

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н. Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика, искусственный интеллект и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ОТЧЕТ

по лабораторной работе № 2 по курсу «Основы искусственного интеллекта» на тему: «Алгоритмы нечеткой логики»

Студент	ИУ7-13М (Группа)	(Подпись, дата)	<u>Орду</u> М. А. (И. О. Фамилия)
Преподав	атель	(Подпись, дата)	Строганов Ю. В. (и. о. Фамилия)

СОДЕРЖАНИЕ

1	Teo	ретическая часть	3			
	1.1	Постановка задачи	3			
	1.2	Этапы нечеткого логического вывода	3			
	1.3	Функции принадлежности	3			
	1.4	База правил	4			
	1.5	Алгоритм логического вывода	5			
	1.6	Алгоритм дефаззификации	5			
2	Пра	актическая часть	6			
	2.1	Используемые инструменты	6			
2.2 Фун		Функции принадлежности	6			
	2.3	Реализация алгоритма Ларсена				
	2.4	Результаты	8			
		2.4.1 Моделирование реакции системы на единичное ступен-				
		чатое воздействие	8			
		2.4.2 Моделирование реакции системы на двухступенчатое				
		воздействие	9			
П	РИЛ	ЮЖЕНИЕ А	11			

1 Теоретическая часть

1.1 Постановка задачи

В одномерном пространстве (X=1) рассматриваются два автомобиля: лидер, управляемый пользователем, и автомобиль-автопилот. Автопилот должен следовать за лидером, поддерживая постоянную дистанцию D, не имея информации о скорости лидера. Известно только текущее расстояние между автомобилями. Требуется определить необходимую скорость автопилота v_{auto} на основе нечеткого логического вывода.

Определение ускорения запрещено. Входными переменными являются:

- ошибка по расстоянию e = D D;
- ullet изменение ошибки $\Delta e = rac{de}{dt}$.

Выходная переменная — скорость автопилота v_{auto} .

1.2 Этапы нечеткого логического вывода

Нечеткий логический вывод состоит из следующих этапов:

- 1. **Фаззификация** преобразование четких входных значений e и Δe в степени принадлежности нечетким подмножествам.
- 2. **Применение базы правил** вычисление степени активации каждого правила на основе входных значений.
- 3. **Импликация** формирование выходных нечетких множеств в соответствии с вычисленной степенью активации α .
- 4. Агрегация объединение всех выходных множеств.
- 5. Дефаззификация преобразование агрегированного нечеткого множества в четкое значение v_{auto} .

1.3 Функции принадлежности

Для входных и выходных переменных были выбраны следующие функции принадлежности (рис. ??):

- Ошибка расстояния Negative: Zero, Positive;
- Изменение ошибки Negative: Zero, Positive;
- Скорость Slow: Medium, Fast.

Для задания функций использовались треугольные формы:

$$\operatorname{trimf}(x;a,b,c) = \begin{cases} 0, & x < a, \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \le x < b, \\ \frac{c-x}{c-b}, & b \le x < c, \\ 0, & x \ge c. \end{cases}$$

1.4 База правил

Правила нечеткого вывода описывают зависимость между ошибками и требуемой скоростью:

- 1. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Negative TO v_follower = Slow;
- 2. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Zero TO v_follower = Slow;
- 3. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Positive TO v_follower = Medium;
- 4. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Negative TO v_follower = Medium;
- 5. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Zero TO v_follower = Medium;
- 6. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Positive TO v_follower = Fast;
- 7. ЕСЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Negative TO v_follower = Medium;

- 8. ЕСЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Zero TO v_follower = Fast;
- 9. ЕСЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Positive TO v_follower = Fast.

1.5 Алгоритм логического вывода

Для варианта лабораторной работы используется алгоритм Ларсена:

$$\mu_{A \wedge B}(z) = \mu_A(x) \cdot \mu_B(y),$$

где:

 $\mu_A(x)$ — функция принадлежности входной переменной x к множеству A; $\mu_B(y)$ — функция принадлежности входной переменной y к множеству B.

