# 1.1 DELTA ROBOT 3D SIMULATION

### 1.2 รายละเอียดสมาชิก

- 1) นายธัชพงศ์ สังข์ถาวร 64340500031
- 2) นายธนากร อภิธนาคุณ 64340500062
- 3) นายปภินวิทย์ รัตนศิริ 64340500065
- นายเอกสิทธิ์ มาคำ 64340500075

## 1.3 จุดประสงค์โครงการ

- 5) เพื่อจำลองระบบจลนศาสตร์และพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้า
- 6) เพื่อจำลองระบบควบคุมหุ่นยนต์เดลต้า
- 7) เพื่อจำลองระบบสำหรับวางแผนเส้นทางการเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์เดลต้า

#### 1.4 ขอบเขต

- 1) เลือกใช้หุ่นยนต์เคลต้ารุ่น IRB 360 FLEXPICKER ในการจำลองระบบจลนศาสตร์และพลวัต โดยจำลองเพียง 3 องศาอิสระ
- 2) สามารถเลือกรูปแบบการเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์ได้ทั้งหมด 2 รูปแบบประกอบไปด้วยปริภูมิการทำงานและปริภูมิโครงแบบ
- 3) ในส่วนของการควบคุมแบบปริภูมิการทำงานจะจำกัดให้อยู่ในรูปแบบของเส้นตรงจากจุดเริ่มต้นของหุ่นยนต์ไปยังจุดที่ต้องการให้หุ่นยนต์ เคลื่อนที่ไป
- 4) ในกรณีที่ทำการวางแผนเส้นทางการเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์เดลต้าในรูปแบบปริภูมิการทำงานเมื่อพบว่าเกิดสภาวะสภาวะเอกฐาน ในระหว่าง การวางแผนเส้นทางการเคลื่อนที่ จะแสดงสถานะและหยุดการทำงานของหุ่นยนต์

### 1.5 รายละเอียดโครงงาน

คณะผู้จัดทำต้องการทำในส่วนของการจำลองระบบพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้ารุ่น IRB 360 FLEXPICKER ซึ่งสามารถที่จะเลือกโหมดสำหรับ วางแผนเส้นทางการเคลื่อนที่แบบปริภูมิการทำงานและปริภูมิโครงแบบและทำการกำหนดจุดที่ต้องการจะให้หุ่นยนต์เคลื่อนไป ซึ่งจะทำการจำลองการ เคลื่อนที่ของหุ่นยนต์ในรูปแบบ 3 มิติและหยุดการทำงานของหุ่นยนต์เมื่อเกิดสภาวะเอกฐาน แสดงสถานะ

โดยส่วนของโครงงานประกอบไปด้วยระบบทั้งหมด ส่วนดังนี้

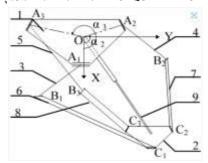
- 1.5.1 การจำลองระบบจลนศาสตร์ของหุ่นยนต์เดลต้ารุ่น
  - 1) จลนศาสตร์ท่าทางไปข้างหน้า
  - 2) จลนศาสตร์ผกผันของท่าทาง
  - 3) เมตริกซ์จาโคเบียน
- 1.5.2 การจำลองระบบพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้ารุ่น
- 1.5.3 การสร้างวิถีโคจร
  - 1) การสร้างวิถีโคจรในปริภูมิการทำงาน
  - 2) การสร้างวิถีโคจรในปริภูมิโครงแบบเป็นเส้นตรงและหยุดการทำงานของหุ่นยนต์เมื่อเกิดสภาวะเอกฐาน
- 1.5.4 การจำลองการเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์เดลต้ารุ่น IRB 360 FLEXPICKER ด้วย MATPLOTLIB 3D PLOT

FIBO FRAB Senior Thesis 2021, Volume 2

1

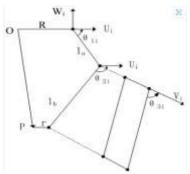
#### 1.6 LITERATURE REVIEW

บทความเกี่ยวกับการจำลองระบบพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้าและการทำ TORQUE FEEDFORWARD CONTROL



SCHEMATIC OF THE DELTA ROBOT WITH A TELESCOPIC ROD: (1) FIXED PLATFORM; (2) MOVED PLATFORM; (3–5) UPPER ARMS; (6–8) LOWER ARMS; (9) TELESCOPIC ROD.

