

# Estrutura de Dados 2

## **Tabelas de Dispersão** **Tratamento de Colisões**

# Introdução

- Fator de carga de uma tabela hash é  $\alpha = n/m$ , onde  $n$  é o número de registros na tabela
- O número de colisões aumenta conforme o fator de carga aumenta
- Uma forma de diminuir o número de colisões é diminuir o fator de carga
- Como tratar as colisões?



# Tratamento de colisões

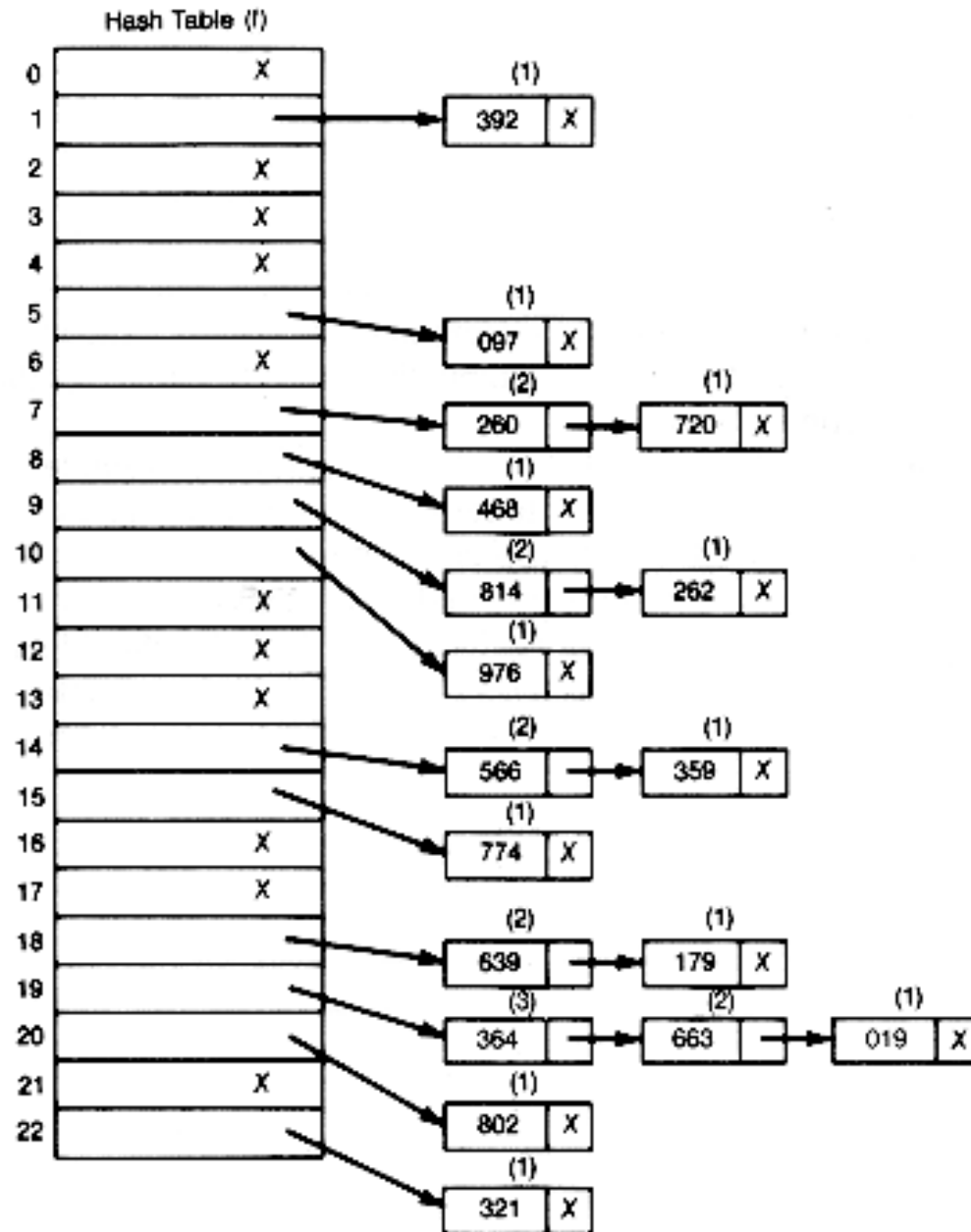
- Por encadeamento
  - Encadeamento exterior
  - Encadeamento interior
- Por endereçamento aberto

# Encadeamento Exterior

- Manter  $m$  listas encadeadas, uma para cada posição da tabela
- A tabela em si não possui nenhum registro, apenas ponteiros para as listas encadeadas

Por isso se chama encadeamento *exterior*

# Encadeamento Exterior



# Encadeamento Exterior

- Busca por um registro de chave  **$x$** :
  1. Calcular o endereço usando  **$h(x)$**
  2. Percorrer a lista encadeada associada ao endereço, procurando pela chave desejada
  3. Caso a chave não seja encontrada na lista encadeada, ela não existe na tabela.



