

Math Rules:  
And Theorems:

Theoreme de Rolle:

$f$  est continue sur  $[a, b]$  et dérivable sur  $]a, b[$   
donc  $\exists c \in ]a, b[ \mid f'(c) = 0$ .

TAF:

$f$  est continue sur  $[a, b]$  et dérivable sur  $]a, b[$

Alors  $\exists c \in ]a, b[ \mid$

$$f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}.$$

Theoreme d'inégalité (TAF)

$f$  est continue sur  $[a, b]$  et dérivable sur  
 $]a, b[$ ,

donc  $|f'(x)| \leq x$ .

$$|f(b) - f(a)| \leq x \cdot |b - a|.$$

TVI

$f$  est continue sur  $[a, b]$  et dérivable sur  $]a, b[$

Alors  $\exists c \in ]a, b[ \mid f'(c) = 0$

cas particulier

tant que  $f(a) \cdot f(b) < 0$ .

Alors  $c = 0 \rightarrow f'(c) = 0$ .

Fonction composée:

$f \circ g$  est continue sur  $I$ .

$g$  est continue sur  $I$ .

et  $f$  continue sur  $J$ .

et  $I \subset J$ .

$\Rightarrow f \circ g$  est continue sur  $I$ .

## Fonction Reciproque :

une fonction bijective doit être monotone

et  $f(a) \neq f(b)$  et continue.

→  $f$  est continue et monotone sur  $[a, b]$   
car  $f'(x) \neq 0$ .

Alors  $f$  réalise une bijection sur  $[a, b]$  de  
 $[a, b]$  sur  $f([a, b])$ .

## go back to reciproc;

$f$  est définie, continue et dérivable sur  $I$ ,

et elle est bijective sur  $f(I)$ .

Alors elle admet une fonction réciproque définie de  
 $f(I)$  sur  $I$ .

## • Dérivabilité de $f^{-1}$ :

$f$  est dérivable sur  $I$ ,  $\forall x \in I$ , alors  $f'(x) \neq 0$ ,

$\Rightarrow f^{-1}$  est dérivable sur  $I$ .

$$f^{-1}(x) = \frac{1}{f'(f^{-1}(x))}$$

avec :

$$\left| \begin{array}{l} f(x) = y \\ f^{-1}(y) = x \end{array} \right.$$

Théorème de Leibniz :

Soit :  $f(x) = h(x) \cdot g(x)$  .

donc  $f^{(n)}(x) = \sum_{k=0}^n C_n^k h^{(k)}(x) \cdot g^{(n-k)}(x)$

formule de combinaisons :

$$C_n^k = \frac{n!}{(n-k)! \cdot k!} .$$

Dérivée d'ordre  $n$  :

Soit  $f$  une fonction dérivable sur l'intervalle  $I$  .

$$\forall x \in I, f'(x) \leq 0$$

$f$  est décroissante .

$$\forall x \in I,$$

$$f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow f \text{ est croissante}$$