จากรูปคือรูปของหุ่นยนต์เคลต้าที่ถูกทำการลดรูปให้เหลือเพียงส่วนแกนสำหรับการจำลองระบบจลนศาสตร์ของหุ่นยนต์ ซึ่งจากการที่หุ่นยนต์ ประกอบไปด้วยขาสามขาที่เหมือนกันจึงสามารถลดรูปให้เหลือเพียง 1 ขา



DEPICTION OF LEG I.

ซึ่งภายในบทความจึงทำการจำลองระบบจลนศาสตร์ของหุ่นยนต์ด้วยขาเดียวออกมาเป็นสมการดังนี้

$$\begin{cases} (k_1 \cos(\alpha_1) - x)^2 + (k_1 \sin(\alpha_1) - y)^2 + (-l_b \cos(\theta_{11}) - z)^2 = l_a^2 \\ (k_2 \cos(\alpha_2) - x)^2 + (k_2 \sin(\alpha_2) - y)^2 + (-l_b \cos(\theta_{12}) - z)^2 = l_a^2 \\ (k_3 \cos(\alpha_3) - x)^2 + (k_3 \sin(\alpha_3) - y)^2 + (-l_b \cos(\theta_{13}) - z)^2 = l_a^2 \end{cases}$$

โดยที่กำหนดให้ K1, K2 และ K3

$$k_1 = (R + I_b \sin(\theta_{11}) - r), \ k_2 = (R + I_b \sin(\theta_{12}) - r), \ k_3 = (R + I_b \sin(\theta_{11}) - r)$$

ในส่วนของการทำจลนศาสตร์ผกผันของท่าทางหุ่นยนต์เดลต้า

$$\xi_{1t} + \xi_{2t}h_t + \xi_{3t}h_t^2 = 0$$
  $i = 1, 2, 3$ 

โดยที่

$$\begin{split} \xi_{1i} &= p_{wi}^2 + p_{ui}^2 + 2rp_{ui} + l_a{}^2 + r^2 - l_b{}^2 \sin{(\theta_{3i})}^2 - 2l_a r \\ \xi_{2i} &= -4l_a p_{wi} \\ \xi_{3i} &= p_{wi}^2 + p_{ui}^2 + 2p_{ui}(l_a + r) + l_a{}^2 + r^2 - l_b{}^2 \sin{(\theta_{3i})}^2 + 2l_a r \\ h_t &= \tan(\frac{\theta_{1t}}{2}) \end{split}$$

$$\theta_{1t} = 2 \arctan(h_t)$$

ต่อมาในส่วนของการหาเมตริกซ์จาโคเบียนของหุ่นยนต์เดลต้า

$$I_r = I_b^{-1}(I_a M)$$

/Volume 2, 2021 FIBO Senior Thesis

โดยกำหนดให้

$$Ja = \begin{bmatrix} Ja_{11} & Ja_{12} & Ja_{13} \\ Ja_{21} & Ja_{22} & Ja_{23} \\ Ja_{31} & Ja_{32} & Ja_{33} \end{bmatrix}$$

$$Jb = \begin{bmatrix} Jb_1 & 0 & 0 \\ 0 & Jb_2 & 0 \\ 0 & 0 & Jb_3 \end{bmatrix}$$

$$M = \begin{bmatrix} \cos(\alpha_i) & \sin(\alpha_i) & 0 \\ -\sin(\alpha_i) & \cos(\alpha_i) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$Ja_{i1} = \cos(\theta_{2i}) \sin(\theta_{3i})$$

$$Ja_{i2} = \cos(\theta_{3i})$$

$$Ja_{i3} = \sin(\theta_{2i}) \sin(\theta_{3i})$$

$$Jb_i = a \sin(\theta_{2i} - \theta_{1i}) \sin(\theta_{3i})$$

$$Jb_i = a \sin(\theta_{2i} - \theta_{1i}) \sin(\theta_{3i})$$

และในส่วนสุดท้ายจะเป็นในส่วนของการจำลองระบบพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้ารุ่น โดยใช้วิธีการหา LAGRANGIAN FUNCTION จนได้

$$\mathfrak{R} = \Gamma - E = \Gamma_1 + \Gamma_2 - E_1 - E_2$$

$$\begin{cases} \xi_1 = \frac{d}{dt} \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial \hat{I}} - \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial t} + c_d \hat{I} \\ \xi_2 = \frac{d}{dt} \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial \hat{\phi}} - \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial \theta} \\ \xi_3 = \frac{d}{dt} \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial \hat{\phi}} - \frac{\partial \mathfrak{R}}{\partial \phi} \end{cases}$$