# Encadeamento Exterior

- E como seria a inserção?

# Encadeamento Exterior

- Inserção de um registro de chave **x**:
  1. Calcular o endereço usando  **$h(x)$**
  2. Buscar o registro na lista encadeada do endereço calculado
  3. Se o registro for encontrado, sinalizar erro
  4. Caso contrário, inserir o registro ao final da lista encadeada



# Encadeamento Exterior

- Exclusão de um registro de chave  **$x$** :
  1. Calcular o endereço usando  **$h(x)$**
  2. Buscar o registro na lista encadeada do endereço calculado
  3. Se o registro for encontrado, exclui-lo da lista
  4. Caso contrário, sinalizar erro

# Encadeamento Exterior

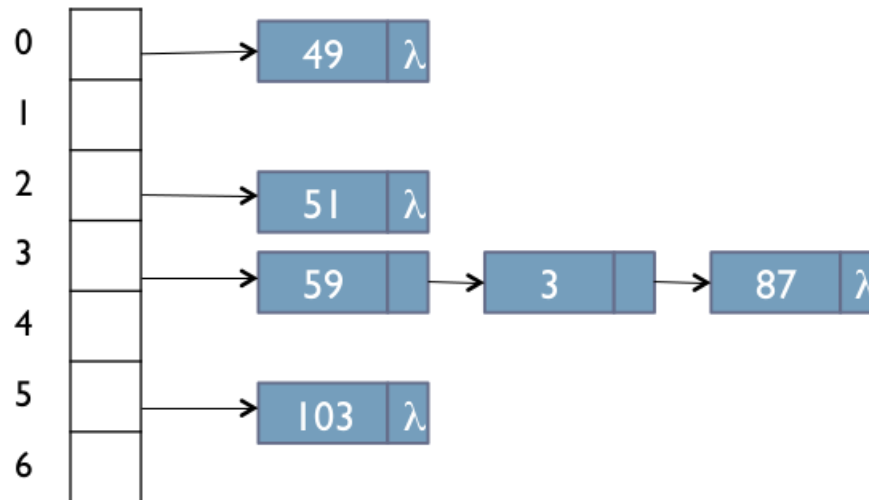
- Como seria a complexidade no pior caso?
  - Necessário percorrer a lista até o final para concluir que a chave não se encontra lá
  - Comprimento da lista encadeada pode ser  $O(n)$
  - Complexidade no pior caso:  $O(n)$

# Encadeamento Exterior

- Como seria a complexidade caso médio?
  - Assumindo que  $h(x)$  é uniforme, todos os compartimentos (buckets) estão preenchidos com o mesmo número de registros
  - Busca sem sucesso:  $n/m$
  - Busca com sucesso:  $n/m$
  - Se  $n = m$ , a complexidade se torna  $O(1)$ , ou seja, constante

# Encadeamento Exterior

- Implementação



Arquivo

0	7	
1	-1	
2	11	
3	8	
4	-1	
5	9	
6	-1	
7	49	-1
8	59	10
9	103	-1
10	3	12
11	51	-1
12	87	-1
13		

$m = 7$

# Encadeamento Exterior

- Utilização do flag de **status** para cada registro
  - Quando o compartimento tem um registro, marcar o flag como OCUPADO
  - Quando o compartimento está vazio, marcar o flag como LIVRE



# Encadeamento Exterior

- Como seriam os procedimentos para inclusão e exclusão?

# Encadeamento Exterior

- Exclusão:
  - Marcar o flag de status do registro como LIVRE
  - É necessário acertar os ponteiros?

