## UNIVERSITÉ DE SHERBROOKE

#### Faculté de genie

Département de genie électrique et informatique

## **RÉSULTATS ET VALIDATION PROJET 3**

GEI 720 Commande multivariable appliquée à l'aérospatiale

# PRÉSENTÉ À Jean DE LAFONTAINE

PAR

Oussama BOUSSELSAL

Sebastien DEMERS

## Table des matières

| PARTIE A: Design du régulateur                        | 3  |
|---|----|
| P3-1  |    |
|   |    |
| P3-2  | 3  |
| P3-3  | 4  |
| P3-4  | 4  |
| P3-5  | 5  |
| PARTIE B : Design de l'observateur                    | 7  |
| P3-6  | 7  |
| P3-7  | 7  |
| P3-8  | 7  |
| P3-9  | 8  |
| PARTIE C : Couplage de l'observateur et du régulateur | 8  |
| P3-10   | 10 |

## PARTIE A : Design du régulateur

#### P3-1

On choisit les pôles dominants de sorte que le temps de stabilisation de  $t_s \le 8s$  et le facteur d'amortissement est  $\sqrt{2}/2$ . Les pôles du deuxième mode sont placés selon un "scale" de facteur 4. Voir figure ci-dessous.

```
Ts = 8;
Zeta = sqrt(2)/2;
Wn = 4/(Zeta*Ts);
Poled_1 = -Zeta*Wn + Wn*sqrt(1-(Zeta^2))*1j;
Poled_2 = -Zeta*Wn - Wn*sqrt(1-(Zeta^2))*1j;
Facteur_pole = 1/4;
Wn2 = 4/(Zeta*Ts*Facteur_pole);
Poled_3 = -Zeta*Wn2 + Wn2*sqrt(1-(Zeta^2))*1j;
Poled_4 = -Zeta*Wn2 - Wn2*sqrt(1-(Zeta^2))*1j;
Poled_5 = [Poled_1, Poled_2, Poled_3, Poled_4];
```

Poles desires :  $-0.5 \pm 0.5i \& -2 \pm 2i$ 

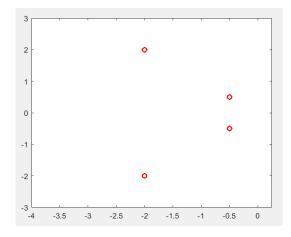


Figure 1: Poles

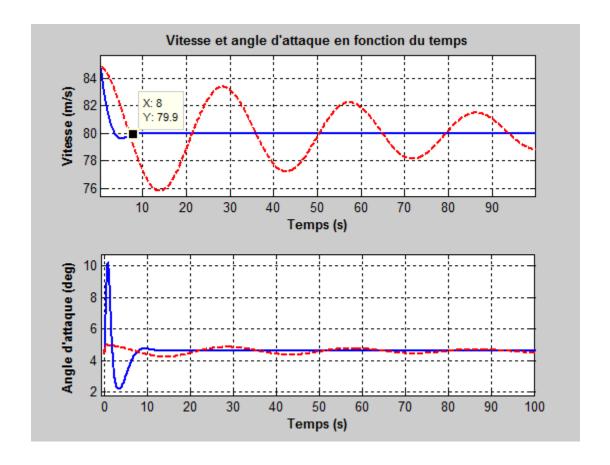
#### P3-2

```
% Question P3-2
% COMMANDABILITÉ PAR RETOUR D'ÉTAT
%
% Methode 1 :
M = ctrb(A,B);
M = rank (M);
fprintf('\nLe rang de la matrice M = %d\n', M);
fprintf('La dimention de la matrice A = %d\n', length(A));
%Methode 2 :
[P,V]=eig(A);
M2 = inv(P)*B;
disp('Aucune range de inv(P) * B est nulle ');
disp(M2);
%Methode 3 : Vérification s'il y a annulation pôle-zéro
Bdelta = B(:,1);
Ddelta = D(:,1)
```

```
[num,den] = ss2tf(A, Bdelta, C, Ddelta);
      [r, c] = size(num);
        for i = 1:r
          Zero = roots(num(i,:));
        end
       Zero
       Pole = roots(den)
       disp('Tous les pôles sont différents des zéros:')
       disp('Resultat : complètement commandable')
P3-3
      % Calcul de la matrice de gain K
      K = place(A, Bdelta, Poled);
      disp('Matrice K pour les poles desirees choisis ')
      disp(K)
      disp('Verification que mon calcul marche eig(A-B*K) = P')
      tmp=eig(A-Bdelta*K);
      disp(Poled);
      disp(tmp);
      K = [0.0317]
                     3.2770
                               -0.6819
                                          0.1107]
```