โดยกำหนดให้ CD เป็น DAMPING RATIO

$$\begin{split} \frac{d}{dt} \frac{\partial \Re}{\partial i} &= m_{l2} \ddot{l} \\ \frac{\partial \Re}{\partial l} &= (\dot{\theta}^2 + \dot{\phi}^2) m_{l2} (l - l_2) + m_{l2} \operatorname{gcos}(\operatorname{arctan}(\sqrt{\tan^2(\theta) + \tan^2(\phi)})) \\ \frac{d}{dt} \frac{\partial \Re}{\partial \dot{\theta}} &= (I_1 + I_2) \ddot{\theta} + 2 m_{l2} (l - l_2) \dot{l} \dot{\theta} \\ \frac{d}{dt} \frac{\partial \Re}{\partial \dot{\phi}} &= (I_1 + I_2) \ddot{\phi} + 2 m_{l2} (l - l_2) \dot{l} \dot{\phi} \\ \frac{\partial \Re}{\partial \theta} &= \frac{(-\frac{1}{2} m_{l1} l_1 - m_{l2} (l - \frac{l_2}{2})) \operatorname{gsin}(\operatorname{arctan}(\sqrt{\tan^2(\theta) + \tan^2(\phi)})) \tan(\theta)}{(1 + \tan^2(\theta) + \tan^2(\phi))(\cos^2(\theta) \sqrt{\tan^2(\theta) + \tan^2(\phi)})} \\ \frac{\partial \Re}{\partial \phi} &= \frac{(-\frac{1}{2} m_{l1} l_1 - m_{l2} (l - \frac{l_2}{2})) \operatorname{gsin}(\operatorname{arctan}(\sqrt{\tan^2(\theta) + \tan^2(\phi)})) \tan(\phi)}{(1 + \tan^2(\theta) + \tan^2(\phi))(\cos^2(\phi) \sqrt{\tan^2(\theta) + \tan^2(\phi)})} \end{split}$$

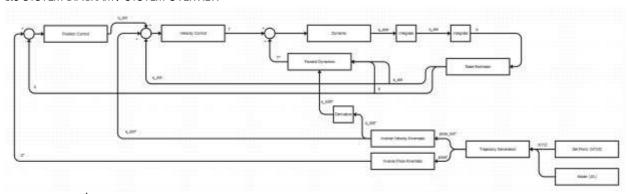
ในส่วนของการ VALIDATE ระบบทำโดยการใสโมเดล FEED FORWARD เข้าไปใน CONTROLLER ของหุ่นยนต์จริงแล้วทำการเทียบระหว่างมี และไม่มีโมเดล FEED FORWARD

## 1.7 เกี่ยวข้องกับหัวข้อในรายวิชาหัวข้อไหนบ้าง

- 1) จลนศาสตร์ท่าทางไปข้างหน้า
- 2) จลนศาสตร์ผกผันของท่าทาง
- จลนศาสตร์เชิงอนุพันธ์
- 4) ระบบพลวัต

## 5) การสร้างวิถีโคจร

### 1.8 SYSTEM DIAGRAM / SYSTEM OVERVIEW



# 1.9 ผลการศึกษาที่คาดหวัง

- 1) ได้จำลองระบบจลนศาสตร์และพลวัตของหุ่นยนต์เดลต้า
- 2) ได้จำลองระบบควบคุมหุ่นยนต์เดลต้า
- 3) ได้จำลองระบบสำหรับวางแผนเส้นทางการเคลื่อนที่ของหุ่นยนต์เดลต้า

4 /Volume 2, 2021 FIBO Senior Thesis