytmem wyznaczenia zbioru liczb pierwszych nie większych niż dana liczba naturalna *n*. Najpierw tworzymy zbiór *S* składający się z liczb naturalnych większych niż 1 i nie większych niż *n*. Zbiór ten traktujemy jako kandydatów na "*pierwszość*". Następnie usuwamy z *S* wielokrotności wszystkich liczb (pierwszych) większych niż 1 i nie większych niż pierwiastek z *n*. Końcowa zawartość zbioru *S* zawiera liczby pierwsze z zakresu [2; *n*].

Zapisz sito Erastotenesa w języku C/Python przyjmując, że zbiór S jest reprezentowany przez tablicę s, gdzie s[i] równe 1 oznacza, że  $i \in S$  oraz s[i] równe 0 oznacza, że  $i \notin S$ . Podaj też specyfikację, z którą zgodne jest Twoje rozwiązanie.

- 6. [2] Zmień rozwiązanie poprzedniego zadania tak, by dla liczb *m*<*n* wyznaczane były wszystkie liczby pierwsze z przedziału [m, n]. Twój program powinien działać przy następujących założeniach:
  - tablice, których będziesz używać mogą zawierać nie więcej niż 10 000 elementów (każda).
  - m < n < m+10000 < 10000000.