# Encadeamento Exterior

- Inclusão:
  - Adicionar o novo registro sempre ao final da lista encadeada
- Periodicamente deve-se rearrumar o arquivo para ocupar as posições onde o flag de status está LIVRE



# Encadeamento Exterior

- Inclusão (opção 2):
  - Ao procurar pelo registro na lista encadeada, guardar o endereço  $p$  do primeiro registro encontrado com status LIVRE
  - Se chegar ao final e a chave não for encontrada, armazená-la em  $p$
  - Atualizar os ponteiros:
    - Nó anterior deve apontar para o registro inserido
    - Nó inserido deve apontar para o nó apontado pelo anterior

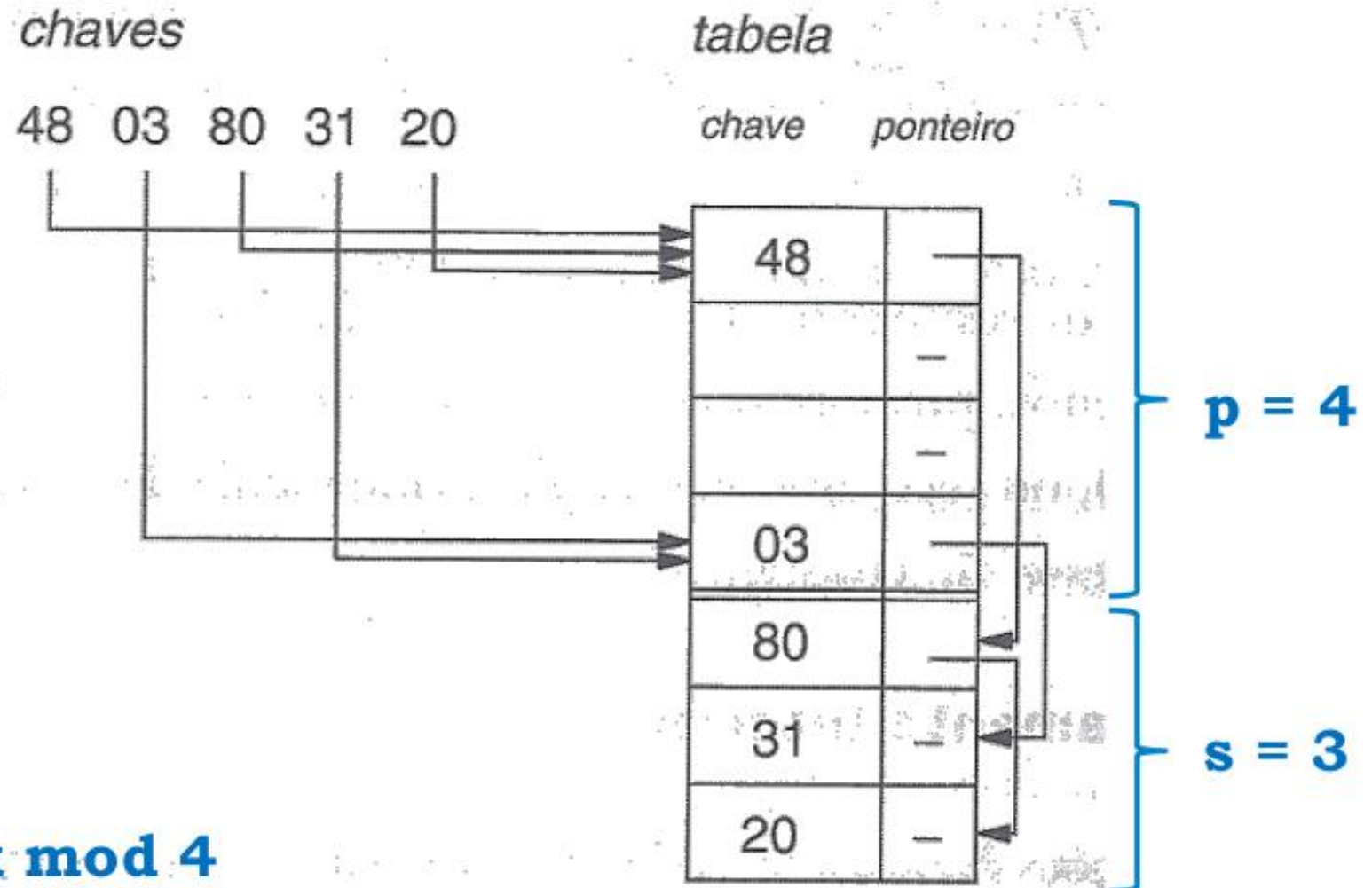
# Encadeamento Interior

- Mesmo nas situações onde não é possível permitir que o número de registros cresça indefinidamente, é possível tratar colisões
- Para tanto, pode-se utilizar duas técnicas:
  - Com zona de colisões
  - Sem zona de colisões

