Instytut Informatyki UWr

Wstęp do informatyki

Lista 9

1. [1] Mówimy, że algorytm przeszukiwania z nawrotami z wykładu "sprawdza" jakieś ustawienie n hetmanów, jeśli wywoływana jest funkcja isfree(n – 1, y) dla $0 \le y < n$ (czyli sprawdzamy możliwość "dostawienia" n-tego hetmana do ustawionych już poprawnie

n-1 hetmanów). Uzasadnij, że dla $n \ge 4$ algorytm sprawdza nie więcej niż $\left(\frac{n}{2}+1\right)(n-1)!$

różnych ustawień *n* hetmanów na szachownicy.

Uwaga: W swoim rozwiązaniu możesz przyjąć, że dla każdego $n \ge 4$ istnieje rozwiązanie problemu hetmanów (tzn. można ustawić n hetmanów na planszy $n \times n$ tak, aby żadne dwa nie atakowały się nawzajem).

2. [1] Napisz funkcję, która dla zadanej wartości n wyznaczy **liczbę** możliwych ustawień n hetmanów na szachownicy o rozmiarze $n \times n$, tak aby hetmany nie atakowały się nawzajem.

Wskazówka: możesz wykorzystać rozwiązanie z wykładu, znajdujące dowolne ustawienie hetmanów (wystarczy je lekko zmodyfikować).

3. [1] Rozważmy następujący algorytm znajdujący ustawienie n hetmanów na szachownicy $n \times n$

```
int hetmany(int n, int k, int a[])
{
   if (k==n) return poprawne(a,n);
   for(int i=0; i<n; i++) {
      a[k]=i;
      if (hetmany(n,k+1,a)) return 1;
   }
   return 0;
}</pre>
```

```
def hetmany(n, k, a):
   if k==n: return poprawne(a,n)
   for i in range(n):
     a[k]=i
     if (hetmany(n,k+1,a)): return 1
   return 0
```

gdzie a[i] wskazuje wiersz hetmana umieszczonego w kolumnie i, a funkcja poprawne zwraca wartość 1, jeśli ustawienie hetmanów opisane w tablicy a[0..n-1] jest poprawne (tzn. żadne dwa hetmany nie atakują się nawzajem) oraz zwraca 0 w przeciwnym przypadku. Twoje zadanie:

- a. Podaj z jakimi parametrami należy wywołać funkcję hetmany, aby rozwiązać problem hetmanów dla szachownicy $n \times n$?
- b. Napisz treść funkcji poprawne

- c. Porównaj działanie funkcji hetmany z tego zadania z działaniem metody opartej o przeszukiwanie z nawrotami. Która metoda sprawdza więcej ustawień hetmanów? Dlaczego?
- 4. [1] Zapoznaj się z problemem skoczka szachowego. Następnie opracuj i przedstaw **ideę** rozwiązania tego problemu metodą przeszukiwania z nawrotami. Precyzyjnie omów struktury danych, których będziesz używać w swoim rozwiązaniu i sposób wykorzystania tych struktur.
- 5. [2] Kwadratem magicznym rozmiaru $n \times n$ nazywamy planszę $n \times n$ złożoną z liczb 1,..., n^2 , gdzie każda z tych liczb występuje dokładnie raz oraz suma w każdym wierszu, kolumnie i na przekątnych są równe. Napisz funkcję, która dla zadanego n znajduje kwadrat magiczny rozmiaru $n \times n$ (o ile istnieje).

Uwaga: zastosuj przeszukiwanie z nawrotami.

Zadania dodatkowe, nieobowiązkowe (nie wliczają się do puli punktów do zdobycia na ćwiczeniach, punktacja została podana tylko jako informacja o trudności zadań wg wykładowcy)

- 6. [1] Napisz funkcję hetmany, która znajduje ustawienie *n* hetmanów na szachownicy rozmiaru *n*×*n*, tak aby hetmany nie atakowały się nawzajem. Twoja funkcja powinna stosować przeszukiwanie z nawrotami i ustawienie hetmanów reprezentować w tablicy **dwu-wymiarowej** (jeden element tablicy odpowiada jednemu polu szachownicy). **Wskazówka**: wystarczy odpowiednio zmodyfikować rozwiązanie z wykładu.
- 7. [1] Przedstaw pełną implementację rozwiązania problemu skoczka szachowego.
- 8. [2] Napisz funkcję minhetmany, która znajduje minimalną liczbę hetmanów atakujących wszystkie pola szachownicy $n \times n$. (Dokładniej, Twoja funkcja powinna zwrócić taką liczbę k, że przy pewnym ustawieniu k hetmanów atakowane są wszystkie pola szachownicy $n \times n$ i nie jest możliwe ustawienie k-1 hetmanów tak, aby wszystkie pola szachownicy $n \times n$ były atakowane.)