

Open∇FOAM

オープンソース CFD ツールボックス

プログラマズガイド和訳

Version 2.1.0
2012年5月27日

一般社団法人 オープンCAE学会

Copyright © 2006–2012 一般社団法人 オープン CAE 学会

このプログラマズガイド和訳は、一般社団法人 オープン CAE 学会の責任のもとで公開しております。本書に関するご意見等がございましたら、当学会事務局 (office@opencae.jp) までご連絡ください。

下記に示した原文の著作権表示に従い、GNU Free Documentation License のバージョン 1.2 に基づいて、本和訳文書の複製・配布・改変が許可されています。

次ページ以降に GNU Free Documentation License を掲載します。

一般社団法人 オープン CAE 学会

Typeset in p^ATEX.

原文著作権表示

Copyright © 2011 OpenFOAM Foundation.

Permission is granted to copy, distribute and/or modify this document under the terms of the GNU Free Documentation License, Version 1.2 published by the Free Software Foundation; with no Invariant Sections, no Back-Cover Texts and one Front-Cover Text: “Available free from openfoam.org.“ A copy of the license is included in the section entitled “GNU Free Documentation License”.

This document is distributed in the hope that it will be useful, but WITHOUT ANY WARRANTY; without even the implied warranty of MERCHANTABILITY or FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE.

GNU Free Documentation License

Version 1.2, November 2002

Copyright © 2000, 2001, 2002 Free Software Foundation, Inc.

59 Temple Place, Suite 330, Boston, MA 02111-1307 USA

Everyone is permitted to copy and distribute verbatim copies of this license document, but
changing it is not allowed.

Preamble

The purpose of this License is to make a manual, textbook, or other functional and useful document “free” in the sense of freedom: to assure everyone the effective freedom to copy and redistribute it, with or without modifying it, either commercially or noncommercially. Secondarily, this License preserves for the author and publisher a way to get credit for their work, while not being considered responsible for modifications made by others.

This License is a kind of “copyleft”, which means that derivative works of the document must themselves be free in the same sense. It complements the GNU General Public License, which is a copyleft license designed for free software.

We have designed this License in order to use it for manuals for free software, because free software needs free documentation: a free program should come with manuals providing the same freedoms that the software does. But this License is not limited to software manuals; it can be used for any textual work, regardless of subject matter or whether it is published as a printed book. We recommend this License principally for works whose purpose is instruction or reference.

1. APPLICABILITY AND DEFINITIONS

This License applies to any manual or other work, in any medium, that contains a notice placed by the copyright holder saying it can be distributed under the terms of this License. Such a notice grants a world-wide, royalty-free license, unlimited in duration, to use that work under the conditions stated herein. The “**Document**”, below, refers to any such manual or work. Any member of the public is a licensee, and is addressed as “**you**”. You accept the license if you copy, modify or distribute the work in a way requiring permission under copyright law.

A “**Modified Version**” of the Document means any work containing the Document or a portion of it, either copied verbatim, or with modifications and/or translated into another language.

A “**Secondary Section**” is a named appendix or a front-matter section of the Document that deals exclusively with the relationship of the publishers or authors of the Document to the Document’s overall subject (or to related matters) and contains nothing that could fall directly within that overall subject. (Thus, if the Document is in part a textbook of

mathematics, a Secondary Section may not explain any mathematics.) The relationship could be a matter of historical connection with the subject or with related matters, or of legal, commercial, philosophical, ethical or political position regarding them.

The “**Invariant Sections**” are certain Secondary Sections whose titles are designated, as being those of Invariant Sections, in the notice that says that the Document is released under this License. If a section does not fit the above definition of Secondary then it is not allowed to be designated as Invariant. The Document may contain zero Invariant Sections. If the Document does not identify any Invariant Sections then there are none.

The “**Cover Texts**” are certain short passages of text that are listed, as Front-Cover Texts or Back-Cover Texts, in the notice that says that the Document is released under this License. A Front-Cover Text may be at most 5 words, and a Back-Cover Text may be at most 25 words.

A “**Transparent**” copy of the Document means a machine-readable copy, represented in a format whose specification is available to the general public, that is suitable for revising the document straightforwardly with generic text editors or (for images composed of pixels) generic paint programs or (for drawings) some widely available drawing editor, and that is suitable for input to text formatters or for automatic translation to a variety of formats suitable for input to text formatters. A copy made in an otherwise Transparent file format whose markup, or absence of markup, has been arranged to thwart or discourage subsequent modification by readers is not Transparent. An image format is not Transparent if used for any substantial amount of text. A copy that is not “Transparent” is called “**Opaque**”.

Examples of suitable formats for Transparent copies include plain ASCII without markup, Texinfo input format, LaTeX input format, SGML or XML using a publicly available DTD, and standard-conforming simple HTML, PostScript or PDF designed for human modification. Examples of transparent image formats include PNG, XCF and JPG. Opaque formats include proprietary formats that can be read and edited only by proprietary word processors, SGML or XML for which the DTD and/or processing tools are not generally available, and the machine-generated HTML, PostScript or PDF produced by some word processors for output purposes only.

The “**Title Page**” means, for a printed book, the title page itself, plus such following pages as are needed to hold, legibly, the material this License requires to appear in the title page. For works in formats which do not have any title page as such, “Title Page” means the text near the most prominent appearance of the work’s title, preceding the beginning of the body of the text.

A section “**Entitled XYZ**” means a named subunit of the Document whose title either is precisely XYZ or contains XYZ in parentheses following text that translates XYZ in another language. (Here XYZ stands for a specific section name mentioned below, such as “**Acknowledgements**”, “**Dedications**”, “**Endorsements**”, or “**History**”.) To “**Preserve the Title**” of such a section when you modify the Document means that it remains a section “Entitled XYZ” according to this definition.

The Document may include Warranty Disclaimers next to the notice which states that this

License applies to the Document. These Warranty Disclaimers are considered to be included by reference in this License, but only as regards disclaiming warranties: any other implication that these Warranty Disclaimers may have is void and has no effect on the meaning of this License.

2. VERBATIM COPYING

You may copy and distribute the Document in any medium, either commercially or non-commercially, provided that this License, the copyright notices, and the license notice saying this License applies to the Document are reproduced in all copies, and that you add no other conditions whatsoever to those of this License. You may not use technical measures to obstruct or control the reading or further copying of the copies you make or distribute. However, you may accept compensation in exchange for copies. If you distribute a large enough number of copies you must also follow the conditions in section 3.

You may also lend copies, under the same conditions stated above, and you may publicly display copies.

3. COPYING IN QUANTITY

If you publish printed copies (or copies in media that commonly have printed covers) of the Document, numbering more than 100, and the Document's license notice requires Cover Texts, you must enclose the copies in covers that carry, clearly and legibly, all these Cover Texts: Front-Cover Texts on the front cover, and Back-Cover Texts on the back cover. Both covers must also clearly and legibly identify you as the publisher of these copies. The front cover must present the full title with all words of the title equally prominent and visible. You may add other material on the covers in addition. Copying with changes limited to the covers, as long as they preserve the title of the Document and satisfy these conditions, can be treated as verbatim copying in other respects.

If the required texts for either cover are too voluminous to fit legibly, you should put the first ones listed (as many as fit reasonably) on the actual cover, and continue the rest onto adjacent pages.

If you publish or distribute Opaque copies of the Document numbering more than 100, you must either include a machine-readable Transparent copy along with each Opaque copy, or state in or with each Opaque copy a computer-network location from which the general network-using public has access to download using public-standard network protocols a complete Transparent copy of the Document, free of added material. If you use the latter option, you must take reasonably prudent steps, when you begin distribution of Opaque copies in quantity, to ensure that this Transparent copy will remain thus accessible at the stated location until at least one year after the last time you distribute an Opaque copy (directly or through your agents or retailers) of that edition to the public.

It is requested, but not required, that you contact the authors of the Document well before redistributing any large number of copies, to give them a chance to provide you with an

updated version of the Document.

4. MODIFICATIONS

You may copy and distribute a Modified Version of the Document under the conditions of sections 2 and 3 above, provided that you release the Modified Version under precisely this License, with the Modified Version filling the role of the Document, thus licensing distribution and modification of the Modified Version to whoever possesses a copy of it. In addition, you must do these things in the Modified Version:

- A. Use in the Title Page (and on the covers, if any) a title distinct from that of the Document, and from those of previous versions (which should, if there were any, be listed in the History section of the Document). You may use the same title as a previous version if the original publisher of that version gives permission.
- B. List on the Title Page, as authors, one or more persons or entities responsible for authorship of the modifications in the Modified Version, together with at least five of the principal authors of the Document (all of its principal authors, if it has fewer than five), unless they release you from this requirement.
- C. State on the Title page the name of the publisher of the Modified Version, as the publisher.
- D. Preserve all the copyright notices of the Document.
- E. Add an appropriate copyright notice for your modifications adjacent to the other copyright notices.
- F. Include, immediately after the copyright notices, a license notice giving the public permission to use the Modified Version under the terms of this License, in the form shown in the Addendum below.
- G. Preserve in that license notice the full lists of Invariant Sections and required Cover Texts given in the Document's license notice.
- H. Include an unaltered copy of this License.
- I. Preserve the section Entitled "History", Preserve its Title, and add to it an item stating at least the title, year, new authors, and publisher of the Modified Version as given on the Title Page. If there is no section Entitled "History" in the Document, create one stating the title, year, authors, and publisher of the Document as given on its Title Page, then add an item describing the Modified Version as stated in the previous sentence.
- J. Preserve the network location, if any, given in the Document for public access to a Transparent copy of the Document, and likewise the network locations given in the Document for previous versions it was based on. These may be placed in the "History" section. You may omit a network location for a work that was published at least four years before the Document itself, or if the original publisher of the version it refers to gives permission.
- K. For any section Entitled "Acknowledgements" or "Dedications", Preserve the Title

- of the section, and preserve in the section all the substance and tone of each of the contributor acknowledgements and/or dedications given therein.
- L. Preserve all the Invariant Sections of the Document, unaltered in their text and in their titles. Section numbers or the equivalent are not considered part of the section titles.
 - M. Delete any section Entitled “Endorsements”. Such a section may not be included in the Modified Version.
 - N. Do not retitle any existing section to be Entitled “Endorsements” or to conflict in title with any Invariant Section.
 - O. Preserve any Warranty Disclaimers.

If the Modified Version includes new front-matter sections or appendices that qualify as Secondary Sections and contain no material copied from the Document, you may at your option designate some or all of these sections as invariant. To do this, add their titles to the list of Invariant Sections in the Modified Version’s license notice. These titles must be distinct from any other section titles.

You may add a section Entitled “Endorsements”, provided it contains nothing but endorsements of your Modified Version by various parties—for example, statements of peer review or that the text has been approved by an organization as the authoritative definition of a standard.

You may add a passage of up to five words as a Front-Cover Text, and a passage of up to 25 words as a Back-Cover Text, to the end of the list of Cover Texts in the Modified Version. Only one passage of Front-Cover Text and one of Back-Cover Text may be added by (or through arrangements made by) any one entity. If the Document already includes a cover text for the same cover, previously added by you or by arrangement made by the same entity you are acting on behalf of, you may not add another; but you may replace the old one, on explicit permission from the previous publisher that added the old one.

The author(s) and publisher(s) of the Document do not by this License give permission to use their names for publicity for or to assert or imply endorsement of any Modified Version.

5. COMBINING DOCUMENTS

You may combine the Document with other documents released under this License, under the terms defined in section 4 above for modified versions, provided that you include in the combination all of the Invariant Sections of all of the original documents, unmodified, and list them all as Invariant Sections of your combined work in its license notice, and that you preserve all their Warranty Disclaimers.

The combined work need only contain one copy of this License, and multiple identical Invariant Sections may be replaced with a single copy. If there are multiple Invariant Sections with the same name but different contents, make the title of each such section unique by adding at the end of it, in parentheses, the name of the original author or publisher of that section if known, or else a unique number. Make the same adjustment to the section titles in

the list of Invariant Sections in the license notice of the combined work.

In the combination, you must combine any sections Entitled “History” in the various original documents, forming one section Entitled “History”; likewise combine any sections Entitled “Acknowledgements”, and any sections Entitled “Dedications”. You must delete all sections Entitled “Endorsements”.

6. COLLECTIONS OF DOCUMENTS

You may make a collection consisting of the Document and other documents released under this License, and replace the individual copies of this License in the various documents with a single copy that is included in the collection, provided that you follow the rules of this License for verbatim copying of each of the documents in all other respects.

You may extract a single document from such a collection, and distribute it individually under this License, provided you insert a copy of this License into the extracted document, and follow this License in all other respects regarding verbatim copying of that document.

7. AGGREGATION WITH INDEPENDENT WORKS

A compilation of the Document or its derivatives with other separate and independent documents or works, in or on a volume of a storage or distribution medium, is called an “aggregate” if the copyright resulting from the compilation is not used to limit the legal rights of the compilation’s users beyond what the individual works permit. When the Document is included in an aggregate, this License does not apply to the other works in the aggregate which are not themselves derivative works of the Document.

If the Cover Text requirement of section 3 is applicable to these copies of the Document, then if the Document is less than one half of the entire aggregate, the Document’s Cover Texts may be placed on covers that bracket the Document within the aggregate, or the electronic equivalent of covers if the Document is in electronic form. Otherwise they must appear on printed covers that bracket the whole aggregate.

8. TRANSLATION

Translation is considered a kind of modification, so you may distribute translations of the Document under the terms of section 4. Replacing Invariant Sections with translations requires special permission from their copyright holders, but you may include translations of some or all Invariant Sections in addition to the original versions of these Invariant Sections. You may include a translation of this License, and all the license notices in the Document, and any Warranty Disclaimers, provided that you also include the original English version of this License and the original versions of those notices and disclaimers. In case of a disagreement between the translation and the original version of this License or a notice or disclaimer, the original version will prevail.

If a section in the Document is Entitled “Acknowledgements”, “Dedications”, or “History”,

the requirement (section 4) to Preserve its Title (section 1) will typically require changing the actual title.

9. TERMINATION

You may not copy, modify, sublicense, or distribute the Document except as expressly provided for under this License. Any other attempt to copy, modify, sublicense or distribute the Document is void, and will automatically terminate your rights under this License. However, parties who have received copies, or rights, from you under this License will not have their licenses terminated so long as such parties remain in full compliance.

10. FUTURE REVISIONS OF THIS LICENSE

The Free Software Foundation may publish new, revised versions of the GNU Free Documentation License from time to time. Such new versions will be similar in spirit to the present version, but may differ in detail to address new problems or concerns. See <http://www.gnu.org/copyleft/>.

Each version of the License is given a distinguishing version number. If the Document specifies that a particular numbered version of this License “or any later version” applies to it, you have the option of following the terms and conditions either of that specified version or of any later version that has been published (not as a draft) by the Free Software Foundation. If the Document does not specify a version number of this License, you may choose any version ever published (not as a draft) by the Free Software Foundation.

Trademarks

ANSYS is a registered trademark of ANSYS Inc.

CFX is a registered trademark of AEA Technology Engineering Software Ltd.

CHEMKIN is a registered trademark of Sandia National Laboratories

EnSight is a registered trademark of Computational Engineering International Ltd.

Fieldview is a registered trademark of Intelligent Light

Fluent is a registered trademark of Fluent Inc.

GAMBIT is a registered trademark of Fluent Inc.

Icem-CFD is a registered trademark of ICEM Technologies GmbH

I-DEAS is a registered trademark of Structural Dynamics Research Corporation

JAVA is a registered trademark of Sun Microsystems Inc.

Linux is a registered trademark of Linus Torvalds

OpenFOAM is a registered trademark of OpenCFD Ltd.

ParaView is a registered trademark of Kitware

STAR-CD is a registered trademark of Computational Dynamics Ltd.

UNIX is a registered trademark of The Open Group

目次

GNU Free Documentation License	P-3
1 APPLICABILITY AND DEFINITIONS	P-3
2 VERBATIM COPYING	P-5
3 COPYING IN QUANTITY	P-5
4 MODIFICATIONS	P-6
5 COMBINING DOCUMENTS	P-7
6 COLLECTIONS OF DOCUMENTS	P-8
7 AGGREGATION WITH INDEPENDENT WORKS	P-8
8 TRANSLATION	P-8
9 TERMINATION	P-9
10 FUTURE REVISIONS OF THIS LICENSE	P-9
目次	P-11
第1章 テンソル数学	P-15
1.1 座標系	P-15
1.2 テンソル	P-15
1.2.1 テンソル表記	P-17
1.3 テンソルの代数演算	P-17
1.3.1 内積	P-18
1.3.2 二つのテンソルの二重内積	P-19
1.3.3 二つの3階テンソルの三重内積	P-19
1.3.4 外積	P-19
1.3.5 二つのベクトルのクロス積	P-20
1.3.6 その他的一般的なテンソル演算	P-20
1.3.7 幾何変換と単位テンソル	P-20
1.3.8 便利なテンソルの恒等式	P-21
1.3.9 2階テンソル特有の演算	P-21
1.3.10 スカラ特有の演算	P-23
1.4 OpenFOAMのテンソルクラス	P-23
1.4.1 OpenFOAMにおけるテンソルの代数演算	P-24
1.5 物理次元の単位	P-25
第2章 離散化手法	P-27
2.1 微分演算子	P-27
2.1.1 勾配	P-27

2.1.2 発散	P-28
2.1.3 回転	P-28
2.1.4 ラプラシアン	P-28
2.1.5 時間微分	P-28
2.2 離散化の概要	P-29
2.2.1 OpenFOAM のリストと場	P-29
2.3 解析領域の離散化	P-29
2.3.1 OpenFOAM におけるメッシュ定義	P-31
2.3.2 OpenFOAM における geometricField の定義	P-31
2.4 方程式の離散化	P-33
2.4.1 ラプラシアン項	P-36
2.4.2 対流項	P-36
2.4.3 1階の時間微分	P-37
2.4.4 2階の時間微分	P-38
2.4.5 発散	P-38
2.4.6 勾配	P-38
2.4.7 勾配の勾配の平方	P-39
2.4.8 回転	P-39
2.4.9 湧き出し項	P-40
2.4.10 その他の陽的な離散化スキーム	P-40
2.5 時間の離散化	P-40
2.5.1 OpenFOAM における時間微分の取扱い	P-41
2.6 境界条件	P-42
2.6.1 物理的な境界条件	P-43
第3章 OpenFOAM の使用例	P-45
3.1 円柱まわりの流れ	P-45
3.1.1 問題設定	P-46
3.1.2 potentialFoam について	P-47
3.1.3 メッシュ生成	P-47
3.1.4 境界条件と初期条件	P-50
3.1.5 ケースの実行	P-50
3.2 バック・ステップ上の定常乱流	P-52
3.2.1 問題設定	P-54
3.2.2 メッシュ生成	P-55
3.2.3 境界条件と初期条件	P-58
3.2.4 ケースの制御	P-59
3.2.5 ケースの実行とポスト処理	P-59
3.3 フォワード・ステップ上の超音速流れ	P-59
3.3.1 問題設定	P-59
3.3.2 メッシュ生成	P-61

3.3.3 ケースの実行	P-63
3.3.4 課題	P-63
3.4 加圧された水タンクの減圧	P-63
3.4.1 問題設定	P-64
3.4.2 メッシュ生成	P-65
3.4.3 実行の準備	P-67
3.4.4 ケースの実行	P-68
3.4.5 メッシュの改良による解の改善	P-69
3.5 磁性液体流れ	P-69
3.5.1 問題設定	P-70
3.5.2 メッシュ生成	P-71
3.5.3 ケースの実行	P-73
索引	P-74

第1章

テンソル数学

この章では、テンソルとそれらの代数演算について、また本書におけるそれらの数学表記について記述します。そして、テンソルおよびテンソル数学がOpenFOAMにおいてどのようにプログラムされているかを説明します。

1.1 座標系

OpenFOAMは、主に連続体力学、つまり固体・液体・気体の応力や、これらの物質の変形や流れに関する力学分野の問題を解くために設計されています。このためOpenFOAMは、3次元空間と時間、そして物理的要素のテンソルによる記述に基づいています。OpenFOAMで使われる座標系は、図1.1に示すような右手系デカルト座標系です。この座標系は、 Ox , Oy , Oz と名づけられた互いに直角な三つの軸から原点 O を定義することによって構成されます。右手系とは、 O から Oz 軸のほうを見下ろしたとき、 Ox 軸上の点から Oy 軸上の点へと向かう円弧が時計回りにみえるように定義されます。

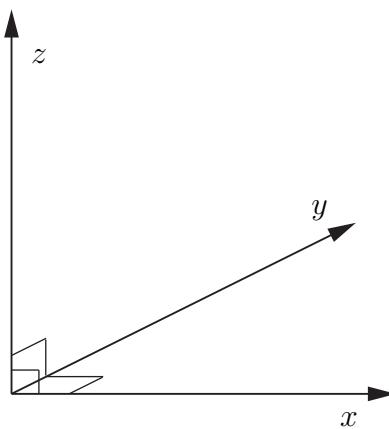


図 1.1 右手系座標軸

1.2 テンソル

テンソル項は、特定の空間に属していて特定の数学的規則に従うような実体について記述します。簡潔にいえば、テンソルは単位基底ベクトルの組に対する成分値の組で表現されます。OpenFOAMではこの単位基底ベクトルは、右手系デカルト座標軸 x , y , z にそれぞれ沿った e_x , e_y , e_z になります。したがって、これらの基底ベクトルは直交、すなわち互いに直角です。すべてのテンソルは以下のようないくつかの属性をもっています。

次元 そのテンソルが属する特定の空間の次元 d . OpenFOAM では $d = 3$

ランク 成分値の数が d^r となるような整数 $r \geq 0$

OpenFOAM 1.x が 3 次元であることから、ランク 0~3 のテンソルが標準で用意されていますが、この基本のランクの設定は自由に拡張できるように書かれています。ランク 0 と 1 のテンソルは、スカラおよびベクトルとしてのほうがよく知られており読者にも身近でしょうが、ランク 2 と 3 のテンソルにはあまりなじみがないかもしれません。確認のために、OpenFOAM 1.x が標準で提供しているすべてのランクのテンソルを以下で復習しておきましょう。

ランク 0「スカラ」 一つの実数で表せるあらゆる物理量で、イタリック体で表記されます。例えば、質量 m , 体積 V , 圧力 p , そして粘性係数 μ です。

ランク 1「ベクトル」 大きさと方向で表現できる物理量です。成分表示では、ベクトル $\mathbf{a} = (a_1, a_2, a_3)$ はデカルト座標系の x 軸, y 軸, z 軸成分をそれぞれ表します。同じベクトルを添字表記では a_i , $i = 1, 2, 3$ と書けます。ただし、3 次元を扱っていることは明らかなので本書では添字リスト $i = 1, 2, 3$ は省略します。

ランク 2「テンソル」 または「2 階のテンソル」 \mathbf{T} は以下のように行列で表現できる 9 個の要素をもっています。

$$\mathbf{T} = T_{ij} = \begin{pmatrix} T_{11} & T_{12} & T_{13} \\ T_{21} & T_{22} & T_{23} \\ T_{31} & T_{32} & T_{33} \end{pmatrix} \quad (1.1)$$

$r = 2$ なので、要素 T_{ij} は二つの添字で表されます。以下では添字のリスト $i, j = 1, 2, 3$ は省略します。 $i = j$ の要素は対角要素とよばれ、 $i \neq j$ の要素は非対角要素とよばれます。対角要素を交差して要素を入れ替えることにより、以下のような \mathbf{T} の転置が得られます。

$$\mathbf{T}^T = T_{ji} = \begin{pmatrix} T_{11} & T_{21} & T_{31} \\ T_{12} & T_{22} & T_{32} \\ T_{13} & T_{23} & T_{33} \end{pmatrix} \quad (1.2)$$

注意：ランク 3 以上のテンソルが出現することは非常にまれなので、多くの場合、ランク 2 のテンソルは単に「テンソル」とよばれます。

ランク 2（対称） 「対称」というのは、対角方向に対称、つまり $T_{ij} = T_{ji}$ であることを表します。この場合 $T_{12} = T_{21}$, $T_{13} = T_{31}$, $T_{23} = T_{32}$ なので、独立な要素は 6 個だけになります。対称テンソルであれば 9 個より 6 個の要素を保存するほうがメモリを節約できるので、OpenFOAM では対称テンソルと非対称テンソルを区別して扱います。連続体力学において遭遇するほとんどのテンソルは対称です。

ランク 3 27 個の要素をもち、添字表記では P_{ijk} と書けますが、式 (1.1) のように行列表示しようとすると非常に長くなります。

ランク 3（対称） ランク 3 の対称テンソルは、OpenFOAM では $P_{ijk} = P_{ikj} = P_{jik} = P_{jki} = P_{kij} = P_{kji}$ として定義されており、したがって 10 個の独立した要素をもちます。さらに厳密にいえば、これは相等しい三つのベクトルの外積によってつくられます。外積については [1.3.4 項](#) で述べられています。

1.2.1 テンソル表記

本書は、空間3次元と時間からなる複雑な偏微分方程式の問題を扱う、数値連続体力学に関するものです。まず最初に、簡潔でありながら明確な、方程式の表記方法を導入しておくことが不可欠です。方程式を追いやすいようにするには、スカラ要素のリストを書くよりも、それ自体にテンソルの概念が含められた一つのもので表記することが必要です。加えて、あらゆるテンソル演算が、要素それぞれに体する演算ではなくテンソル自体に対する演算である、とわかるような表記法であるべきです。

そういうわけで、この文書ではランク1以上のテンソル、すなわちスカラ以外のすべてのテンソルについてはテンソル表記を採用し、太字で、例えば \mathbf{a} のように表記します。これは一つのシンボルで表され、非常にコンパクトであることから、それ自体で一つの存在としてテンソルを把握しやすくなります。欠点をあげるとすれば、太字のシンボルはランク0でないことは明らかですが、そのランクがすぐには読み取れないことです。しかしながら、シンボルを見れば何の物理量を表しているかがわかり、直観的にランクもわかるので、実際にはそれほど問題になりません。例えば、私たちは速度 \mathbf{U} がランク1のテンソルであることを知っています。

さらにいえば、表記方法の選択を評価するもっと根本的な点は、テンソルの数学的表現が座標系によって変化しないこと、つまりベクトル \mathbf{a} がどこから観測するかに拘らず同じベクトルであることです。テンソル表記は、座標系に関する情報をいっさい含まないので、このコンセプトに合っています。しかし、他の表記、たとえば a_i のようにテンソルの成分個別の表示は必然的に座標系の選択を意味してしまいます。この望ましくない結果は、一意でない、つまり座標系に依存する値の組み合わせでテンソルが表現されることによります。

とはいえた書では、主にテンソル演算を成分要素に展開するために、1.2節で述べたような添字表記もときどき用います。添字表記を用いる際には、和の規約を採用します。これは、一つの項に同じ添字が2回現れたら、その添字については該当する全ての数字、たとえば1, 2, 3をとり、それらの和をとるというものです。たとえば次のようになります。

$$a_i b_i = \sum_{i=1}^3 a_i b_i = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3 \quad (1.3)$$

添字が繰り返されたら和を意味するので、この文書では今後、記号 \sum は省略します。

1.3 テンソルの代数演算

この節では、OpenFOAMで利用できるテンソルの代数演算をすべて紹介します。まず、もっとも基本的なテンソル演算をおさらいしておきましょう。加算、減算、そしてスカラの乗算と除算です。加算と減算は、可換則と結合則の両方を満たし、互いにランクの等しいテンソルどうしに限って意味をもちます。これはテンソルの要素それぞれについて加算・減算を行う操作であり、たとえば、二つのベクトル \mathbf{a} と \mathbf{b} の差は

$$\mathbf{a} - \mathbf{b} = a_i - b_i = (a_1 - b_1, a_2 - b_2, a_3 - b_3) \quad (1.4)$$

となります。テンソル \mathbf{a} にスカラ s をかける乗算も同様に可換則と結合則を満たし、テンソルの要素すべてにスカラを乗じる操作です。たとえば、次のようになります。

$$s\mathbf{a} = s a_i = (s a_1, s a_2, s a_3) \quad (1.5)$$

テンソル \mathbf{a} とスカラの除算は、スカラが演算の第2引数となっているときにのみ意味をもちます。つまり、次のとおりです。

$$\frac{\mathbf{a}}{s} = \frac{a_i}{s} = \left(\frac{a_1}{s}, \frac{a_2}{s}, \frac{a_3}{s} \right) \quad (1.6)$$

これ以降の節で述べる上記以外の演算は、ランク1以上のテンソルどうしの、さらに複雑な積の組み合わせとなっています。

1.3.1 内積

内積は、ランク r_1 と r_2 の任意の二つのテンソルをランク $r = r_1 + r_2 - 2$ のテンソルにする演算です。ランク3までのテンソルの内積演算を以下に示します。

- 二つのベクトル \mathbf{a} と \mathbf{b} の内積は可換であり、以下のスカラ $s = \mathbf{a} \cdot \mathbf{b}$ をつくります。

$$s = a_i b_i = a_1 b_2 + a_2 b_2 + a_3 b_3 \quad (1.7)$$

- テンソル \mathbf{T} とベクトル \mathbf{a} の内積はベクトル $\mathbf{b} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{a}$ をつくります。これは、見やすいように列ベクトルで書くと、以下のようになります。

$$b_i = T_{ij} a_j = \begin{pmatrix} T_{11}a_1 + T_{12}a_2 + T_{13}a_3 \\ T_{21}a_1 + T_{22}a_2 + T_{23}a_3 \\ T_{31}a_1 + T_{32}a_2 + T_{33}a_3 \end{pmatrix} \quad (1.8)$$

もし \mathbf{T} が対称でなければ、 $\mathbf{b} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{T} = \mathbf{T}^T \cdot \mathbf{a}$ は以下のようになります。この演算は可換ではありません。

$$b_i = a_j T_{ji} = \begin{pmatrix} a_1 T_{11} + a_2 T_{21} + a_3 T_{31} \\ a_1 T_{12} + a_2 T_{22} + a_3 T_{32} \\ a_1 T_{13} + a_2 T_{23} + a_3 T_{33} \end{pmatrix} \quad (1.9)$$

- 二つのテンソル \mathbf{T} と \mathbf{S} の内積は、以下のような成分をもつテンソル $\mathbf{P} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{S}$ をつくります。

$$P_{ij} = T_{ik} S_{kj} \quad (1.10)$$

これは $\mathbf{T} \cdot \mathbf{S} = (\mathbf{S}^T \cdot \mathbf{T}^T)^T$ となり、非可換です。

- ベクトル \mathbf{a} と3階のテンソル \mathbf{P} の内積は、以下のような成分をもつ2階のテンソル $\mathbf{T} = \mathbf{a} \cdot \mathbf{P}$ をつくります。

$$T_{ij} = a_k P_{kij} \quad (1.11)$$

やはりこれも非可換で、 $\mathbf{T} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{a}$ は次のようにになります。

$$T_{ij} = P_{ijk} a_k \quad (1.12)$$

- 2階のテンソル \mathbf{T} と3階のテンソル \mathbf{P} の内積は、以下のような成分をもつ3階のテンソル $\mathbf{Q} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{P}$ をつくります。

$$Q_{ijk} = T_{il} P_{ljk} \quad (1.13)$$

やはりこれも非可換で、 $\mathbf{Q} = \mathbf{P} \cdot \mathbf{T}$ は次のようにになります。

$$Q_{ijk} = P_{ijl} T_{lk} \quad (1.14)$$

1.3.2 二つのテンソルの二重内積

二つの2階テンソル \mathbf{T} と \mathbf{S} の二重内積は、スカラ $s = \mathbf{T} : \mathbf{S}$ をつくります。これは、テンソル成分の9個の積の和として得られます。

$$\begin{aligned} s = T_{ij}S_{ij} &= T_{11}S_{11} + T_{12}S_{12} + T_{13}S_{13} + \\ &\quad T_{21}S_{21} + T_{22}S_{22} + T_{23}S_{23} + \\ &\quad T_{31}S_{31} + T_{32}S_{32} + T_{33}S_{33} \end{aligned} \quad (1.15)$$