# Encadeamento Interior

- Com Zona de Colisões:
- Divide-se a tabela em duas zonas:
  - Uma de endereços-base, com tamanho  $p$
  - Uma para tratar colisões, com tamanho  $s$
- $m = s + p$
- $h(x)$  deve gerar endereços entre  $[0, p-1]$
- Overflow ocorre quando tenta-se inserir um registro em uma tabela cheia

# Encadeamento Interior



$$h(x) = x \bmod 4$$

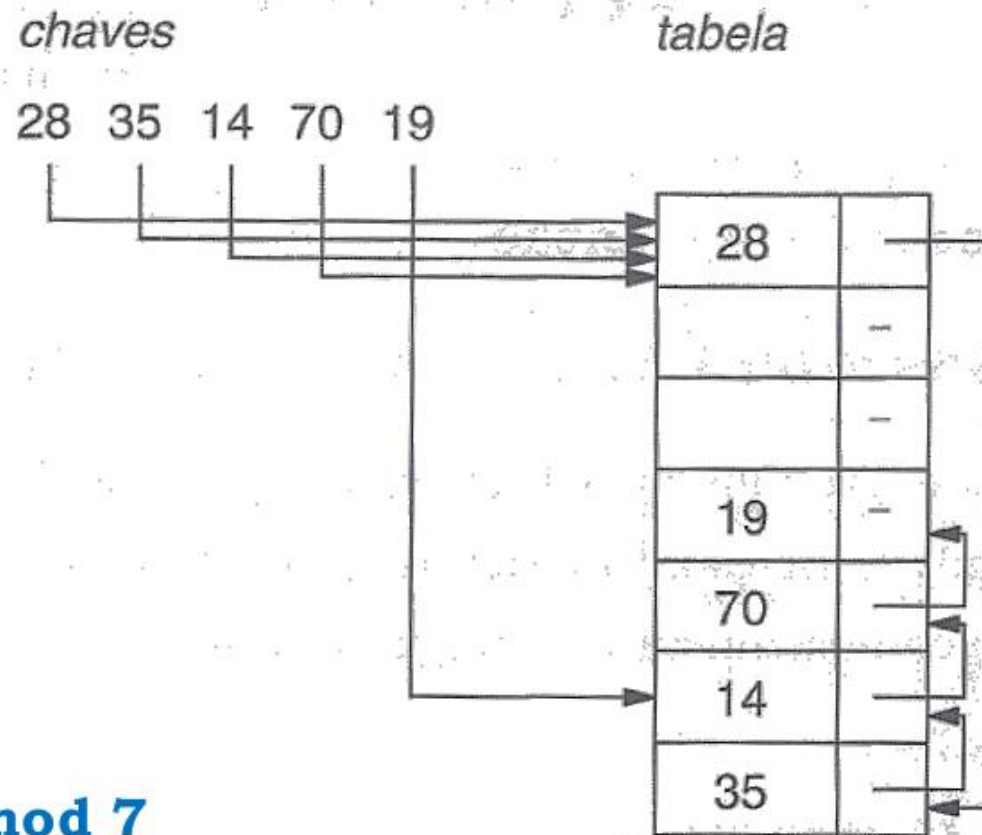
# Reflexões

- O que aconteceria se
  - $p$  fosse muito grande e  $s$  muito pequeno ?
  - $s$  fosse muito grande e  $p$  muito pequeno ?

# Encadeamento Interior

- Sem Zona de Colisões
  - Qualquer endereço da tabela pode ser de base ou de colisão
  - Quando há colisão, o registro é inserido no *primeiro compartimento vazio* a partir do compartimento que ocorreu a colisão
  - Efeito indesejado: colisões secundárias
    - Provenientes da coincidência de endereços para chaves que não são sinônimas

# Encadeamento Interior



$$h(x) = x \bmod 7$$

# Exercício

1. Implementar em Java, na tabela de dispersão criada no exercício anterior, o tratamento para colisões utilizando Encadeamento Exterior
2. Escrever, em pseudo-código, os algoritmos para busca, inserção e remoção de chaves em uma tabela de dispersão de tamanho  $m$  e que utilize Encadeamento Interior Sem Zona de Colisões