



Namensraum einer Variablen:

Teil des Programmes, wo auf die Variable zugegriffen werden kann



Namensraum einer Variablen:

Teil des Programmes, wo auf die Variable zugegriffen werden kann

- globale Variablen: überall verfügbar
- lokale Variablen: nur in beschränktem Bereich, z.B. Funktion



```
def f( a , b ):
    c = a + b
    return    c
```

g(a,b): c = a * b return c

Der **lokale Namensraum** der Funktion f. Die Referenz c ist lokal und nach außen nicht sichtbar.

Der lokale Namensraum der Funktion g. Die Referenzen a, b und c sind unabhängig von den gleichnamigen Referenzen aus dem lokalen Namensraum der Funktion f.

Der **globale Namensraum** enthält die Funktionsobjekte f und g sowie die globalen Referenzen a und b, die unabhängig von den Referenzen der lokalen Namensräume sind.



Zugriff auf globalen Namensraum

- von überall möglich
- solange Name nicht überlagert
- lokale Version hat Priorität



Lokale Instanzen werden bei Zuweisung erzeugt

```
def f():
    print("vor Zuweisung: " + str(i))
    i=5
    print("nach Zuweisung: " + str(i))

i=1
f()

FEHLER
UnboundLocalError: cannot access local variable 'i' where it is not associated with a value
```



Lokale Instanzen werden bei Zuweisung erzeugt

```
def f():
    print("vor Zuweisung: " + str(i))
    i=5
    print("nach Zuweisung: " + str(i))

fellER
UnboundLocalError: cannot access local variable 'i' where it is not associated with a value
```

Falls Zuweisung, auch davor kein Zugriff auf globale Variable



global verhindert lokale Kopie

```
def f():
      qlobal i
      print("vor Zuweisung: " + str(i))
      i=5
      print("nach Zuweisung: " + str(i))
 i=1
 print(i)
vor Zuweisung: 1
nach Zuweisung: 5
```



Auch lokale Funktionen möglich

```
>>> def globale_funktion(n):
...     def lokale_funktion(n):
...     return n**2
...     return lokale_funktion(n)
>>> globale_funktion(2)
4
```



Vorbelegte Funktionsparameter

```
>>> def globale_funktion(n):
... def lokale_funktion(n):
... return n**2
... return lokale_funktion(n)
>>> globale_funktion(2)
4
```

```
>>> def globale_funktion(n):
... def lokale_funktion(n=n):
... return n**2
... return lokale_funktion()
>>> globale_funktion(2)
4
```



Zugriff auf nichtglobale und nichtlokale Variablen

```
>>> def funktion1():
... def funktion2():
... nonlocal res
... res += 1
... res = 1
... funktion2()
... print(res)
>>> funktion1()
2
```

nonlocal sucht "näheste" Variable eines Namens außer globaler



```
1  num = 1
2  def func():
3    num = 3
4    print(num, end = " ")
5  func()
6  print(num)
7
```

```
a) The code is erroneusb) 3 1c) 1 3d) 3 3
```





Die Sortierfunktion kann Funktion als Parameter nehmen

```
>>> def s(x):
... return -x
>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```



Die Sortierfunktion kann Funktion als Parameter nehmen

- s sehr simpel
- wahrscheinlich nur hier

```
>>> def s(x):
... return -x

>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```



Die Sortierfunktion kann Funktion als Parameter nehmen

```
>>> s = lambda x: -x

>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```

```
>>> def s(x):
... return -x

>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```



Kompakte Definition:

- Schlüsselwort lambda
- Parameterliste
- Doppelpunkt
- arithm. oder log. Ausdruck

```
>>> s = lambda x: -x

>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```



Benutzung ohne Zuweisung an Bezeichner

```
>>> sorted([1,4,7,3,5], key=lambda x: -x)
[7, 5, 4, 3, 1]
```

```
>>> s = lambda x: -x
>>> sorted([1,4,7,3,5], key=s)
[7, 5, 4, 3, 1]
```



```
1 f = lambda x: 10
2 print(f(20))
```

```
a) 0
b) 10
c) 20
d) SyntaxError: invalid syntax
```



```
func = lambda x: return x
print(func(10))
```

```
a) No outputb) 10c) NameError: name 'x' is not definedd) SyntaxError: invalid syntax
```



