



```
def aussen():
      def innen():
          print("Von innen.")
      return "zurück"
  func = aussen
print( func() )
zurück
```



- auch lokale
- auch außerhalb
   ihres Namensraumes

```
def aussen():
       def innen():
           print("Von innen.")
       return innen
   func = aussen()
   func()
Von innen.
```



- auch lokale
- mit lokalen Variablen

```
def aussen():
     def innen():
          s = "Von innen"
          print( s )
     return innen
func = aussen()
10 func()
Von innen
```



- lokale Funktion
- mit Variable aus übergeordnetem
   Namensraum

```
def aussen():
       s = "Von aussen."
       def innen():
           print(s)
       return innen
   func = aussen()
  func()
???
```



- Inhalt von s ausgegeben
- obwohl s nicht mehr definiert
- Kontext eingeschlossen

```
def aussen():
       s = "Von aussen."
       def innen():
           print(s)
       return innen
   func = aussen()
  func()
Von aussen.
```



- nicht nur lokale Variablen
- auch Parameter der äußeren Funktion

```
def aussen(s):
       def innen():
           print(s)
       return innen
   func = aussen("Von ganz aussen.")
  func()
Von ganz aussen.
```



#### Variablen können Funktionen enthalten

 Kontext für jede Instanz separat eingeschlossen

```
def aussen(s):
       def innen():
           print(s)
       return innen
  func1 = aussen("aussen 1")
  func2 = aussen("aussen 2")
  func2()
  func1()
aussen 2
aussen 1
```



#### Variablen können Funktionen enthalten

Hier: jede Instanz von
 *innen* gibt einen
 immerselben String
 zurück

```
def aussen(s):
       def innen():
           print(s)
       return innen
  func1 = aussen("aussen 1")
  func2 = aussen("aussen 2")
  func2()
  func1()
aussen 2
aussen 1
```



### Closures und global

 globale Variablen werden nicht eingeschlossen

```
W = 100
   def aussen():
       def innen():
           return w -1
       return innen
   f = aussen()
   W = 200
   print( f() )
199
```



### Closures und global

- globale Variablen werden nicht eingeschlossen
- auch nicht, wenn lokal verwendet

```
W = 100
  def aussen():
       global w
       W = 50
       def innen():
           return w -1
       return innen
   f = aussen()
   W = 200
  print( f() )
199
```



### What is the expected outcome of the following code?

```
a) No outputb) x y zc) NameError: name 'z' is not definedd) SyntaxError: invalid syntax
```



### What is the expected outcome of the following code?

```
1 def x_in(x):
2    def y_in(y):
3        return x * y
4    return y_in
5
6 f = x_in(2)
7 print(f(3))
```

```
a) SyntaxError: invalid syntaxb) 0c) NameError: name 'x' is not definedd) 6
```



### What is the expected outcome of the following code?

```
def f1(x):
    y=2
    def f2(z):
        return x + y + z
    return f2

for i in range(3):
    func = f1(i)
    print(func(i+3), end=' ')
```

```
a) 5 7 9b) 6 8 10c) 567d) SyntaxError: invalid syntaxe) NameError: name z is not defined
```



### Anwendungen von Closures:

- Factory functions
- Memoisierung
- Funktionen mit überdauerndem Zustand



### Factory functions

- für Funktionen mit mehreren Parametern
- legen einen oder mehrere Parameter fest
- liefern Funktion für Restparameter zurück



### Factory functions

```
def erzeuge_wurzel( wurzelgrad , genauigkeit=2):
    def wurzelrechner( zahl ):
        return round(pow( zahl, 1 / wurzelgrad), genauigkeit)
    return wurzelrechner

quadratwurzel = erzeuge_wurzel(2, 4)
    print ( quadratwurzel(25) )

kubikwurzel = erzeuge_wurzel(3, 4)
    print ( kubikwurzel(343) )
```



Factory functions -- Aufgabe

Schreiben Sie eine Funktion intervallerzeuger(a,b), die

- eine Funktion mit einem Argument x als Rückgabewert hat, die
- True zurückgibt, wenn a <= x < b</li>
- False ansonsten



#### Memoisierung

- Vermeidung wiederholter Berechnungen
- Speicherung bereits berechneter Werte



### Memoisierung

```
def memorahmen():
     bisherige werte = {}
     def berechnung( x ):
          if x in bisherige_werte:
              print("nicht neu berechnet")
              return bisherige werte[x]
         else:
              rueckgabewert = (x*6 + 7) \% 23
             bisherige_werte[x] = rueckgabewert
              return rueckgabewert
     return berechnung
 rechnung = memorahmen()
```



Memoisierung -- Aufgabe

Weisen Sie einer Variable eine Funktion mit Parametern x und y zu, die

- x \*\* y \*\* y zurückgibt und die
- für jede Parameterkombination den Wert nur einmal berechnet



#### Funktionen mit überdauerndem Zustand

- merken sich Zustand nach letztem Aufruf
- Wert in Closure veränderlich
- liefern für selbe Parameter unterschiedliche Werte je nach ihrer Vergangenheit



#### Funktionen mit überdauerndem Zustand

```
def rahmen ( anzahl ):
    li = []
    def runterzaehler():
        if len( li ) < anzahl:
            li.append( 'x' )
            return f"noch {anzahl - len( li )} Aufrufe"
        else:
            return "die Funktion ist jetzt verbraucht"
    return runterzaehler</pre>
```



#### Funktionen mit überdauerndem Zustand

```
def rahmen ( anzahl ):
    li = []
    def runterzaehler():
        if len( li ) < anzahl:
            li.append( 'x' )
            return f"noch {anzahl - len( li )} Aufrufe"
        else:
            return "die Funktion ist jetzt verbraucht"
    return runterzaehler</pre>
```

li zeigt bei jedem Aufruf auf selbes Objekt dessen Wert ändert sich



### Aufgabe

Weisen Sie einer Variable eine Funktion mit einem Parameter n zu, die

 die Summe aller Parameter zurückgibt, die ihr je übergeben wurden.



#### Letzte Anwendung

Übergabe eines Parameters an parameterlose Funktion

Beispiel angepasst von

https://realpython.com/python-closure/#providing-callback-functions