

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н. Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н. Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика, искусственный интеллект и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ОТЧЕТ

по лабораторной работе № 2 по курсу «Основы искусственного интеллекта» на тему: «Алгоритмы нечеткой логики»

Студент	ИУ7-13М		Орду М. А.
	(Группа)	(Подпись, дата)	(И. О. Фамилия)
Преподаватель			Строганов Ю. В.
		(Подпись, дата)	(И. О. Фамилия)

СОДЕРЖАНИЕ

1	Teo	ретическая часть	3			
	1.1	Постановка задачи	3			
	1.2	Этапы нечеткого логического вывода	3			
	1.3	Функции принадлежности	3			
	1.4	База правил	4			
	1.5	Алгоритм логического вывода	5			
	1.6	Алгоритм дефаззификации	5			
2	Пра	актическая часть	6			
	2.1	Используемые инструменты	6			
	2.2	Функции принадлежности				
	2.3	Реализация алгоритма Ларсена				
	2.4	Результаты				
		2.4.1 Моделирование реакции системы на единичное ступен-				
		чатое воздействие	8			
		2.4.2 Моделирование реакции системы на двухступенчатое				
		воздействие	9			
	2.5	Работа системы при алгоритме логического вывода Мамдани	10			
тт	ри п	ожение л	19			

1 Теоретическая часть

1.1 Постановка задачи

В одномерном пространстве (X=1) рассматриваются два автомобиля: лидер, управляемый пользователем, и автомобиль-автопилот. Автопилот должен следовать за лидером, поддерживая постоянную дистанцию D, не имея информации о скорости лидера. Известно только текущее расстояние между автомобилями. Требуется определить необходимую скорость автопилота v_{auto} на основе нечеткого логического вывода.

Определение ускорения запрещено. Входными переменными являются:

- ошибка по расстоянию e = D D;
- изменение ошибки $\Delta e = \frac{de}{dt}$.

Выходная переменная — скорость автопилота v_{auto} .

1.2 Этапы нечеткого логического вывода

Нечеткий логический вывод состоит из следующих этапов:

- 1. **Фаззификация** преобразование четких входных значений e и Δe в степени принадлежности нечетким подмножествам.
- 2. **Применение базы правил** вычисление степени активации каждого правила на основе входных значений.
- 3. **Импликация** формирование выходных нечетких множеств в соответствии с вычисленной степенью активации α .
- 4. Агрегация объединение всех выходных множеств.
- 5. Дефаззификация преобразование агрегированного нечеткого множества в четкое значение v_{auto} .

1.3 Функции принадлежности

Для входных и выходных переменных были выбраны следующие функции принадлежности (рис. ??):

- Ошибка расстояния Negative: Zero, Positive;
- Изменение ошибки Negative: Zero, Positive;
- Скорость Slow: Medium, Fast.

Для задания функций использовались треугольные формы:

$$\operatorname{trimf}(x;a,b,c) = \begin{cases} 0, & x < a, \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \le x < b, \\ \frac{c-x}{c-b}, & b \le x < c, \\ 0, & x \ge c. \end{cases}$$

1.4 База правил

Правила нечеткого вывода описывают зависимость между ошибками и требуемой скоростью:

- 1. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Negative TO v_follower = Slow;
- 2. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Zero TO v follower = Slow;
- 3. ЕСЛИ distance_error = Positive И delta_distance = Positive TO v_follower = Medium;
- 4. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Negative TO v follower = Medium;
- 5. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Zero TO v_follower = Medium;
- 6. ЕСЛИ distance_error = Zero И delta_distance = Positive TO v follower = Fast;
- 7. ЕСЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Negative TO v follower = Medium;

- 8. ECЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Zero TO v_follower = Fast;
- 9. ЕСЛИ distance_error = Negative И delta_distance = Positive TO v_follower = Fast.

1.5 Алгоритм логического вывода

Для варианта лабораторной работы используется алгоритм Ларсена:

$$\mu_{A \wedge B}(z) = \mu_A(x) \cdot \mu_B(y),$$

где:

 $\mu_A(x)$ — функция принадлежности входной переменной x к множеству A; $\mu_B(y)$ — функция принадлежности входной переменной y к множеству B.