2階のテンソル \mathbf{T} と3階のテンソル \mathbf{P} の二重内積は、次のような成分をもつベクトル $\mathbf{a} = \mathbf{T} : \mathbf{P}$ をつくります。

$$a_i = T_{jk}P_{jki} \quad (1.16)$$

これは非可換で、 $\mathbf{a} = \mathbf{P} : \mathbf{T}$ は次のようにになります。

$$a_i = P_{ijk}T_{jk} \quad (1.17)$$

1.3.3 二つの3階テンソルの三重内積

二つの3階テンソル \mathbf{P} と \mathbf{Q} の三重内積は、スカラ $s = \mathbf{P} : \mathbf{Q}$ をつくります。これは、テンソル成分の27個の積の和として得られます。

$$s = P_{ijk}Q_{ijk} \quad (1.18)$$

1.3.4 外積

外積は、以下のようなベクトルやテンソルどうしの演算です。

- 二つのベクトル \mathbf{a} と \mathbf{b} の外積は非可換で、以下のような成分をもつテンソル $\mathbf{T} = \mathbf{ab} = (\mathbf{ba})^T$ をつくります。

$$T_{ij} = a_i b_j = \begin{pmatrix} a_1 b_1 & a_1 b_2 & a_1 b_3 \\ a_2 b_1 & a_2 b_2 & a_2 b_3 \\ a_3 b_1 & a_3 b_2 & a_3 b_3 \end{pmatrix} \quad (1.19)$$

- ベクトル \mathbf{a} と2階のテンソル \mathbf{T} との外積は、以下のような成分をもつ3階のテンソル $\mathbf{P} = \mathbf{aT}$ をつくります。

$$P_{ijk} = a_i T_{jk} \quad (1.20)$$

これは非可換で、 $\mathbf{P} = \mathbf{Ta}$ は以下のようにになります。

$$P_{ijk} = T_{ij}a_k \quad (1.21)$$

1.3.5 二つのベクトルのクロス積

クロス積はベクトルだけに存在する演算です。二つのベクトル \mathbf{a} と \mathbf{b} について、これらのクロス積は以下のような成分をもつベクトル $\mathbf{c} = \mathbf{a} \times \mathbf{b}$ をつくります。

$$c_i = e_{ijk} a_j b_k = (a_2 b_3 - a_3 b_2, a_3 b_1 - a_1 b_3, a_1 b_2 - a_2 b_1) \quad (1.22)$$

ここで置換記号は以下のように定義されます。

$$e_{ijk} = \begin{cases} 0 & \text{いずれか二つの添字が等しいとき} \\ +1 & i, j, k \text{ が } 1, 2, 3 \text{ の偶置換のとき} \\ -1 & i, j, k \text{ が } 1, 2, 3 \text{ の奇置換のとき} \end{cases} \quad (1.23)$$

偶置換とは 123, 231 および 312 であり、奇置換は 132, 213 および 321 です。

1.3.6 その他の一般的なテンソル演算

OpenFOAM で使われる、やや一般的でない演算や専門用語を以下に示します。

二乗 テンソルの二乗は、それ自身とのテンソル外積で定義されます。例えば、ベクトル \mathbf{a} の二乗は $\mathbf{a}^2 = \mathbf{aa}$ です。

n乗 テンソルの n 乗は、それ自身との n 回のテンソル外積で定義されます。例えば、ベクトル \mathbf{a} の 3 乗は $\mathbf{a}^3 = \mathbf{aaa}$ です。

平方絶対値 テンソルの平方絶対値は、それ自身との r テンソルの r 重内積で、スカラとなります。例えば、2 階テンソル \mathbf{T} については、 $|\mathbf{T}|^2 = \mathbf{T} : \mathbf{T}$ です。

絶対値 平方絶対値の平方根です。例えば、テンソル \mathbf{T} については、 $|\mathbf{T}| = \sqrt{\mathbf{T} : \mathbf{T}}$ です。単位長さのベクトルは単位ベクトルとよばれます。

最大成分 符号も考慮した最大の値をもつテンソルの成分です。つまり最大の絶対値ではありません。

最小成分 最小の値をもつテンソルの成分です。

成分平均値 テンソルのすべての成分の平均値です。

スケール 名前のとおり、スケール関数は、あるテンソルの成分を同じランクの他のテンソルの成分でスケーリングします。これは二つのテンソルの対応する成分同士の積で評価されます。例えば、ベクトル \mathbf{a} のベクトル \mathbf{b} によるスケーリングは、以下のような成分のベクトル \mathbf{c} をつくります。

$$c_i = \text{scale}(\mathbf{a}, \mathbf{b}) = (a_1 b_1, a_2 b_2, a_3 b_3) \quad (1.24)$$

1.3.7 幾何変換と単位テンソル

2 階のテンソル \mathbf{T} は線形ベクトル関数、すなわち、内積 $\mathbf{b} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{a}$ によって、あるベクトル \mathbf{a} を別のベクトル \mathbf{b} に結びつける関数として、厳密に定義されます。 x, y, z 座標系から新しい座標系 x^*, y^*, z^* へのあるテンソルの座標変換として機能するように、 \mathbf{T} の成分を選ぶことができます。このとき \mathbf{T} を変換テンソルとよびます。スカラは変換によって変化しませんが、ベ

クトル \mathbf{a} は

$$\mathbf{a}^* = \mathbf{T} \cdot \mathbf{a} \quad (1.25)$$

のように \mathbf{a}^* に変換されます。2階のテンソル \mathbf{S} は

$$\mathbf{S}^* = \mathbf{T} \cdot \mathbf{S} \cdot \mathbf{T}^T \quad (1.26)$$

に従って \mathbf{T}^* に変換されます。

単位テンソル \mathbf{I} は、あるテンソルをそれ自身に変換するという条件から定義されます。すべてのベクトル \mathbf{a} に対して

$$\mathbf{a} = \mathbf{I} \cdot \mathbf{a} \quad (1.27)$$

となり、つまり

$$\mathbf{I} = \delta_{ij} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (1.28)$$

となります。ここで、 δ_{ij} はクロネッカーデルタとして知られています。

1.3.8 便利なテンソルの恒等式

さまざまな恒等式を以下に示します。これらは、関連するすべての微分が存在して連続であるという仮定のもとで証明できます。スカラ s とベクトル \mathbf{a} および \mathbf{b} を用いて表記しています。

$$\begin{aligned} \nabla \cdot (\nabla \times \mathbf{a}) &\equiv 0 \\ \nabla \times (\nabla s) &\equiv \mathbf{0} \\ \nabla \cdot (s\mathbf{a}) &\equiv s\nabla \cdot \mathbf{a} + \mathbf{a} \cdot \nabla s \\ \nabla \times (s\mathbf{a}) &\equiv s\nabla \times \mathbf{a} + \nabla s \times \mathbf{a} \\ \nabla(\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) &\equiv \mathbf{a} \times (\nabla \times \mathbf{b}) + \mathbf{b} \times (\nabla \times \mathbf{a}) + (\mathbf{a} \cdot \nabla)\mathbf{b} + (\mathbf{b} \cdot \nabla)\mathbf{a} \quad (1.29) \\ \nabla \cdot (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) &\equiv \mathbf{b} \cdot (\nabla \times \mathbf{a}) - \mathbf{a} \cdot (\nabla \times \mathbf{b}) \\ \nabla \times (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) &\equiv \mathbf{a}(\nabla \cdot \mathbf{b}) - \mathbf{b}(\nabla \cdot \mathbf{a}) + (\mathbf{b} \cdot \nabla)\mathbf{a} - (\mathbf{a} \cdot \nabla)\mathbf{b} \\ \nabla \times (\nabla \times \mathbf{a}) &\equiv \nabla(\nabla \cdot \mathbf{a}) - \nabla^2 \mathbf{a} \\ (\nabla \times \mathbf{a}) &\equiv \mathbf{a} \cdot (\nabla \mathbf{a}) - \nabla(\mathbf{a} \cdot \mathbf{a}) \end{aligned}$$

添字表記の数式を操作するときには、以下の $e-\delta$ 恒等式を知っていると役立つことがあります。

$$e_{ijk}e_{irs} = \delta_{jr}\delta_{ks} - \delta_{js}\delta_{kr} \quad (1.30)$$

1.3.9 2階テンソル特有の演算

以下に示すように、2階テンソルの成分を操作する様々な演算があります。

転置 式 (1.2) で示したように、テンソル $\mathbf{T} = T_{ij}$ の転置は $\mathbf{T}^T = T_{ji}$ です。

対称テンソルと歪（反対称）テンソル [1.2節](#)で述べたように、 $\mathbf{T} = \mathbf{T}^T$ のように成分が対角方向に対称なテンソルを対称テンソルとよびます。歪テンソルもしくは反対称テンソルは $\mathbf{T} = -\mathbf{T}^T$ であり、当然 $T_{11} = T_{22} = T_{33} = 0$ となります。あらゆる 2 階テンソルは、以下のように対称テンソルと歪テンソルに分割できます。

$$\mathbf{T} = \underbrace{\frac{1}{2}(\mathbf{T} + \mathbf{T}^T)}_{\text{対称テンソル}} + \underbrace{\frac{1}{2}(\mathbf{T} - \mathbf{T}^T)}_{\text{歪テンソル}} = \text{symm } \mathbf{T} + \text{skew } \mathbf{T} \quad (1.31)$$

トレース テンソル \mathbf{T} のトレースは対角成分の総和をとったスカラです。

$$\text{tr } \mathbf{T} = T_{11} + T_{22} + T_{33} \quad (1.32)$$

対角 2 階テンソル \mathbf{T} の対角成分を成分とするベクトルを返します。

$$\text{diag } \mathbf{T} = (T_{11}, T_{22}, T_{33}) \quad (1.33)$$

偏差テンソルと静水圧テンソル あらゆる 2 階テンソル \mathbf{T} は、 $\text{tr } \mathbf{T} = 0$ となる偏差成分と、スカラ s に対して $\mathbf{T} = s\mathbf{I}$ となる静水圧成分に分割できます。あらゆる 2 階テンソルは、以下のように偏差テンソルと静水圧テンソルに分割できます。

$$\mathbf{T} = \underbrace{\mathbf{T} - \frac{1}{3}(\text{tr } \mathbf{T})\mathbf{I}}_{\text{偏差テンソル}} + \underbrace{\frac{1}{3}(\text{tr } \mathbf{T})\mathbf{I}}_{\text{静水圧テンソル}} = \text{dev } \mathbf{T} + \text{hyd } \mathbf{T} \quad (1.34)$$

行列式 2 階テンソルの行列式は以下で与えられます。

$$\begin{aligned} \det \mathbf{T} &= \begin{vmatrix} T_{11} & T_{12} & T_{13} \\ T_{21} & T_{22} & T_{23} \\ T_{31} & T_{32} & T_{33} \end{vmatrix} \\ &= T_{11}(T_{22}T_{33} - T_{23}T_{32}) - T_{12}(T_{21}T_{33} - T_{23}T_{31}) + T_{13}(T_{21}T_{32} - T_{22}T_{31}) \\ &= \frac{1}{6}e_{ijk}e_{pqr}T_{ip}T_{jq}T_{kr} \end{aligned} \quad (1.35)$$

余因子 テンソルのある成分が属する行と列を取り除いてできた部分を 2×2 の行列式として評価したものを、テンソルのそれぞれの成分に対する小行列式といいます。例えば、 T_{12} に対する小行列式は

$$\begin{vmatrix} T_{11} & T_{12} & T_{13} \\ T_{21} & T_{22} & T_{23} \\ T_{31} & T_{32} & T_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} T_{21} & T_{23} \\ T_{31} & T_{33} \end{vmatrix} = T_{21}T_{33} - T_{23}T_{31} \quad (1.36)$$

となります。余因子とは、それぞれの成分の位置に応じて以下のルールで符号付けした小行列式です。

$$\begin{aligned} i+j \text{ が偶数ならば} &+ \\ i+j \text{ が奇数ならば} &- \end{aligned} \quad (1.37)$$

\mathbf{T} の余因子は以下のようになります。

$$\text{cof } \mathbf{T} = \frac{1}{2}e_{jkr}e_{ist}T_{sk}T_{tr} \quad (1.38)$$

逆元 テンソルの逆元は以下で評価されます.

$$\text{inv } \mathbf{T} = \frac{\text{cof } \mathbf{T}^T}{\det \mathbf{T}} \quad (1.39)$$

ホッジ双対 テンソルのホッジ双対とは、以下のような成分をもつベクトルです.

$${}^* \mathbf{T} = (T_{23}, -T_{13}, T_{12}) \quad (1.40)$$

1.3.10 スカラ特有の演算

OpenFOAM は、スカラを扱うよく知られた関数のほとんどをサポートしています。例えば平方根、指數、対数、正弦、余弦などで、これらのリストが表 1.2 にあります。OpenFOAM では、これらに加えて以下の 3 種類の関数も定義されています。

符号 スカラ s の符号は以下のように得られます。

$$\text{sgn}(s) = \begin{cases} 1 & s \geq 0 \text{ のとき} \\ -1 & s < 0 \text{ のとき} \end{cases} \quad (1.41)$$

正数 スカラ s に対して以下のように得られます。

$$\text{pos}(s) = \begin{cases} 1 & s \geq 0 \text{ のとき} \\ 0 & s < 0 \text{ のとき} \end{cases} \quad (1.42)$$

制限 スカラ s のスカラ n による制限は以下のようになります。

$$\text{limit}(s, n) = \begin{cases} s & s < n \text{ のとき} \\ 0 & s \geq n \text{ のとき} \end{cases} \quad (1.43)$$

1.4 OpenFOAM のテンソルクラス

OpenFOAM には、これまでに述べたようなテンソル数学のためのクラス群を含んだ primitive という C++ のクラスライブラリがあります。OpenFOAM で標準的に使える基本テンソルクラスを表 1.1 に列挙します。この表にはテンソルの個別の成分にアクセスするための関数、いわゆるアクセス関数も列挙してあります。

ランク	名称	基本クラス	アクセス関数
0	スカラ	scalar	
1	ベクトル	vector	x(), y(), z()
2	テンソル	tensor	xx(), xy(), xz(), ...

表 1.1 OpenFOAM における基本テンソルクラス

テンソル

$$\mathbf{T} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix} \quad (1.44)$$

は、OpenFOAM では次の 1 行で宣言できます。

```
tensor T(1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9);
```

アクセス関数 `xz()` で成分 T_{13} つまり T_{xz} にアクセスできます。例えば、コード

```
Info << "Txz = " << T.xz() << endl;
```

は、以下を画面に出力します。

```
Txz = 3
```

1.4.1 OpenFOAMにおけるテンソルの代数演算

1.3節で述べたすべての代数演算は、OpenFOAMのテンソルクラスに対して、数学の表記法によく似た構文で利用できます。いくつかの関数は、例えば `symm()` のように、単に記述的な関数で表現しますが、その他については、例えば `*` のような演算子記号でも使用できます。すべての関数を表1.2に列挙します。

演算	備考	数学表記	OpenFOAMでの表記
加算		$\mathbf{a} + \mathbf{b}$	<code>a + b</code>
減算		$\mathbf{a} - \mathbf{b}$	<code>a - b</code>
スカラ倍		$s\mathbf{a}$	<code>s * a</code>
スカラ除算		\mathbf{a}/s	<code>a / s</code>
外積	rank $a, b \geq 1$	\mathbf{ab}	<code>a * b</code>
内積	rank $a, b \geq 1$	$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}$	<code>a & b</code>
二重内積	rank $a, b \geq 2$	$\mathbf{a} : \mathbf{b}$	<code>a && b</code>
クロス積	rank $a, b = 1$	$\mathbf{a} \times \mathbf{b}$	<code>a ^ b</code>
平方		\mathbf{a}^2	<code>sqr(a)</code>
平方絶対値		$ \mathbf{a} ^2$	<code>magSqr(a)</code>
絶対値		$ \mathbf{a} $	<code>mag(a)</code>
累乗	$n = 0, 1, \dots, 4$	\mathbf{a}^n	<code>pow(a, n)</code>
成分平均値	$i = 1, \dots, N$	$\bar{\mathbf{a}}_i$	<code>cmptAv(a)</code>
最大成分	$i = 1, \dots, N$	$\max(\mathbf{a}_i)$	<code>max(a)</code>
最小成分	$i = 1, \dots, N$	$\min(\mathbf{a}_i)$	<code>min(a)</code>
スケール		$\text{scale}(\mathbf{a}, \mathbf{b})$	<code>scale(a, b)</code>
幾何変換	テンソル \mathbf{T} による \mathbf{a} の幾何変換		<code>transform(T, a)</code>

2階テンソル特有の演算

転置	\mathbf{T}^T	<code>T.T()</code>
対角	$\text{diag } \mathbf{T}$	<code>diag(T)</code>
トレース	$\text{tr } \mathbf{T}$	<code>tr(T)</code>
偏差成分	$\text{dev } \mathbf{T}$	<code>dev(T)</code>
静水圧成分*	$\text{hyd } \mathbf{T}$	<code>hyd(T)</code>
対称成分	$\text{symm } \mathbf{T}$	<code>symm(T)</code>
歪成分	$\text{skew } \mathbf{T}$	<code>skew(T)</code>
行列式	$\det \mathbf{T}$	<code>det(T)</code>
余因子	$\text{cof } \mathbf{T}$	<code>cof(T)</code>
逆元	$\text{inv } \mathbf{T}$	<code>inv(T)</code>
ホッジ双対	$* \mathbf{T}$	<code>*T</code>

*訳注：原文では抜けています。

スカラ特有の演算		
符号 (真偽値)	$\text{sgn}(s)$	<code>sgn(s)</code>
正数 (真偽値)	$s \geq 0$	<code>pos(s)</code>
負数 (真偽値)	$s < 0$	<code>neg(s)</code>
制限	n はスカラ	$\text{limit}(s, n)$
平方根	\sqrt{s}	<code>sqrt(s)</code>
指数	$\exp s$	<code>exp(s)</code>
自然対数	$\ln s$	<code>log(s)</code>
常用対数	$\log_{10} s$	<code>log10(s)</code>
正弦	$\sin s$	<code>sin(s)</code>
余弦	$\cos s$	<code>cos(s)</code>
正接	$\tan s$	<code>tan(s)</code>
逆正弦	$\arcsin s$	<code>asin(s)</code>
逆余弦	$\arccos s$	<code>acos(s)</code>
逆正接	$\arctan s$	<code>atan(s)</code>
逆余弦	$\arccos s$	<code>acos(s)</code>
双曲線正弦	$\sinh s$	<code>sinh(s)</code>
双曲線余弦	$\cosh s$	<code>cosh(s)</code>
双曲線正接	$\tanh s$	<code>tanh(s)</code>
双曲線逆正弦	$\text{arsinh } s$	<code>asinh(s)</code>
双曲線逆余弦	$\text{arcosh } s$	<code>acosh(s)</code>
双曲線逆正接	$\text{artanh } s$	<code>atanh(s)</code>
誤差関数	$\text{erf } s$	<code>erf(s)</code>
相補誤差関数	$\text{erfc } s$	<code>erfc(s)</code>
対数ガンマ関数	$\ln \Gamma s$	<code>lgamma(s)</code>
0次の第1種ベッセル関数	$J_0 s$	<code>j0(s)</code>
1次の第1種ベッセル関数	$J_1 s$	<code>j1(s)</code>
0次の第2種ベッセル関数	$Y_0 s$	<code>y0(s)</code>
1次の第2種ベッセル関数	$Y_1 s$	<code>y1(s)</code>

別途記載がないかぎり a , b は任意ランクのテンソル
 s はスカラ, N はテンソル成分の数

表 1.2 OpenFOAM におけるテンソルの代数演算

1.5 物理次元の単位

連続体力学では、物理量はある選ばれた単位で記述されます。例えば、質量はキログラム (kg), 体積は立方メートル (m^3), 圧力はパスカル ($kg\ m^{-1}\ s^{-2}$)。これらの物理量に対する代数演算は、計量単位を一致させて行わなければなりません。特に、加算、減算、等価判定は、同じ単位の物理量に対してのみ、物理的な意味をもちます。無意味な演算の実装を予防するために、OpenFOAM はユーザがあらゆるテンソルに物理次元の単位を付加することを推奨し、これによりあらゆるテンソル演算の際に次元のチェックが行われます。

単位は、例えば以下のように、dimensionSet クラスで定義されます。

```
dimensionSet pressureDims(1, -1, -2, 0, 0, 0, 0);
```

ここで、それぞれの値は、表 1.3 に列挙した SI 基本計量単位それぞれの指数を示しています。

No.	物理量	単位	記号
1	質量	キログラム	kg
2	長さ	メートル	m
3	時間	秒	s
4	熱力学温度	ケルビン	K
5	物質量	モル	mol
6	電流	アンペア	A
7	光度	カンデラ	cd

表 1.3 SI 基本計量単位

このコードでは `pressureDims` を、圧力 $\text{kg m}^{-1} \text{s}^{-2}$ の `dimensionSet` として宣言しています。すなわち `pressureDims` の引数配列の最初の項目 1 は kg^1 を表し、二つめの -1 は m^{-1} を表す、などのようにです。単位付きのテンソルは `dimensioned<Type>` テンプレートクラスで定義されます。`<Type>` は `scalar`, `vector`, `tensor` などです。この `dimensioned<Type>` は、`word` クラスの変数名、`<Type>` の値、そして `dimensionSet` を保持します。

```
dimensionedTensor sigma
(
    "sigma",
    dimensionSet(1, -1, -2, 0, 0, 0, 0),
    tensor(1e6, 0, 0, 0, 1e6, 0, 0, 0, 1e6),
);
```

は、圧力あるいは応力としてしかるべき次元をもつ以下のテンソルをつくります。

$$\sigma = \begin{pmatrix} 10^6 & 0 & 0 \\ 0 & 10^6 & 0 \\ 0 & 0 & 10^6 \end{pmatrix} \quad (1.45)$$

第2章

離散化手法

これまでではテンソル代数について議論してきました。我々が解きたい偏微分方程式は、テンソルの時間および空間に対する微分に関するものです。したがって、テンソル場、すなわち時間および空間の領域にわたって変化するテンソルへと、表現を拡張する必要があります。この章では、まずははじめに登場するすべての微分演算の数学的表現を解説します。そして、OpenFOAMではテンソル場がどのように構築されているのか、これらの場の微分はどのようにして代数式へと離散化されるのかを紹介します。

2.1 微分演算子

空間微分を定義する前に、ベクトル演算子ナブラ ∇ を紹介します。添字表記では ∂_i と書かれます。

$$\nabla \equiv \partial_i \equiv \left(\frac{\partial}{\partial x_1}, \frac{\partial}{\partial x_2}, \frac{\partial}{\partial x_3} \right) \quad (2.1)$$

ナブラ演算子は、以下のルールに従う便利な表記法です。

- テンソルに作用するときは、自身の右側に向かって、通常の積の微分のルールに従う。例えば $\partial_i ab = (\partial_i a)b + a(\partial_i b)$
- それ以外の場合、ナブラ演算子は代数演算における通常のベクトルと同様に振る舞う。

2.1.1 勾配

スカラ場 s が定義されていて、連続微分可能ならば、 s の勾配 ∇s は以下のベクトル場となります。

$$\nabla s = \partial_i s = \left(\frac{\partial s}{\partial x_1}, \frac{\partial s}{\partial x_2}, \frac{\partial s}{\partial x_3} \right) \quad (2.2)$$

勾配はあらゆるテンソル場に作用し、一つランクの高いテンソル場を作ります。例えば、ベクトル場 \mathbf{a} の勾配は、以下の 2 階テンソルです。

$$\nabla \mathbf{a} = \partial_i a_j = \begin{pmatrix} \partial a_1 / \partial x_1 & \partial a_2 / \partial x_1 & \partial a_3 / \partial x_1 \\ \partial a_1 / \partial x_2 & \partial a_2 / \partial x_2 & \partial a_3 / \partial x_2 \\ \partial a_1 / \partial x_3 & \partial a_2 / \partial x_3 & \partial a_3 / \partial x_3 \end{pmatrix} \quad (2.3)$$

2.1.2 発散

ベクトル場 \mathbf{a} が定義されていて、連続微分可能ならば、 \mathbf{a} の発散は以下のスカラ場となります。

$$\nabla \cdot \mathbf{a} = \partial_i a_i = \frac{\partial a_1}{\partial x_1} + \frac{\partial a_2}{\partial x_2} + \frac{\partial a_3}{\partial x_3} \quad (2.4)$$

発散はランク1以上のあらゆるテンソル場に作用し、一つランクの低いテンソル場を作ります。例えば、2階テンソル場 \mathbf{T} の発散は、以下のベクトル場です（見やすいように列ベクトルに展開して表示しています）。

$$\nabla \cdot \mathbf{T} = \partial_i T_{ij} = \begin{pmatrix} \partial T_{11}/\partial x_1 + \partial T_{12}/\partial x_1 + \partial T_{13}/\partial x_1 \\ \partial T_{21}/\partial x_2 + \partial T_{22}/\partial x_2 + \partial T_{23}/\partial x_2 \\ \partial T_{31}/\partial x_3 + \partial T_{32}/\partial x_3 + \partial T_{33}/\partial x_3 \end{pmatrix} \quad (2.5)$$

2.1.3 回転

ベクトル場 \mathbf{a} が定義されていて、連続微分可能ならば、 \mathbf{a} の回転 $\nabla \times \mathbf{a}$ は以下のベクトル場となります。

$$\nabla \times \mathbf{a} = e_{ijk} \partial_j a_k = \left(\frac{\partial a_3}{\partial x_2} - \frac{\partial a_2}{\partial x_3}, \frac{\partial a_1}{\partial x_3} - \frac{\partial a_3}{\partial x_1}, \frac{\partial a_2}{\partial x_1} - \frac{\partial a_1}{\partial x_2} \right) \quad (2.6)$$

回転は以下のように勾配と関連付けられます。

$$\nabla \times \mathbf{a} = 2(*\text{skew } \mathbf{a}) \quad (2.7)$$

2.1.4 ラプラシアン

ラプラシアンは、数学的には $\nabla^2 = \nabla \cdot \nabla$ のように、発散と勾配を組み合わせて定義できる演算です。しかしながらラプラシアンは、テンソルのランクを一つ上げる演算と一つ下げる演算の二つの組み合わせを考えるよりも、あるテンソル場を同じランクの別のテンソル場に変換する一つの演算と考えるべきです。

実際に、ナブラをベクトル演算子として定義したように、ラプラス演算子として定義するのが最適です。

$$\nabla^2 \equiv \partial^2 \equiv \frac{\partial^2}{\partial x_1^2} + \frac{\partial^2}{\partial x_2^2} + \frac{\partial^2}{\partial x_3^2} \quad (2.8)$$

例えば、スカラ場 s のラプラス演算子は以下のスカラ場になります。

$$\nabla^2 s \equiv \partial^2 s \equiv \frac{\partial^2 s}{\partial x_1^2} + \frac{\partial^2 s}{\partial x_2^2} + \frac{\partial^2 s}{\partial x_3^2} \quad (2.9)$$

2.1.5 時間微分

テンソルの時間微分については複数の定義があります。時間微分を表現するときには、そのテンソルが、動いている物質のある体積の物理量に関連していることを思い出す必要があります。物質の中のある無限に小さい体積あるいは粒子の動きを追跡し、テンソル物理量 ϕ の時間

変化を観察することを考えれば、以下のように表示される時間の実質微分あるいは物質微分になります。

$$\frac{D\phi}{Dt} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \quad (2.10)$$

しかしながら、連続体力学、特に流体力学では、多くの場合、空間に固定された1点での ϕ の時間変化を、その点を異なる粒子が通過するものとして観察します。空間内の1点でのこの変化は $\partial/\partial t$ で表示される空間時間微分とよばれ、以下のように物質微分と関連付けられます。

$$\frac{D\phi}{Dt} = \frac{\partial\phi}{\partial t} + \mathbf{U} \cdot \nabla\phi \quad (2.11)$$

ここで、 \mathbf{U} は物理量 ϕ の速度場です。右辺の第2項は ϕ の変化の移流速度として知られています。

2.2 離散化の概要

項の離散化とは、問題の離散量への近似を意味します。有限体積法、および有限要素法や有限差分法のようなその他の手法は、いずれも以下のように問題を離散化します。

空間の離散化 解の定義域を、ひとつなぎの空間の領域を満たして区切るような点の集合で定義します。

時間の離散化 (非定常の問題について) 時間の定義域を、時間の区間あるいはステップの有限な数へと分割します。

等式の離散化 問題を記述する偏微分方程式群から、領域のそれぞれの位置で定義された離散量に関して、代数式系を構築します。

2.2.1 OpenFOAM のリストと場

OpenFOAMでは、データの集合を保持において、そのデータに対して代数演算のような関数を適用することがよく必要になります。そこでOpenFOAMは、Typeの関数を継承したTypeクラスのあらゆるオブジェクトのリストの生成を可能にする配列テンプレートクラスList<Type>を提供しています。OpenFOAMでは、テンソルクラスのリストはテンプレートクラスField<Type>によって標準で定義されています。コードの視認性をより良くするために、例えばField<vector>のようなField<Type>のインスタンスは、typedef定義によりscalarField, vectorField, tensorField, symmTensorField, tensorThirdField, そしてsymmTensorThirdFieldと改名されています。Fieldどうしの代数演算は、それらの場が同じ数の要素をもっている、といった明らかな制約条件のもとで実行できます。OpenFOAMは、ある場と一つのテンソルとの演算もサポートしています。例えば、 $\mathbf{U} = 2.0 * \mathbf{U}$ という演算で、 \mathbf{U} というFieldすべての値に2というscalarをかけることができます。

2.3 解析領域の離散化

解析領域の離散化を図2.1に示します。空間領域が数値メッシュに離散化され、そのうえで偏微分方程式群が離散化されます。必要ならば、時間の離散化は、時間ステップ Δt の組に単純

に分割されます。この Δt は、場合によっては、数値計算中に計算された条件に依存して変化するかもしれません。

さらに詳細なレベルでは、空間の離散化には、領域を複数のセルや検査体積に再分割する必要があります。これらのセルは連続、すなわち、互いに重なることなく、領域を完全に埋め尽くします。典型的なセルを図2.2に示します。

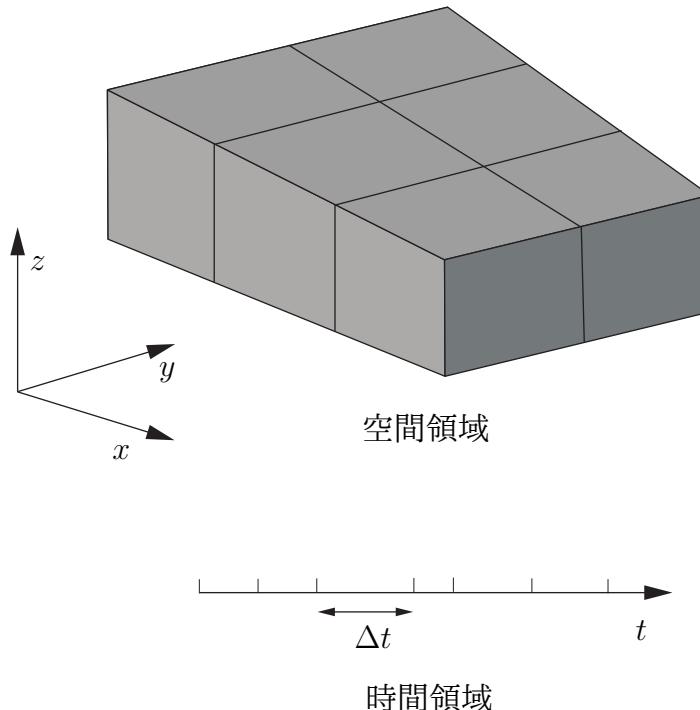


図 2.1 解析領域の離散化

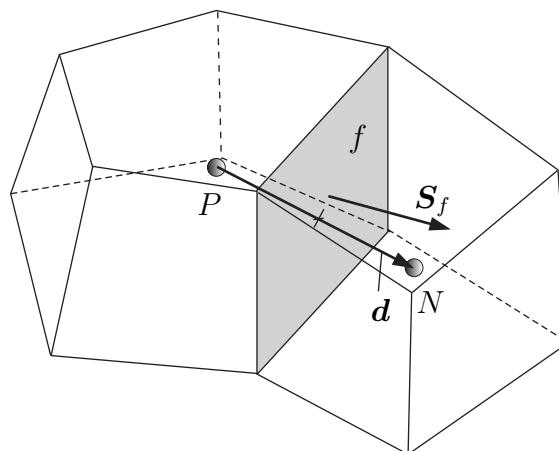


図 2.2 有限体積法の離散化におけるパラメータ

従属変数とその他の物理量は、たいていセル中心 P で保存されますが、面や点で保存される場合もあります。セルは、一般に f とラベル付けされる平らな面で境界付けられます。OpenFOAMでは、各セルをつくる面の数に制限はなく、各面の配置にも制約はありません。このような種類のメッシュは通常、セルの面が所定の（例えば座標軸に沿った）配置になるメッシュと区別して、「任意非構造」とよばれます。任意非構造メッシュを採用したコードは、領域の形状が複

