山东大学 计算机科学与技术 学院

机器学习与模式识别 课程实验报告

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 学号：201600301304 | 姓名：贾乘兴 | 班级：人工智能16 |
| 实验题目：多元线性回归 | | |
| 实验内容：   1. 导入数据   1.所给数据中，ex2x.dat为x数据，ex2y.dat为y标签，导入数据代码如下：  %% load data  x=load('ex2x.dat');  y=load('ex2y.dat');    2.得到数据的规模，并进行数据预处理，将数据标准化，标准化为：    代码如下：  m=length(y);  X=[ones(m,1),x];  %% process  sig=std(X);  mu=mean(X);  X(:,2)=(X(:,2)-mu(2))/sig(2);  X(:,3)=(X(:,3)-mu(3))/sig(3);   1. 训练定义   1.目标函数定义：本实验目的为线性回归，故目标函数为y=wx+b，对函数进行简化，可表示为y=X\*theta,X为m\*3维矩阵，theta为3\*1列向量  2.损失函数定义：采用最小二乘的定义，损失函数定义如下    其中h（theta）为假设，本实验为线性函数    3.训练目标为最小化损失函数，通过得到最优的theta从而得到最终的目标函数，本实验采用的是梯度下降的方法，J(theta)对theta求导可得    theta的更新公式为：    最终得到theta的更新为    本次实验目的为通过绘制不同学习率下多次迭代的误差变化的曲线，从而选择得到较好的学习率，学习率选择范围为（0.001，10）   1. 实验过程   1.绘制不同学习率下损失函数的图像，选取学习率为1.0，0.5，0.2，0.1，代码如下：  %% learning rate  theta0=rands(3,1);  num=50;    % group 1  alpha=1.0;  Jtheta=zeros(num,1);  theta=theta0;  for k=1:num  Jtheta(k)=(X\*theta-y)'\*(X\*theta-y)/(2\*m);  theta=theta-alpha\*sum((X\*theta-y).\*(X))'/m;  end  figure  plot(0:num-1,Jtheta,'b-','LineWidth',2);  y\_pre(1)=x\_pre\*theta;  Jtheta(num)    % group 2  alpha=0.5;  Jtheta=zeros(num,1);  theta=theta0;  for k=1:num  Jtheta(k)=(X\*theta-y)'\*(X\*theta-y)/(2\*m);  theta=theta-alpha\*sum((X\*theta-y).\*(X))'/m;  end  hold on  plot(0:num-1,Jtheta,'r-','LineWidth',2);  y\_pre(2)=x\_pre\*theta;  Jtheta(num)    % group 3  alpha=0.2;  Jtheta=zeros(num,1);  theta=theta0;  for k=1:num  Jtheta(k)=(X\*theta-y)'\*(X\*theta-y)/(2\*m);  theta=theta-alpha\*sum((X\*theta-y).\*(X))'/m;  end  hold on  plot(0:num-1,Jtheta,'k-','LineWidth',2);  y\_pre(3)=x\_pre\*theta;  Jtheta(num)    % group 4  alpha=0.1;  Jtheta=zeros(num,1);  theta=theta0;  for k=1:num  Jtheta(k)=(X\*theta-y)'\*(X\*theta-y)/(2\*m);  theta=theta-alpha\*sum((X\*theta-y).\*(X))'/m;  end  hold on  plot(0:num-1,Jtheta,'g-','LineWidth',2);  y\_pre(4)=x\_pre\*theta;  Jtheta(num)    % plot  xlabel('number of iterations');  ylabel('cost J');  legend('lr=1.0','lr=0.5','lr=0.2','lr=0.1')  title('loss of different learning-rate')  绘制图像结果如下，  result02.jpg  通过观察可知，学习率在1.0附近时收敛速度最快  2.获得theta最终训练结果，并预测（1，1650，3）时y的数据  采取学习率为1.0时50次迭代便收敛了，结果为  theta = 1.0e+05 \*[3.4041;1.1063;-0.0665]  预测数据代码如下：  %% pre-data  x\_pre=[1 1650 3];  x\_pre(2)=x\_pre(2)-mu(2)/sig(2);  x\_pre(3)=x\_pre(3)-mu(3)/sig(3);  y\_pre=[0 0 0 0];  % group 1  alpha=1.0;  Jtheta=zeros(num,1);  theta=theta0;  for k=1:num  Jtheta(k)=(X\*theta-y)'\*(X\*theta-y)/(2\*m);  theta=theta-alpha\*sum((X\*theta-y).\*(X))'/m;  end  figure  plot(0:num-1,Jtheta,'b-','LineWidth',2);  y\_pre(1)=x\_pre\*theta;  预测结果为2.0433e+09  3.本实验为线性回归，由损失函数定义与目标函数可知，我们的目的为找到最终的theta，使得    故由最小二乘可知，我们可以直接得到最优的theta，即：    其中X+为X的伪逆    所得到theta为最优的  最终计算得到的结果保留四位小数，该方法结果与学习率为1.0的结果相等 | | |
| 实验过程中遇到和解决的问题：  （记录实验过程中遇到的问题，以及解决过程和实验结果。可以适当配以关键代码辅助说明，但不要大段贴代码。）   1. 调整学习率时时间代价大，解决方法：二分法不断细化 | | |
| 结论分析与体会：通过本次实验，对梯度下降方法有了进一步的了解，在合适的学习率下可以极快的收敛 | | |