



Algoritma Analizi-5

Oyun Tahtası

Versiyon 1.0

Prepared by Onur Demir

Grup 2-Proje

onur.demir2@std.yildiz.edu.tr

Video Linki Anlatım: <https://youtu.be/AlTsRvPQYb0>

Video Linki Gösterim: <https://youtu.be/kDBMhy2rjzU>

İçerik Tablosu

İçerik Tablosu.....	ii
Revizyon Tarihi.....	ii
1. Giriş.....	1
1.1 Problem.....	1
1.2 Problem Tanımı	1
2. Uygulama.....	1-4
2.1 Program Çıktısı	1
2.2 Normal modda çalıştırma.....	2
2.3 Detay modda çalıştırma	2
3. Sonuç	4
3.1 Yer ve Zaman Karmaşıklığı.....	4-7

Revizyon Tarihi

İsim	Tarih	Değişim Sebebi	Versiyon
Onur Demir	31.12.2022	Rapor bitirildi ve Video çekildi	1.0
Onur Demir	03.01.2022	Video tekrar çekildi girdiler dışarıdan renkler ile alındı	1.1

Video Linki :

Bu video linkinde algorima anlatılmıştır fakat detay mod ve girdi alınması diğer videoda gösterilmiştir.(normal mod ile çalıştırma bulunmaktadır.)

<https://youtu.be/AITsRvPQYb0>

Bu video linkin detay mod ve renk girdisi verilerek yazılması yapılmıştır.

<https://youtu.be/kDBMhy2rjzU>

1. Giriş

1.1 Problem

$N \times N$ 'lik bir oyun tahtasında N adet renk her satırda farklı sıra ile yer almaktadır. Bir satırdaki renklerin sıralanışı, renkler sağa doğru dairesel kaydırılarak değiştirilebilmektedir. Örneğin satırdaki renkler sırası ile kırmızı, mavi, yeşil, mor ise satır 1 defa sağa kaydırıldığında yeni sıralama mor, kırmızı, mavi, yeşil olur. Bir defa daha sağa kaydırılırsa yeşil, mor, kırmızı, mavi elde edilir. Son durumda her sütunda her renkten sadece 1 tane olacak şekilde oyun tahtasını geri-izleme(backtracking) yöntemi ile rekürsif olarak düzenleyen algoritmayı tasarlayınız.

1.2 Problem Tanımı

$N \times N$ lik bir oyun tahtası için en son oluşacak kazanma durumu bir “state-space” ağacı oluşturularak bulunabilir. Bunun için bir “state-space” ağacı üzerinden geri izleme uygulanabilmektedir. (Örnek oyun tablosu girişi aşağıdaki gibidir ve her bir sütunda renkler farklı olmalıdır. Bunun için sütunlarda sağa doğru kaydırmalar uygulanacaktır.)

Kırmızı	Mavi	Yeşil
Yeşil	Kırmızı	Mavi
Mavi	Kırmızı	Yeşil

2. Yöntem

2.1 Yana kaydırma için state-space matrisi oluşturulması

Oluşturulan rastgele matris için her bir sütun için toplam sağa kayma renk sayısı kadar olursa tekrar başlangıç durumuna geleceği için oyun haritasındaki her bir sütun için renk sayısı kadar sağa kayma olacaktır bu durumların her biri “state” dir.

Kırmızı	Mavi	Yeşil
---------	------	-------

Örneğin yukarıdaki üç renk için KMY , YKM, MYK şeklinde 3 durum vardır. Her bir sütun için bir “state matrisi” oluşturulur. Toplam durum sayısı sütun sayısı kullanılarak oluşturulur.

3	3	3
---	---	---

Başlangıç durumu 3 3 3 olarak hesaplanır bu ilk durumdur. Örneğin ilk sütunda kayma olursa 2 3 3 matrisi elde edilir. Böylece N^N lik durumların hepsi bu matriste tutulacaktır.