雑であったり時間変化する場合などは特に、とても自由にメッシュの生成や操作を行うことができます。

ほとんどの物理量はセル中心で定義されますが、セルの面で定義されるものもいくつかあります。セルの面には二つのタイプがあります。

内部面 二つのセル（二つを上回ることはできません）をつなぐ面です。それぞれの内部面について、OpenFOAM は隣接するセルのうち一つをその面の「所有セル」、もう一方を「隣接セル」として指定します。

境界面 一つだけのセルに属する面で、それゆえ領域の境界と一致します。これらの面には単純に所有セルしかありません。

2.3.1 OpenFOAM におけるメッシュ定義

OpenFOAM にはいくつかの異なるレベルのメッシュ記述方法がありますが、まずはもっとも基本的なメッシュクラスである polyMesh について述べます。多面体からなるので polyMesh といいます。polyMesh は以下および図 2.2 に示すように、メッシュ形状を定義するための最小限の情報で構成されます。

点 頂点の座標ベクトルのリスト、すなわち `vectorField` ですが、改めて `typedef` 宣言により `pointField` と名付けられています。

面 セルの面のリスト `List<face>`、あるいは `faceList` です。ここで、`face` クラスは `pointField` に対応する頂点番号のリストで定義されます。

セル セルのリスト `List<cell>` あるいは `cellList` です。ここで、`cell` クラスは上記の `faceList` に対応する面番号のリストで定義されます。

境界 `polyBoundaryMesh` は、境界の異なる領域を表すパッチのリスト `polyPatchList` から成り立っています。このような方法で、解析の際に各々のパッチに異なる境界条件を適用できるように境界が細分化されます。あらゆる `polyPatch` の全ての面は `faceList` の一つのブロックに保存されており、ブロックの最初と最後の面への参照が保存された `slice` クラスを使うことにより、それらの面に簡単にアクセスできます。それぞれの `polyPatch` は以下から成り立っています。

- `slice`
- 名前を付けるための `word`

有限体積法による離散化には、`polyMesh` に保存されているメッシュ形状に由来する固有のデータが使われます。そのため OpenFOAM では、`polyMesh` クラスを拡張した `fvMesh` に、有限体積法による離散化に必要な追加のデータが保存されます。`fvMesh` は `polyMesh` から構成され、表 2.1 に示すようなデータが保存されます。これらのデータは、メッシュが動いたり細分化されたりする場合には、実行時に更新することができます。

2.3.2 OpenFOAM における geometricField の定義

これまでのところ、場、すなわちテンソルのリスト、およびメッシュが定義できます。これらを合わせることで、領域の離散点におけるテンソル場を定義することができます。これは

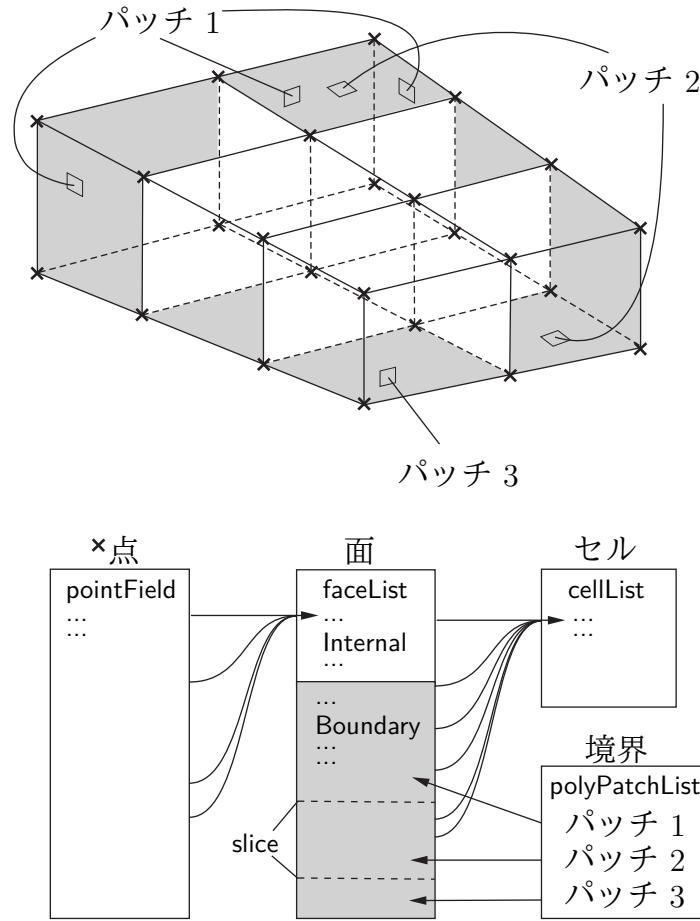


図 2.3 OpenFOAM における基本的なメッシュ表現の概略図

クラス	説明	記号	アクセス関数
volScalarField	セル体積	V	$V()$
surfaceVectorField	面の面積ベクトル	S_f	$Sf()$
surfaceScalarField	面の面積の絶対値	$ S_f $	$magSf()$
volVectorField	セル中心	C	$C()$
surfaceVectorField	面中心	C_f	$Cf()$
surfaceScalarField	面の運動流束 **	ϕ_g	$\phi()$

表 2.1 fvMesh に保存されるデータ

OpenFOAMにおいては、テンプレートクラス `geometricField<Type>`によって記述されます。Field の値は、領域内部において例えばセル中心で定義されるものと、領域の境界において例えば境界面上で定義されるものに分けられます。`geometricField<Type>` は以下のよう情報を保存します。

内部場 単純に、2.2.1項で述べたような `Field<Type>` です。

境界場 これは `GeometricBoundaryField` であり、その中では、それぞれのパッチの面について Field が定義され、その境界のパッチについて Field が定義されます。つまりこれは `FieldField<Type>` クラスのオブジェクトに保存される、場の場です。また `fvBoundaryMesh` への参照も保存されます。[**]

メッシュ `fvMesh` への参照ですが、その場がセル中心、面、などのうちどこで定義されているかに応じたいくつかの詳細情報を加わります。

次元 ユーザガイドの 4.2.6 項で述べる dimensionSet です。

古い値 時間微分の離散化には、前の時間ステップにおける場のデータが必要になります。geometricField<Type>は、前の、一つ古い時間ステップ、および必要ならばその前の、二つ古い時間ステップにおいて保存された場のデータへの参照を保存しています。

前回の反復時の値 反復解法の手順では不足緩和を利用できますが、これは前回の反復時のデータへのアクセスを必要とします。ここでも、必要であれば、geometricField<Type>は前回の反復時のデータへの参照を保存します。

2.3 節で述べたように、物理量はセル中心で定義することが主ですが、セル面上で保存することもよくあり、セル頂点で定義することもときどきあります。geometricField<Type>は、場の変数がどこで定義されているかによって、以下のように `typedef` 宣言で改名されています。

`volField<Type>` 場がセル中心で定義されているとき

`surfaceField<Type>` 場がセルの面で定義されているとき

`pointField<Type>` 場がセルの頂点で定義されているとき

これらの geometricField<Type> から `typedef` された場のクラスは図 2.4 に図示されています。geometricField<Type> は Field<Type> のテンソル代数を全て継承しており、全ての演算は dimensionSet の次元チェックに従います。また次節で述べる有限体積法の離散化手順にも依存することがあります。geometricField<Type> を作るときに使われるクラス構造は図 2.5* に図示されています。

2.4 方程式の離散化

方程式の離散化により、偏微分方程式は一般に以下のような行列で表される代数方程式に変換されます。

$$[A][x] = [b] \quad (2.12)$$

ここで $[A]$ は正方形行列、 $[x]$ は従属変数の列ベクトル、 $[b]$ はソースベクトルです。 $[x]$ と $[b]$ は、その形状、例えば geometricField<Type>、またはもっと厳密には、有限体積法による離散化を用いているならば volField<Type> の各位置で定義された値のリストという本来の正確な表現ではなく、むしろ行列用語でいう「ベクトル」です。

$[A]$ は代数式群の係数のリストであり、geometricField<Type> では記述できません。したがって、独自のクラス fvMatrix で与えられます。fvMatrix<Type> は geometric<Type>Field の離散化によって生成され、したがって<Type> を継承します。これは、加算 +、減算 - そして乗算 * という標準的な行列の代数演算の多くをサポートします。

OpenFOAM のコードにおいて偏微分方程式の各項は、それぞれ静的な関数のクラス finiteVolumeMethod や finiteVolumeCalculus を用いて記述されます。これらのクラスは `typedef` によって、それぞれ fvm および fvc と略されます。fvm や fvc は、例えば ∇^2 、 $\nabla \cdot$ および $\partial/\partial t$ といった geometricField<Type> を離散化する微分演算子を表す静的な関数を備えています。これらの関数を、一つではなく二つのクラス fvm と fvc で定義しているのは、以下のように区別するた

*この図はクラス階層を厳密に表したものではなく、むしろいくつかの原始クラスを geometricField<Type> につながる一般的な構造を表したものです。

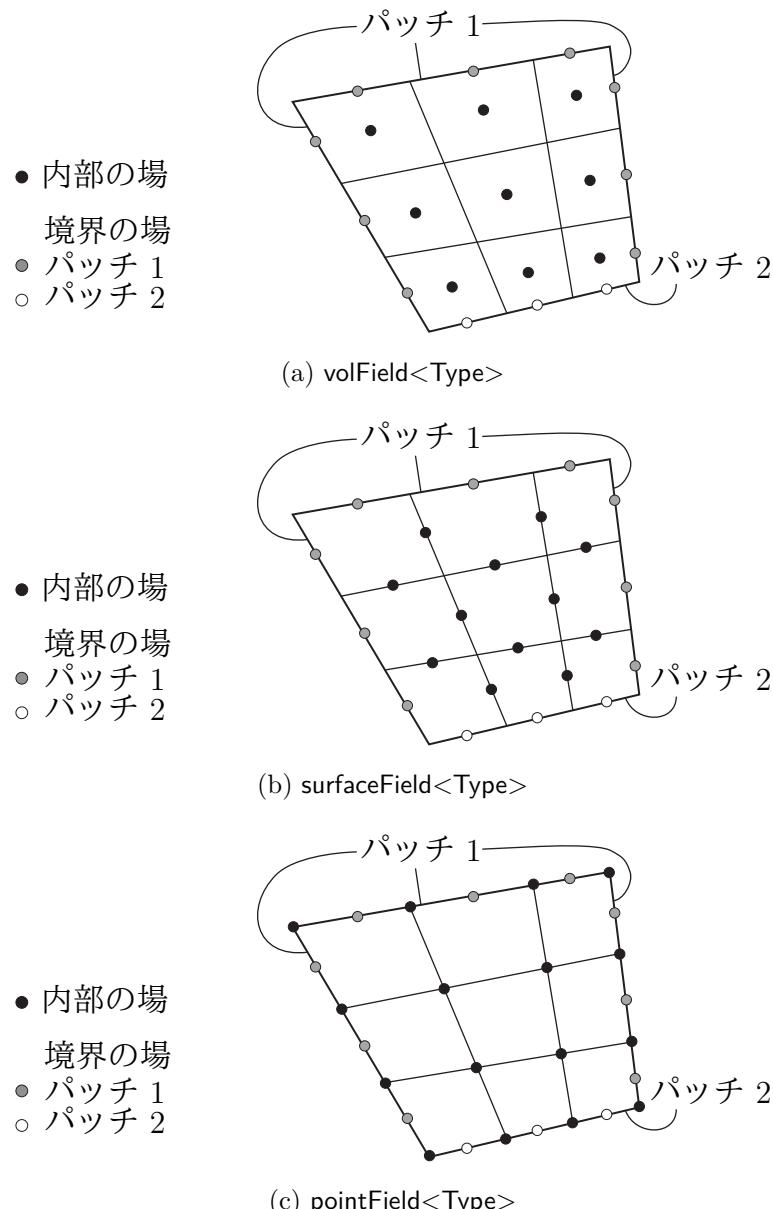


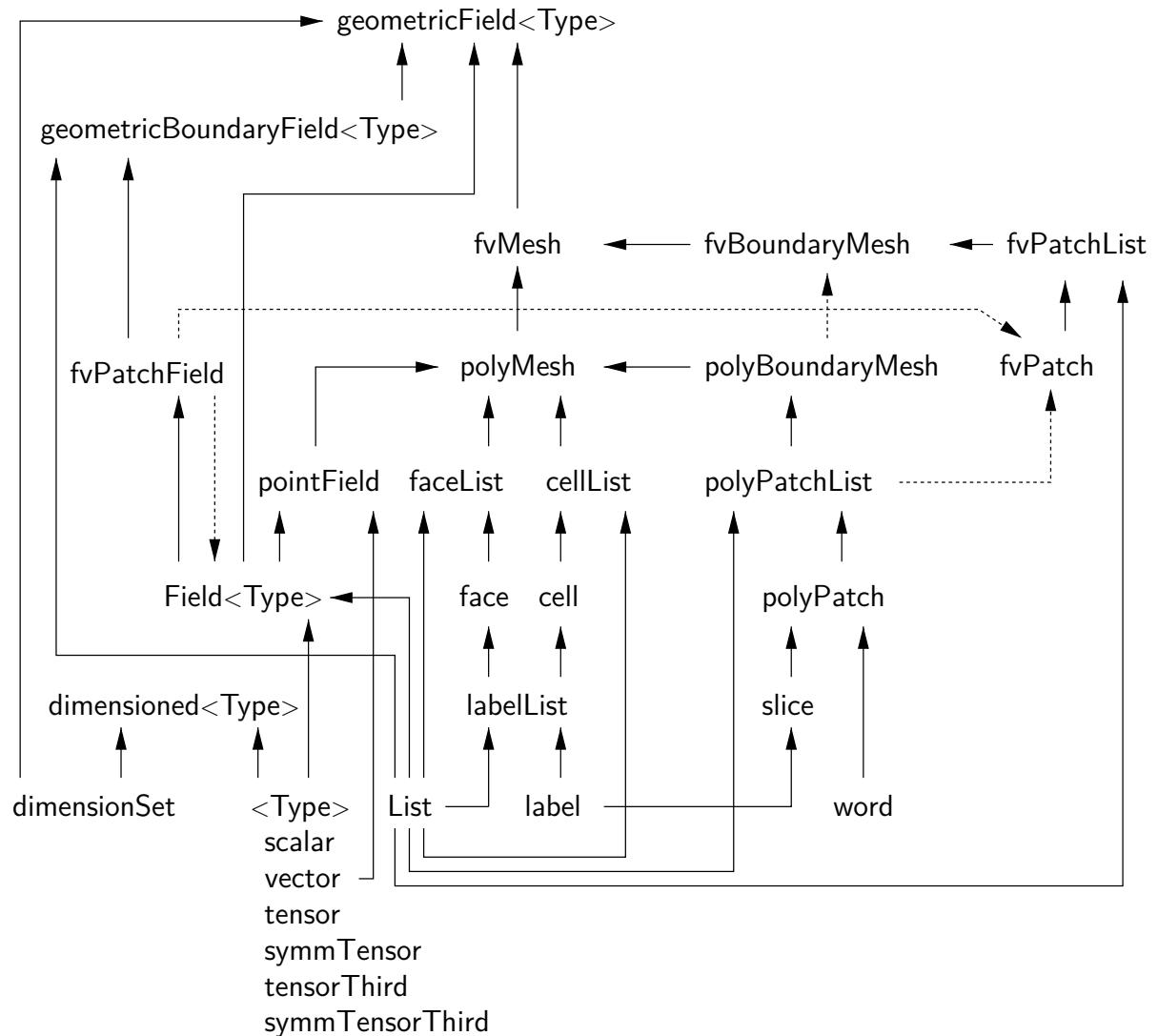
図 2.4 二つの境界パッチをもつメッシュ上で定義された `geometricField<Type>` のタイプ（簡単のため 2 次元で表している）

めです。

- `fvm` の関数は陰的な微分を計算し, `fvMatrix<Type>` を返す.
- `fvc` のいくつかの関数は陽的な微分を計算, その他は陽的な計算をし, `geometricField<Type>` を返す.

図 2.6 には, 二つの境界パッチをもつメッシュ上で定義された `geometricField<Type>` を示しており, 陽的な演算が単にある場を他の場に変換するだけであることを表しています. 簡單のために 2 次元で描いています.

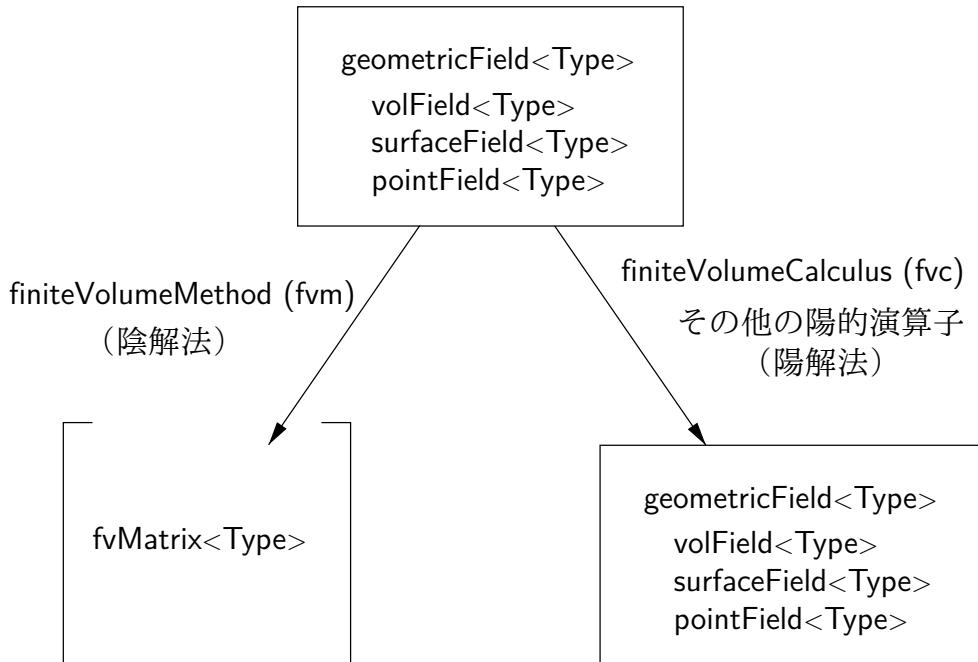
`fvm` および `fvc` で使える, 偏微分方程式の項を離散化する主な関数を表 2.2 にリストアップしています. 各項の有限体積法による離散化は, ガウスの定理により, その体積を囲んでいるセ

図 2.5 `geometricField<Type>`につながる基本的なクラス構造

ル表面の面積分に変換されます。

$$\int_V \nabla \star \phi \, dV = \int_S d\mathbf{S} \star \phi \quad (2.13)$$

ここで \mathbf{S} は表面積ベクトル, ϕ は任意のテンソル場, そして \star はテンソル任意の乗算, 例えば内積, 外積, クロス積, およびそれぞれの微分, 発散 $\nabla \cdot \phi$, 勾配 $\nabla \phi$ および $\nabla \times \phi$ を表しています。次に, 体積および面積分は各項について後述するような適切なスキームで線形化されます。OpenFOAMでは, いくつかの項は常に同じスキームで離散化されますが, その他の項の離散化についてはスキームの選択肢が提供されています。スキームの選択はコードの中で直接指定することもできますし, ジョブの実行時にインプットファイルから読み込んで `fvSchemes` クラスのオブジェクトとして保持する方法もあります。

図 2.6 $\text{geometricField}\langle\text{Type}\rangle$ とその演算

2.4.1 ラプラシアン項

ラプラシアンの項は、以下のように検査体積で積分・線形化されます。

$$\int_V \nabla \cdot (\Gamma \nabla \phi) dV = \int_S d\mathbf{S} \cdot (\Gamma \nabla \phi) = \sum_f \Gamma_f \mathbf{S}_f \cdot (\nabla \phi)_f \quad (2.14)$$

みているセル P の中心と隣のセル N の中心の間の長さベクトル \mathbf{d} がそのフェイス面に垂直、すなわち \mathbf{S}_f に平行ならば、面の勾配の離散化は陰的になります。

$$\mathbf{S}_f \cdot (\nabla \phi)_f = |\mathbf{S}_f| \frac{\phi_N - \phi_P}{|\mathbf{d}|} \quad (2.15)$$

非直交メッシュの場合、セル中心勾配（これはセル中心値の中心差分から計算される）の内挿によって評価される陽的な項が加わります。

2.4.2 対流項

対流項は、以下のように検査体積で積分・線形化されます。

$$\int_V \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} \phi) dV = \int_S d\mathbf{S} \cdot (\rho \mathbf{U} \phi) = \sum_f \mathbf{S}_f \cdot (\rho \mathbf{U})_f \phi_f = \sum_f F \phi_f \quad (2.16)$$

表面の場 ϕ_f はさまざまなスキームで評価されます。

中心差分 (CD) は、2次精度ですが不安定です。

$$\phi_f = f_x \phi_P + (1 - f_x) \phi_N \quad (2.17)$$

ここで $f_x \equiv \overline{fN}/\overline{PN}$, \overline{fN} は f とセル中心 N の距離, \overline{PN} はセル中心同士 P と N の距離です。

項の記述	陰的・陽的	記述	fvm::または fvc::の関数
ラプラスアン	陰的・陽的	$\nabla^2 \phi$ $\nabla \cdot \Gamma \nabla \phi$	laplacian(phi) laplacian(Gamma, phi)
時間微分	陰的・陽的	$\frac{\partial \phi}{\partial t}$ $\frac{\partial \rho \phi}{\partial t}$	ddt(phi) ddt(rho, phi)
時間の 2 階微分	陰的・陽的	$\frac{\partial}{\partial t} \left(\rho \frac{\partial \phi}{\partial t} \right)$	d2dt2(rho, phi)
移流	陰的・陽的	$\nabla \cdot (\psi)$ $\nabla \cdot (\psi \phi)$	div(psi, scheme)* div(psi, phi, word)* div(psi, phi)
発散	陽的	$\nabla \cdot \chi$	div(chi)
勾配	陽的	$\nabla \chi$ $\nabla \phi$	grad(chi) gGrad(phi) lsGrad(phi) snGrad(phi) snGradCorrection(phi)
勾配の勾配の二乗	陽的	$ \nabla \nabla \phi ^2$	sqrGradGrad(phi)
回転	陽的	$\nabla \times \phi$	curl(phi)
湧き出し	陰的 陰的・陽的 †	$\rho \phi$	Sp(rho, phi) SuSp(rho, phi)

† 湧き出し fvm::SuSp は rho の符号に依存して、陰的または陽的に離散化されます。

† 陽的な湧き出しあは単純に vol<Type>Field で指定されます。例：rho*phi

関数の引数は以下のようなクラスです。

phi: vol<Type>Field

Gamma: scalar, volScalarField, volTensorField, surfaceTensorField.

rho: scalar, volScalarField

psi: surfaceTensorField

chi: surface<Type>Field, vol<Type>Field

表 2.2 OpenFOAM における偏微分方程式の項の離散化

風上差分 (UD) は、流れの方向から ϕ_f を決定し、精度は犠牲になりますが安定です。

$$\phi_f = \begin{cases} \phi_P & F \geq 0 \text{ のとき} \\ \phi_N & F < 0 \text{ のとき} \end{cases} \quad (2.18)$$

ブレンド差分 (BD) スキームは、適切な精度で安定性を保つことを狙って UD と CD を組み合わせます。

$$\phi_f = (1 - \gamma)(\phi_f)_{UD} + \gamma(\phi_f)_{CD} \quad (2.19)$$

OpenFOAM には、ブレンド係数 γ を選ぶ Gamma 差分スキームのいくつかの実装がありますが、それはほかのよく知られたスキーム、van Leer, SUPERBEE, MINMOD などを表しています。

2.4.3 1 階の時間微分

1 階の時間微分 $\partial/\partial t$ は、以下のように検査体積で積分されます。

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi \, dV \quad (2.20)$$

この項は、以下のものを使って時間に関して単純な差分で離散化されます。

新しい値 いま解いている時間ステップの値 $\phi^n \equiv \phi(t + \Delta t)$

古い値 前の時間ステップで保存された値 $\phi^o \equiv \phi(t)$

二つ古い値 二つ前の時間ステップで保存された値 $\phi^{oo} \equiv \phi(t - \Delta t)$

ユーザガイドの4.4節に詳しく述べられているように、該当する入力ファイルの中で `timeScheme` キーワードを使って、二つのうち一つの離散化スキームを宣言することができます。

オイラーの陰解法 スキーム、`timeScheme EulerImplicit`、これは時間に関して1次精度です。

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi \, dV = \frac{(\rho_P \phi_P V)^n - (\rho_P \phi_P V)^o}{\Delta t} \quad (2.21)$$

後退差分 スキーム、`timeScheme BackwardDifferencing`、これは二つ前の値を保存することにより時間に関して2次精度であり、したがって `EulerImplicit` よりデータ保存のオーバーヘッドが大きくなります。

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \phi \, dV = \frac{3(\rho_P \phi_P V)^n - 4(\rho_P \phi_P V)^o + (\rho_P \phi_P V)^{oo}}{2\Delta t} \quad (2.22)$$

2.4.4 2階の時間微分

2階の時間微分は、以下のように検査体積で積分・線形化されます。

$$\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho \frac{\partial \phi}{\partial t} \, dV = \frac{(\rho_P \phi_P V)^n - 2(\rho_P \phi_P V)^o + (\rho_P \phi_P V)^{oo}}{\Delta t^2} \quad (2.23)$$

これは時間について1次精度です。

2.4.5 発散

この節で述べる発散項は、[2.4.2項](#)の対流項とは区別される完全に陽的な項です。つまり対流項は、速度とある従属変数の積の発散ではありません。この項は以下のように検査体積で積分・線形化されます。

$$\int_V \nabla \cdot \phi \, dV = \int_S d\mathbf{S} \cdot \phi = \sum_f S_f \cdot \phi_f \quad (2.24)$$

`fvc::div`関数は `surface<Type>` または `vol<Type>Field` のどちらも引数にとることができます。前者では ϕ_f は直接与えられ、後者では [2.4.10項](#)で述べる中心差分で値が面上に内挿されます。

2.4.6 勾配

勾配の項は様々な方法で評価できる陽的な項です。そのスキームは、例えば `fvc::gGrad`、`fvc::lsGrad` などのような離散化スキームに対して適切な特定の勾配関数を選ぶか、または入力ファイルの中の適切な `timeScheme` キーワードに連動した `fvc::grad` 関数を使うか、いずれの方法でも評価できます。

ガウス積分 は、`fvc::grad` 関数を `timeScheme Gauss` と合わせて使うことで動作します。この離散化は体積分に対してガウスの定理を適用する標準的な手法を使います。

$$\int_V \nabla \phi \, dV = \int_S d\mathbf{S} \phi = \sum_f S_f \phi_f \quad (2.25)$$

最小二乗法 は、以下の考えに基づいています。

1. 点 P における値を、点 P における勾配を使って隣の点 N に外挿する。
2. 点 N に外挿された値を、点 N における実際の値と比較、この差が誤差となる。
3. 点 P の付近の全ての点における誤差を、それぞれの勾配で重み付けして二乗した総和を最小化すれば、勾配の良い近似値が得られる。

最小二乗法は `fvc::grad` 関数を `timeScheme leastSquares` と組み合わせるか、直接 `fvc::lsGrad` を使うことで動作します。この離散化は、まず全ての点 P において、その近隣の点 N での総和を求めて、テンソル \mathbf{G} を計算します。

$$\mathbf{G} = \sum_N w_N^2 \mathbf{d}\mathbf{d} \quad (2.26)$$

ここで \mathbf{d} は P から N へのベクトルであり、重み関数は $w_N = 1/|\mathbf{d}|$ です。勾配は以下のように評価されます。

$$(\nabla\phi)_P = \sum_N w_N^2 \mathbf{G}^{-1} \cdot \mathbf{d} (\phi_N - \phi_P) \quad (2.27)$$

面に垂直な勾配 面に垂直な勾配 $\mathbf{n}_f \cdot (\nabla\phi)_f$ はセルの面において以下のスキームを使って評価できます。

$$(\nabla\phi)_f = \frac{\phi_N - \phi_P}{|\mathbf{d}|} \quad (2.28)$$

この勾配は `fvc::snGrad` 関数で呼び出され、`surfaceField<Type>` を返します。このスキームは [2.4.1 項](#) で述べたラプラシアンの離散化スキームと似た方法で直接評価され、また同じように非直交メッシュの場合には、この面の勾配の精度を高めるために補正が加えられます。この補正是 `fvc::snGradCorrection` 関数を使って呼び出されます。[Check**]

2.4.7 勾配の勾配の平方

勾配の勾配の平方の項は、場の勾配をとり、得られた勾配場の勾配をとり、そしてその結果の絶対値二乗を計算することで評価されます。 ϕ の勾配の勾配の平方を数式で書くと $|\nabla(\nabla\phi)|^2$ となります。

2.4.8 回転

回転は、[2.4.6 項](#) で述べた勾配の項から評価されます。まず勾配が離散化され、それから 式 (2.7) の関係（以下に再掲）を使って回転が評価されます。

$$\nabla \times \phi = 2 * (\text{skew } \nabla\phi)$$

2.4.9 湧き出し項

湧き出し項は三つの方法で指定できます。

陽解法 すべての陽的な項は `volField<Type>` です。したがって、陽的な湧き出し項は単純に値の場として等式の中に組み込まれます。例えば、`phi` と `f` を `volScalarField` として定義し、そして以下のようにします。

```
solve(fvm::laplacian(phi) == f)
```

陰解法 陰的な湧き出し項は、以下のように検査体積で積分・線形化されます。

$$\int_V \rho\phi \, dV = \rho_P V_P \phi_P \quad (2.29)$$

陰・陽解法 陰的な湧き出し項は、行列の対角成分の係数を変えます。その係数と行列の項の符号に依存して、これは行列の対角成分の支配力を増大または減少させます。対角成分の支配力を減少させることは、行列の方程式の反復解法の際の不安定さを引き起こします。したがって、OpenFOAM は混成の湧き出し項の離散化方法を提供しており、これは係数が正のとき陰的に、負のときには陽的になります。数式上は、点 P に対する行列の係数は $V_P \max(\rho_P, 0)$ 、そして湧き出し項は $V_P \phi_P \min(\rho_P, 0)$ となります。

2.4.10 その他の陽的な離散化スキーム

他にも `volField<Type>` を `surface<Type>Field` に、および逆に変換する離散化手法がいくつかあります。

面積分 `fvc::surfaceIntegrate` は、それぞれのセルを区切る面での値 `surface<Type>Field` の総和をとり、セルの体積で割るという操作をします。すなわち $(\sum_f \phi_f)/V_P$ となります。これは `volField<Type>` を返します。

面総和 `fvc::surfaceSum` は、それぞれのセルを区切る面での値 `surface<Type>Field` の総和をとる操作です。すなわち $\sum_f \phi_f$ となり、`volField<Type>` を返します。

平均値 `fvc::average` は、面の値 `surface<Type>Field` の面積重み付け平均をとります。すなわち $(\sum_f S_f \phi_f)/\sum_f S_f$ となり、`volField<Type>` を返します。

面内挿 `geometric<Type>Field` の関数 `faceInterpolate()` は、セル中心の値 `volField<Type>` を、中心差分を使ってセルの面上へ内挿し、`surface<Type>Field` を返します。

2.5 時間の離散化

時間微分の離散化については 2.4.3 項および 2.4.4 項で述べましたが、非定常問題における空間微分の扱い方について考える必要があります。もし \mathcal{A} を任意の空間微分演算子、例えばラプラスアン、として、あらゆる空間微分を $\mathcal{A}\phi$ で表すとすれば、非定常の偏微分方程式を積分型で以下のように表記できます。

$$\int_t^{t+\Delta t} \left[\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho\phi \, dV + \int_V \mathcal{A}\phi \, dV \right] dt = 0 \quad (2.30)$$

式 (2.21) のオイラー陰解法を使うと、第 1 項は次のように書けます。

$$\int_t^{t+\Delta t} \left[\frac{\partial}{\partial t} \int_V \rho\phi \, dV \right] dt = \int_t^{t+\Delta t} \frac{(\rho_P \phi_P V)^n - (\rho_P \phi_P V)^o}{\Delta t} dt \quad (2.31)$$

$$= \frac{(\rho_P \phi_P V)^n - (\rho_P \phi_P V)^o}{\Delta t} \Delta t \quad (2.32)$$