1.6 Алгоритм дефаззификации

Для получения четкого значения скорости используется метод центра тяжести (Centroid method):

$$v = \frac{\int z \cdot \mu(z) \, dz}{\int \mu(z) \, dz}.$$

В качестве альтернативного метода можно применять метод среднего максимума (Mean of maxima, MOM):

$$v = \frac{z_{\min} + z_{\max}}{2}, \quad z_{\min,\max} \in \{z | \mu(z) = \max(\mu)\}.$$

2 Практическая часть

2.1 Используемые инструменты

Для реализации нечеткой системы использована библиотека scikit-fuzzy и язык Python 3. Основные зависимости:

- numpy численные вычисления;
- matplotlib визуализация;
- scikit-fuzzy функции принадлежности и дефаззификация.

2.2 Функции принадлежности

На рисунках 2.1-2.3 представлены функции принадлежности нечетких переменных.

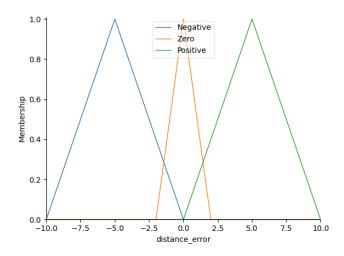


Рисунок 2.1 – Функция принадлежности расстояния между автомобилями

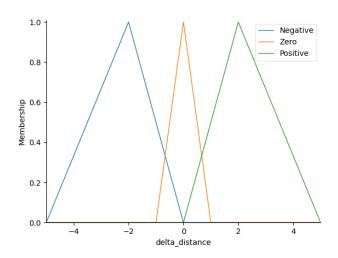


Рисунок 2.2 – Функция принадлежности изменения расстояния

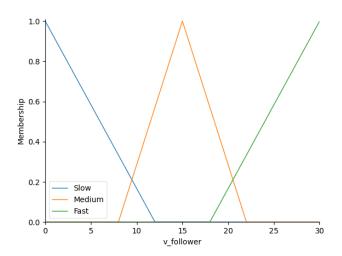


Рисунок 2.3 – Функция принадлежности скорости автопилота

2.3 Реализация алгоритма Ларсена

В библиотеке scikit-fuzzy в качестве алгоритма логического вывода применяется алгоритм Мамдани, без возможности выбора альтернативы. Одним из вариантов реализации алгоритма Ларсена с использованием scikit-fuzzy, требует модификации исходного кода библиотеки.

Листинг 2.1 – Исходный код библиотеки scikit-fuzzy, rule.py

Как видно из листинга 2.1, выходом функции логического И является минимальное из двух значений and_func = np.fmin (по Мамдани). Заменив

этот кусок кода на and_func=np.multiply, получим алгоритм вывода Ларсена.

2.4 Результаты

2.4.1 Моделирование реакции системы на единичное ступенчатое воздействие

На рисунках 2.4-2.6 показаны результаты моделирования системы при единичном ступенчатом воздействии.