#### P3-4: Validation du design

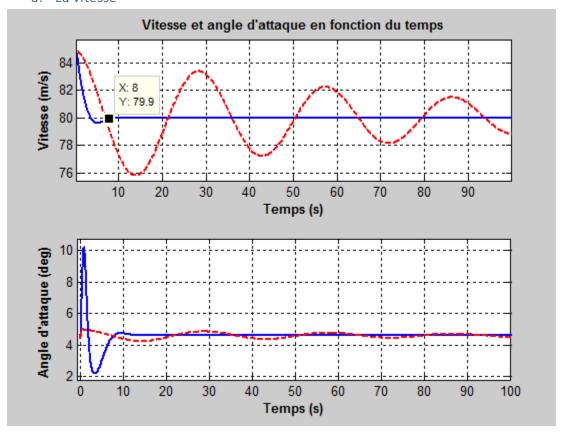
Mettre le switch case a 1 pour simuler le fichier « AVION\_CONTROL » et on peut voir la différence entre le système asservie et non asservie



Vous pouvez vérifier le reste des simulations, mais on peut voir qu'on l'avion se stabilise à 80 km/h après seulement 8s.

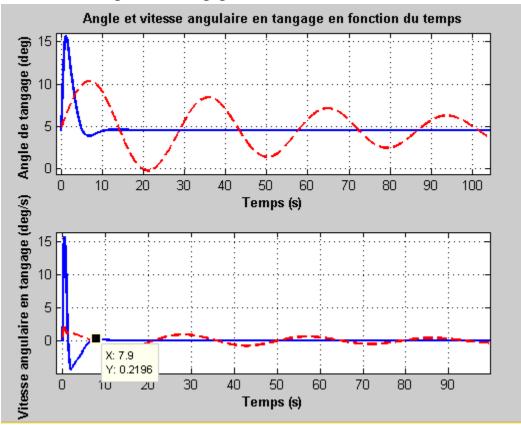
## P3-5 : La comparaison des performances des deux systèmes :

#### a. La vitesse



On peut voir que le système asservie (en bleu) se stabilise à 79.9 Km/h après 8 secondes. Il respecte belle est bien les spécifications demandées, par contre pour atteindre ces spécification l'angle d'attaque passe à une valeur de 10 degrés.

## b. Vitesse angulaire de tangage :

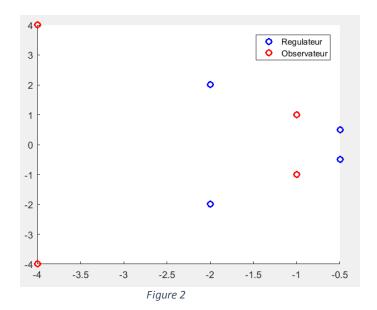


On peut voir aussi que 8s est le temps nécessaire pour atteindre les spécifications pour la vitesse angulaire.

## PARTIE B : Design de l'observateur

#### P3-6

```
%P3-6 : Donner et justifier le choix des pôles de l'observateur Pe.
% On choisit de placer les poles de l'observateur a un facteur 2 des
poles
% du regulateur.
Facteur_Pe = 2;
Pe = Poled * Facteur Pe;
```



#### P3-7 : L'observabilité du système avec :

### a. Obsv(A,C)

```
'Ob = obsv(A,C);

unob = length(A)-rank(Ob);'

Qui donne un résultat de 0 dans notre cas c'est ce qui est

attendu.
```

#### b. Les 2 fonction ctrb et obsv

tmp=eig(A-Ke\*CC);