第2項は次のように書けます。

$$\int_t^{t+\Delta t} \left[\int_V \mathcal{A} \phi \, dV \right] dt = \int_t^{t+\Delta t} \mathcal{A}^* \phi \, dt \quad (2.33)$$

ここで \mathcal{A}^* は空間で離散化した \mathcal{A} を表します。時間積分は三つの方法で離散化できます。

オイラー陰解法 空間については陰解法で離散化し、したがって現在の値 ϕ^n をとります。

$$\int_t^{t+\Delta t} \mathcal{A}^* \phi \, dt = \mathcal{A}^* \phi^n \Delta t \quad (2.34)$$

これは時間について1次精度であり、有界性と無条件安定性を保証します。

陽解法 空間については陽解法で離散化し、したがって前の時刻の値 ϕ^o をとります。

$$\int_t^{t+\Delta t} \mathcal{A}^* \phi \, dt = \mathcal{A}^* \phi^o \Delta t \quad (2.35)$$

これは時間について1次精度であり、もしクーラン数 Co が1より大きければ不安定です。クーラン数は以下のように定義されます。

$$Co = \frac{\mathbf{U}_f \cdot \mathbf{d}}{|\mathbf{d}|^2 \Delta t} \quad (2.36)$$

ここで \mathbf{U}_f は代表速度、例えば波面の速度、流れの速度などです。

クランク・ニコルソン法 空間の項の離散化に台形公式を使い、したがって現在の値 ϕ^n と前の時刻の値 ϕ^o の平均値をとります。

$$\int_t^{t+\Delta t} \mathcal{A}^* \phi \, dt = \mathcal{A}^* \left(\frac{\phi^n + \phi^o}{2} \right) \Delta t \quad (2.37)$$

これは時間について2次精度であり、無条件で安定ですが、有界性は保証されません。

2.5.1 OpenFOAMにおける時間微分の取扱い

現在のところ、時間の離散化の取り扱いは、解くべき偏微分方程式における空間微分の実装によって制御されます。例えば、非定常の拡散方程式を解きたいとします。

$$\frac{\partial \phi}{\partial t} = \kappa \nabla^2 \phi \quad (2.38)$$

これに対するオイラーの陰解法は以下のようになります。

```
solve(fvm::ddt(phi) == kappa*fvm::laplacian(phi))
```

ここで Laplacian の項を陰解法で離散化するために fvm クラスを使います。陽解法で実装するには以下のようにします。

```
solve(fvm::ddt(phi) == kappa*fvc::laplacian(phi))
```

今度は Laplacian の項を陽解法で離散化するために fvc クラスを使います。クランク・ニコルソン・スキームは、陰解法と陽解法の平均をとることで実装できます。

```

solve
(
    fvm::ddt(phi)
    ==
    kappa*0.5*(fvm::laplacian(phi) + fvc::laplacian(phi))
)

```

2.6 境界条件

解きたい問題を完成させるためには境界条件が必要です。したがって全ての境界面において境界条件を指定しなければなりません。境界条件は二つのタイプに分けられます。

ディリクレ条件 は、その従属変数の境界における値を定めます。したがって、このガイドでは「固定値」とよびます。

ノイマン条件 は、その従属変数の境界に垂直な勾配を定めます。したがって、このガイドでは「固定勾配」とよびます。

面にわたる総和 \sum_f を含む項の離散化を行うときには、それらの面のうちの一つが境界面であつたらどうなるかを考慮する必要があります。

固定値 境界における値 ϕ_b を指定

- 離散化に、境界面における値 ϕ_f を使う場合は、単純に ϕ_b で置き換えることができます。例えば式 (2.16) の移流項の場合です。
- 面における勾配 $(\nabla\phi)_f$ が必要な項、例えばラプラスアンなど、の場合には、その勾配は境界面における値とセル中心の値を使って計算されます。

$$\mathbf{S}_f \cdot (\nabla\phi)_f = |\mathbf{S}_f| \frac{\phi_b - \phi_P}{|\mathbf{d}|} \quad (2.39)$$

固定勾配 固定勾配境界条件 g_b は、勾配と、境界の単位法線ベクトルとの内積になります。

$$g_b = \left(\frac{\mathbf{S}}{|\mathbf{S}|} \cdot \nabla\phi \right)_f \quad (2.40)$$

- 離散化に、境界面における値 ϕ_f を使う場合は、セル中心の値を境界上に内挿する必要があります。

$$\begin{aligned} \phi_f &= \phi_P + \mathbf{d} \cdot (\nabla\phi)_f \\ &= \phi_P + |\mathbf{d}| g_b \end{aligned} \quad (2.41)$$

- 離散化に面の勾配が評価される場合は、直接 g_b で置き換えることができます。

$$\mathbf{S}_f \cdot (\nabla\phi)_f = |\mathbf{S}_f| g_b \quad (2.42)$$

2.6.1 物理的な境界条件

境界条件の指定は通常、本当の振る舞いに対するエンジニアの解釈です。現実の境界条件は一般に、前節で述べたような数値的記述ではなく、物理的な特性によって定義されます。非圧縮性流体の流れでは、以下のような物理的な境界があります。

入口 入口における速度場が与えられ、それと整合させるために、圧力の境界条件は勾配ゼロになります。

出口 出口における圧力場が与えられ、速度には勾配ゼロ境界条件が指定されます。

滑りなし不浸透性壁面 流体の速度は壁面自身の速度と等しくなり、したがって、固定値条件が指定されます。壁を通り抜ける流束がゼロであることから、圧力は勾配ゼロが指定されます。

解の領域と境界条件がある面について対称となるような問題では、その対称面の片側の半分の領域だけしかモデル化する必要はありません。その面の境界条件は以下に従って指定しなければなりません。

対称面 対称面条件は、その面に垂直な勾配成分をゼロと指定します。[Check**]

第3章

OpenFOAMの使用例

この章では、OpenFOAM ディストリビューションと一緒に提供されている様々なテストケースについて説明します。その意図は、[ユーザガイドの第2章](#)のチュートリアルにあるものも含めて、あらゆる標準的なソルバに対する例題を提供することです。これらの例題は、OpenFOAM のいくつかのツールや特徴、例えば内部の前・後処理、数値スキーム、アルゴリズム、を紹介するように作られています。また、主目的ではありませんが、これらはソルバの検証の意味ももっています。

それぞれの例題では、問題、形状、初期条件・境界条件の説明、解くべき方程式、使われているモデル、そして必要な物性値の簡潔な説明をします。例えば対称面を使ったりする場合は、解析領域は本来の形状の一部となるように選びます。メッシュ生成の方法も説明しますが、たいてい `blockMesh` を使います。もちろん全ての例題にはメッシュを記述するファイルを含んだ `polyMesh` ディレクトリも一緒にありますので、ユーザは簡単にメッシュを見ることができます。

例題は、インストールした OpenFOAM の `tutorials` サブディレクトリの中にあるチュートリアルと対応しています。それらはソルバごとのサブディレクトリにまとめられています。例えば `icoFoam` の全てのケースは `icoFoam` サブディレクトリの中になります。例題を実行する前に、ユーザは自分のユーザ・アカウントの下にコピーしたほうがいいでしょう。OpenFOAM の全てのケースを一つのディレクトリの下に保存しておくこと、チュートリアルは `$FOAM_RUN` ディレクトリの中にコピーすることをお薦めします。もしユーザのアカウントの下にまだこのディレクトリが作られていないければ、以下のように作ることができます。

```
mkdir -p $FOAM_RUN
```

以下のようにすれば、このディレクトリにチュートリアルをコピーできます。

```
cp -r $FOAM_TUTORIALS/* $FOAM_RUN
```

3.1 円柱まわりの流れ

この例題では、`potentialFoam` を使って円柱まわりのポテンシャル流れを調べます。この例題には OpenFOAM の以下の特徴を紹介します。

- 非直交メッシュ
- OpenFOAM の問題に対する解析解の生成

3.1.1 問題設定

この問題は以下のように定義されます。

解析領域 図3.1に示すように、領域は2次元で、正方形領域と、その正方形の中心に配置された円柱からなります。

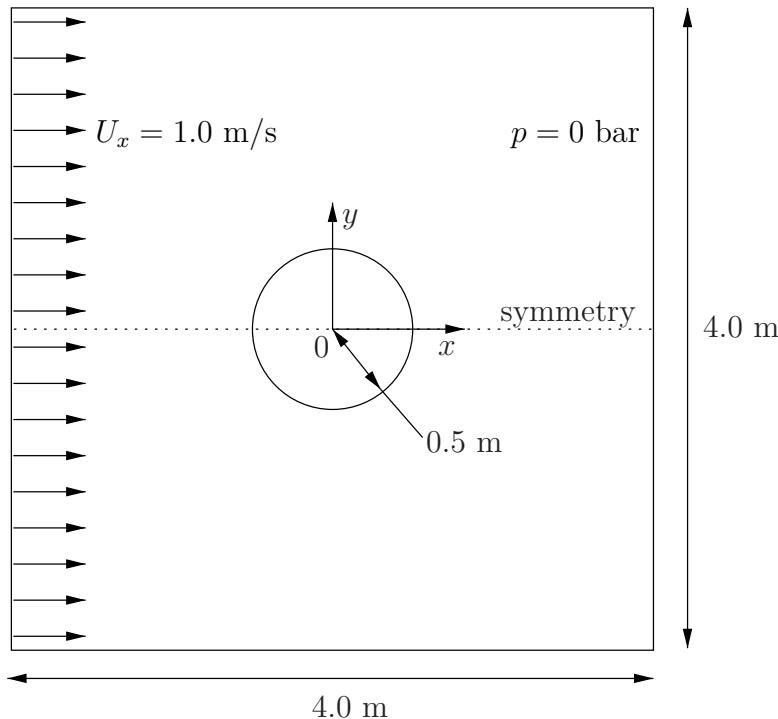


図3.1 円柱まわり流れの配置

支配方程式

- 非圧縮性流体の質量保存則

$$\nabla \cdot \mathbf{U} = 0 \quad (3.1)$$

- 定常状態とみなした、非圧縮性、回転なしの流体の圧力方程式

$$\nabla^2 p = 0 \quad (3.2)$$

境界条件

- 入口（左）は速度固定 $\mathbf{U} = (1, 0, 0) \text{ m/s}$
- 出口（右）は圧力固定 $p = 0 \text{ Pa}$
- 滑りなし壁面（下）
- 対称面（上）

初期条件 $U = 0 \text{ m/s}$, $p = 0 \text{ Pa}$ ——これらはOpenFOAM入力ファイルで必要とされますが、この問題は定常状態なので解には必要ではありません。

ソルバ名 `potentialFoam`: ポテンシャル流れのコード、すなわち、流れが非圧縮性、定常、回転なし、非粘性とみなし、重力は無視します。

ケース名 `$FOAM_TUTORIALS/potentialFoam`*ディレクトリの中にある `cylinder` ケース。

*訳注：これは古いバージョンでの配置。現行バージョンでは `$FOAM_TUTORIALS/basic/potentialFoam` にあ

3.1.2 potentialFoamについて

ポテンシャル流れを仮定すると、比較的シンプルな形状の問題では解析解が存在するため、`potentialFoam`はOpenFOAMを検証するのに便利なソルバです。この円柱まわり流れの例題には、数値解と比較できる解析解が存在します。`potentialFoam`は、問題に対して（適度に）保存されている初期 U 場を生成するユーティリティとしても利用することができます。ケースによっては、初期場が不安定であることによる不安定さを避けるのに役立ちます。端的にいえば、`potentialFoam`はユーザが与えた非保存の初期場から、保存された場を作りだします。

3.1.3 メッシュ生成

`blockMesh`を使ったメッシュ生成はユーザガイドで解説されています。このケースでは、メッシュは図3.2に示すように10ブロックからなっています。OpenFOAMでは全てのメッシュが3次元で扱われることを思い出してください。2次元の問題を解きたければ、解かない3番目の方向に1セルのみをもつような3次元メッシュを定義しなければなりません。図3.2では、 $z = -0.5$ に沿った背面のみを示しており、この中にある頂点番号は0~18です。それ以外の19個の頂点は、 $z = +0.5$ の正面にあり、以下のメッシュ定義ファイルに示すように、背面と同じ順番で番号付けられています。

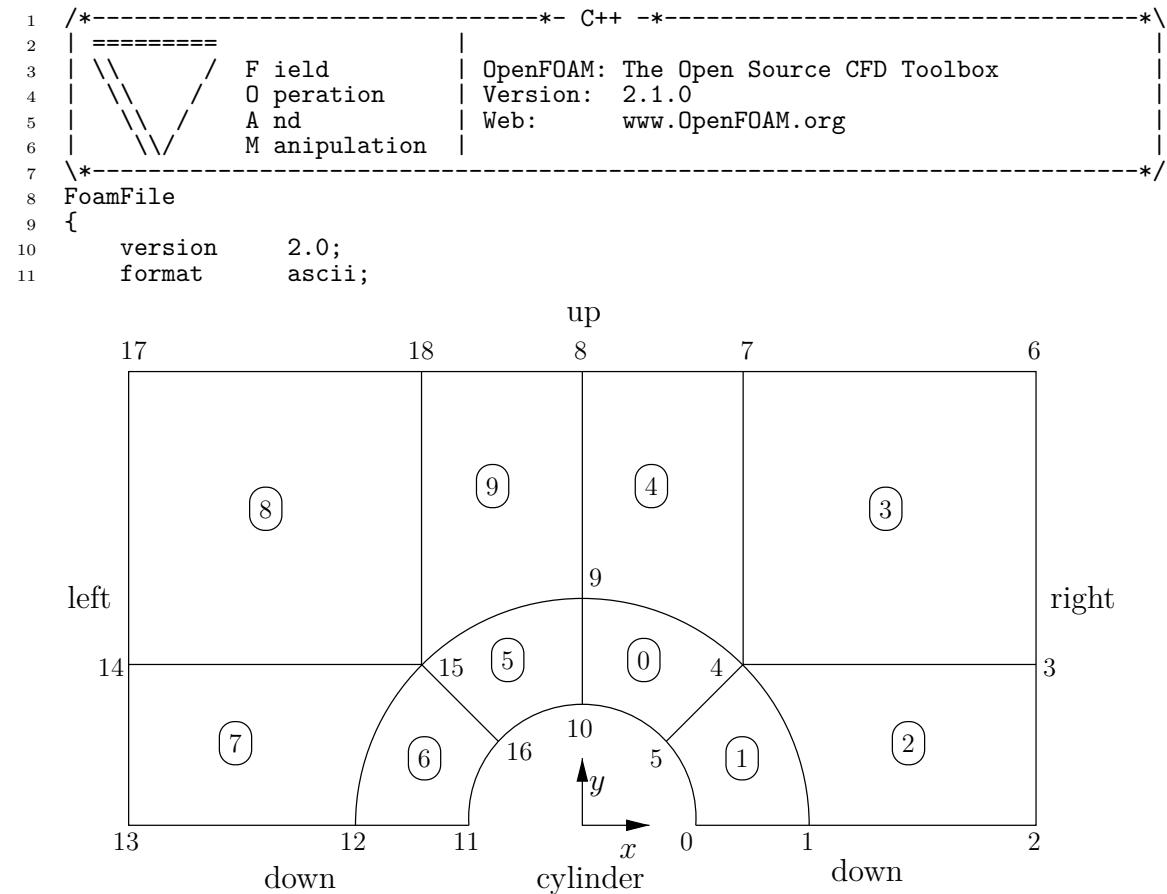


図3.2 円柱形状のメッシュ

る。


```

83     arc 19 24 (0.469846 0.17101 0.5)
84     arc 24 29 (0.17101 0.469846 0.5)
85     arc 20 23 (0.939693 0.34202 0.5)
86     arc 23 28 (0.34202 0.939693 0.5)
87     arc 11 16 (-0.469846 0.17101 -0.5)
88     arc 16 10 (-0.17101 0.469846 -0.5)
89     arc 12 15 (-0.939693 0.34202 -0.5)
90     arc 15 9 (-0.34202 0.939693 -0.5)
91     arc 30 35 (-0.469846 0.17101 0.5)
92     arc 35 29 (-0.17101 0.469846 0.5)
93     arc 31 34 (-0.939693 0.34202 0.5)
94     arc 34 28 (-0.34202 0.939693 0.5)
95   );
96
97 boundary
98 (
99   down
100  {
101    type symmetryPlane;
102    faces
103    (
104      (0 1 20 19)
105      (1 2 21 20)
106      (12 11 30 31)
107      (13 12 31 32)
108    );
109  }
110  right
111  {
112    type patch;
113    faces
114    (
115      (2 3 22 21)
116      (3 6 25 22)
117    );
118  }
119  up
120  {
121    type symmetryPlane;
122    faces
123    (
124      (7 8 27 26)
125      (6 7 26 25)
126      (8 18 37 27)
127      (18 17 36 37)
128    );
129  }
130  left
131  {
132    type patch;
133    faces
134    (
135      (14 13 32 33)
136      (17 14 33 36)
137    );
138  }
139  cylinder
140  {
141    type symmetryPlane;
142    faces
143    (
144      (10 5 24 29)
145      (5 0 19 24)
146      (16 10 29 35)
147      (11 16 35 30)
148    );
149  };
150 );
151
152 mergePatchPairs
153 (

```

```

154 );
155 // ****
156 // ****

```

3.1.4 境界条件と初期条件

FoamXを使うか、ケース・ファイルを手で編集して、図3.1に示す問題に合致するように境界条件を設定します。つまり、左側の境界は Inlet、右側の境界は Outlet、そして下側と円柱の境界は symmetryPlane となります。上側の境界条件は、 y 方向に無限の領域を仮定して得られた解析解に対して、最もよく比較できるように選択します。結果として、この境界に一致する面上においては、法線方向の \mathbf{U} の勾配は小さくなります。したがって、法線成分がゼロとなるような条件を採用します。つまり、symmetryPlane を設定し、これによって解析解と適切な比較ができるようにします。

3.1.5 ケースの実行

この問題では、流れは非圧縮性で非粘性を仮定しているので、流体の物性値は何も指定する必要がありません。systemサブディレクトリの中の、controlDictに実行のための制御パラメータを指定します。定常流れを仮定しているため、1ステップだけ実行すればよいことに注意してください。

```

1  /*----- C++ -----*/
2  | =====
3  | \ \ / F i e l d          | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
4  | \ \ / O p e r a t i o n   | Version: 2.1.0
5  | \ \ / A n d             | Web:      www.OpenFOAM.org
6  | \ \ / M a n i p u l a t i o n
7  \*-----*/
8 FoamFile
9 {
10    version    2.0;
11    format     ascii;
12    class      dictionary;
13    location   "system";
14    object     controlDict;
15 }
16 // * * * * *
17
18 application    potentialFoam;
19
20 startFrom      startTime;
21
22 startTime      0;
23
24 stopAt         endTime;
25
26 endTime        1;
27
28 deltaT         1;
29
30 writeControl   timeStep;
31
32 writeInterval  1;
33
34 purgeWrite    0;
35
36 writeFormat    ascii;
37

```

```

38 writePrecision 6;
39
40 writeCompression off;
41
42 timeFormat general;
43
44 timePrecision 6;
45
46 runTimeModifiable true;
47
48 functions
49 {
50     difference
51     {
52         // Load the library containing the 'coded' functionObject
53         functionObjectLibs ("libutilityFunctionObjects.so");
54         type coded;
55         // Name of on-the-fly generated functionObject
56         redirectType error;
57         code
58         #{
59             // Lookup U
60             Info<< "Looking up field U\n" << endl;
61             const volVectorField& U = mesh().lookupObject<volVectorField>("U");
62
63             Info<< "Reading inlet velocity uInfX\n" << endl;
64
65             scalar ULeft = 0.0;
66             label leftI = mesh().boundaryMesh().findPatchID("left");
67             const fvPatchVectorField& fvp = U.boundaryField()[leftI];
68             if (fvp.size())
69             {
70                 ULeft = fvp[0].x();
71             }
72             reduce(ULeft, maxOp<scalar>());
73
74             dimensionedScalar uInfX
75             (
76                 "uInfX",
77                 dimensionSet(0, 1, -1, 0, 0),
78                 ULeft
79             );
80
81             Info << "U at inlet = " << uInfX.value() << " m/s" << endl;
82
83
84             scalar magCylinder = 0.0;
85             label cylI = mesh().boundaryMesh().findPatchID("cylinder");
86             const fvPatchVectorField& cylFvp = mesh().C().boundaryField()[cylI];
87             if (cylFvp.size())
88             {
89                 magCylinder = mag(cylFvp[0]);
90             }
91             reduce(magCylinder, maxOp<scalar>());
92
93             dimensionedScalar radius
94             (
95                 "radius",
96                 dimensionSet(0, 1, 0, 0, 0),
97                 magCylinder
98             );
99
100            Info << "Cylinder radius = " << radius.value() << " m" << endl;
101
102            volVectorField UA
103            (
104                IOobject
105                (
106                    "UA",
107                    mesh().time().timeName(),
108                    U.mesh(),

```

```

109           IOobject::NO_READ,
110           IOobject::AUTO_WRITE
111       ),
112       U
113   );
114
115   Info<< "\nEvaluating analytical solution" << endl;
116
117   const volVectorField& centres = UA.mesh().C();
118   volScalarField magCentres(mag(centres));
119   volScalarField thetaacos((centres & vector(1,0,0))/magCentres));
120
121   volVectorField cs2theta
122   (
123       cos(2*theta)*vector(1,0,0)
124       + sin(2*theta)*vector(0,1,0)
125   );
126
127   UA = uInfX*(dimensionedVector(vector(1,0,0))
128             - pow((radius/magCentres),2)*cs2theta);
129
130 // Force writing of UA (since time has not changed)
131 UA.write();
132
133 volScalarField error("error", mag(U-UA)/mag(UA));
134
135 Info<<"Writing relative error in U to " << error.objectPath()
136      << endl;
137
138 error.write();
139 #};
140 }
141 }
142
143
144 // ****

```

`potentialFoam` は、圧力の方程式について反復計算を行い、反復が成功すればラプラスアン項の非直交補正に合致する陽的な項が更新されます。圧力の方程式についての反復計算の回数は、`controlDict` の中の `nNonOrthogonalCorrectors` キーワードで制御します。一つの例として、`nNonOrthogonalCorrectors` を 0 に設定すれば、反復は行われません。つまり、圧力の方程式が 1 回だけ解かれ、非直交補正是行われません。その解を図 3.3 (a) に示します（定常状態の解析が完了した $t = 1$ において）。図 3.3 (c) に示す解析解のように、領域を横切るなめらかな流線となる解を期待しているのですが、例えば、ブロック 0, 1, そして 3 の交点のように、メッシュの非直交性が強い領域において、明らかな誤差があります。`nNonOrthogonalCorrectors` を 3 に設定し、非直交補正を加えて再度ケースを実行してみましょう。図 3.3 (b) のように、解はなめらかな流線となり、非直交性に起因する顕著な誤差はありません。

3.2 バック・ステップ上の定常乱流

この例題では、後方に面する段差上を流れる定常乱流について調べます。この問題設定は、Pitz と Daily が実験的に調べたものに由来しており、数値解との比較することができます。この例題では、新たに OpenFOAM の以下の特徴を紹介します。

- 完全なメッシュの勾配付け機能を利用した、`blockMesh` によるメッシュ生成
- 定常乱流

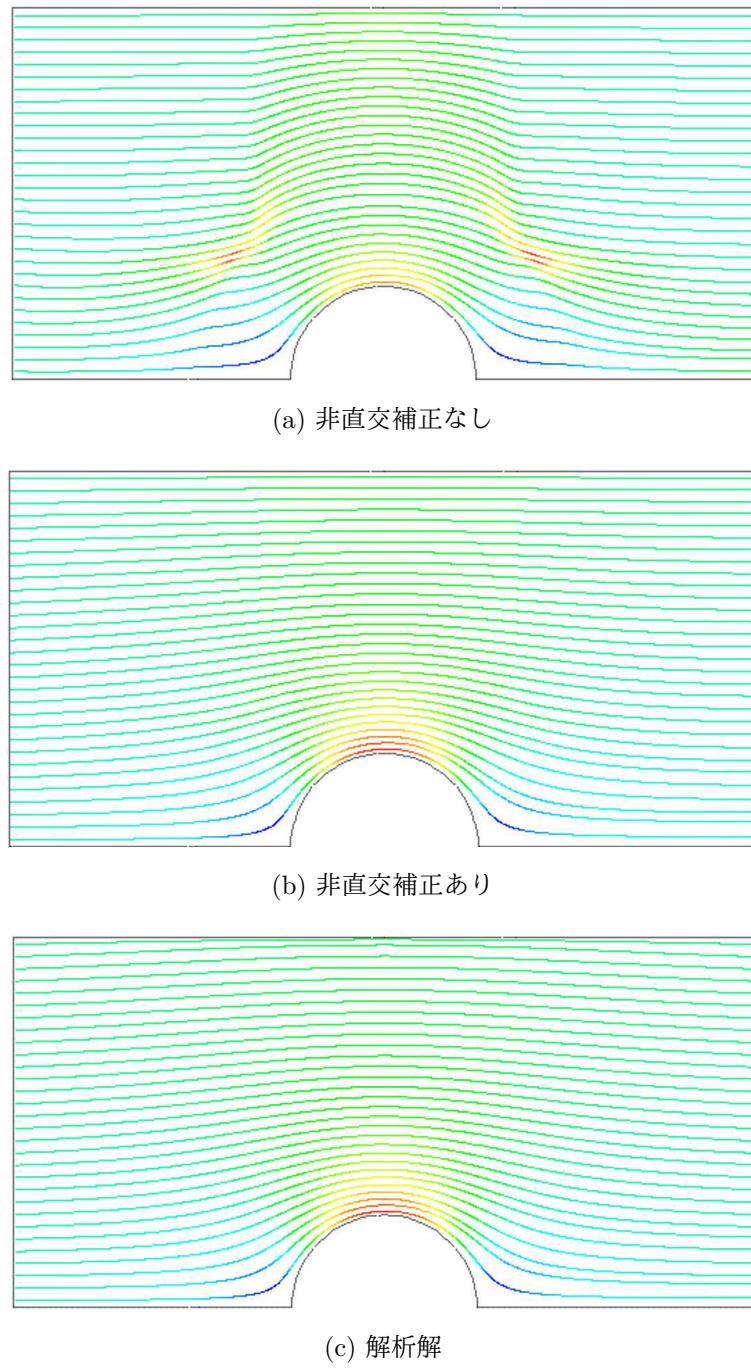


図 3.3 ポテンシャル流れの流線

3.2.1 問題設定

問題は以下のように定義します。

解析領域 領域は2次元で、図3.4に示すように、短い入口、バック・ステップ、そして出口の先細ノズルからなります。

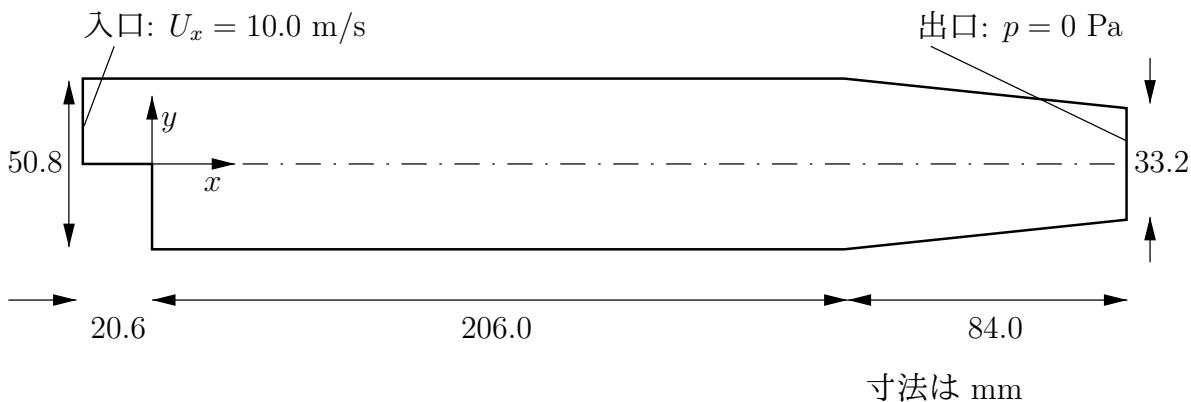


図3.4 バック・ステップの計算領域形状

支配方程式

- 非圧縮性流体の質量保存則

$$\nabla \cdot \mathbf{U} = 0 \quad (3.3)$$

- 定常流れの運動量方程式

$$\nabla \cdot (\mathbf{U} \mathbf{U}) + \nabla \cdot \mathbf{R} = -\nabla p \quad (3.4)$$

ここで p は運動学的圧力であり、(やや単純化しすぎですが) $\mathbf{R} = \nu_{\text{eff}} \nabla \mathbf{U}$ は粘性応力の項で、実効動粘性係数 ν_{eff} は選択された輸送・乱流モデルで計算されます。

初期条件 $U = 0 \text{ m/s}$, $p = 0 \text{ Pa}$ ——これらはOpenFOAM入力ファイルで必要とされますが、この問題は定常状態なので解には必要ではありません。

境界条件

- 入口(左)は速度固定 $\mathbf{U} = (10, 0, 0) \text{ m/s}$
- 出口(右)は圧力固定 $p = 0 \text{ Pa}$
- それ以外の境界は、滑りなし壁面

輸送特性

- 空気の動粘性係数 $\nu = \mu/\rho = 18.1 \times 10^{-6}/1.293 = 14.0 \mu\text{m}^2/\text{s}$

乱流モデル

- 標準 $k-\epsilon$
- 係数: $C_\mu = 0.09$; $C_1 = 1.44$; $C_2 = 1.92$; $\alpha_k = 1$; $\alpha_\epsilon = 0.76923$.