Doğru çıktı üretilmesi için tüm sütunların aynı sıra ile yazılmış olması gerekmektedir. Bu şart arama uzayını azaltacaktır ve daha hızlı 3 sayısının 1 e erişmesini sağlayacaktır. Örneğin 2 3 3 durumunda tekrar ilk sütuna backtracking ile dönüyorsa sonunda 1 kere dönebileceği değer kalır ve bu değer üzerinden hepsi sıralı ise hızlı bir şekilde sonuca yakınsayacaktır. Eğer sütunlar sırasız ise 1 3 3 olacak ve başka farklı döngü oluşmayacaktır.

Çözüm için üretilen yöntem her seferinde bir üstündeki sütuna geri dönecek şekilde son satıra hiçbir sütun kesişimi olmadan gitmeye çalışmaktadır.

3. Uygulama

3.1 Program Çıktısı

Rastgele verilen matris girdisi için doğru haritaların girildiğini görmek için 100 kere main fonksiyonu çağırılmıştır. Bu çağrıların uç noktalarına breakpointler konularak hangi tabloda doğru çıktı olduğu gözlenlenmiştir.

Test case çıktı format detay için aşağıda belirtildiği gibidir.

- 1.Önce tablo yazdırılır üzerinde hangi tabloda olduğu belirtilir.
- 2.Aranacak keşişim intersection first ile belirtilit bu satırın üstündeki satırlar ile keşişim var mı diye taranır.
- 3.Bir sütunda karşılaştırılan değerler belirtilir. Bunlar aynıysa keşişim var demektir ve çıkılmaktadır.
4. ‘rotate_right’ satırın döndürüldüğünü ifade etmektedir ve döndürülmüş satır bunun peşinden yazdırılmaktadır. (Bu satırla karşılaştırma yapılacaktır.)
- 5.Eğer keşişim varsa backtrackin fazına geçilir ve state değerleri yazılır.
- 6.Bu değerlerden ilki 1 ise veya tüm satırlar gezildi ise tablo keşfetme algoritmasından çıkılır ve sırasıyla yanlış ve doğru harita yazdırır.

TEST CASE 1:

3 1 2 | 3 1 2 | 3 1 2 tablosu sıralı olarak yazdırılabilecek bir tablodur. Üçüde ardışıl sıralı. Bu örneğe normal uygulama çıktısı aşağıdadır.

```
What is the mode you using?(normal/n -- detail/d)n
What is size of game table which you want create?(1<N<10)3
      normal mode printing
      first state map

→1 ,3 ,2 ,
1 ,2 ,3 ,
2 ,1 ,3 ,

Wrong Game Map Created.
      normal mode printing
      first state map

→2 ,3 ,1 ,
1 ,2 ,3 ,
1 ,3 ,2 ,

Wrong Game Map Created.
      normal mode printing
      first state map

→3 ,1 ,2 ,
3 ,1 ,2 ,
3 ,1 ,2 ,

      result state map

2 ,3 ,1 ,
3 ,1 ,2 ,
1 ,2 ,3 ,
Right Game Map Created.
```

Test Case 2 : Detaylı çıktı 3 uzunluklu tablo için

```

What is the mode you using?(normal/n -- detail/d)d
What is size of game table which you want create?(1<N<10)3
-----

→1 ,3 ,2 ,
1 ,2 ,3 ,
2 ,1 ,3 ,
intersection first
1 ,3 ,2 ,
-----

1 ,3 ,2 ,
→1 ,2 ,3 ,
2 ,1 ,3 ,
intersection first
1 ,2 ,3 ,
column 0
1 1

1 ,3 ,2 ,
→1 ,2 ,3 ,
2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
3 ,1 ,2 ,
column 0
1 3
column 1