#### On utilise le système suivant :

Co = ctrb(A,B);

```
unco = length(A) - rank(Co);
Qui donne qu le system Est contrôlable et observable.

P3-8

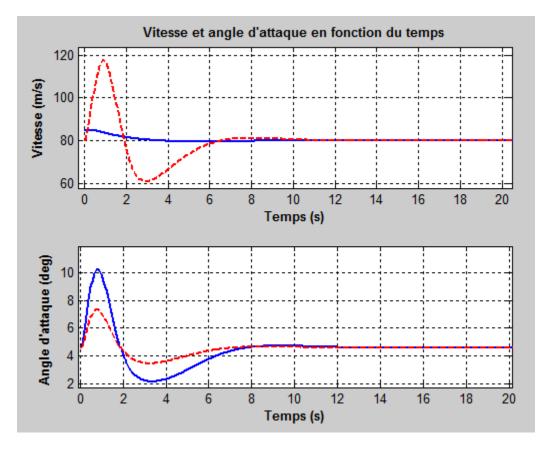
%P3-8 : Calcul de la matrice Ke
CC = [0 0 0 1];
Ke = place(A',CC',Pe')';
disp('Matrice Ke pour les poles desirees choisis ')
disp(Ke)
disp(Verification que mon calcul marche eig(A-Ke*) = P')
```

```
disp(Pe');
disp(tmp);

P3-9

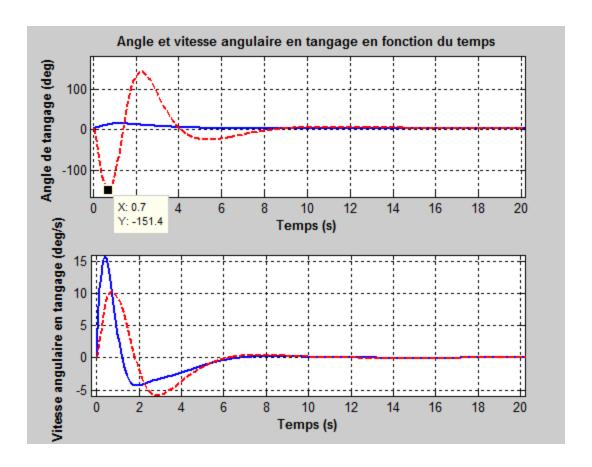
Aobs = A - Ke*CC;
Bobs = [B(:,1) Ke];
Cobs = eye(4);
Dobs = [0 0 0 0; 0 0 0 0]';
```

#### Les résultats:



On voit une bonne différence entre le système observé et réel puisque le système observé pense que l'avion est à 80 km/h au moment zéro et de cette façon il agit drastiquement pour corriger ce problème et de cette manière on remarque il atteint une vitesse de presque 120 km/h en deux secondes. Par contre, l'angle d'attaque est plus petit durant la période de stabilisation.

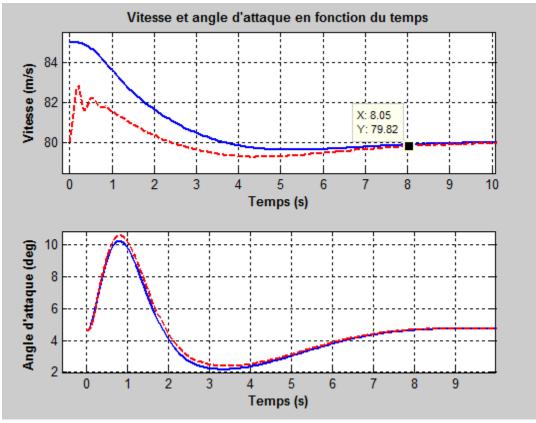
Pour ce qui est de l'angle de tangage, l'observateur passe d'un angle -150 degrés à 150 degrés en quelques secondes pour pouvoir assurer une stabilisation durant les 8 premier secondes. Ce qui dans un cas réel est impossible je crois. Certes, la vitesse en tangage est réduite mais le changement dans l'angle de tangage et trop important.



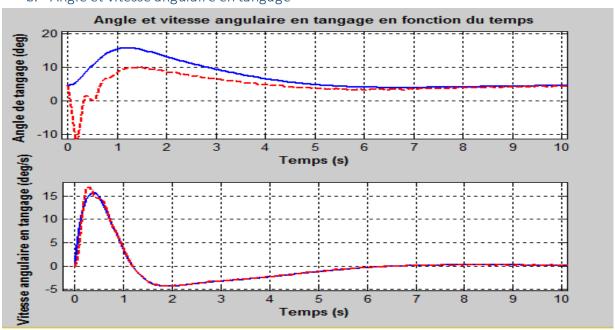
## PARTIE C : Couplage de l'observateur et du régulateur

## P3-10 : les graphiques demandés :

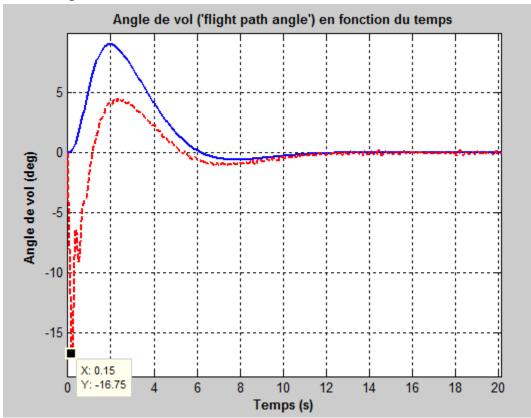
a. Vitesse & angle d'attaque en fonction du temps



b. Angle et vitesse angulaire en tangage



## c. Angle de vol



## d. Altitude en fonction de la position horizontale