ソルバ名 simpleFoam: 定常非圧縮性流れ用。

ケース名 \$FOAM_TUTORIALS/simpleFoam*ディレクトリの中にある pitzDaily ケース。

* 註注: これは古いバージョンでの配置。現行バージョンでは\$FOAM_TUTORIALS/incompressible/simpleFoam にある。

この問題は `simpleFoam` を使って解きます。SIMPLE アルゴリズムを用いた定常流れのためのソルバなのでこのように名付けられています。このソルバは、標準の OpenFOAM リリースの `incompressibleTurbulenceModels` ライブラリの中の乱流モデル、および `incompressibleTransportModels` ライブラリの中の非ニュートン流体モデルの全てを適用することができます。

3.2.2 メッシュ生成

この問題の流れはちょうどよく複雑で、適切な解を得るにはメッシュの勾配付けが必要となります。一般に、最もせん断力のかかる領域が特に決め手であり、せん断力の小さい領域より細かいメッシュを必要とします。どこで大きなせん断力が生じるかは、計算が進んだらどのような解になるは必ずあるかを考察することで予想できます。入口では x 方向の強い一様流ですが、段差を過ぎると、下側の流体に対してせん断力を生じ、領域の下半分に渦を生じます。したがって、せん断力の大きな領域は領域の中心線付近と壁付近となるでしょう。

領域は、図 3.5 に示すように 12 個のブロックに分割されます。

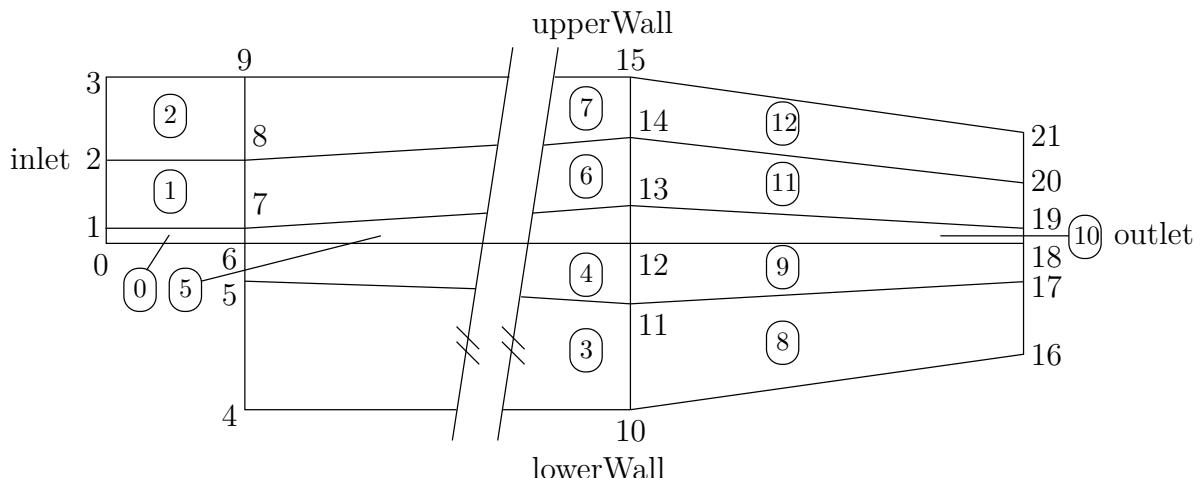


図 3.5 バック・ステップ問題のブロック分け

OpenFOAM ではメッシュは常に 3 次元なので、図 3.5 では $z = -0.5$ に沿った背面を示しています。全ての頂点とブロックは、以下のメッシュ記述ファイルで与えられます。

```

1  /*----- C++ -----*/
2  =====
3  \   / F ield
4  \ / O peration
5  \ / A nd
6  \ / M anipulation | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
7  *| Version: 2.1.0
8  | Web: www.OpenFOAM.org
9  */
10 version      2.0;
11 format       ascii;
12 class        dictionary;
13 object       blockMeshDict;
14 }
15 // * * * * *
16
17 convertToMeters 0.001;
18
19 vertices
20 (

```

```

21      (-20.6 0 -0.5)
22      (-20.6 3 -0.5)
23      (-20.6 12.7 -0.5)
24      (-20.6 25.4 -0.5)
25      (0 -25.4 -0.5)
26      (0 -5 -0.5)
27      (0 0 -0.5)
28      (0 3 -0.5)
29      (0 12.7 -0.5)
30      (0 25.4 -0.5)
31      (206 -25.4 -0.5)
32      (206 -8.5 -0.5)
33      (206 0 -0.5)
34      (206 6.5 -0.5)
35      (206 17 -0.5)
36      (206 25.4 -0.5)
37      (290 -16.6 -0.5)
38      (290 -6.3 -0.5)
39      (290 0 -0.5)
40      (290 4.5 -0.5)
41      (290 11 -0.5)
42      (290 16.6 -0.5)
43      (-20.6 0 0.5)
44      (-20.6 3 0.5)
45      (-20.6 12.7 0.5)
46      (-20.6 25.4 0.5)
47      (0 -25.4 0.5)
48      (0 -5 0.5)
49      (0 0 0.5)
50      (0 3 0.5)
51      (0 12.7 0.5)
52      (0 25.4 0.5)
53      (206 -25.4 0.5)
54      (206 -8.5 0.5)
55      (206 0 0.5)
56      (206 6.5 0.5)
57      (206 17 0.5)
58      (206 25.4 0.5)
59      (290 -16.6 0.5)
60      (290 -6.3 0.5)
61      (290 0 0.5)
62      (290 4.5 0.5)
63      (290 11 0.5)
64      (290 16.6 0.5)
65  );
66
67 blocks
68 (
69     hex (0 6 7 1 22 28 29 23) (18 7 1) simpleGrading (0.5 1.8 1)
70     hex (1 7 8 2 23 29 30 24) (18 10 1) simpleGrading (0.5 4 1)
71     hex (2 8 9 3 24 30 31 25) (18 13 1) simpleGrading (0.5 0.25 1)
72     hex (4 10 11 5 26 32 33 27) (180 18 1) simpleGrading (4 1 1)
73     hex (5 11 12 6 27 33 34 28) (180 9 1) edgeGrading (4 4 4 4 0.5 1 1 0.5 1 1 1 1)
74     hex (6 12 13 7 28 34 35 29) (180 7 1) edgeGrading (4 4 4 4 1.8 1 1 1.8 1 1 1 1)
75     hex (7 13 14 8 29 35 36 30) (180 10 1) edgeGrading (4 4 4 4 1 1 4 1 1 1 1 1)
76     hex (8 14 15 9 30 36 37 31) (180 13 1) simpleGrading (4 0.25 1)
77     hex (10 16 17 11 32 38 39 33) (25 18 1) simpleGrading (2.5 1 1)
78     hex (11 17 18 12 33 39 40 34) (25 9 1) simpleGrading (2.5 1 1)
79     hex (12 18 19 13 34 40 41 35) (25 7 1) simpleGrading (2.5 1 1)
80     hex (13 19 20 14 35 41 42 36) (25 10 1) simpleGrading (2.5 1 1)
81     hex (14 20 21 15 36 42 43 37) (25 13 1) simpleGrading (2.5 0.25 1)
82  );
83
84 edges
85 (
86  );
87
88 boundary
89 (
90     inlet
91  {

```

```
92      type patch;
93      faces
94      (
95          (0 22 23 1)
96          (1 23 24 2)
97          (2 24 25 3)
98      );
99  }
100 outlet
101 {
102     type patch;
103     faces
104     (
105         (16 17 39 38)
106         (17 18 40 39)
107         (18 19 41 40)
108         (19 20 42 41)
109         (20 21 43 42)
110     );
111 }
112 upperWall
113 {
114     type wall;
115     faces
116     (
117         (3 25 31 9)
118         (9 31 37 15)
119         (15 37 43 21)
120     );
121 }
122 lowerWall
123 {
124     type wall;
125     faces
126     (
127         (0 6 28 22)
128         (6 5 27 28)
129         (5 4 26 27)
130         (4 10 32 26)
131         (10 16 38 32)
132     );
133 }
134 frontAndBack
135 {
136     type empty;
137     faces
138     (
139         (22 28 29 23)
140         (23 29 30 24)
141         (24 30 31 25)
142         (26 32 33 27)
143         (27 33 34 28)
144         (28 34 35 29)
145         (29 35 36 30)
146         (30 36 37 31)
147         (32 38 39 33)
148         (33 39 40 34)
149         (34 40 41 35)
150         (35 41 42 36)
151         (36 42 43 37)
152         (0 1 7 6)
153         (1 2 8 7)
154         (2 3 9 8)
155         (4 5 11 10)
156         (5 6 12 11)
157         (6 7 13 12)
158         (7 8 14 13)
159         (8 9 15 14)
160         (10 11 17 16)
161         (11 12 18 17)
162         (12 13 19 18)
```

```

163           (13 14 20 19)
164           (14 15 21 20)
165       );
166   );
168
169   mergePatchPairs
170   (
171   );
172 // ****
173

```

この問題の最大の特徴は、[ユーザガイドの5.3.1項](#)で述べたblockMeshの完全なメッシュの勾配付けの機能を使っていることです。ブロック4, 5および6では、12個の拡大率からなる完全なリストを使っていることがわかります。これらの拡大率は、それぞれのブロックの線分について、最初の四つは局所的な x_1 方向に沿った線分、次の四つは局所的な x_2 方向の線分、最後の四つは局所的な x_3 方向の線分に対応しています。ブロック4, 5および6では、局所的な x_1 および x_2 方向の線分すべてに対して等しい比率となっていますが、 x_2 方向については違います。これは全てのブロックで、大域座標の y に対応しています。[ユーザガイドの5.3.1項](#)で述べたブロック定義と関連付けて使われている比率を考えると、図3.5のブロック4, 5および6において、左側と右側の線分に沿って、異なった勾配付けが規定されていることがわかります。この異なる勾配付けの目的は、流れの最も重大な領域である、段差で流れが曲がるところにおいて細かいメッシュを生成し、それ以外の領域にかけて拡大していくようにするためです。

コマンドラインまたはFoamXからblockMeshを使ってメッシュを生成し、先に例示したように可視化します。

3.2.3 境界条件と初期条件

ケースのファイルは、FoamXの中で、または手作業で閲覧・編集できます。このケースでは、速度 \mathbf{U} 、圧力 p 、乱流の運動エネルギー k および散逸率 ε について、初期および境界の場を設定する必要があります。境界条件は、FoamXで物理的なパッチのタイプを設定することで指定できます。上下の壁はWall、左側のパッチはInlet、そして右側のパッチはOutletに設定します。入口の \mathbf{U} 、 k および ε については、物理境界条件としてfixedValueを指定する必要があります。 \mathbf{U} は問題設定により与えられていますが、 k と ε については[ユーザガイドの2.1.8.1](#)で述べたのと同様な方法で、ユーザが決めなければなりません。入口においては、乱流は等方性であり、変動は \mathbf{U} の5%と仮定します。

$$U'_x = U'_y = U'_z = \frac{5}{100}10 = 0.5 \text{ m/s} \quad (3.5)$$

および

$$k = \frac{3}{2}(0.5)^2 = 0.375 \text{ m}^2/\text{s}^3 \quad (3.6)$$

が得られます。乱流の長さスケール l を入口幅の10%と見積もれば、

$$\varepsilon = \frac{C_\mu^{0.75} k^{1.5}}{l} = \frac{0.09^{0.75} \times 0.375^{1.5}}{0.1 \times 25.4 \times 10^{-3}} = 14.855 \text{ m}^2/\text{s}^3 \quad (3.7)$$

となります。出口においては、圧力 $p = 0 \text{ Pa}$ だけしか指定する必要はありません。

3.2.4 ケースの制御

fvSchemes の選択は以下のようにします。 *timeScheme* は *steadyState* とし、 *gradScheme* および *laplacianScheme* はデフォルトとして *Gauss* を設定します。また、有界性を保証するため *divScheme* は *UD* とします。

fvTolerances の設定には特に注意を払う必要があります。**simpleFoam* コードのトップレベルでは p と \mathbf{U} の方程式しか含んでいませんが、乱流モデルは k , ε および \mathbf{R} の方程式も解くので、5個の方程式すべてに対して許容誤差を設定する必要があります。 p 以外の全ての変数については、*solverTolerance* は 10^{-5} , *solverRelativeTolerance* は 0.1 で十分ですが、 p に対しては 10^{-6} および 0.01 をお薦めします。問題は定常なので、不足緩和が必要となります。 \mathbf{U} , k , ε , \mathbf{R} については *relaxationFactor* は 0.7 で十分ですが、数値振動を抑えるため、 p は 0.3 とする必要があります。

最後に、*controlDict*において、定常問題なので *deltaT* は 1 とします。これで実質的には反復回数とみなせます。あとでわかるように、解を十分収束させるには 1000 回ほどの反復が必要なので、*endTime* は 1000 と設定します。実行中にハードディスクがデータでいっぱいになってしまわないように、*writeFrequency*[†]が十分大きな値（例えば 50）であることを確かめてください。

3.2.5 ケースの実行とポスト処理

ケースを実行し、結果のポスト処理を行います。少しだけ、例えば 50 反復した後には、段差の真下に段差の高さと同じくらいの渦が発達しますが、図 3.6 (a) に示す速度のベクトル・プロットからわかるように、 x 方向には狭いものに留まっています。さらに反復させると、渦は段差から出口へ向かって x 方向に伸展していき、1000 回の反復後に系は定常状態に達し、渦は図 3.6 (c) に示すように完全に発達した状態になります。

3.3 フォワード・ステップ上の超音速流れ

この例題では前方に面する段差上の超音速流れについて調べます。問題の概要は、マッハ数 3 の流れが入口付近に段差のある長方形の領域に流入し、それによって衝撃波を生じるというものです。

この例題では、新たに OpenFOAM の以下のようないくつかの特徴を紹介します。

- 超音速流れ

3.3.1 問題設定

問題は以下のように定義します。

解析領域 領域は 2 次元で、図 3.7 に示すように、短い入口、それに続いて断面の 20 % の高さの段差があります。

^{*} 訳注：この段落は古いバージョン向けの説明となっている。現行バージョンでは *fvTolerances* ではなく *fvSolution*, *solverTolerance* ではなく *tolerance*, *solverRelativeTolerance* ではなく *relTol*。

[†] 訳注：古いバージョンのキーワード。現行バージョンでは *writeInterval*

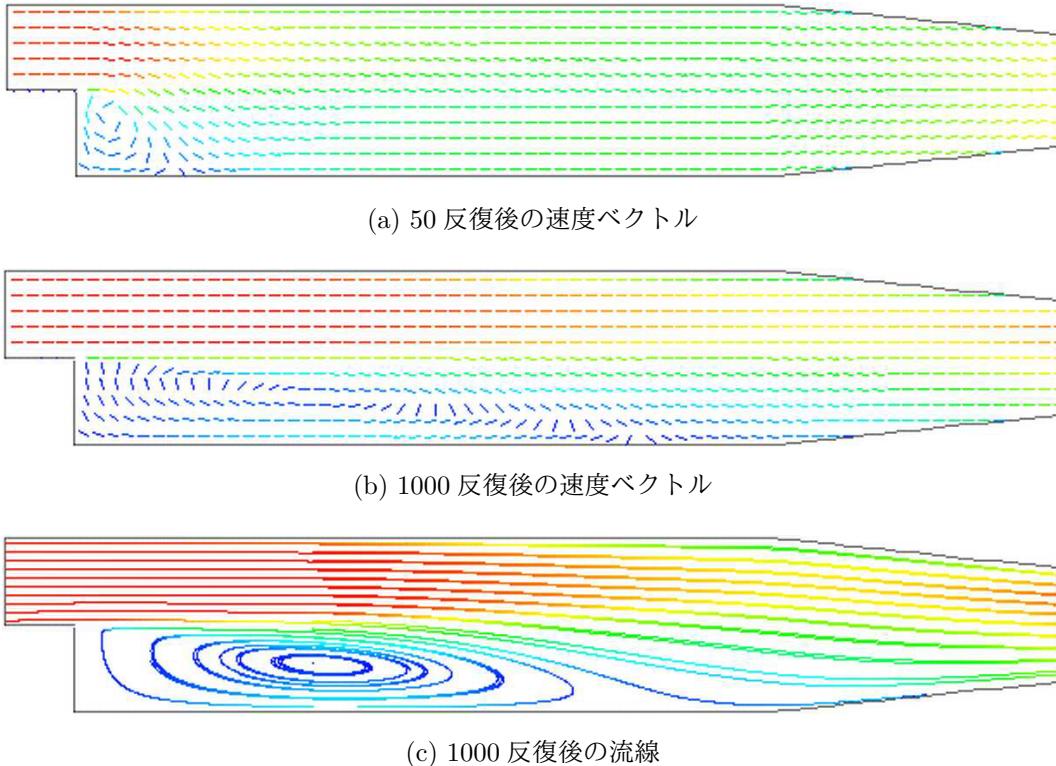


図 3.6 バック・ステップ内の渦の発達

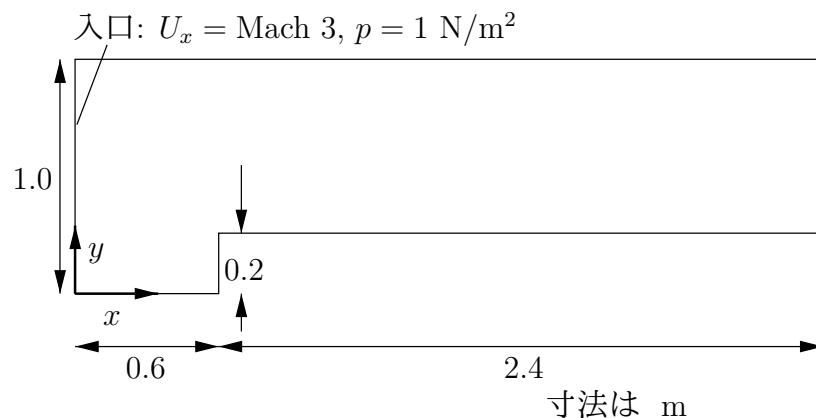


図 3.7 フォワード・ステップの計算領域形状

支配方程式

- 質量保存則

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U}) = 0 \quad (3.8)$$

- 理想気体の状態方程式

$$p = \rho R T \quad (3.9)$$

- ニュートン流体の運動量方程式

$$\frac{\partial \rho \mathbf{U}}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} \mathbf{U}) - \nabla \cdot (\mu \nabla \mathbf{U}) = -\nabla p \quad (3.10)$$

- 流体のエネルギー方程式（いくつかの粘性項は無視）， $e = c_v T$ であり，フーリエの法則 $\mathbf{q} = -k \nabla T$ に基づいています。

$$\frac{\partial \rho e}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} e) - \nabla \cdot \left(\frac{k}{c_v} \right) \nabla e = p \nabla \cdot \mathbf{U} \quad (3.11)$$

初期条件 $U = 0 \text{ m/s}$, $p = 1 \text{ Pa}$, $T = 1 \text{ K}$.

境界条件

- 入口（左）は，いずれも fixedValue で，速度 $\mathbf{U} = 3 \text{ m/s} = \text{マッハ } 3$ ，圧力 $p = 1 \text{ Pa}$ および温度 $T = 1 \text{ K}$
- 出口（右）は， U , p および T ，いずれも zeroGradient
- 滑りなし断熱壁面（下面）
- 対称面（上面）

輸送特性

- 空気の粘性係数* $\mu = 18.1 \mu\text{Pa s}$

熱力学特性

- 定積比熱 $c_v = 1.78571 \text{ J/(kg K)}$
- ガス定数 $R = 0.714286 \text{ J/(kg K)}$
- 熱伝達率 $k = 32.3 \mu\text{W/(m K)}$

ケース名 $\$FOAM_TUTORIALS/sonicFoam$ [†] ディレクトリの中にある forwardStep ケース。

ソルバ名 sonicFoam: 圧縮性の遷音速・超音速層流[‡]の気体の流れの実装。

このケースは，気体中の音速が $c = \sqrt{\gamma RT} = 1 \text{ m/s}$ となるように作られています。その結果，速度がそのままマッハ数となります。例えば，入口の速度 3 m/s はマッハ 3 です。この音速の計算は，理想気体の関係式 $cp - c_v = R$ から，つまり比熱比

$$\gamma = \frac{c_p}{c_v} = \frac{R}{c_v} + 1 \quad (3.12)$$

から確かめることができます。

3.3.2 メッシュ生成

このケースで使うメッシュは比較的単純で， x 方向に 0.06 m ， y 方向に 0.05 m の，一様な長方形セルからなっています。領域は簡単に三つのブロックに分割され，一つは段差の上面より下側，あとの二つは段差より上側で，それぞれ段差の前面に対して左側と右側になります。全ての頂点とブロックを，以下のメッシュ記述ファイルに示します。

```

1  /*-----*----- C++ -----*/  

2  | ======  

3  | \ \ / F ield | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox  

4  | \ \ O peration | Version: 2.1.0  

5  | \ \ A nd | Web: www.OpenFOAM.org  

6  | \ \ M anipulation |  

7  \*-----*/

```

* 訳注：原文では Dynamic viscosity となっているが，数値・単位からして動粘性係数ではない。

[†] 訳注：これは古いバージョンでの配置。現行バージョンでは $\$FOAM_TUTORIALS/compressible/sonicFoam$ にある。

[‡] 訳注：古いバージョンでは層流のみだったが，現行バージョンでは乱流にも対応している。

```
8  FoamFile
9  {
10     version      2.0;
11     format       ascii;
12     class        dictionary;
13     object       blockMeshDict;
14 }
15 // * * * * *
16
17 convertToMeters 1;
18
19 vertices
20 (
21     (0 0 -0.05)
22     (0.6 0 -0.05)
23     (0 0.2 -0.05)
24     (0.6 0.2 -0.05)
25     (3 0.2 -0.05)
26     (0 1 -0.05)
27     (0.6 1 -0.05)
28     (3 1 -0.05)
29     (0 0 0.05)
30     (0.6 0 0.05)
31     (0 0.2 0.05)
32     (0.6 0.2 0.05)
33     (3 0.2 0.05)
34     (0 1 0.05)
35     (0.6 1 0.05)
36     (3 1 0.05)
37 );
38
39 blocks
40 (
41     hex (0 1 3 2 8 9 11 10) (25 10 1) simpleGrading (1 1 1)
42     hex (2 3 6 5 10 11 14 13) (25 40 1) simpleGrading (1 1 1)
43     hex (3 4 7 6 11 12 15 14) (100 40 1) simpleGrading (1 1 1)
44 );
45
46 edges
47 (
48 );
49
50 boundary
51 (
52     inlet
53     {
54         type patch;
55         faces
56         (
57             (0 8 10 2)
58             (2 10 13 5)
59         );
60     }
61     outlet
62     {
63         type patch;
64         faces
65         (
66             (4 7 15 12)
67         );
68     }
69     bottom
70     {
71         type symmetryPlane;
72         faces
73         (
74             (0 1 9 8)
75         );
76     }
77     top
78 {
```

```

79      type symmetryPlane;
80      faces
81      (
82          (5 13 14 6)
83          (6 14 15 7)
84      );
85  }
86  obstacle
87  {
88      type patch;
89      faces
90      (
91          (1 3 11 9)
92          (3 4 12 11)
93      );
94  }
95  );
96
97 mergePatchPairs
98 (
99 );
100 // ****
101 // ****

```

3.3.3 ケースの実行

このケースは、5sを少し過ぎたあたりで定常状態に達します。10sにおける圧力の結果を図3.8に示します。この結果からは、段差の根元から生じている圧力の不連続面、つまり衝撃波が顕著に見られます。

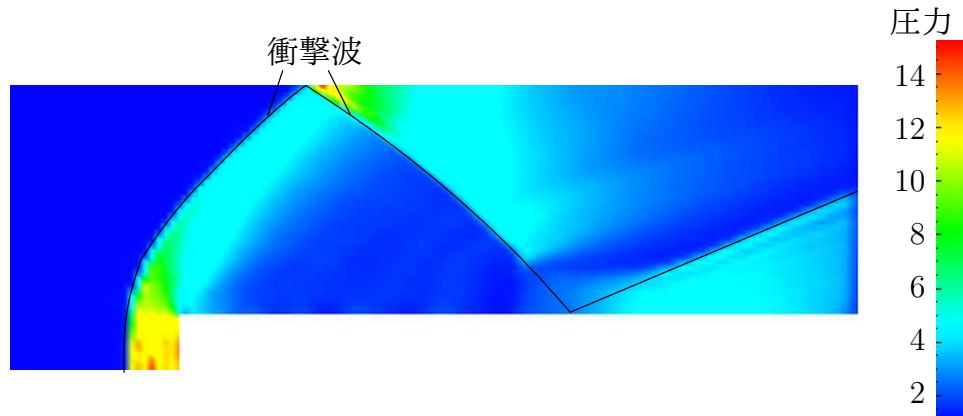


図 3.8 フォワード・ステップ問題における衝撃波

3.3.4 課題

入口の速度を増大させたとき、解に与える影響を調べてみましょう。

3.4 加圧された水タンクの減圧

この例題では、加圧した液体で満たされたタンク近くのバルブを急に開くという問題について調べます。このような問題の結果には圧力波の伝播が重要であり、したがって圧縮性の液体としてモデル化する必要があります。

この例題では、新たに OpenFOAM の以下のような特徴を紹介します。

- メッシュの改善
- 液体中の圧力波

3.4.1 問題設定

解析領域 領域は2次元で、図3.9に示すように、小さい流出管路が付いたタンクからなります。

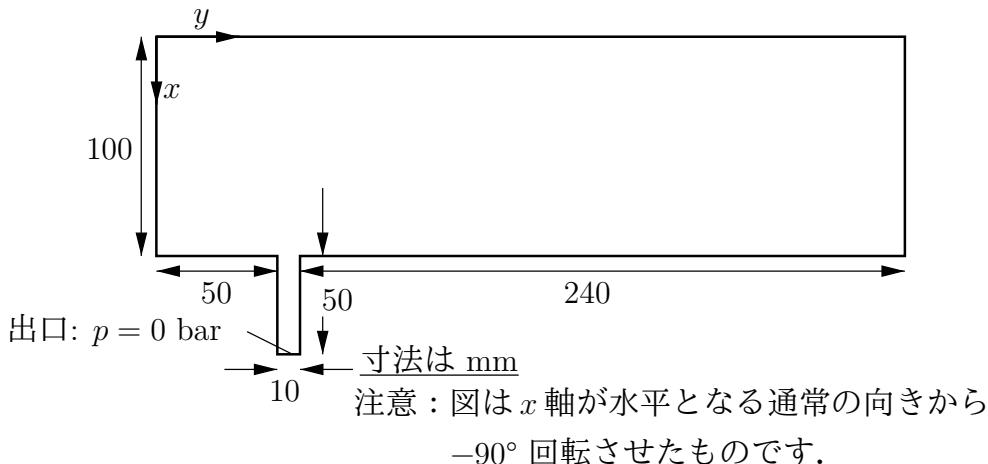


図 3.9 流出管路付きタンクの計算領域形状

支配方程式 この問題では、有限の速度で伝播する波を解くために、流体の圧縮率 ψ が必要となります。密度 ρ と圧力 p を ψ と結びつけるには順圧の関係が使われます。

- 質量保存則

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U}) = 0 \quad (3.13)$$

- 順圧の関係

$$\frac{\partial \rho}{\partial p} = \frac{\rho}{K} = \psi \quad (3.14)$$

ここで K は体積弾性率です。

- 式(3.14)は以下のように線形化されます。

$$\rho \approx \rho_0 + \psi(p - p_0) \quad (3.15)$$

ここで ρ_0 と p_0 はそれぞれ参照密度と圧力で、 $\rho(p_0) = \rho_0$ です。

- ニュートン流体の運動量方程式

$$\frac{\partial \rho \mathbf{U}}{\partial t} + \nabla \cdot (\rho \mathbf{U} \mathbf{U}) - \nabla \cdot (\mu \nabla \mathbf{U}) = -\nabla p \quad (3.16)$$

境界条件 FoamXを使って、以下のような物理境界条件を設定できます。

- outerWall は wall 条件として指定
- axis は symmetryPlane として指定
- nozzle は $p = 0$ bar の pressureOutlet として指定

- front および back 境界は empty として指定

初期条件 $\mathbf{U} = \mathbf{0}$ m/s, $p = 100$ bar.

輸送特性

- 水の粘性係数* $\mu = 1.0$ mPa s

熱力学特性

- 水の密度 $\rho = 1000$ kg/m³
- 参照圧力 $p_0 = 1$ bar
- 水の圧縮率 $\psi = 4.54 \times 10^{-7}$ s²/m²

ソルバ名 sonicLiquidFoam: 遷音速・超音速の圧縮性液体の層流コード.

ケース名 \$FOAM_TUTORIALS/sonicLiquidFoam*ディレクトリの中にある decompressionTank ケース.

3.4.2 メッシュ生成

このケースでモデル化されている形状の全ての頂点とブロックを、以下のメッシュ記述ファイルに示します。

```

1  /*----- C++ -----*/
2  | =====
3  | \ \ / Field          | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
4  | \ \ / Operation      | Version: 2.1.0
5  | \ \ / And            | Web:     www.OpenFOAM.org
6  | \ \ / Manipulation   |
7  \*-----*/
8 FoamFile
9 {
10    version    2.0;
11    format      ascii;
12    class       dictionary;
13    object      blockMeshDict;
14 }
15 // * * * * *
16
17 convertToMeters 0.1;
18
19 vertices
20 (
21    (0 0 -0.1)
22    (1 0 -0.1)
23    (0 0.5 -0.1)
24    (1 0.5 -0.1)
25    (1.5 0.5 -0.1)
26    (0 0.6 -0.1)
27    (1 0.6 -0.1)
28    (1.5 0.6 -0.1)
29    (0 3 -0.1)
30    (1 3 -0.1)
31    (0 0 0.1)
32    (1 0 0.1)
33    (0 0.5 0.1)
34    (1 0.5 0.1)
35    (1.5 0.5 0.1)
36    (0 0.6 0.1)
37    (1 0.6 0.1)
38    (1.5 0.6 0.1)

```

* 訳注：原文では Dynamic viscosity となっているが、数値・単位からして動粘性係数ではない。

* 訳注：これは古いバージョンでの配置。現行バージョンでは \$FOAM_TUTORIALS/compressible/sonicLiquidFoam にある。

```
39      (0 3 0.1)
40      (1 3 0.1)
41  );
42
43  blocks
44  (
45      hex (0 1 3 2 10 11 13 12) (30 20 1) simpleGrading (1 1 1)
46      hex (2 3 6 5 12 13 16 15) (30 5 1) simpleGrading (1 1 1)
47      hex (3 4 7 6 13 14 17 16) (25 5 1) simpleGrading (1 1 1)
48      hex (5 6 9 8 15 16 19 18) (30 95 1) simpleGrading (1 1 1)
49  );
50
51  edges
52  (
53  );
54
55  boundary
56  (
57      outerWall
58      {
59          type wall;
60          faces
61          (
62              (0 1 11 10)
63              (1 3 13 11)
64              (3 4 14 13)
65              (7 6 16 17)
66              (6 9 19 16)
67              (9 8 18 19)
68          );
69      }
70      axis
71      {
72          type symmetryPlane;
73          faces
74          (
75              (0 10 12 2)
76              (2 12 15 5)
77              (5 15 18 8)
78          );
79      }
80      nozzle
81      {
82          type patch;
83          faces
84          (
85              (4 7 17 14)
86          );
87      }
88      back
89      {
90          type empty;
91          faces
92          (
93              (0 2 3 1)
94              (2 5 6 3)
95              (3 6 7 4)
96              (5 8 9 6)
97          );
98      }
99      front
100     {
101         type empty;
102         faces
103         (
104             (10 11 13 12)
105             (12 13 16 15)
106             (13 14 17 16)
107             (15 16 19 18)
108         );
109     }
}
```

```

110 );
111
112 mergePatchPairs
113 (
114 );
115 // ****
116 // ****

```

数値の精度向上のため、圧力場の基準値として 1 bar を使います。内部領域および境界条件のいずれにも、この基準値が上乗せされることに注意してください。

3.4.3 実行の準備

計算の設定を始める前に、捉えようとしている現象に対する代表速度を考える必要があります。いま考えている問題では、流体の速度は非常に小さくなりますが、圧力波は水中の音速で伝播します。音速は以下のように計算されます。

$$c = \sqrt{\frac{1}{\psi}} = \sqrt{\frac{1}{4.54 \times 10^{-7}}} = 1483.2 \text{ m/s} \quad (3.17)$$

前述のメッシュにおいて、メッシュの代表長さはおよそ 2 mm (ファイル *blockMeshDict* で拡大率を 0.1 としたことに注意) です。

$$Co = \frac{U \Delta t}{\Delta x} \quad (3.18)$$

を使って適切な時間ステップを考えると、およそ $\Delta t = 5 \times 10^{-7} \text{ s}$ とすれば音速に対してクーラン数が 0.35 となります。コードから出力される (移流速度に基づく) クーラン数は、2 行ほど小さい値になることにも注意してください。興味があるのは圧力波の伝播なので、シミュレーション時間を 0.25 ms とします。*参考に、ファイル *controlDict* を以下に引用します。

```

1  /*----- C++ -----*/
2  =====
3  \  / F ield      | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
4  \  / O peration   | Version: 2.1.0
5  \  / A nd         | Web:     www.OpenFOAM.org
6  \  / M anipulation |
7  \*-----*/
8 FoamFile
9 {
10     version    2.0;
11     format     ascii;
12     class      dictionary;
13     location   "system";
14     object     controlDict;
15 }
16 // * * * * *
17
18 application sonicLiquidFoam;
19
20 startFrom startTime;
21
22 startTime    0;
23
24 stopAt      endTime;
25
26 endTime     0.0001;
27

```

* 訳注：誤植か？ 引用されている *controlDict* では 0.1 ms になっている。

```

28 deltaT      5e-07;
29
30 writeControl timeStep;
31
32 writeInterval 20;
33
34 purgeWrite    0;
35
36 writeFormat    ascii;
37
38 writePrecision 6;
39
40 writeCompression off;
41
42 timeFormat     general;
43
44 timePrecision   6;
45
46 runTimeModifiable true;
47
48 // ****
49

