Rachunek prawdopodobieństwa i statystyka

Lista zadań nr 12. 22 i 25 maja 2017

Opis danych: Zadania № 1–5 — po 2 punkty. Pliki deca2013.csv i deca2015.csv zawierają wyniki 10-boju z lekkoatletycznych mistrzostw świata w roku 2013 (Moskwa) i w roku 2015 (Pekin \equiv Beijing). Znaczenie kolejnych kolumn to:

- 0. imię i nazwisko zawodnika,
- 1. państwo reprezentowane przez zawodnika (zbędna zmienna, podana gwoli informacji),
- 2. punkty w klasyfikacji końcowej,
- 3.–12. wyniki w kolejnych konkurencjach, a to:
 - (a) bieg na 100 metrów [sekundy]
 - (b) skok w dal [metry],
 - (c) pchnięcie kulą [metry],
 - (d) skok wzwyż [centymetry],
 - (e) bieg na 400 metrów [sekundy],
 - (f) 110 metrów przez płotki [sekundy],
 - (g) rzut dyskiem [metry],
 - (h) skok o tyczce [centymetry],
 - (i) rzut oszczepem [metry],
 - (j) bieg na 1500 metrów [sekundy].
 - 13. dodatkowa kolumna, końcowe miejsce w klasyfikacji.

Zadania

- 1. Wyznaczyć współczynniki równania regresji o postaci $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \ldots + \beta_{10} X_{10}$, gdzie Y zdobyte punkty (kolumna 2.), X_i kolejna konkurencja.
- 2. Wyznaczyć współczynniki równania regresji o postaci $Y = \beta_1 X_1 + \ldots + \beta_{10} X_{10}$, gdzie Y zdobyte punkty, X_i kolejna konkurencja.
- 3. Dla każdej z kolumn obliczyć m_i, s_i^2 średnią i wariancję z kolumny. Przekształcić kolumnę X_i według wzoru $Z_i = \frac{X_i m_i}{s_i}$.
- 4. Dla otrzymanej macierzy Z obliczyć macierz korelacji Σ . Podać cztery pary najbardziej skorelowanych konkurencji.
- 5. Niech $\mu_{B,i}$, $\mu_{M,i}$ oznaczają średnie z *i*-tej konkurencji w Beijingu i w Moskwie. Wybrać dwie konkurencje i wykonać dwa testy na równość odpowiednich średnich.
- 6. **(E1)** Wyznaczyć współczynniki równania regresji o postaci $Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \ldots + \beta_{10} X_{10}$, gdzie Y końcowe miejsce (kolumna 13.), X_i kolejna konkurencja.

Witold Karczewski