```
>>> sorted(['banana', 'pear', 'grapes', 'apple'], key=lambda x:x[::-1])
```

```
a) ['apple', 'banana', 'grapes', 'pear']b) ['banana', 'apple', 'pear', 'grapes']c) SyntaxError: invalid syntaxd) TypeError: 'key' is an invalid keyword argument for sorted()
```



Which option is a valid definition of a lambda assigned to f that adds the parameters x and y?

```
a) f = lambda x, y : x + y
b) f = lambda (x, y):(x + y)
c) f = lambda (x, y): x + y
d) f = lambda x, y : (x + y)
```



```
>>> a, b = 10, 20
>>> (lambda: b, lambda: a)[a < b]()
```

```
a) 10b) 20c) TypeError: tuple indices must be integers or slicesd) Invalid Syntax
```



```
spam = lambda x, f: x + f(x)
print(spam(2, lambda x: x * x), end=' ')
print(spam(2, lambda x: x + 3))
```

```
a) SyntaxError: invalid syntaxb) 6 7c) 4 5d) 6 10
```





Funktionen dürfen sich selbst aufrufen

```
def funktion():
    vari = "abc"
    funktion()

RecursionError: maximum recursion depth exceeded
```

nur praktische Beschränkung der Tiefe



Funktionen dürfen sich selbst aufrufen

```
>>> from sys import getrecursionlimit
>>> getrecursionlimit()
1000
```

nur praktische Beschränkung der Tiefe



Funktionen dürfen sich selbst aufrufen

```
>>> from sys import getrecursionlimit
>>> getrecursionlimit()
1000
>>> from sys import setrecursionlimit
>>> setrecursionlimit(2000)
>>> getrecursionlimit()
2000
```



Ende der Rekursion mit Abbruchbedingung



- evtl. hoher Speicherverbrauch
- Stack muss alle Aufrufe behalten
- viel Verwaltung



Fakultätsfunktion:

$$fak(n) = n * fak(n-1)$$

$$fak(1) = 1$$



Endrekursion: optimierbar

```
def fak(n):
    if n == 1:
        return 1
    else:
        return n * fak(n-1)
```



Endrekursion: optimierbar

```
def fak_endrek(n, partiell=1):
    if n == 1:
        return partiell
    else:
        return fak_endrek(n-1, partiell * n)
```



Endrekursion: optimierbar

```
def fak_endrek(n, partiell=1):
    if n == 1:
        return partiell
    else:
        return fak_endrek(n-1, partiell * n)
```

gute Übersetzer minimieren den Stack



Die Fibonacci-Folge über den natürlichen Zahlen ist wie folgt definiert:

$$fib(k) = 0 wenn k=0$$

$$fib(k) = 1 wenn k=1$$

$$fib(k) = fib(k-1) + fib(k-2) sonst$$

Schreiben Sie eine Funktion fib(k), die den k-ten Wert der Folge als int zurückliefert.



Herausforderung: Binärsuche

Suche in einer Liste allgemein

- muss alle Elemente anschauen
- soviele Vergleiche wie Elemente



Herausforderung: Binärsuche

Suche in geordneter Liste:

- vergleiche mittleres Element
 - wenn größer, suche in hinterer Hälfte weiter
 - wenn kleiner, suche in vorderer Hälfte weiter
 - wenn gleich: gefunden



Herausforderung: Binärsuche





Herausforderung: Binärsuche

Bei rekursiver Umsetzung wichtig:

- nicht vordere/hintere Hälfte der Liste übergeben
- nur Start- und End-Index

OPTIONAL:

Schauen Sie sich den Code für die rekursive Sortiermethode MergeSort an.

https://www.geeksforgeeks.org/python-program-for-merge-sort/

Illustriert komplexere Rekursion und wiederholt Listen.