```

3.4.4 ケースの実行

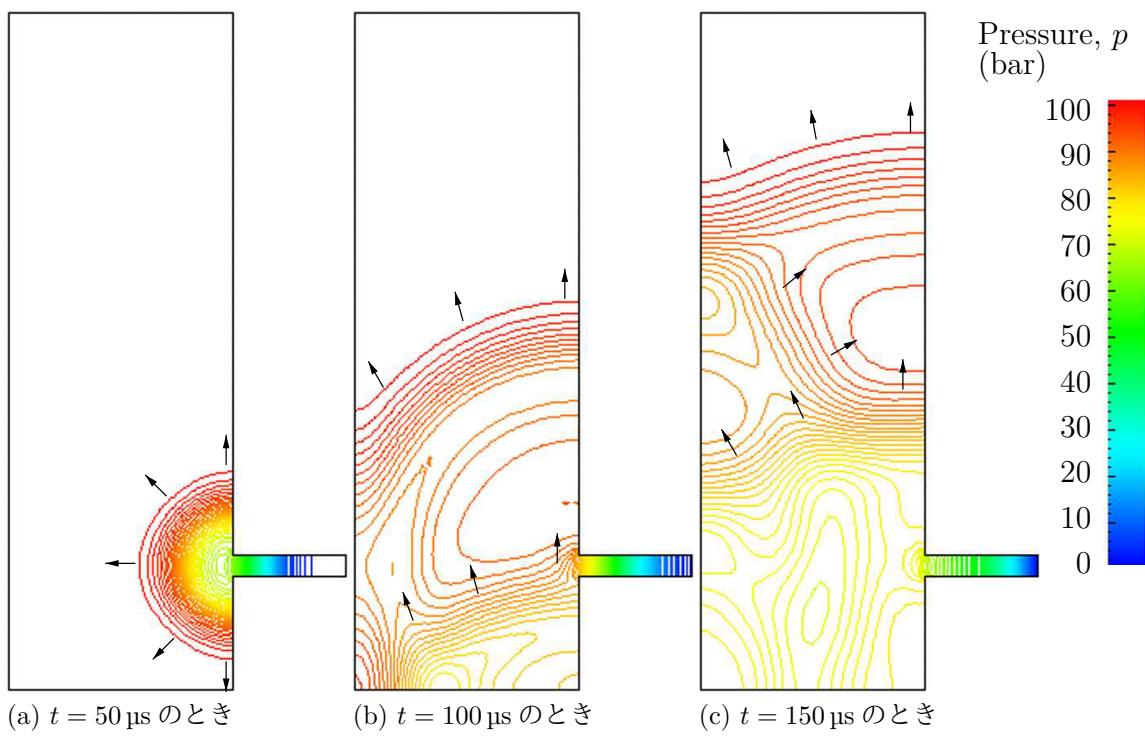


図 3.10 圧力波の伝播

`dxFoam*`でケースを実行し、結果を可視化することができます。液体がノズルから流出していくとともに、ノズルに沿って圧力波が移動していきます。この圧力波がタンク入口に達すると、その一部はタンク内に伝わっていき、一部は反射されます。入口パイプの上下で波が反射されることにより、波はタンク内に広がり、伝播していきます。[図 3.10](#)に圧力を等圧線で示していますので、通常の等値線プロットよりも、波面がよりはっきりと見てとれます。

*訳注：OpenDX を利用したポスト処理ツール。現行バージョンには含まれていない。

もしシミュレーションを十分長い時間実行して反射された波がパイプまで帰ってきたら、負の絶対圧が観測できるでしょう。このことやその他のいくつかの物理原則を表現できるのは、液体が張力、すなわち負圧を表現できるようにモデリングされているからです。しかしながら現実には、低圧により液体中の不純物や溶解気体に起因して、キャビテーションや蒸発・沸騰が起こります。したがって、実用上、液体の蒸気圧より低い圧力は、少なくともキャビテーションのプロセスが始まるほど長時間に渡るのでなければ、一般には無視します。

3.4.5 メッシュの改良による解の改善

得られた圧力場の時間発展を見ていると、圧力波がタンク内に伝播して内壁面で数値的に反射している様子が明らかに見てとれます。また、いくつものセルを通貨する間に圧力波が鈍っていることも明らかです。そこで、もっとシャープな波面の解像度を得るために、メッシュを改良し、時間ステップを短くしてみましょう。単純に *blockMeshDict* を編集し、*x* および *y* 方向についてセル数を 4 倍に増やします。つまり、ブロック 0 は (30 20 1) から (120 80 1) とします。ほかも同様です。このファイルを使って *blockMesh* を実行します。これに加えて、クーラン数を 1 以下に保つために、したがって $\Delta t = 10^{-7}$ s に、時間ステップを短縮する必要があります。この 2 度目のシミュレーションは、図 3.11 に示すように、圧力波の解像度がずいぶん改善しています。

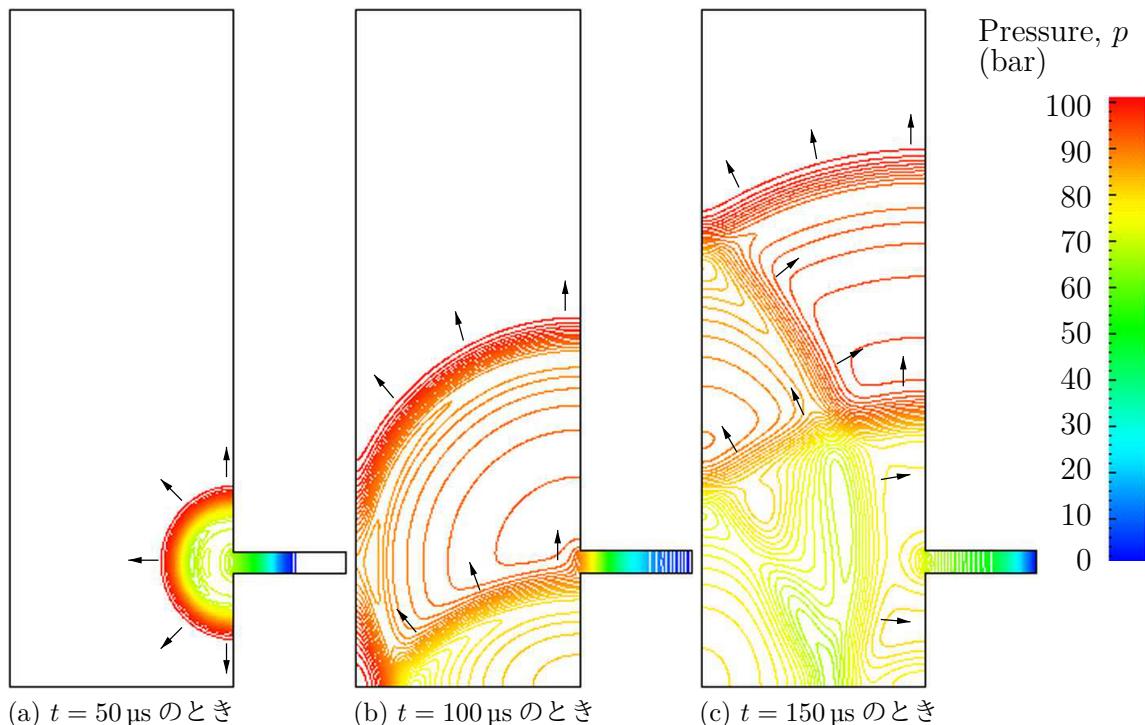


図 3.11 改良版メッシュにおける圧力波の伝播

3.5 磁性液体流れ

この例題では、磁場の中を通過し、電気の伝導を伴う液体の流れについて調べます。この問題は、電磁流体力学 (MHD) として知られる、流体力学の一つの分野であり、*mhdFoam* を使い

ます。

3.5.1 問題設定

この問題は index れいだい@例題!ハルトマンもんだい@ハルトマン問題ハルトマン問題として知られており、解析解によって mhdFoam を検証できるので選びました。問題は以下のように定義されます。

解析領域 領域は2次元で、図3.12に示すように、2枚の平行な板に沿った流れからなります。

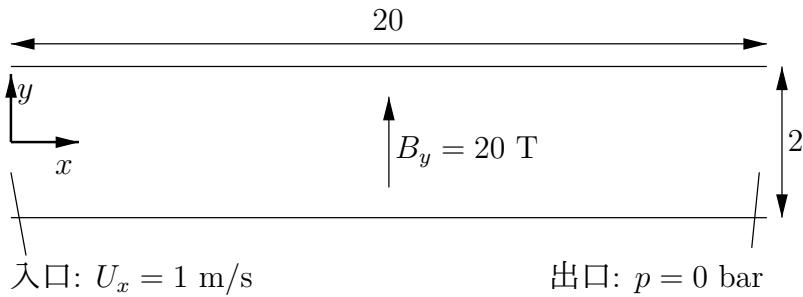


図3.12 ハルトマン問題の計算領域形状

支配方程式

- 非圧縮性流体の質量保存則

$$\nabla \cdot \mathbf{U} = 0 \quad (3.19)$$

- 非圧縮性流体の運動量方程式

$$\frac{\partial \mathbf{U}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{U} \mathbf{U}) + \nabla \cdot (2B\Gamma_{BU}\mathbf{B}) + \nabla \cdot (\nu \mathbf{U}) + \nabla(\Gamma_{BU}\mathbf{B} : \mathbf{B}) = -\nabla p \quad (3.20)$$

ここで \mathbf{B} は磁束密度であり、 $\Gamma_{BU} = (2\mu\rho)^{-1}$ です。

- マクスウェルの方程式

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \quad (3.21)$$

ここで \mathbf{E} は電場強度です。

$$\nabla \times \mathbf{B} = 0 \quad (3.22)$$

$$\nabla \times \mathbf{H} = \mathbf{J} + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} = \mathbf{J} \quad (3.23)$$

$\partial \mathbf{D} / \partial t \ll \mathbf{J}$ と仮定しています。ここで、 \mathbf{H} は磁場強度、 \mathbf{J} は電流密度、そして \mathbf{D} は電束密度です。

- 電荷の保存則

$$\nabla \cdot \mathbf{J} = 0 \quad (3.24)$$

- 構成則

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H} \quad (3.25)$$

- ## • オームの法則

$$\mathbf{J} = \sigma(\mathbf{E} + \mathbf{U} \times \mathbf{B}) \quad (3.26)$$

- 式(3.21), 式(3.23), 式(3.26)を組み合わせて, 回転をとったもの

$$\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{U} \mathbf{B}) - \nabla \cdot (\phi \mathbf{B}) - \nabla \cdot (\Gamma_B \mathbf{B}) = 0 \quad (3.27)$$

境界条件

- inlet は速度固定 $\mathbf{U} = (0, 0, 0)$ m/s の inlet 条件として指定*
 - outlet は圧力固定 $p = 0$ Pa の outlet として指定 *
 - upperWall は $\mathbf{B} = (0, 20, 0)$ T の wall として指定
 - lowerWall は $\mathbf{B} = (0, 20, 0)$ T の wall として指定
 - front および back 境界は empty として指定

初期条件 $U = 0$ m/s, $p = 100$ Pa, $B = (0, 20, 0)$ T.

輸送特性

- 動粘性係数 $\nu = 1 \text{ mPa s}$
 - 密度 $\rho = 1 \text{ kg m/s}$
 - 電気伝導率 $\sigma = 1 (\Omega \text{ m})$
 - 透磁率 $\mu = 1 \text{ H/m}$

ソルバ名 mhdFoam: 非圧縮性で層流の電磁流体コード

ケース名 \$FOAM_TUTORIALS/mhdFoam[†]ディレクトリの中にある hartmann ケース.

3.5.2 メッシュ生成

計算領域は x 方向に 100 セル, y 方向に 40 セルとして単純にモデル化されています。頂点およびブロックを以下のメッシュ定義ファイルに示します。

```

1  /*----- C++ -----*/
2  | =====
3  | \  Field          | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
4  |  \ Operation      | Version: 2.1.0
5  |   \ And           | Web:     www.OpenFOAM.org
6  |    \ Manipulation |
7  \*-----*/
8
9  FoamFile
10 {
11     version      2.0;
12     format       ascii;
13     class        dictionary;
14     object       blockMeshDict;
15 // * * * * *
16
17 convertToMeters 1;
18
19 vertices
20 (
21     (0 -1 0)

```

* 訳注：古いバージョンでは inlet, outlet という境界条件があった？（未確認）現行バージョンでは、それぞれ U あるいは p を fixedValue とし、他方を zeroGradient とする。

[†] 訳注：これは古いバージョンでの配置。現行バージョンでは \$FOAM_TUTORIALS/electromagnetics/mhdFoam にある。

```
22      (20 -1 0)
23      (20 1 0)
24      (0 1 0)
25      (0 -1 0.1)
26      (20 -1 0.1)
27      (20 1 0.1)
28      (0 1 0.1)
29  );
30
31  blocks
32  (
33      hex (0 1 2 3 4 5 6 7) (100 40 1) simpleGrading (1 1 1)
34  );
35
36  edges
37  (
38  );
39
40  boundary
41  (
42      inlet
43      {
44          type patch;
45          faces
46          (
47              (0 4 7 3)
48          );
49      }
50      outlet
51      {
52          type patch;
53          faces
54          (
55              (2 6 5 1)
56          );
57      }
58      lowerWall
59      {
60          type patch;
61          faces
62          (
63              (1 5 4 0)
64          );
65      }
66      upperWall
67      {
68          type patch;
69          faces
70          (
71              (3 7 6 2)
72          );
73      }
74      frontAndBack
75      {
76          type empty;
77          faces
78          (
79              (0 3 2 1)
80              (4 5 6 7)
81          );
82      }
83  );
84
85  mergePatchPairs
86  (
87  );
88 // ****
89 // ****
```

3.5.3 ケースの実行

`dxFoam*`でケースを実行し、結果を可視化することができます。 \mathbf{U} ベクトル場から個別のスカラ成分を取り出す `Ucomponents` ユーティリティも便利です。電磁流体の流れは、主として、粘性力に対する電磁的な体積力の比を表すハルトマン数[†]

$$Ha = BL \sqrt{\frac{\sigma}{\rho\nu}} \quad (3.28)$$

によって支配されます。ここで L は特性長さです。このケースでは $B_y = 20 \text{ T}$, $Ha = 20$ であり、粘性力に対して電磁的な体積力が支配的です。したがって、流れがすっかり定常になった $t = 2 \text{ s}$ において、中央の $x = 10 \text{ m}$ に沿った断面でみた速度分布は大部分が平坦になっています。`dxFoam` で U_x の分布をグラフにプロットすることができます。さて、磁束密度 \mathbf{B} を 1 T に減らして、計算コードと `Ucomponents` を再実行してみましょう。このケースでは $Ha = 1$ となり、もはや電磁的な体積力が支配的ではなくなります。したがって、図 3.13 に示すように、速度分布はポアズイユ流れの特徴である放物線状となります。コードを検証するために、

$$\frac{U_x(y)}{U_x(0)} = \frac{\cosh Ha - \cosh Ha(y/L)}{\cosh Ha - 1} \quad (3.29)$$

で与えられる速度分布 U_x の解析解を図 3.13 に重ねて示します。ここで、特性長さ L は計算領域の幅の半分、つまり 1 m です。

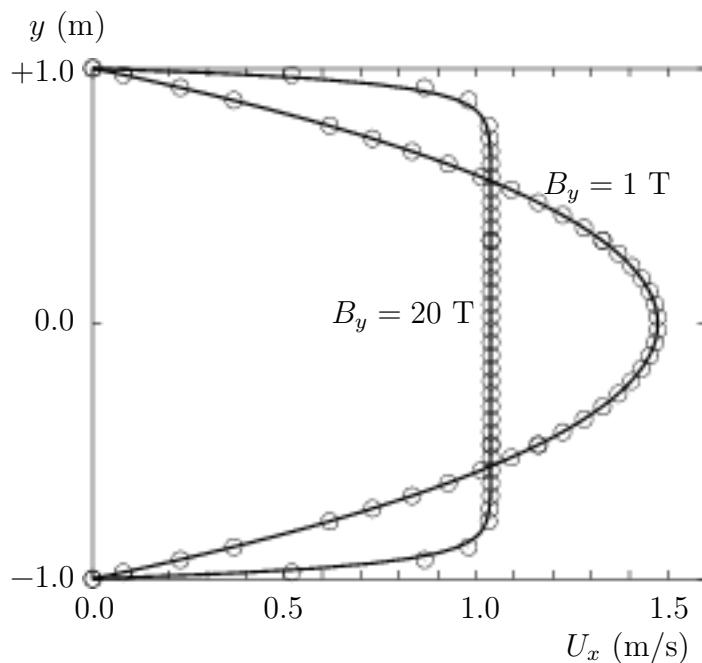


図 3.13 $B_y = 1 \text{ T}$ および $B_y = 20 \text{ T}$ のハルトマン問題における速度分布

* 訳注：OpenDX を利用したポスト処理ツール。現行バージョンには含まれていない。

† 訳注：原文では M が使われているが、わかりにくいで Ha とした。

索引

記号・数字

```
# include  
    C++ 構文  
&  
    tensor のメンバ関数  
&&  
    tensor のメンバ関数  
*  
    tensor のメンバ関数  
+  
    tensor のメンバ関数  
-  
    tensor のメンバ関数  
/  
    tensor のメンバ関数  
/*...*/  
    C++ 構文  
//  
    C++ 構文  
    OpenFOAM ファイル構文  
<delta>Coeffs  
    キーワード  
<LESModel>Coeffs  
    キーワード  
<RASmodel>Coeffs  
    キーワード  
~  
    tensor のメンバ関数  
0  
    ディレクトリ  
0.00000e+00  
    ディレクトリ  
1D  
    メッシュ  
1 次元  
    メッシュ  
2D  
    メッシュ  
2 次元  
    メッシュ
```

A

```
addLayersControls  
    キーワード  
adiabaticFlameT  
    ユーティリティ  
adjointShapeOptimizationFoam  
    ソルバ  
adjustableRunTime  
    キーワードエントリ
```

adjustTimeStep
 キーワード

U-65

agglomerator
 キーワード

U-125

algorithms
 ツール

U-100

alphaContactAngle
 境界条件

U-62

Animations
 ウィンドウパネル

U-170

anisotropicFilter
 モデル

U-103

Annotation
 ウィンドウパネル

U-26, U-169

ansysToFoam
 ユーティリティ

U-94

APIfunctions
 モデル

U-102

Apply
 ボタン

U-167, U-170

applyBoundaryLayer
 ユーティリティ

U-94

applyWallFunctionBoundaryConditions
 ユーティリティ

U-94

arc
 キーワード

U-141

キーワードエントリ

U-142

P-24 As
 キーワード

U-185

U-106 ascii
 キーワードエントリ

U-114

U-106 attachMesh
 ユーティリティ

U-95

U-133 Attribute Mode
 メニュー

U-36

U-133 Auto Accept
 ボタン

U-170

U-133 autoMesh
 ライブドリ

U-100

U-133 autoPatch
 ユーティリティ

U-95

autoRefineMesh
 ユーティリティ

U-96

U-148 backward
 キーワードエントリ

B

U-121

U-99 barotropicCompressibilityModels
 ライブドリ

U-102

U-65, U-114 basicMultiComponentMixture

モデル	U-102, U-184	cacheAgglomeration	
basicSolidThermo	U-102	キーワード	U-125
ライブラリ		calculated	
basicThermophysicalModels	U-101	境界条件	U-138
ライブラリ		cAlpha	
binary	U-114	キーワード	U-67
キーワードエントリ		castellatedMesh	
BirdCarreau	U-104	キーワード	U-148
モデル		castellatedMeshControls	
block	U-141	キーワード	U-148
キーワード		castellatedMeshControls	
blocking	U-85	ディクショナリ	U-149, U-151
キーワードエントリ		cavitatingFoam	
blockMesh	U-100	ソルバ	U-92
ライブラリ		CEI_ARCH	
blockMesh		環境変数	U-175
実行可能な頂点の番号付け	U-142	CEI_HOME	
ユーティリティ	P-47, U-40, U-94, U-138	環境変数	U-175
blockMeshDict		cell	
ディクショナリ	U-20, U-22, U-38, U-52, U-138, U-146	キーワードエントリ	U-177
blocks		cellLimited	
キーワード	U-22, U-31, U-142	キーワードエントリ	U-119
boundary		cellPoint	
ディクショナリ	U-131, U-138	キーワードエントリ	U-177
boundary		cellPointFace	
キーワード	U-143	キーワードエントリ	U-177
boundaryField		cells	
キーワード	U-23, U-110	ディクショナリ	U-138
boundaryFoam		cell クラス	P-31
ソルバ	U-91	cfdTools	
bounded		ツール	U-100
キーワードエントリ	U-119, U-120	cfx4ToFoam	
boxToCell		ユーティリティ	U-94, U-155
キーワード	U-63	changeDictionary	
boxTurb		ユーティリティ	U-94
ユーティリティ	U-94	channelFoam	
bubbleFoam		ソルバ	U-91
ソルバ	U-92	Charts	
buoyantBaffleSimpleFoam		ウインドウパネル	U-170
ソルバ	U-93	checkMesh	
buoyantBoussinesqPimpleFoam		ユーティリティ	U-95, U-157
ソルバ	U-93	chemFoam	
buoyantBoussinesqSimpleFoam		ソルバ	U-92
ソルバ	U-93	chemistryModel	
buoyantPimpleFoam		モデル	U-102
ソルバ	U-93	ライブラリ	U-102
buoyantSimpleFoam		chemistrySolver	
ソルバ	U-93	モデル	U-102
buoyantSimpleRadiationFoam		chemkinToFoam	
ソルバ	U-93	ユーティリティ	U-99
		Choose Preset	
C++ 構文		ボタン	U-167
# include	U-76, U-83	chtMultiRegionFoam	
/*...*/	U-83	ソルバ	U-93
//	U-83	Chung	
		ライブラリ	U-102
		class	

キーワード	U-107	キーワードエントリ	U-119, U-120
<code>clockTime</code>	U-114	<code>Cp</code>	U-185
キーワードエントリ		キーワード	
<code>cloud</code>	U-178	<code>cpuTime</code>	U-114
キーワード		キーワードエントリ	
<code>cmptAv</code>	P-24	<code>CrankNicholson</code>	U-121
tensor のメンバ関数		キーワードエントリ	
<code>Co</code>	U-97	<code>createBaffles</code>	
ユーティリティ		ユーティリティ	U-95
<code>coalChemistryFoam</code>	U-93	<code>createPatch</code>	U-95
ソルバ		ユーティリティ	
<code>coalCombustion</code>	U-101	<code>createTurbulenceFields</code>	U-97
ライブラリ		ユーティリティ	
<code>cof</code>	P-24	<code>CrossPowerLaw</code>	
tensor のメンバ関数		モデル	U-104
<code>coldEngineFoam</code>	U-92	<code>CrossPowerLaw</code>	U-64
ソルバ		キーワードエントリ	
<code>collapseEdges</code>	U-96	<code>cubeRootVolDelta</code>	U-103
ユーティリティ		モデル	
<code>Color By</code>	U-168	<code>cubicCorrected</code>	U-121
メニュー		キーワードエントリ	
<code>Color Legend</code>	U-167	<code>cubicCorrection</code>	
ウインドウパネル		キーワードエントリ	U-119
<code>Color Legend</code>	U-29	<code>Current Time Controls</code>	
ウインドウ		メニュー	U-28
<code>Color Scale</code>	U-167	<code>Current Time Controls</code>	
ウインドウパネル		メニュー	U-167
<code>Colors</code>	U-170	<code>curve</code>	
ウインドウパネル		キーワード	U-178
<code>combinePatchFaces</code>	U-96	<code>Cv</code>	U-185
ユーティリティ		キーワード	
<code>commsType</code>	U-85	<code>cyclic</code>	U-137
キーワード		境界条件	
<code>compressed</code>	U-114	<code>cyclic</code>	U-137
キーワードエントリ		キーワードエントリ	
<code>compressibleInterFoam</code>	U-92		D
ソルバ		<code>datToFoam</code>	
<code>compressibleLESmodels</code>	U-104	ユーティリティ	U-94
ライブラリ		<code>db</code>	U-100
<code>compressibleRASModels</code>	U-103	ツール	
ライブラリ		<code>DeardorffDiffStress</code>	
<code>constant</code>	U-105, U-183	モデル	U-104
ディレクトリ		<code>debug</code>	
<code>constLaminarFlameSpeed</code>	U-102	キーワード	U-148
モデル		<code>decomposePar</code>	
<code>constTransport</code>	U-102, U-183	ユーティリティ	U-86, U-87, U-99
モデル		<code>decomposeParDict</code>	
<code>containers</code>	U-100	ディクショナリ	U-86
ツール		<code>decompositionMethods</code>	
<code>controlDict</code>	P-67	ライブラリ	U-101
ディクショナリ	U-24, U-32, U-45, U-54, U-65, U-105, U-162	<code>defaultFieldValues</code>	
		キーワード	U-63
<code>conversion</code>	U-101	<code>deformedGeom</code>	
ライブラリ		ユーティリティ	U-95
<code>convertToMeters</code>	U-141	<code>Delete</code>	
キーワード		ボタン	U-167
<code>corrected</code>			

<code>delta</code>	U-88, U-187	ライブラリ dsmcFieldsCalc ユーティリティ	U-101
キーワード			
<code>deltaT</code>	U-113	dsmcFoam ソルバ	U-98
キーワード			
<code>det</code>	P-24	dsmcInitialise ユーティリティ	U-93
tensor のメンバ関数			
<code>dev</code>	P-24	dx	U-94
tensor のメンバ関数			
<code>diag</code>	P-24	キーワードエントリ	U-177
tensor のメンバ関数			
<code>diagonal</code>	U-123, U-124	dynamicFvMesh ライブラリ	U-101
キーワードエントリ			
<code>DIC</code>	U-124	dynamicMesh ライブラリ	U-100
キーワードエントリ			
<code>DICGaussSeidel</code>	U-124	dynLagrangian モデル	U-103
キーワードエントリ			
<code>dieselEngineFoam</code>	U-92	dynMixedSmagorinsky モデル	U-103
ソルバ			
<code>dieselFoam</code>	U-92	dynOneEqEddy モデル	U-104
ソルバ			
<code>dieselMixture</code>	U-102, U-184	dynSmagorinsky モデル	U-103
モデル			
<code>dieselSpray</code>	U-101	eConstThermo モデル	E
ライブラリ			U-102, U-183
<code>DILU</code>	U-124	edgeGrading キーワード	
キーワードエントリ			U-142
<code>dimensioned<Type></code>	P-26	edgeMesh ライブラリ	
テンプレートクラス			U-101
<code>dimensionedTypes</code>	U-100	edges キーワード	
ツール			U-141
<code>dimensions</code>	U-23, U-110	Edit メニュー	
キーワード			U-169
<code>dimensionSet</code>	P-26	Edit Color Map ボタン	
クラス			U-167
<code>dimensionSet</code>	U-100	egrMixture モデル	
ツール			U-102, U-184
<code>dimensionSet</code> クラス	P-33	electrostaticFoam ソルバ	
<code>directionMixed</code>	U-138	empty 境界条件	U-93
境界条件			
<code>Display</code>	U-26, U-28, U-166, U-167	empty キーワードエントリ	P-65, P-71, U-20, U-133, U-137
ウィンドウパネル			
<code>distance</code>	U-151, U-178	Enable Line Series ボタン	U-137
キーワードエントリ			
<code>distributed</code>	U-101	endTime キーワード	U-37
ライブラリ			
<code>distributed</code>	U-88, U-89	distributed キーワードエントリ	U-24, U-113
キーワード			U-113
<code>distributionModels</code>	U-101	engine ライブラリ	U-101
ライブラリ			
<code>divSchemes</code>	U-116	engineCompRatio ユーティリティ	U-98
キーワード			
<code>dnsFoam</code>	U-92	engineFoam ソルバ	U-92
ソルバ			
<code>doLayers</code>	U-148	engineSwirl ユーティリティ	U-94
キーワード			
<code>dsmc</code>		ENSIGHT7_INPUT	

環境変数		キーワード	U-177
ENSIGHT7_READER		fields	
環境変数	U-175	ツール	U-100
ensight74FoamExec		fieldValues	
ユーティリティ	U-175	キーワード	U-63
ensightFoamReader		fieldview9Reader	
ユーティリティ	U-96	ユーティリティ	U-96
enstrophy		fileFormats	
ユーティリティ	U-97	ライブラリ	U-101
ePsiThermo		fileModificationChecking	
モデル	U-101, U-184	キーワード	U-85
equilibriumCO		fileModificationSkew	
ユーティリティ	U-99	キーワード	U-85
equilibriumFlameT		files	
ユーティリティ	U-99	ファイル	U-77
errorReduction		filteredLinear2	
キーワード	U-155	キーワードエントリ	U-119
Euler		finalLayerRatio	
キーワードエントリ	U-121	キーワード	U-154
execFlowFunctionObjects		financialFoam	
ユーティリティ	U-98	ソルバ	U-93
expandDictionary		finiteVolume	
ユーティリティ	U-99	ライブラリ	U-100
expansionRatio		finiteVolume	
キーワード	U-154	ツール	U-100
extrude2DMesh		finiteVolumeCalculus クラス	P-33
ユーティリティ	U-94	finiteVolumeMethod クラス	P-33
extrudeMesh		fireFoam	
ユーティリティ	U-94	ソルバ	U-92
extrudeToRegionMesh		firstTime	
ユーティリティ	U-94	キーワードエントリ	U-113
		fixed	
		キーワードエントリ	U-114
		fixedGradient	
face		境界条件	U-138
キーワード	U-178	fixedValue	
faceAgglomerate		境界条件	U-138
ユーティリティ	U-94	flattenMesh	
faceAreaPair		ユーティリティ	U-95
キーワードエントリ	U-125	floatTransfer	
faceLimited		キーワード	U-85
キーワードエントリ	U-119	flowType	
faces		ユーティリティ	U-97
ディクショナリ	U-131, U-138	fluent3DMeshToFoam	
face クラス	P-31	ユーティリティ	U-94
FDIC		fluentInterface	
キーワードエントリ	U-124	ディレクトリ	U-172
featureAngle		fluentMeshToFoam	
キーワード	U-154	ユーティリティ	U-94, U-155
features		fluxCorrectedVelocity	
キーワード	U-149	境界条件	U-139
Field<Type>		fluxRequired	
テンプレートクラス	P-29	キーワード	U-116
FieldField<Type>		FOAM_RUN	
テンプレートクラス	P-32	環境変数	U-105
fieldFunctionObjects		foamCalc	
ライブラリ	U-100	ユーティリティ	U-35, U-98
fields			

foamCalcFunctions		fvMesh	
ライブラリ	U-100	ツール	U-100
foamCorrectVrt		fvMesh クラス	P-31
スクリプト／エイリアス	U-160	fvMotionSolvers	
foamDataToFluent		ライブラリ	U-101
ユーティリティ	U-96, U-172	fvm クラス	P-34
foamDebugSwitches		fvSchemes	
ユーティリティ	U-99	ディクショナリ	U-55, U-66, U-105, U-115
FoamFile		fvSchemes クラス	P-35
キーワード	U-107	fvSolution	
foamFile		ディクショナリ	U-105, U-122
キーワードエントリ	U-177		
foamFormatConvert		G	
ユーティリティ	U-99	g	
foamInfoExec		ファイル	U-64
ユーティリティ	U-99	gambitToFoam	
foamJob		ユーティリティ	U-95, U-155
スクリプト／エイリアス	U-179	GAMG	
foamListTimes		キーワードエントリ	U-56, U-123, U-124
ユーティリティ	U-98	Gamma	
foamLog		キーワードエントリ	U-119
スクリプト／エイリアス	U-180	Gamma 差分スキーム	P-37
foamMeshToFluent		Gauss	
ユーティリティ	U-94, U-172	キーワードエントリ	U-119
foamToEnsight		GaussSeidel	
ユーティリティ	U-96	キーワードエントリ	U-124
foamToEnsightParts		general	
ユーティリティ	U-96	キーワードエントリ	U-114
foamToFieldview9		General	
ユーティリティ	U-96	ウインドウパネル	U-169, U-170
foamToGMV		genericFvPatchField	
ユーティリティ	U-96	ライブラリ	U-101
foamToStarMesh		GeometricBoundaryField	
ユーティリティ	U-95	テンプレートクラス	P-32
foamToSurface		geometricField<Type>	
ユーティリティ	U-95	テンプレートクラス	P-33
foamToTecplot360		geometry	
ユーティリティ	U-96	キーワード	U-148
foamToVTK		global	
ユーティリティ	U-96	ツール	U-100
foamUpgradeFvSolution		gmshToFoam	
ユーティリティ	U-94	ユーティリティ	U-95
forces		gnuplot	
ライブラリ	U-100	キーワードエントリ	U-114, U-177
format		gradSchemes	
キーワード	U-107	キーワード	U-116
fourth		graph	
キーワードエントリ	U-119, U-120	ツール	U-100
functions		graphFormat	
キーワード	U-114	キーワード	U-114
fvc クラス		GuldersEGRLaminarFlameSpeed	
fvDOM		モデル	U-102
ライブラリ	U-102	GuldersLaminarFlameSpeed	
fvMatrices		モデル	U-102
ツール	U-100		
fvMatrix		H	
テンプレートクラス	P-33	hConstThermo	