```

```

column 1
3 1
column 2
2 2

1 ,3 ,2 ,
→3 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
2 ,3 ,1 ,
column 0
1 2
column 1
3 3
backtracking ...
states :2 ,3 ,3 ,
rotate right :
printing rotated row
2 ,1 ,3 ,
-----

```

```

→2 ,1 ,3 ,
2 ,3 ,1 ,
2 ,1 ,3 ,
intersection first
2 ,1 ,3 ,
-----

```

```

2 ,1 ,3 ,
→2 ,3 ,1 ,
2 ,1 ,3 ,
intersection first
2 ,3 ,1 ,
column 0
2 2

2 ,1 ,3 ,
→2 ,3 ,1 ,
2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
1 ,2 ,3 ,
column 0
2 1
column 1
1 2
column 2
3 3

2 ,1 ,3 ,
→1 ,2 ,3 ,
2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
3 ,1 ,2 ,
column 0
2 3
column 1
1 1
backtracking ...
Wrong Game Map Created.
-----

```

Test Case 3: Detaylı çıktı 4 uzunluklu tablo için

```

Wrong Game Map Created.
-----
→3 ,4 ,1 ,2 ,
1 ,4 ,3 ,2 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
3 ,4 ,1 ,2 ,
-----

3 ,4 ,1 ,2 ,
→1 ,4 ,3 ,2 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
1 ,4 ,3 ,2 ,
column 0
3 1
column 1
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
→1 ,4 ,3 ,2 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
→1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
3 ,1 ,2 ,4 ,
column 0
2 3
3 3

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
→3 ,1 ,2 ,4 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
4 ,3 ,1 ,2 ,
column 0
2 4
3 4
column 1
1 3
4 3
column 2
4 1
1 1

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
-----
rotate right
printing rotated row
2 ,1 ,4 ,3 ,
column 0
3 2
column 1
4 1
column 2
1 4
column 3
2 3
-----

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
→1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
1 ,2 ,4 ,3 ,
column 0
2 1
3 1
column 1
1 2
4 2
column 2
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
→1 ,2 ,4 ,3 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
1 ,2 ,4 ,3 ,
column 0
2 1
3 1
column 1
1 2
4 2
column 2
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
2 ,1 ,4 ,3 ,
→3 ,2 ,1 ,4 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
4 ,3 ,2 ,1 ,
column 0
3 4
column 1
4 3
column 2
1 2
column 3
2 1
-----

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
→2 ,4 ,3 ,1 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
2 ,4 ,3 ,1 ,
column 0
4 2
3 2
column 1
3 4
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
→2 ,4 ,3 ,1 ,
4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
1 ,2 ,4 ,3 ,
column 0
4 1
3 1
column 1
3 2
4 2
column 2
2 4
1 4
column 3
1 3
2 3
-----

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
→4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
4 ,2 ,1 ,3 ,
column 0
4 4