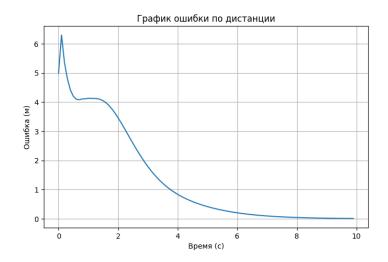


Рисунок 2.4 – График изменения ошибки системы

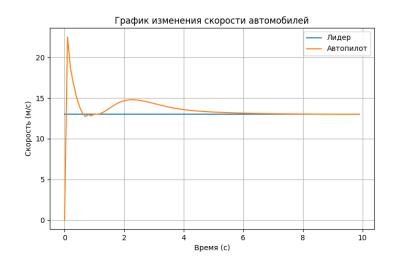


Рисунок 2.5 – График изменения скорости автомобилей

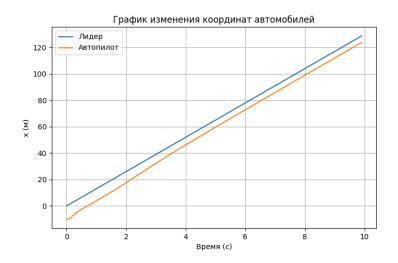


Рисунок 2.6 – График изменения координат автомобилей

2.4.2 Моделирование реакции системы на двухступенчатое воздействие

На рисунках 2.7-2.9 показаны результаты моделирования системы при двухступенчатом воздействии.

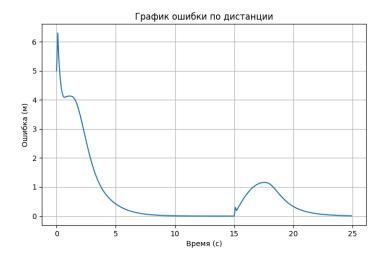


Рисунок 2.7 – График изменения ошибки системы

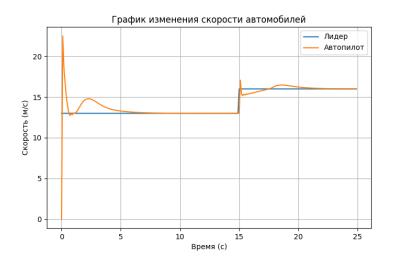


Рисунок 2.8 – График изменения скорости автомобилей

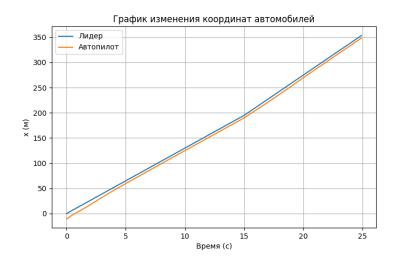


Рисунок 2.9 – График изменения координат автомобилей

Среднеквадратичная ошибка поддержания дистанции при моделировании системы составила:

$$MSE = 0.0540.$$

Шаг интегрирования dt=0.1 и время моделирования $T=50\,c.$

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Листинг А.1 – Исходный код программы

```
1 | import numpy as np
  import skfuzzy as fuzz
  from skfuzzy import control as ctrl
  import matplotlib.pyplot as plt
  distance_error = ctrl.Antecedent(np.arange(-10, 10.1, 0.1),
6
     'distance_error')
  delta_distance = ctrl.Antecedent(np.arange(-5, 5.1, 0.1),
     'delta_distance')
  v_follower = ctrl.Consequent(np.arange(0, 30.1, 0.1),
     'v_follower', defuzzify_method="centroid")
9
  distance_error['Negative'] = fuzz.trimf(distance_error.universe,
10
      [-10, -5, 0]
  distance_error['Zero'] = fuzz.trimf(distance_error.universe,
11
      [-2, 0, 2])
12
  distance_error['Positive'] = fuzz.trimf(distance_error.universe,
     [0, 5, 10])
13
14
  distance_error.view()
15
  delta_distance['Negative'] = fuzz.trimf(delta_distance.universe,
16
      [-5, -2, 0]
  delta_distance['Zero'] = fuzz.trimf(delta_distance.universe,
17
      [-1, 0, 1]
  delta_distance['Positive'] = fuzz.trimf(delta_distance.universe,
18
     [0, 2, 5])
19
  delta_distance.view()
20
21
22
  v_follower['Slow'] = fuzz.trimf(v_follower.universe, [0, 0, 12])
  v_follower['Medium'] = fuzz.trimf(v_follower.universe, [8, 15,
23
  v_follower['Fast'] = fuzz.trimf(v_follower.universe, [18, 30,
24
     30])
25
26 | v_follower.view()
```

```
27
   rule1 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
28
     delta_distance['Negative'], v_follower['Slow'])
   rule2 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
29
      delta_distance['Zero'], v_follower['Slow'])
   rule3 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
      delta_distance['Positive'], v_follower['Medium'])
31
   rule4 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
32
      delta_distance['Negative'], v_follower['Medium'])
   rule5 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
33
      delta_distance['Zero'], v_follower['Medium'])
   rule6 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
34
      delta_distance['Positive'], v_follower['Fast'])
35
  rule7 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
36
     delta_distance['Negative'], v_follower['Medium'])
   rule8 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
      delta_distance['Zero'], v_follower['Fast'])
   rule9 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
      delta_distance['Positive'], v_follower['Fast'])
39
   fuzzy_ctrl = ctrl.ControlSystem([rule1, rule2, rule3, rule4,
40
     rule5, rule6, rule7, rule8, rule9])
   fuzzy_sim = ctrl.ControlSystemSimulation(fuzzy_ctrl)
41
42
  dt = 0.1
43
  t = np.arange(0, 25, dt)
   d ref = 5.0
   v_{leader} = 13 + 3 * (t >= 15)
46
47
   x_leader = np.zeros_like(t)
48
   x_follower = np.zeros_like(t)
  v_auto = np.zeros_like(t)
50
51
52 | x_leader[0] = 0
53 \times follower[0] = -10
54 \mid v_auto[0] = 0
  error_int = 0
  Ki = 0.5
56
57
```

```
for i in range(1, len(t)):
       x_{leader[i]} = x_{leader[i-1]} + v_{leader[i-1]} * dt
59
       x_follower[i] = x_follower[i-1] + v_auto[i-1] * dt
60
61
       distance = x_leader[i] - x_follower[i]
62
       error = distance - d_ref
63
       delta_error = (x_leader[i] - x_leader[i-1]) - (x_follower[i]
64
          - x_follower[i-1])
65
       error_int += error * dt
66
       e_fuzzy = error + Ki * error_int
67
68
       fuzzy_sim.input['distance_error'] = e_fuzzy
69
       fuzzy_sim.input['delta_distance'] = delta_error
70
71
       fuzzy_sim.compute()
72
       v_auto[i] = 0.5 * v_auto[i-1] + 1.5*
73
          fuzzy_sim.output['v_follower']
74
  # График ошибки по дистанции
76 | plt.figure(figsize=(8, 5))
77 | plt.plot(t, [x_leader[i] - x_follower[i] - d_ref for i in
     range(len(t))])
78 plt.title('График ошибки по дистанции')
  plt.ylabel('Ошибка (м)')
80 | plt.xlabel('Время (с)')
  plt.grid()
81
82 | plt.show()
84 # График изменения координат автомобилей
  plt.figure(figsize=(8, 5))
85
86 | plt.plot(t, x_leader, label='Лидер')
  plt.plot(t, x_follower, label='Автопилот')
  plt.title('График изменения координат автомобилей')
  plt.ylabel('x (m)')
89
  plt.xlabel('Время (с)')
90
91
  plt.legend()
  plt.grid()
  plt.show()
93
94
95 | # График изменения скорости автомобилей
```

```
96 plt.figure(figsize=(8, 5))
97 | plt.plot(t, v_leader, label='Лидер')
98 | plt.plot(t, v_auto, label='Автопилот')
99 plt.title('График изменения скорости автомобилей')
   plt.ylabel('Скорость (м/с)')
   plt.xlabel('Время (с)')
102
   plt.legend()
103 plt.grid()
   plt.show()
104
105
106
   distance_errors = np.array([x_leader[i] - x_follower[i] - d_ref
107
      for i in range(len(t))])
108
109
   mask = (t >= 5) & (t <= 50)
110
   rmse_interval = np.sqrt(np.mean(distance_errors[mask]**2))
111
112
113 | print(f"Среднеквадратичная ошибка (RMSE) на интервале 550 с:
      {rmse_interval:.4f} m")
```