モデル	U-102 , U-183	Information	
Help		ウインドウパネル	U-166
メニュー	U-168	inhomogeneousMixture	
HerschelBulkley		モデル	U-102 , U-184
モデル	U-104	inlet	
Hf		境界条件	P-71
キーワード	U-185	inletOutlet	
hhuMixtureThermo		境界条件	U-139
モデル	U-102 , U-184	inotify	
hierarchical		キーワードエントリ	U-85
キーワードエントリ	U-87 , U-88	inotifyMaster	
highCpCoeffs		キーワードエントリ	U-85
キーワード	U-186	inside	
homogeneousMixture		キーワードエントリ	U-151
モデル	U-102 , U-184	insideCells	
homogenousDynSmagorinsky		ユーティリティ	U-95
モデル	U-103	interDyMFoam	
hPolynomialThermo		ソルバ	U-92
モデル	U-102 , U-183	interfaceProperties	
hPsiMixtureThermo		モデル	U-104
モデル	U-101 , U-184	interFoam	
hPsiThermo		ソルバ	U-92
モデル	U-101 , U-184	interMixingFoam	
hRhoMixtureThermo		ソルバ	U-92
モデル	U-101 , U-184	internalField	
hRhoThermo		キーワード	U-23 , U-110
モデル	U-101 , U-184	interPhaseChangeFoam	
hsPsiMixtureThermo		ソルバ	U-92
モデル	U-101 , U-184	interpolation	
hsPsiThermo		ツール	U-100
モデル	U-101 , U-184	interpolations	
hsRhoMixtureThermo		ツール	U-100
モデル	U-102 , U-184	interpolationScheme	
hsRhoThermo		キーワード	U-177
モデル	U-101 , U-184	interpolationSchemes	
		キーワード	U-116
		inv	
icoFoam		tensor のメンバ関数	P-24
ソルバ	U-19 , U-23 , U-25 , U-26 , U-91		
icoPolynomial			J
モデル	U-102 , U-183	janafThermo	
icoUncoupledKinematicParcelDyMFoam		モデル	U-102 , U-183
ソルバ	U-93	jobControl	
icoUncoupledKinematicParcelFoam		ライブラリ	U-100
ソルバ	U-93	jplot	
ideasToFoam		キーワードエントリ	U-114 , U-177
ユーティリティ	U-155		K
ideasUnvToFoam			
ユーティリティ	U-95	kEpsilon	
incompressibleLESmodels		モデル	U-103
ライブラリ	U-103	kivaToFoam	
incompressibleRASModels		ユーティリティ	U-95
ライブラリ	U-103	kOmega	
incompressibleTransportModels		モデル	U-103
ライブラリ	P-55 , U-104	kOmegaSST	
incompressibleTurbulenceModels		モデル	U-103
ライブラリ	P-55	kOmegaSSTSAS	

モデル	U-103	limitedLinear キーワードエントリ	U-119
L	line	キーワードエントリ	U-142
lagrangian ライブラリ	U-101	Line Style メニュー	U-37
lagrangianIntermediate ライブラリ	U-101	linear	
Lambda2 ユーティリティ	U-97	ライブラリ	U-102
LamBremhorstKE モデル	U-103	linear キーワードエントリ	U-119, U-121
laminar モデル	U-103	linearUpwind キーワードエントリ	U-119, U-121
laminar キーワードエントリ	U-44, U-187	liquidMixtureProperties ライブラリ	U-102
laminarFlameSpeedModels ライブラリ	U-102	liquidProperties ライブラリ	U-102
laplaceFilter モデル	U-103	List<Type> テンプレートクラス	P-29
laplacianFoam ソルバ	U-90	localEuler キーワードエントリ	U-121
laplacianSchemes キーワード	U-116	location キーワード	U-107
latestTime キーワードエントリ	U-41, U-113	locationInMesh キーワード	U-149, U-151
LaunderGibsonRSTM モデル	U-103	locDynOneEqEddy モデル	U-104
LaunderSharmaKE モデル	U-103	lowCpCoeffs キーワード	U-186
layers キーワード	U-154	lowReOneEqEddy モデル	U-104
leastSquares キーワード キーワードエントリ	U-55 U-119	LRDDiffStress モデル	U-104
LESdeltas ライブラリ	U-103	LRR モデル	U-103
LESfilters ライブラリ	U-103	LTSInterFoam ソルバ	U-92
LESModel キーワード キーワードエントリ	U-187 U-44, U-187	LTSReactingParcelFoam ソルバ	U-93
levels キーワード	U-152	M	
libs キーワード	U-85, U-114	Mach ユーティリティ	U-97
LienCubicKE モデル	U-103	mag tensor のメンバ関数	P-24
LienCubicKELowRe モデル	U-103	magneticFoam ソルバ	U-93
LienLeschzinerLowRe モデル	U-103	magSqr tensor のメンバ関数	P-24
Lights ウィンドウパネル	U-169	Make ディレクトリ	U-77
limited キーワードエントリ	U-119, U-120	make スクリプト／エイリアス	U-75
limitedCubic キーワードエントリ	U-119	Make/files ファイル	U-79
		manual キーワードエントリ	U-87, U-88
		manualCoeffs	

キーワード		U-88	ツール		U-100
mapFields	ユーティリティ	U-31, U-41, U-45, U-59, U-94, U-162	meshQualityControls	キーワード	U-148
Marker Style	メニュー	U-37	meshTools	ライブラリ	U-101
matrices	ツール	U-100	method	キーワード	U-88
max	tensor のメンバ関数	P-24	metis	キーワードエントリ	U-88
maxAlphaCo	キーワード	U-65	MGridGen	キーワードエントリ	U-125
maxBoundarySkewness	キーワード	U-155	MGridGenGAMGAgglomeration	ライブラリ	U-101
maxCo	キーワード	U-65	mhdFoam	ソルバ	U-93
maxConcave	キーワード	U-155	mhdFoam ソルバ		P-69, P-71
maxDeltaT	キーワード	U-65	midPoint	キーワード	U-178
maxDeltaxyz	モデル	U-103	midPointAndFace	キーワードエントリ	U-119
maxFaceThicknessRatio	キーワード	U-154	min	キーワード	U-178
maxGlobalCells	キーワード	U-149	tensor のメンバ関数		P-24
maxInternalSkewness	キーワード	U-155	minArea	キーワード	U-155
maxLocalCells	キーワード	U-149	minDeterminant	キーワード	U-155
maxNonOrtho	キーワード	U-155	minFaceWeight	キーワード	U-155
maxThicknessToMedialRatio	キーワード	U-154	minFlatness	キーワード	U-155
mdEquilibrationFoam	ソルバ	U-93	minMedianAxisAngle	キーワード	U-154
mdFoam	ソルバ	U-93	MINMOD 差分		P-37
mdInitialise	ユーティリティ	U-94	minRefinementCells	キーワード	U-149
mechanicalProperties	ディクショナリ	U-54	minThickness	キーワード	U-154
memory	ツール	U-100	minTriangleTwist	キーワード	U-155
mergeLevels	キーワード	U-125	minTwist	キーワード	U-155
mergeMeshes	ユーティリティ	U-95	minVol	キーワード	U-155
mergeOrSplitBaffles	ユーティリティ	U-95	minVolRatio	キーワード	U-155
mergePatchPairs	キーワード	U-141	mirrorMesh	ユーティリティ	U-95
mergeTolerance	キーワード	U-148	mixed		U-138
Mesh Parts	ウインドウパネル	U-26	mixedSmagorinsky	境界条件	U-103
meshes			mixtureAdiabaticFlameT	ユーティリティ	U-99
			mode	キーワード	U-151
			modifyMesh		

ユーティリティ		
molecularMeasurements	U-96	nFinestSweeps キーワード
ライブラリ	U-101	nGrow キーワード
molecule	U-101	nLayerIter キーワード
ライブラリ	U-184	nMoles キーワード
molweight	U-95	nonBlocking キーワードエントリ
キーワード	U-95	none キーワードエントリ
moveDynamicMesh	U-95	NonlinearKEShih モデル
ユーティリティ	U-139	nonNewtonianIcoFoam ソルバ
moveEngineMesh	U-88	noWriteNow キーワードエントリ
ユーティリティ	U-92	nPostSweeps キーワード
moveMesh	U-92	nPreSweeps キーワード
ユーティリティ	U-91	nPreSweepsh キーワード
movingWallVelocity	U-95	nRelaxedIter キーワード
境界条件	U-102, U-184	nSmoothNormals キーワード
MPI	U-185	nSmoothPatch キーワード
openMPI	U-92	nSmoothScale キーワード
MRFInterFoam	U-119	nSmoothSurfaceNormals キーワード
ソルバ	U-119	nSmoothThickness キーワード
MRFMultiphaseInterFoam	U-102, U-184	nSolveIter キーワード
ソルバ	U-149	NSRDSfunctions モデル
MRSimpleFoam	U-149	null キーワードエントリ
ソルバ	U-131	numberOfSubdomains キーワード
mshToFoam	U-144	O
ユーティリティ	U-95	object キーワード
mu	U-67	objToVTK ユーティリティ
キーワード	U-104	ODE ライブラリ
multiComponentMixture	U-154	oneEqEddy モデル
モデル	U-64	Opacity
multiphaseInterFoam	U-113	
ソルバ	U-132	
MUSCL		
キーワードエントリ		
N		
n		
キーワード		
nAlphaSubCycles	U-88	
キーワード	U-67	
nBufferCellsNoExtrude	U-154	
キーワード	U-149	
nCellsBetweenLevels	U-149	
キーワード	U-131	
neighbour	U-144	
ディクショナリ	U-95	
neighbourPatch	U-104	
キーワード	U-64	
netgenNeutralToFoam	U-104	
ユーティリティ	U-64	
Newtonian	U-64	
モデル	U-113	
Newtonian	U-113	
キーワードエントリ	U-132	
nextWrite	U-132	
キーワードエントリ		
nFaces		
キーワード		

テキストボックス		
OpenFOAM		
アプリケーション	U-73	patchIntegrate ユーティリティ
ケース	U-105	patchMap キーワード
ファイルフォーマット	U-106	patchSummary ユーティリティ
ライブラリ	U-73	PBiCG キーワードエントリ
OpenFOAM	U-100	PCG キーワードエントリ
ライブラリ	U-106	pdfPlot ユーティリティ
OpenFOAM ファイル構文	U-106	PDRFoam ソルバ
//	U-88	PDRMesh ユーティリティ
openMPI	U-88	Pe ユーティリティ
MPI	U-88	perfectGas モデル
メッセージパッシングインターフェイス	U-88	pimpleDyMFoam ソルバ
options	U-77	pimpleFoam ソルバ
ファイル	U-77	Pipeline Browser ウインドウ
Options	U-170	PISO ディクショナリ
ウインドウ	U-170	pisoFoam ソルバ
order	U-88	Plot Over Line メニューエントリ
キーワード	U-88	plot3dToFoam ユーティリティ
Orientation Axes	U-26, U-170	pointField<Type> テンプレートクラス
ボタン	U-101	pointField クラス points ディクショナリ
OSspecific	U-101	polyBoundaryMesh クラス polyDualMesh ユーティリティ
ライブラリ	U-101	polyLine キーワードエントリ
outlet	P-71	polyMesh クラス
境界条件	P-71	polyMesh ディレクトリ
outletInlet	U-139	polyMesh クラス polynomialTransport モデル
境界条件	U-139	polyPatchList クラス polyPatch クラス polySpline キーワードエントリ
outside	U-151	porousExplicitSourceReactingParcelFoam ソルバ
キーワードエントリ	U-151	owner ディクショナリ
owner	U-131	
ディクショナリ	U-131	
P		
p		
フィールド	U-25	pointField<Type> テンプレートクラス
p_rghRefCell	U-127	pointField クラス points ディクショナリ
キーワード	U-127	polyBoundaryMesh クラス polyDualMesh ユーティリティ
p_rghRefValue	U-127	polyLine キーワードエントリ
キーワード	U-102	polyMesh クラス
P1	U-102	polyMesh ディレクトリ
ライブラリ	U-102	polyMesh クラス polynomialTransport モデル
pairPatchAgglomeration	U-101	polyPatchList クラス polyPatch クラス polySpline キーワードエントリ
ライブラリ	U-101	porousExplicitSourceReactingParcelFoam ソルバ
paraFoam	U-26, U-165	
partialSlip	U-139	
境界条件	U-139	
particleTracks	U-97	
ユーティリティ	U-97	
patch	U-136	
境界条件	U-136	
patch	U-137, U-178	
キーワードエントリ	U-137, U-178	
patchAverage	U-97	
ユーティリティ	U-97	
patches	U-141	
キーワード	U-141	

porousInterFoam		ptot	
ソルバ	U-92	ユーティリティ	U-98
porousSimpleFoam		ptscotchDecomp	
ソルバ	U-91	ライブラリ	U-101
postCalc		pureMixture	
ライブラリ	U-100	モデル	U-101, U-184
postChannel		purgeWrite	
ユーティリティ	U-98	キーワード	U-114
potential		PV3FoamReader	
ライブラリ	U-101	ライブラリ	U-165
potentialFoam		PVFoamReader	
ソルバ	U-90	ライブラリ	U-165
potentialFoam ソルバ	P-46		
pow			Q
tensor のメンバ関数	P-24	Q	
powerLaw		ユーティリティ	U-97
モデル	U-104	QUICK	
pPrime2		キーワードエントリ	U-121
ユーティリティ	U-97	qZeta	
Pr		モデル	U-103
キーワード	U-185		R
PrandtlDelta		R	
モデル	U-103	ユーティリティ	U-97
preconditioner		radiationModels	
キーワード	U-123, U-124	ライブラリ	U-102
pRefCell		randomProcesses	
キーワード	U-25, U-127	ライブラリ	U-101
pRefValue		RASModel	
キーワード	U-25, U-127	キーワード	U-187
pressure		キーワードエントリ	U-44, U-187
キーワード	U-53	RASProperties	
pressureDirectedInletVelocity		ディクショナリ	U-44
境界条件	U-139	raw	
pressureInletVelocity		キーワードエントリ	U-114, U-177
境界条件	U-139	reactingFoam	
pressureOutlet		ソルバ	U-92
境界条件	P-64	reactingMixture	
pressureTransmissive		モデル	U-102, U-184
境界条件	U-139	reactingParcelFilmFoam	
primitive		ソルバ	U-93
ライブラリ	P-23	reactingParcelFoam	
primitives		ソルバ	U-93
ツール	U-100	reactionThermophysicalModels	
printCoeffs		ライブラリ	U-101
キーワード	U-44, U-187	realizableKE	
probeLocations		モデル	U-103
ユーティリティ	U-97	reconstruct	
processor		ライブラリ	U-101
境界条件	U-137	reconstructPar	
processor		ユーティリティ	U-90, U-99
キーワードエントリ	U-137	reconstructParMesh	
processorN		ユーティリティ	U-99
ディレクトリ	U-87	redistributeMeshPar	
processorWeights		ユーティリティ	U-99
キーワード	U-87, U-88	refGradient	
Properties		キーワード	U-138
ウィンドウパネル	U-27, U-166		

<code>refineHexMesh</code>		スクリプト／エイリアス	U-80
ユーティリティ	U-96	RNGkEpsilon	
<code>refinementLevel</code>		モデル	U-103
ユーティリティ	U-96	<code>roots</code>	
<code>refinementRegions</code>		キーワード	U-88, U-89
キーワード	U-149, U-151	<code>rotateMesh</code>	
<code>refinementRegions</code>		ユーティリティ	U-95
キーワード	U-151	<code>run</code>	
<code>refinementSurfaces</code>		ディレクトリ	U-105
キーワード	U-149	<code>runTime</code>	
<code>refineMesh</code>		キーワードエントリ	U-33, U-114
ユーティリティ	U-95	<code>runTimeModifiable</code>	
<code>refineWallLayer</code>		キーワード	U-114
ユーティリティ	U-96		
<code>Refresh Times</code>			S
ボタン	U-27	<code>sammToFoam</code>	
<code>regions</code>		ユーティリティ	U-95
キーワード	U-63	<code>sample</code>	
<code>relativeSizes</code>		ユーティリティ	U-98, U-176
キーワード	U-154	<code>sampling</code>	
<code>relaxed</code>		ライブラリ	U-100
キーワード	U-155	<code>Save Animation</code>	
<code>relTol</code>		メニューエントリ	U-172
キーワード	U-56, U-123	<code>Save Screenshot</code>	
<code>removeFaces</code>		メニューエントリ	U-171
ユーティリティ	U-96	<code>scalarField</code> クラス	P-29
<code>Render View</code>		<code>scalarTransportFoam</code>	
ウィンドウパネル	U-170	ソルバ	U-90
<code>renumberMesh</code>		<code>scalar</code> クラス	P-23
ユーティリティ	U-95	<code>scale</code>	
<code>Rescale to Data Range</code>		tensor のメンバ関数	P-24
ボタン	U-28	<code>scalePoints</code>	
<code>Reset</code>		ユーティリティ	U-159
ボタン	U-167	<code>scaleSimilarity</code>	
<code>resolveFeatureAngle</code>		モデル	U-103
キーワード	U-149, U-150	<code>scheduled</code>	
<code>rhoCentralDyMFoam</code>		キーワードエントリ	U-85
ソルバ	U-91	<code>scientific</code>	
<code>rhoCentralFoam</code>		キーワードエントリ	U-114
ソルバ	U-91	<code>scotch</code>	
<code>rhoPimpleFoam</code>		キーワードエントリ	U-87, U-88
ソルバ	U-91	<code>scotchCoeffs</code>	
<code>rhoPorousMRFLTSPimpleFoam</code>		キーワード	U-88
ソルバ	U-91	<code>scotchDecomp</code>	
<code>rhoPorousMRFPPimpleFoam</code>		ライブラリ	U-101
ソルバ	U-91	<code>Seed</code>	
<code>rhoPorousMRSimpleFoam</code>		ウィンドウパネル	U-171
ソルバ	U-91	<code>selectCells</code>	
<code>rhoPorousSimpleFoam</code>		ユーティリティ	U-96
ソルバ	U-91	<code>Set Ambient Color</code>	
<code>rhoReactingFoam</code>		ボタン	U-168
ソルバ	U-92	<code>setFields</code>	
<code>rhoSimplecFoam</code>		ユーティリティ	U-63, U-94
ソルバ	U-91	<code>setFormat</code>	
<code>rhoSimpleFoam</code>		キーワード	U-177
ソルバ	U-91	<code>sets</code>	
<code>rmdepall</code>		キーワード	U-177

<code>setSet</code>			基礎メッシュ	U-148
ユーティリティ	U-95		セルの除去	U-151
<code>setsToZones</code>			セルの分割	U-149
ユーティリティ	U-95		メッシュ生成プロセス	U-147
<code>Settings</code>			メッシュレイヤ	U-153
メニューエントリ	U-170		面へのスナップ	U-152
<code>settlingFoam</code>			<i>snappyHexMeshDict</i>	
ソルバ	U-92		ファイル	U-147
<code>SFCD</code>			<i>snGradSchemes</i>	
キーワードエントリ	U-119, U-121		キーワード	U-116
<code>shallowWaterFoam</code>			<code>solid</code>	
ソルバ	U-91		ライブラリ	U-102
<code>Show Color Legend</code>			<code>Solid Color</code>	
メニューエントリ	U-28		メニューエントリ	U-168
<code>simple</code>			<code>solidDisplacementFoam</code>	
キーワードエントリ	U-87, U-88		ソルバ	U-54, U-93
<code>simpleFilter</code>			<code>solidEquilibriumDisplacementFoam</code>	
モデル	U-103		ソルバ	U-93
<code>simpleFoam</code>			<code>solidMixtureProperties</code>	
ソルバ	U-91		ライブラリ	U-102
<code>simpleFoam</code> ソルバ	P-54		<code>solidParticle</code>	
<code>simpleGrading</code>			ライブラリ	U-101
キーワード	U-142		<code>solidProperties</code>	
<code>simpleSpline</code>			ライブラリ	U-102
キーワードエントリ	U-142		<code>solver</code>	
<code>simulationType</code>			キーワード	U-56, U-123
キーワード	U-65, U-186		<code>solvers</code>	
<code>singleCellMesh</code>			キーワード	U-123
ユーティリティ	U-96		<code>sonicDyMFoam</code>	
<code>SI 単位</code>	U-110		ソルバ	U-91
<code>skew</code>			<code>sonicFoam</code>	
tensor のメンバ関数	P-24		ソルバ	U-91
<code>skewLinear</code>			<code>sonicFoam</code> ソルバ	P-61
キーワードエントリ	U-119, U-121		<code>sonicLiquidFoam</code>	
<code>SLGThermo</code>			ソルバ	U-91
ライブラリ	U-102		<code>sonicLiquidFoam</code> ソルバ	P-65
<code>slice</code> クラス	P-31		<code>SpalartAllmaras</code>	
<code>slip</code>			モデル	U-103, U-104
境界条件	U-139		<code>SpalartAllmarasDDES</code>	
<code>Smagorinsky</code>			モデル	U-104
モデル	U-103, U-104		<code>SpalartAllmarasIDDES</code>	
<code>Smagorinsky2</code>			モデル	U-104
モデル	U-103		<code>specie</code>	
<code>smapToFoam</code>			ライブラリ	U-102
ユーティリティ	U-96		<code>specie</code>	
<code>smoothDelta</code>			キーワード	U-184
モデル	U-103		<code>specieThermo</code>	
<code>smoother</code>			モデル	U-102, U-183
キーワード	U-125		<code>spectEddyVisc</code>	
<code>smoothSolver</code>			モデル	U-104
キーワードエントリ	U-123		<code>spline</code>	
<code>snap</code>			キーワード	U-141
キーワード	U-148		<code>splitCells</code>	
<code>snapControls</code>			ユーティリティ	U-96
キーワード	U-148		<code>splitMesh</code>	
<code>snappyHexMesh</code>			ユーティリティ	U-96
ユーティリティ	U-94, U-147		<code>splitMeshRegions</code>	

ユーティリティ		ユーティリティ	
sqr		surfaceField<Type>	U-98, U-150
tensor のメンバ関数	P-24	テンプレートクラス	P-34
SRFSimpleFoam		surfaceFilmModels	
ソルバ	U-91	モデル	U-104
star3ToFoam		surfaceFind	
ユーティリティ	U-95	ユーティリティ	U-98
star4ToFoam		surfaceFormat	
ユーティリティ	U-95	キーワード	U-177
startFace		surfaceInertia	
キーワード	U-132	ユーティリティ	U-98
startFrom		surfaceMesh	
キーワード	U-24, U-113	ツール	U-100
starToFoam		surfaceMeshConvert	
ユーティリティ	U-155	ユーティリティ	U-98
startTime		surfaceMeshConvertTesting	
キーワード	U-24, U-113	ユーティリティ	U-98
キーワードエントリ	U-24, U-113	surfaceMeshExport	
steadyParticleTracks		ユーティリティ	U-98
ユーティリティ	U-97	surfaceMeshImport	
steadyState		ユーティリティ	U-98
キーワードエントリ	U-121	surfaceMeshInfo	
Stereolithography (STL)		ユーティリティ	U-98
stitchMesh		surfaceMeshTriangulate	
ユーティリティ	U-96	ユーティリティ	U-98
stl		surfaceNormalFixedValue	
キーワードエントリ	U-177	境界条件	U-139
stopAt		surfaceOrient	
キーワード	U-113	ユーティリティ	U-98
strategy		surfacePointMerge	
キーワード	U-87, U-88	ユーティリティ	U-98
streamFunction		surfaceRedistributePar	
ユーティリティ	U-97	ユーティリティ	U-99
stressComponents		surfaceRefineRedGreen	
ユーティリティ	U-97	ユーティリティ	U-99
Style		surfaces	
ウインドウパネル	U-26, U-167	キーワード	U-177
subsetMesh		surfaceSmooth	
ユーティリティ	U-96	ユーティリティ	U-99
SUPERBEE 差分		surfaceSplitByPatch	
supersonicFreeStream		ユーティリティ	U-99
境界条件	U-139	surfaceSplitNonManifolds	
surfaceAdd		ユーティリティ	U-99
ユーティリティ	U-98	surfaceSubset	
surfaceAutoPatch		ユーティリティ	U-99
ユーティリティ	U-98	surfaceToPatch	
surfaceCheck		ユーティリティ	U-99
ユーティリティ	U-98	surfaceTransformPoints	
surfaceClean		ユーティリティ	U-99
ユーティリティ	U-98	surfMesh	
surfaceCoarsen		ライブラリ	U-101
ユーティリティ	U-98	sutherlandTransport	
surfaceConvert		モデル	
ユーティリティ	U-98	symm	P-24
surfaceFeatureConvert		tensor のメンバ関数	
ユーティリティ	U-98	symmetryPlane	
surfaceFeatureExtract		境界条件	P-64, U-136

<i>symmetryPlane</i>	デイクショナリ	U-183
キーワードエントリ		
<i>symmTensorField</i> クラス	P-29	キーワード
<i>symmTensorThirdField</i> クラス	P-29	Thigh
<i>system</i>	U-105	キーワード
ディレクトリ		
<i>systemCall</i>	U-100	timeFormat
ライブラリ		キーワード
<i>system</i> ディレクトリ	P-50	timePrecision
		キーワード
		timeScheme
		キーワード
		timeStamp
	P-24	キーワードエントリ
T()		
<i>tensor</i> のメンバ関数		
<i>Tcommon</i>	U-186	timeStampMaster
キーワード		キーワードエントリ
<i>tensorField</i> クラス	P-29	timeStep
<i>tensorThirdField</i> クラス	P-29	キーワードエントリ
<i>tensor</i> クラス	P-23	Tlow
<i>tensor</i> のメンバ関数		キーワード
&	P-24	tolerance
&&	P-24	キーワード
*	P-24	Toolbars
+	P-24	メニューエントリ
-	P-24	topoChangeFvMesh
/	P-24	ライブラリ
^	P-24	topoSet
cmptAv	P-24	ユーティリティ
cof	P-24	topoSetSource
det	P-24	キーワード
dev	P-24	totalPressure
diag	P-24	境界条件
inv	P-24	tr
mag	P-24	<i>tensor</i> のメンバ関数
magSqr	P-24	traction
max	P-24	キーワード
min	P-24	transform
pow	P-24	<i>tensor</i> のメンバ関数
scale	P-24	transformPoints
skew	P-24	ユーティリティ
sqr	P-24	transport
symm	P-24	キーワード
T()	P-24	transportProperties
tr	P-24	ディクショナリ
transform	P-24	transportProperties
tetgenToFoam		ファイル
ユーティリティ		
<i>thermalPorousZone</i>	U-95	triSurface
ライブラリ		ライブラリ
<i>thermalProperties</i>	U-103	Ts
ディクショナリ		キーワード
<i>thermodynamics</i>	U-184	turbulence
キーワード		キーワード
<i>thermophysical</i>	U-183	turbulenceProperties
ライブラリ		ディクショナリ
<i>thermophysicalFunctions</i>	U-102	turbulentInlet
ライブラリ		境界条件
<i>thermophysicalProperties</i>		tutorials
		ディレクトリ

<i>tutorials</i>	ディレクトリ	P-45	モデル	U-102, U-184
<i>twoLiquidMixingFoam</i>		U-92	View メニュー	U-168
ソルバ			View Settings メニューエントリ	U-26
<i>twoPhaseEulerFoam</i>		U-92	View Settings メニューエントリ	U-169
ソルバ			View Settings (Render View) ウインドウ	U-169
<i>twoPhaseInterfaceProperties</i>	モデル	U-104	View Settings... メニューエントリ	U-26
<i>type</i>	キーワード	U-133	viewFactor ライブラリ	U-102
			viewFactorGen ユーティリティ	U-94
<i>U</i>			volField<Type> テンプレートクラス	P-34
<i>U</i>	フィールド	U-25	volMesh ツール	U-100
<i>UMIST</i>	キーワードエントリ	U-117	vorticity ユーティリティ	U-97
<i>uncompressed</i>	キーワードエントリ	U-114	vtk キーワードエントリ	U-177
<i>uncorrected</i>	キーワードエントリ	U-119, U-120	vtkFoam ライブラリ	U-165
<i>uncoupledKinematicParcelFoam</i>	ソルバ	U-93	vtkPV3Foam ライブラリ	U-165
<i>uniform</i>	キーワード	U-178		
<i>Update GUI</i>	ボタン	U-167		
<i>uprime</i>	ユーティリティ	U-97		
<i>upwind</i>	キーワードエントリ	U-119, U-121		<i>W</i>
<i>USCS</i>	単位	U-110	wall 境界条件	P-64, P-71, U-62, U-136
<i>Use Parallel Projection</i>	ボタン	U-26, U-169	wall キーワードエントリ	U-137
<i>utilityFunctionObjects</i>	ライブラリ	U-100	wallBuoyantPressure 境界条件	U-139
			wallFunctionTable ユーティリティ	U-94
			wallGradU ユーティリティ	U-97
<i>V</i>			wallHeatFlux ユーティリティ	U-97
<i>value</i>	キーワード	U-23, U-138	Wallis ライブラリ	U-102
<i>valueFraction</i>	キーワード	U-138	wallShearStress ユーティリティ	U-97
<i>van Leer</i>	差分	P-37	wclean スクリプト／エイリアス	U-80
<i>vanLeer</i>	キーワードエントリ	U-119	wdot ユーティリティ	U-98
<i>VCR Controls</i>	メニュー	U-28	wedge 境界条件	U-133, U-137, U-146
<i>VCR Controls</i>	メニュー	U-167	wedge キーワードエントリ	U-137
<i>vector</i>	クラス	U-109	windSimpleFoam ソルバ	U-91
<i>vectorField</i>	クラス	P-29	WM_ARCH 環境変数	U-80
<i>vector</i>	クラス	P-23		
<i>version</i>	キーワード	U-107		
<i>vertices</i>	キーワード	U-22, U-141		
<i>veryInhomogeneousMixture</i>				

WM_ARCH_OPTION 環境変数	U-80	キーワードエントリ XiFoam ソルバ	U-178 U-92
WM_COMPILE_OPTION 環境変数	U-80	xmgr キーワードエントリ	U-114, U-177
WM_COMPILER 環境変数	U-80	xyz キーワードエントリ	U-178
WM_COMPILER_BIN 環境変数	U-80		
WM_COMPILER_DIR 環境変数	U-80	Y	
WM_COMPILER_LIB 環境変数	U-80	y キーワードエントリ	U-178
WM_DIR 環境変数	U-80	yPlusLES ユーティリティ	U-97
WM_MPLIB 環境変数	U-80	yPlusRAS ユーティリティ	U-97
WM_OPTIONS 環境変数	U-80	Z	
WM_PRECISION_OPTION 環境変数	U-80	z キーワードエントリ	U-178
WM_PROJECT 環境変数	U-80	zeroGradient 境界条件	U-138
WM_PROJECT_DIR 環境変数	U-80	zipUpMesh ユーティリティ	U-96
WM_PROJECT_INST_DIR 環境変数	U-80		
WM_PROJECT_USER_DIR 環境変数	U-80	あ	
WM_PROJECT_VERSION 環境変数	U-80	アクセス関数	P-23
wmake スクリプト／エイリアス プラットフォーム	U-75 U-77	圧力波	P-64
word クラス	P-26	液体中の 後処理	U-165
word クラス	P-31	paraFoam 穴あき板の応力解析	U-165 U-48
Wireframe メニューエントリ	U-167	アプリケーション	U-73
writeCellCentres ユーティリティ	U-98	依存	U-76
writeCompression キーワード	U-114	依存リスト	U-76
writeControl キーワード	U-24, U-65, U-114	ウインドウ	
writeFormat キーワード	U-58, U-114	Color Legend	U-29
writeInterval キーワード	U-25, U-33, U-114	Options	U-170
writeMeshObj ユーティリティ	U-95	Pipeline Browser	U-26, U-166
writeNow キーワードエントリ	U-113	View Settings (Render View)	U-169
writePrecision キーワード	U-114	ウィンドウパネル	
X		Animations	U-170
x		Annotation	U-26, U-169
		Charts	U-170
		Color Legend	U-167
		Color Scale	U-167
		Colors	U-170
		Display	U-26, U-28, U-166, U-167
		General	U-169, U-170
		Information	U-166
		Lights	U-169
		Mesh Parts	U-26
		Properties	U-27, U-166
		Render View	U-170
		Seed	U-171
		Style	U-26, U-167
		液体	
		電気の伝導	P-69