```

```

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
→4 ,2 ,1 ,3 ,
intersection first
4 ,2 ,1 ,3 ,
column 0
1 4
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
→4 ,2 ,1 ,3 ,
rotate right
printing rotated row
3 ,4 ,2 ,1 ,
column 0
1 3
4 3
3 3

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
→3 ,4 ,2 ,1 ,
rotate right
printing rotated row
1 ,3 ,4 ,2 ,
column 0

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
1 ,2 ,4 ,3 ,
→1 ,3 ,4 ,2 ,
rotate right
printing rotated row
2 ,1 ,3 ,4 ,
column 0
1 2
4 2
3 2
column 1
2 1
3 1
4 1
column 2
4 3
2 3
1 3
column 3
3 4
1 4
2 4
backtracking ...
states :4 ,3 ,3 ,4 ,
rotate right :
printing rotated row
3 ,1 ,2 ,4 ,

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
→3 ,1 ,2 ,4 ,
intersection first
3 ,1 ,2 ,4 ,
column 0
4 3
3 3

3 ,4 ,1 ,2 ,
4 ,3 ,2 ,1 ,
→4 ,3 ,1 ,2 ,
rotate right
printing rotated row
2 ,4 ,3 ,1 ,
column 0
4 2
3 2

4 2
3 2
column 1
3 4
4 4
backtracking ...
states :4 ,2 ,4 ,4 ,
rotate right :
printing rotated row
1 ,4 ,3 ,2 ,

2 ,1 ,4 ,3 ,
column 0
3 2
column 1
4 1
column 2
1 4
column 3
2 3
backtracking ...
states :3 ,4 ,4 ,4 ,
rotate right :
printing rotated row
2 ,3 ,4 ,1 ,

3 ,4 ,1 ,2 ,
→1 ,4 ,3 ,2 ,
2 ,4 ,3 ,1 ,
2 ,1 ,3 ,4 ,
intersection first
1 ,4 ,3 ,2 ,
column 0
3 1
column 1
4 4

3 ,4 ,1 ,2 ,
→1 ,4 ,3 ,2 ,
2 ,4 ,3 ,1 ,
2 ,1 ,3 ,4 ,
rotate right
printing rotated row
2 ,3 ,4 ,1 ,
→2 ,1 ,4 ,3 ,
2 ,4 ,3 ,1 ,

2 ,3 ,4 ,1 ,
→2 ,1 ,4 ,3 ,
3 ,2 ,1 ,4 ,
column 0
2 3
column 1
3 2
column 2
4 1
column 3
1 4

2 ,3 ,4 ,1 ,
→2 ,1 ,4 ,3 ,
3 ,2 ,1 ,4 ,

```

Şeklinde ilerlemektedir sonunda aşağıdaki çıktı oluşmaktadır.


```

1 , 2 , 3 , 4 ,
2 , 1 , 4 , 3 ,
4 , 3 , 1 , 2 ,
→4 , 2 , 1 , 3 ,
rotate right
printing rotated row
3 , 4 , 2 , 1 ,
column 0
4 3
2 3
1 3
column 1
3 4
1 4
2 4
column 2
1 2
4 2
3 2
column 3
2 1
3 1
4 1
result state map

1 , 2 , 3 , 4 ,
2 , 1 , 4 , 3 ,
4 , 3 , 1 , 2 ,
3 , 4 , 2 , 1 ,

```

burada son durumda tüm çıktılar için kesişim bulunmadığı görülmektedir.

4. Sonuç

4.1 Yer ve Zaman Karmaşıklığı

Problemin yer karmaşıklığı tablo üzerinde işlemler yapıldığı için $O(N^2)$ olacaktır. Eğer bu matrisi girdi olarak saymazsak durumları tutan tablonun boyutuna bağlı olacaktır bu da satır sayısıdır bu durumda $O(N)$ denilebilir.

*Problemin zaman karmaşıklığı tüm durumlar denenirse $O(N^n)$ olacaktır fakat tablo üzerinde geri dönüşlerle yapılan elemeler sayesinde tüm uzay taranmaz ve budamalar yapılmış olur. Bu sayede en iyi durumda $O(N)$ ile keşif yapılabilir bu durumda durumları tutan matriste geri dönme olmadan direk keşimsiz olması durumudur. Eğer kesişimler varsa kendinden sonraki sütundaki değerler taranır ve keşismeyen bulunursa üste geçilir ve üstesinde çevirme işlemi yapılarak önceki durumdaki iki aşağı satırdaki oluşan tüm durumlar elenmiş olmaktadır. Bu yüzden duruma $O(N^2 * C)$ diyebiliriz. N^2 değeri sütun tarama ve satırda ilerlemeden gelmektedir. C katsayısı ise her bir durumda ne kadar sütun ilerleyeceği ile ilgili bir katsayıdır Bu sayı N den N^n e kadar tüm değerler olabilir. Bu durumda $O(N^3)$ ve $O(N^n)$ arasında denilebilir.*