演算	P-27	commsType	U-85
演算子		convertToMeters	U-141
スカラ	P-28	Cp	U-185
ベクトル	P-27	curve	U-178
円柱		Cv	U-185
まわりの流れ	P-45	debug	U-148
円柱まわりの流れ	P-45	defaultFieldValues	U-63
オイラーの陰解法		delta	U-88, U-187
差分	P-38	deltaT	U-113
時間の離散化	P-41	dimensions	U-23, U-110
		distributed	U-88, U-89
か		divSchemes	U-116
解析解	P-45	doLayers	U-148
ガウスの定理	P-34	edgeGrading	U-142
風上差分	P-36	edges	U-141
環境変数		endTime	U-24, U-113
CEI_ARCH	U-175	errorReduction	U-155
CEI_HOME	U-175	expansionRatio	U-154
ENSIGHT7_INPUT	U-175	face	U-178
ENSIGHT7_READER	U-175	featureAngle	U-154
FOAM_RUN	U-105	features	U-149
WM_ARCH	U-80	fields	U-177
WM_ARCH_OPTION	U-80	fieldValues	U-63
WM_COMPILE_OPTION	U-80	fileModificationChecking	U-85
WM_COMPILER	U-80	fileModificationSkew	U-85
WM_COMPILER_BIN	U-80	finalLayerRatio	U-154
WM_COMPILER_DIR	U-80	floatTransfer	U-85
WM_COMPILER_LIB	U-80	fluxRequired	U-116
WM_DIR	U-80	FoamFile	U-107
WM_MPLIB	U-80	format	U-107
WM_OPTIONS	U-80	functions	U-114
WM_PRECISIO_OPTION	U-80	geometry	U-148
WM_PROJECT	U-80	gradSchemes	U-116
WM_PROJECT_DIR	U-80	graphFormat	U-114
WM_PROJECT_INST_DIR	U-80	Hf	U-185
WM_PROJECT_USER_DIR	U-80	highCpCoeffs	U-186
WM_PROJECT_VERSION	U-80	internalField	U-23, U-110
キーワード		interpolationScheme	U-177
<delta>Coeffs	U-187	interpolationSchemes	U-116
<LESModel>Coeffs	U-187	laplacianSchemes	U-116
<RASmodel>Coeffs	U-187	layers	U-154
addLayersControls	U-148	leastSquares	U-55
adjustTimeStep	U-65	LESModel	U-187
agglomerator	U-125	levels	U-152
arc	U-141	libs	U-85, U-114
As	U-185	location	U-107
block	U-141	locationInMesh	U-149, U-151
blocks	U-22, U-31, U-142	lowCpCoeffs	U-186
boundary	U-143	manualCoeffs	U-88
boundaryField	U-23, U-110	maxAlphaCo	U-65
boxToCell	U-63	maxBoundarySkewness	U-155
cacheAgglomeration	U-125	maxCo	U-65
cAlpha	U-67	maxConcave	U-155
castellatedMesh	U-148	maxDeltaT	U-65
castellatedMeshControls	U-148	maxFaceThicknessRatio	U-154
class	U-107	maxGlobalCells	U-149
cloud	U-178	maxInternalSkewness	U-155

maxLocalCells	U-149	printCoeffs	U-44, U-187
maxNonOrtho	U-155	processorWeights	U-87, U-88
maxThicknessToMedialRatio	U-154	purgeWrite	U-114
mergeLevels	U-125	RASModel	U-187
mergePatchPairs	U-141	refGradient	U-138
mergeTolerance	U-148	refinementRegions	U-149, U-151
meshQualityControls	U-148	refinementRegions	U-151
method	U-88	refinementSurfaces	U-149
midPoint	U-178	regions	U-63
midPointAndFace	U-178	relativeSizes	U-154
minArea	U-155	relaxed	U-155
minDeterminant	U-155	relTol	U-56, U-123
minFaceWeight	U-155	resolveFeatureAngle	U-149, U-150
minFlatness	U-155	roots	U-88, U-89
minMedianAxisAngle	U-154	runTimeModifiable	U-114
minRefinementCells	U-149	scotchCoeffs	U-88
minThickness	U-154	setFormat	U-177
minTriangleTwist	U-155	sets	U-177
minTwist	U-155	simpleGrading	U-142
minVol	U-155	simulationType	U-65, U-186
minVolRatio	U-155	smoother	U-125
mode	U-151	snap	U-148
molweight	U-184	snapControls	U-148
mu	U-185	snGradSchemes	U-116
n	U-88	solver	U-56, U-123
nAlphaSubCycles	U-67	solvers	U-123
nBufferCellsNoExtrude	U-154	specie	U-184
nCellsBetweenLevels	U-149	spline	U-141
neighbourPatch	U-144	startFace	U-132
nFaces	U-132	startFrom	U-24, U-113
nFinestSweeps	U-125	startTime	U-24, U-113
nGrow	U-154	stopAt	U-113
nLayerIter	U-154	strategy	U-87, U-88
nMoles	U-184	surfaceFormat	U-177
nPostSweeps	U-125	surfaces	U-177
nPreSweeps	U-125	Tcommon	U-186
nPreSweepsh	U-125	thermodynamics	U-184
nRelaxedIter	U-154	thermoType	U-183
nRelaxIter	U-153, U-154	Thigh	U-186
nSmoothNormals	U-154	timeFormat	U-114
nSmoothPatch	U-153	timePrecision	U-114
nSmoothScale	U-155	timeScheme	U-116
nSmoothSurfaceNormals	U-154	Tlow	U-186
nSmoothThickness	U-154	tolerance	U-56, U-123, U-153
nSolveIter	U-153	topoSetSource	U-63
numberOfSubdomains	U-88	traction	U-53
object	U-107	transport	U-184
order	U-88	Ts	U-185
p_rghRefCell	U-127	turbulence	U-187
p_rghRefValue	U-127	type	U-133
patches	U-141	uniform	U-178
patchMap	U-163	value	U-23, U-138
Pr	U-185	valueFraction	U-138
preconditioner	U-123, U-124	version	U-107
pRefCell	U-25, U-127	vertices	U-22, U-141
pRefValue	U-25, U-127	writeCompression	U-114
pressure	U-53	writeControl	U-24, U-65, U-114

writeFormat	U-58, U-114	limitedCubic	U-119
writeInterval	U-25, U-33, U-114	limitedLinear	U-119
writePrecision	U-114	line	U-142
キーワードエントリ		linear	U-119, U-121
adjustableRunTime	U-65, U-114	linearUpwind	U-119, U-121
arc	U-142	localEuler	U-121
ascii	U-114	manual	U-87, U-88
backward	U-121	metis	U-88
binary	U-114	MGridGen	U-125
blocking	U-85	midPoint	U-119
bounded	U-119, U-120	MUSCL	U-119
cell	U-177	Newtonian	U-64
cellLimited	U-119	nextWrite	U-113
cellPoint	U-177	nonBlocking	U-85
cellPointFace	U-177	none	U-117, U-124
clockTime	U-114	noWriteNow	U-113
compressed	U-114	null	U-177
corrected	U-119, U-120	outside	U-151
cpuTime	U-114	patch	U-137, U-178
CrankNicholson	U-121	PBiCG	U-123
CrossPowerLaw	U-64	PCG	U-123
cubicCorrected	U-121	polyLine	U-142
cubicCorrection	U-119	polySpline	U-142
cyclic	U-137	processor	U-137
diagonal	U-123, U-124	QUICK	U-121
DIC	U-124	RASModel	U-44, U-187
DICGaussSeidel	U-124	raw	U-114, U-177
DILU	U-124	runTime	U-33, U-114
distance	U-151, U-178	scheduled	U-85
dx	U-177	scientific	U-114
empty	U-137	scotch	U-87, U-88
endTime	U-113	SFCD	U-119, U-121
Euler	U-121	simple	U-87, U-88
faceAreaPair	U-125	simpleSpline	U-142
faceLimited	U-119	skewLinear	U-119, U-121
FDIC	U-124	smoothSolver	U-123
filteredLinear2	U-119	startTime	U-24, U-113
firstTime	U-113	steadyState	U-121
fixed	U-114	stl	U-177
foamFile	U-177	symmetryPlane	U-137
fourth	U-119, U-120	timeStamp	U-85
GAMG	U-56, U-123, U-124	timeStampMaster	U-85
Gamma	U-119	timeStep	U-25, U-33, U-114
Gauss	U-119	UMIST	U-117
GaussSeidel	U-124	uncompressed	U-114
general	U-114	uncorrected	U-119, U-120
gnuplot	U-114, U-177	upwind	U-119, U-121
hierarchical	U-87, U-88	vanLeer	U-119
inotify	U-85	vtk	U-177
inotifyMaster	U-85	wall	U-137
inside	U-151	wedge	U-137
jplot	U-114, U-177	writeNow	U-113
laminar	U-44, U-187	x	U-178
latestTime	U-41, U-113	xmgr	U-114, U-177
leastSquares	U-119	xyz	U-178
LESModel	U-44, U-187	y	U-178
limited	U-119, U-120	z	U-178

キャビティ流れ	U-19	polyPatch	P-31
境界	U-133	polyPatchList	P-31
境界条件	P-42	scalar	P-23
alphaContactAngle	U-62	scalarField	P-29
calculated	U-138	slice	P-31
cyclic	U-137	symmTensorField	P-29
directionMixed	U-138	symmTensorThirdField	P-29
empty	P-65, P-71, U-20, U-133, U-137	tensor	P-23
fixedGradient	U-138	tensorField	P-29
fixedValue	U-138	tensorThirdField	P-29
fluxCorrectedVelocity	U-139	vector	P-23, U-109
inlet	P-71	vectorField	P-29
inletOutlet	U-139	word	P-26
mixed	U-138	wordword	P-31
movingWallVelocity	U-139	クランク・ニコルソン法	P-41
outlet	P-71	クロネッカーのデルタ	P-21
outletInlet	U-139	形状	U-142
partialSlip	U-139	ケース	U-105
patch	U-136	後退差分	P-38
pressureDirectedInletVelocity	U-139	勾配	P-38
pressureInletVelocity	U-139	ガウススキーム	P-38
pressureOutlet	P-64	ガウスの定理	U-55
pressureTransmissive	U-139	最小二乗フィット	U-55
processor	U-137	最小二乗法	P-39, U-55
slip	U-139	面に垂直	P-39
supersonicFreeStream	U-139	コメント	U-83
surfaceNormalFixedValue	U-139		
symmetryPlane	P-64, U-136	さ	
totalPressure	U-139	最大	
turbulentInlet	U-139	反復回数	U-124
wall	P-64, P-71, U-62, U-136	座標系	P-15, U-20
wallBuoyantPressure	U-139	座標軸	
wedge	U-133, U-137, U-146	右手系	U-140
zeroGradient	U-138	右手系直交デカルト	U-20
入口	P-43	右手系デカルト座標系	P-15
滑りなし不浸透性壁面	P-43	差分	
対称面	P-43	Gamma	P-37
ディリクレ	P-42	MINMOD	P-37
出口	P-43	SUPERBEE	P-37
ノイマン	P-42	van Leer	P-37
許容値		オイラーの陰解法	P-38
ソルバの——	U-124	風上	P-36
ソルバの相対的な——	U-124	後退	P-38
クーラン数	P-41, U-24	中心	P-36
クラス		ブレンド	P-37
cell	P-31	時間ステップ	U-24
dimensionSet	P-26, P-33	時間の	
face	P-31	制御	U-113
finiteVolumeCalculus	P-33	時間の離散化	P-40
finiteVolumeMethod	P-33	OpenFOAMにおける	P-41
fvc	P-34	オイラーの陰解法	P-41
fvm	P-34	クランク・ニコルソン法	P-41
fvMesh	P-31	陽解法	P-41
fvSchemes	P-35	時間微分	
pointField	P-31	1階	P-37
polyBoundaryMesh	P-31	2階	P-38
polyMesh	P-31, U-129, U-131	軸対称	

メッシュ	U-133	interPhaseChangeFoam	U-92
問題	U-137, U-146	laplacianFoam	U-90
次元		LTSInterFoam	U-92
OpenFOAM における次元チェック	P-25	LTSReactingParcelFoam	U-93
OpenFOAM におけるチェック	U-109	magneticFoam	U-93
次元の単位	U-109	mdEquilibrationFoam	U-93
実行		mdFoam	U-93
並列	U-86	mhdFoam	P-69, P-71, U-93
収束	U-42	MRFInterFoam	U-92
自由表面	U-59	MRFMultiphaselInterFoam	U-92
スカラ	P-16	MRSimpleFoam	U-91
演算子	P-28	multiphaselInterFoam	U-92
スクリプト／エイリアス		nonNewtonianIcoFoam	U-91
foamCorrectVrt	U-160	PDRFoam	U-92
foamJob	U-179	pimpleDyMFoam	U-91
foamLog	U-180	pimpleFoam	U-91
make	U-75	pisoFoam	U-19, U-91
rmdepall	U-80	porousExplicitSourceReactingParcelFoam	U-93
wclean	U-80	porousInterFoam	U-92
wmake	U-75	porousSimpleFoam	U-91
制御		potentialFoam	P-46, U-90
時間の——	U-113	reactingFoam	U-92
セル		reactingParcelFilmFoam	U-93
拡大率	U-142	reactingParcelFoam	U-93
相対的な許容値	U-124	rhoCentralDyMFoam	U-91
ソルバ		rhoCentralFoam	U-91
adjointShapeOptimizationFoam	U-91	rhoPimpleFoam	U-91
boundaryFoam	U-91	rhoPorousMRFLTSPimpleFoam	U-91
bubbleFoam	U-92	rhoPorousMRFpimpleFoam	U-91
buoyantBaffleSimpleFoam	U-93	rhoPorousMRFsimpleFoam	U-91
buoyantBoussinesqPimpleFoam	U-93	rhoPorousSimpleFoam	U-91
buoyantBoussinesqSimpleFoam	U-93	rhoReactingFoam	U-92
buoyantPimpleFoam	U-93	rhoSimplecFoam	U-91
buoyantSimpleFoam	U-93	rhoSimpleFoam	U-91
buoyantSimpleRadiationFoam	U-93	scalarTransportFoam	U-90
cavitatingFoam	U-92	settlingFoam	U-92
channelFoam	U-91	shallowWaterFoam	U-91
chemFoam	U-92	simpleFoam	P-54, U-91
chtMultiRegionFoam	U-93	solidDisplacementFoam	U-54, U-93
coalChemistryFoam	U-93	solidEquilibriumDisplacementFoam	U-93
coldEngineFoam	U-92	sonicDyMFoam	U-91
compressibleInterFoam	U-92	sonicFoam	P-61, U-91
dieselEngineFoam	U-92	sonicLiquidFoam	P-65, U-91
dieselFoam	U-92	SRFSimpleFoam	U-91
dnsFoam	U-92	twoLiquidMixingFoam	U-92
dsmcFoam	U-93	twoPhaseEulerFoam	U-92
electrostaticFoam	U-93	uncoupledKinematicParcelFoam	U-93
engineFoam	U-92	windSimpleFoam	U-91
financialFoam	U-93	XiFoam	U-92
fireFoam	U-92	ソルバの許容値	U-124
icoFoam	U-19, U-23, U-25, U-26, U-91	ソルバの相対的な許容値	U-124
icoUncoupledKinematicParcelDyMFoam	U-93	た	
icoUncoupledKinematicParcelFoam	U-93	代数幾何マルチグリッド	U-124
interDyMFoam	U-92	対流項	P-36
interFoam	U-92	ダムの決壊	U-59
interMixingFoam	U-92		

単位			
SI	U-110	<i>transportProperties</i>	U-23, U-41, U-44
Système International	U-110	<i>turbulenceProperties</i>	U-65, U-186
United States Customary System	U-110	ディレクトリ	
USCS	U-110	0	U-106
基本—	U-110	constant	U-105, U-183
計量	P-25	<i>fluentInterface</i>	U-172
測量—	U-109	Make	U-77
タンクの減圧	P-63	<i>polyMesh</i>	U-105
置換記号	P-20	<i>processorN</i>	U-87
中心差分	P-36	<i>run</i>	U-105
チュートリアル		<i>system</i>	P-50, U-105
穴あき板の応力解析	U-48	<i>tutorials</i>	U-19
ダムの決壊	U-59	テキストボックス	
天井駆動のキャビティ流れ	U-19	Opacity	U-168
超音速流れ	P-59	天井駆動のキャビティ流れ	U-19
ツール		電磁流体力学	P-69
algorithms	U-100	テンソル	P-15
cfdTools	U-100	2階	P-16
containers	U-100	2階対称	P-16
db	U-100	3階	P-16
dimensionedTypes	U-100	3階対称	P-16
dimensionSet	U-100	<i>n</i> 乗	P-20
fields	U-100	OpenFOAMにおけるクラス	P-23
finiteVolume	U-100	OpenFOAMにおけるテンソルの代数演算	P-23
fvMatrices	U-100	24	
fvMesh	U-100	外積	P-19
global	U-100	加算	P-17
graph	U-100	幾何変換	P-20
interpolation	U-100	逆元	P-23
interpolations	U-100	行列式	P-22
matrices	U-100	減算	P-17
memory	U-100	恒等式	P-21
meshes	U-100	最小成分	P-20
primitives	U-100	最大成分	P-20
surfaceMesh	U-100	三重内積	P-19
volMesh	U-100	次元	P-16
デイクショナリ		数学	P-15
blockMeshDict	U-20, U-22, U-38, U-52, U-138, U-146	スカラの乗算	P-17
boundary	U-131, U-138	スカラの除算	P-18
castellatedMeshControls	U-149, U-151	スケール関数	P-20
cells	U-138	静水圧テンソル	P-22
controlDict	U-24, U-32, U-45, U-54, U-65, U-105, U-162	成分平均値	P-20
decomposeParDict	U-86	絶対値	P-20
faces	U-131, U-138	対角	P-22
fvSchemes	U-55, U-66, U-105, U-115	対称テンソル	P-22
fvSolution	U-105, U-122	代数演算	P-17
mechanicalProperties	U-54	単位	P-21
neighbour	U-131	転置	P-16, P-21
owner	U-131	トレース	P-22
PISO	U-25	内積	P-18
points	U-131, U-138	二重内積	P-19
RASProperties	U-44	二乗	P-20
thermalProperties	U-54	反対称テンソル	⇒ 歪テンソル
thermophysicalProperties	U-183	表記	P-17
		平方絶対値	P-20
		ベクトルのクロス積	P-20

変換	P-20	フォアグラウンド	U-26
偏差テンソル	P-22	プロック	
ホッジ双対	P-23	拡大率	U-142
余因子	P-22	分解	
ランク	P-16	フィールドの——	U-86
歪テンソル	P-22	メッシュの——	U-86
テンプレートクラス		並列	
dimensioned<Type>	P-26	実行	U-86
Field<Type>	P-29	ベクトル	P-16
FieldField<Type>	P-32	演算子	P-27
fvMatrix	P-33	単位	P-20
GeometricBoundaryField	P-32	方程式	P-33
geometricField<Type>	P-33	ボタン	
List<Type>	P-29	Apply	U-167, U-170
pointField<Type>	P-33, P-34	Auto Accept	U-170
surfaceField<Type>	P-34	Choose Preset	U-167
volField<Type>	P-34	Delete	U-167
な		Edit Color Map	U-167
流れ		Enable Line Series	U-37
層流	U-19	Orientation Axes	U-26, U-170
超音速	P-59	Refresh Times	U-27
乱流	U-19	Rescale to Data Range	U-28
粘性係数		Reset	U-167
動——	U-23, U-44	Set Ambient Color	U-168
		Update GUI	U-167
		Use Parallel Projection	U-26, U-169
は		ま	
場	P-29	マッピング	
バック・ステップ上の流れ	P-52	フィールド	U-162
バックグラウンド	U-26, U-86	マルチグリッド	
プロセス	P-38	代数幾何——	U-124
発散項		メッシュ	
反復回数		1D	U-133
最大	U-124	1次元	U-133
非直交メッシュ	P-45	2D	U-133
表面		2次元	U-133
メッシュ	U-147	Stereolithography (STL)	U-147
ファイル		改善	P-64
files	U-77	解像度	U-30
g	U-64	記法	U-129
Make/files	U-79	基本的な	P-31
options	U-77	勾配	P-52, P-55
snappyHexMeshDict	U-147	勾配付け	U-138, U-142
transportProperties	U-64	軸対称	U-133
ファイルフォーマット	U-106	仕様	U-130
フィールド		生成	U-138, U-147
p	U-25	妥当性の制約	U-130
U	U-25	非直交	P-45
分解	U-86	表面	U-147
マッピング	U-162	分解	U-86
フォアグラウンド		分割六面体	U-147
プロセス	U-26	有限体積法	P-31
フォワード・ステップ上の超音速流れ	P-59	メッセージパッシングインターフェイス	
物理的	P-43	openMPI	U-88
ブレンド差分	P-37	メニュー	
プロセス		Attribute Mode	U-36
バックグラウンド	U-26, U-86		

Color By	U-168	hsRhoThermo	U-101, U-184
Current Time Controls	U-28	icoPolynomial	U-102, U-183
Current Time Controls	U-167	inhomogeneousMixture	U-102, U-184
Edit	U-169	interfaceProperties	U-104
Help	U-168	janafThermo	U-102, U-183
Line Style	U-37	kEpsilon	U-103
Marker Style	U-37	kOmega	U-103
VCR Controls	U-28	kOmegaSST	U-103
VCR Controls	U-167	kOmegaSSTSAS	U-103
View	U-168	LamBremhorstKE	U-103
メニュー エントリ		laminar	U-103
Plot Over Line	U-36	laplaceFilter	U-103
Save Animation	U-172	LaunderGibsonRSTM	U-103
Save Screenshot	U-171	LaunderSharmaKE	U-103
Settings	U-170	LienCubicKE	U-103
Show Color Legend	U-28	LienCubicKELowRe	U-103
Solid Color	U-168	LienLeschzinerLowRe	U-103
Toolbars	U-168	locDynOneEqEddy	U-104
View Settings	U-26	lowReOneEqEddy	U-104
View Settings	U-169	LRDDiffStress	U-104
View Settings...	U-26	LRR	U-103
Wireframe	U-167	maxDeltaxyz	U-103
モデル		mixedSmagorinsky	U-103
anisotropicFilter	U-103	multiComponentMixture	U-102, U-184
APIfunctions	U-102	Newtonian	U-104
basicMultiComponentMixture	U-102, U-184	NonlinearKEShih	U-103
BirdCarreau	U-104	NSRDSfunctions	U-102
chemistryModel	U-102	oneEqEddy	U-103, U-104
chemistrySolver	U-102	perfectGas	U-102, U-183
constLaminarFlameSpeed	U-102	polynomialTransport	U-102, U-183
constTransport	U-102, U-183	powerLaw	U-104
CrossPowerLaw	U-104	PrandtlDelta	U-103
cubeRootVolDelta	U-103	pureMixture	U-101, U-184
DeardorffDiffStress	U-104	qZeta	U-103
dieselMixture	U-102, U-184	reactingMixture	U-102, U-184
dynLagrangian	U-103	realizableKE	U-103
dynMixedSmagorinsky	U-103	RNGkEpsilon	U-103
dynOneEqEddy	U-104	scaleSimilarity	U-103
dynSmagorinsky	U-103	simpleFilter	U-103
eConstThermo	U-102, U-183	Smagorinsky	U-103, U-104
egrMixture	U-102, U-184	Smagorinsky2	U-103
ePsiThermo	U-101, U-184	smoothDelta	U-103
GuldersEGRLaminarFlameSpeed	U-102	SpalartAllmaras	U-103, U-104
GuldersLaminarFlameSpeed	U-102	SpalartAllmarasDDES	U-104
hConstThermo	U-102, U-183	SpalartAllmarasIDDES	U-104
HerschelBulkley	U-104	specieThermo	U-102, U-183
hhuMixtureThermo	U-102, U-184	spectEddyVisc	U-104
homogeneousMixture	U-102, U-184	surfaceFilmModels	U-104
homogenousDynSmagorinsky	U-103	sutherlandTransport	U-102, U-184
hPolynomialThermo	U-102, U-183	twoPhaseInterfaceProperties	U-104
hPsiMixtureThermo	U-101, U-184	veryInhomogeneousMixture	U-102, U-184
hPsiThermo	U-101, U-184		や
hRhoMixtureThermo	U-101, U-184	有限体積法	
hRhoThermo	U-101, U-184	メッシュ	P-31
hsPsiMixtureThermo	U-101, U-184	離散化	P-27
hsPsiThermo	U-101, U-184	ユーティリティ	
hsRhoMixtureThermo	U-102, U-184		

adiabaticFlameT	U-99	foamToVTK	U-96
ansysToFoam	U-94	foamUpgradeFvSolution	U-94
applyBoundaryLayer	U-94	gambitToFoam	U-95, U-155
applyWallFunctionBoundaryConditions	U-94	gmshToFoam	U-95
attachMesh	U-95	ideasToFoam	U-155
autoPatch	U-95	ideasUnvToFoam	U-95
autoRefineMesh	U-96	insideCells	U-95
blockMesh	P-47, U-40, U-94, U-138	kivaToFoam	U-95
boxTurb	U-94	Lambda2	U-97
cfx4ToFoam	U-94, U-155	Mach	U-97
changeDictionary	U-94	mapFields	U-31, U-41, U-45, U-59, U-94, U-162
checkMesh	U-95, U-157	mdlInitialise	U-94
chemkinToFoam	U-99	mergeMeshes	U-95
Co	U-97	mergeOrSplitBaffles	U-95
collapseEdges	U-96	mirrorMesh	U-95
combinePatchFaces	U-96	mixtureAdiabaticFlameT	U-99
createBaffles	U-95	modifyMesh	U-96
createPatch	U-95	moveDynamicMesh	U-95
createTurbulenceFields	U-97	moveEngineMesh	U-95
datToFoam	U-94	moveMesh	U-95
decomposePar	U-86, U-87, U-99	mshToFoam	U-95
deformedGeom	U-95	netgenNeutralToFoam	U-95
dsmcFieldsCalc	U-98	objToVTK	U-95
dsmcInitialise	U-94	particleTracks	U-97
engineCompRatio	U-98	patchAverage	U-97
engineSwirl	U-94	patchIntegrate	U-97
ensight74FoamExec	U-175	patchSummary	U-99
ensightFoamReader	U-96	pdfPlot	U-98
enstrophy	U-97	PDRMesh	U-96
equilibriumCO	U-99	Pe	U-97
equilibriumFlameT	U-99	plot3dToFoam	U-95
execFlowFunctionObjects	U-98	polyDualMesh	U-95
expandDictionary	U-99	postChannel	U-98
extrude2DMesh	U-94	pPrime2	U-97
extrudeMesh	U-94	probeLocations	U-97
extrudeToRegionMesh	U-94	ptot	U-98
faceAgglomerate	U-94	Q	U-97
fieldview9Reader	U-96	R	U-97
flattenMesh	U-95	reconstructPar	U-90, U-99
flowType	U-97	reconstructParMesh	U-99
fluent3DMeshToFoam	U-94	redistributeMeshPar	U-99
fluentMeshToFoam	U-94, U-155	refineHexMesh	U-96
foamCalc	U-35, U-98	refinementLevel	U-96
foamDataToFluent	U-96, U-172	refineMesh	U-95
foamDebugSwitches	U-99	refineWallLayer	U-96
foamFormatConvert	U-99	removeFaces	U-96
foamInfoExec	U-99	renumberMesh	U-95
foamListTimes	U-98	rotateMesh	U-95
foamMeshToFluent	U-94, U-172	sammToFoam	U-95
foamToEnsight	U-96	sample	U-98, U-176
foamToEnsightParts	U-96	scalePoints	U-159
foamToFieldview9	U-96	selectCells	U-96
foamToGMV	U-96	setFields	U-63, U-94
foamToStarMesh	U-95	setSet	U-95
foamToSurface	U-95	setsToZones	U-95
foamToTecplot360	U-96	singleCellMesh	U-96

smapToFoam	U-96	ら	
snappyHexMesh	U-94, U-147	ライブラリ	U-73
splitCells	U-96	autoMesh	U-100
splitMesh	U-96	barotropicCompressibilityModels	U-102
splitMeshRegions	U-96	basicSolidThermo	U-102
star3ToFoam	U-95	basicThermophysicalModels	U-101
star4ToFoam	U-95	blockMesh	U-100
starToFoam	U-155	chemistryModel	U-102
steadyParticleTracks	U-97	Chung	U-102
stitchMesh	U-96	coalCombustion	U-101
streamFunction	U-97	compressibleLESmodels	U-104
stressComponents	U-97	compressibleRASModels	U-103
subsetMesh	U-96	conversion	U-101
surfaceAdd	U-98	decompositionMethods	U-101
surfaceAutoPatch	U-98	dieselSpray	U-101
surfaceCheck	U-98	distributed	U-101
surfaceClean	U-98	distributionModels	U-101
surfaceCoarsen	U-98	dsmc	U-101
surfaceConvert	U-98	dynamicFvMesh	U-101
surfaceFeatureConvert	U-98	dynamicMesh	U-100
surfaceFeatureExtract	U-98, U-150	edgeMesh	U-101
surfaceFind	U-98	engine	U-101
surfaceInertia	U-98	fieldFunctionObjects	U-100
surfaceMeshConvert	U-98	fileFormats	U-101
surfaceMeshConvertTesting	U-98	finiteVolume	U-100
surfaceMeshExport	U-98	foamCalcFunctions	U-100
surfaceMeshImport	U-98	forces	U-100
surfaceMeshInfo	U-98	fvDOM	U-102
surfaceMeshTriangulate	U-98	fvMotionSolvers	U-101
surfaceOrient	U-98	genericFvPatchField	U-101
surfacePointMerge	U-98	incompressibleLESmodels	U-103
surfaceRedistributePar	U-99	incompressibleRASModels	U-103
surfaceRefineRedGreen	U-99	incompressibleTransportModels	P-55, U-104
surfaceSmooth	U-99	incompressibleTurbulenceModels	P-55
surfaceSplitByPatch	U-99	jobControl	U-100
surfaceSplitNonManifolds	U-99	lagrangian	U-101
surfaceSubset	U-99	lagrangianIntermediate	U-101
surfaceToPatch	U-99	laminarFlameSpeedModels	U-102
surfaceTransformPoints	U-99	LESdeltas	U-103
tetgenToFoam	U-95	LESfilters	U-103
topoSet	U-96	linear	U-102
transformPoints	U-96	liquidMixtureProperties	U-102
uprime	U-97	liquidProperties	U-102
viewFactorGen	U-94	meshTools	U-101
vorticity	U-97	MGridGenGAMGAgglomeration	U-101
wallFunctionTable	U-94	molecularMeasurements	U-101
wallGradU	U-97	molecule	U-101
wallHeatFlux	U-97	ODE	U-101
wallShearStress	U-97	OpenFOAM	U-100
wdot	U-98	OSspecific	U-101
writeCellCentres	U-98	P1	U-102
writeMeshObj	U-95	pairPatchAgglomeration	U-101
yPlusLES	U-97	postCalc	U-100
yPlusRAS	U-97	potential	U-101
zipUpMesh	U-96	primitive	P-23
陽解法		ptscotchDecomp	U-101
時間の離散化	P-41		

PV3FoamReader	U-165
PVFoamReader	U-165
radiationModels	U-102
randomProcesses	U-101
reactionThermophysicalModels	U-101
reconstruct	U-101
sampling	U-100
scotchDecomp	U-101
SLGThermo	U-102
solid	U-102
solidMixtureProperties	U-102
solidParticle	U-101
solidProperties	U-102
specie	U-102
surfMesh	U-101
systemCall	U-100
thermalPorousZone	U-103
thermophysical	U-183
thermophysicalFunctions	U-102
topoChangeFvMesh	U-101
triSurface	U-101
utilityFunctionObjects	U-100
viewFactor	U-102
vtkFoam	U-165
vtkPV3Foam	U-165
Wallis	U-102
ラプラスアン	P-36
乱流	
運動エネルギー	U-43
消散	U-43
定常	P-52
長さスケール	U-43
乱流モデル	
RAS	U-43
リストア	U-41
リスト	P-29
例題	
円柱まわりの流れ	P-45
タンクの減圧	P-63
バック・ステップ上の流れ	P-52
フォワード・ステップ上の超音速流れ	P-59
レイノルズ数	U-19, U-23
連続体	
力学	P-15