1.6 Алгоритм дефаззификации

Для получения четкого значения скорости используется метод центра тяжести (Centroid method):

$$v = \frac{\int z \cdot \mu(z) \, dz}{\int \mu(z) \, dz}.$$

В качестве альтернативного метода можно применять метод среднего максимума (Mean of maxima, MOM):

$$v = \frac{z_{\min} + z_{\max}}{2}, \quad z_{\min,\max} \in \{z | \mu(z) = \max(\mu)\}.$$

2 Практическая часть

2.1 Используемые инструменты

Для реализации нечеткой системы использована библиотека scikit-fuzzy и язык Python 3. Основные зависимости:

- numpy численные вычисления;
- matplotlib визуализация;
- scikit-fuzzy функции принадлежности и дефаззификация.

2.2 Функции принадлежности

На рисунках 2.1-2.3 представлены функции принадлежности нечетких переменных.

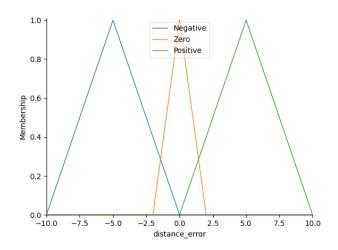


Рисунок 2.1 – Функция принадлежности расстояния между автомобилями

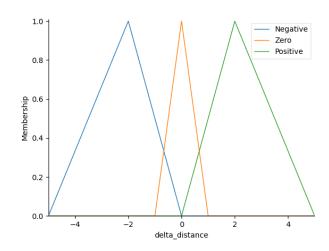


Рисунок 2.2 – Функция принадлежности изменения расстояния

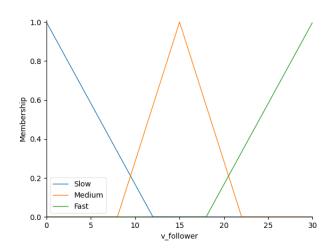


Рисунок 2.3 – Функция принадлежности скорости автопилота

2.3 Реализация алгоритма Ларсена

В библиотеке scikit-fuzzy в качестве алгоритма логического вывода применяется алгоритм Мамдани, без возможности выбора альтернативы. Одним из вариантов реализации алгоритма Ларсена с использованием scikit-fuzzy, требует модификации исходного кода библиотеки.

Листинг 2.1 – Исходный код библиотеки scikit-fuzzy, rule.py

```
class Rule(object):

def __init__(self, antecedent=None, consequent=None,
    label=None, and_func=np.fmin, or_func=np.fmax):
```

Как видно из листинга 2.1, выходом функции логического И является минимальное из двух значений and_func = np.fmin (по Мамдани). Заменив этот кусок кода на and_func=np.multiply, получим алгоритм вывода Ларсена.

2.4 Результаты

2.4.1 Моделирование реакции системы на единичное ступенчатое воздействие

На рисунках 2.4-2.6 показаны результаты моделирования системы при единичном ступенчатом воздействии.

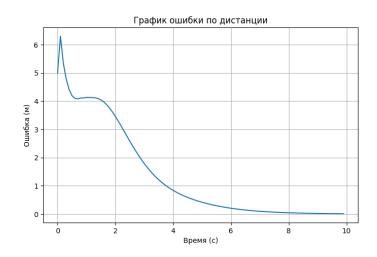


Рисунок 2.4 – График изменения ошибки системы

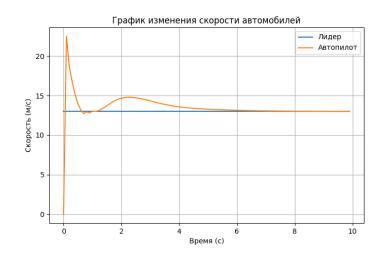


Рисунок 2.5 – График изменения скорости автомобилей

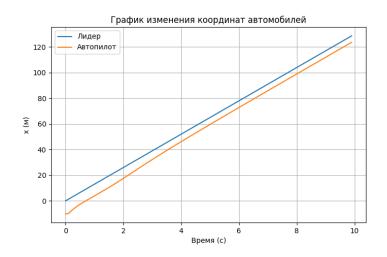


Рисунок 2.6 – График изменения координат автомобилей

2.4.2 Моделирование реакции системы на двухступенчатое воздействие

На рисунках 2.7-2.9 показаны результаты моделирования системы при двухступенчатом воздействии.

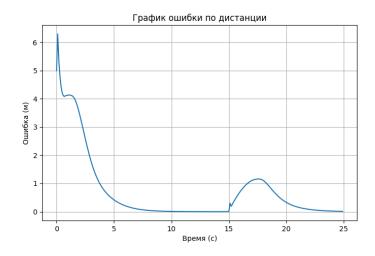


Рисунок 2.7 – График изменения ошибки системы

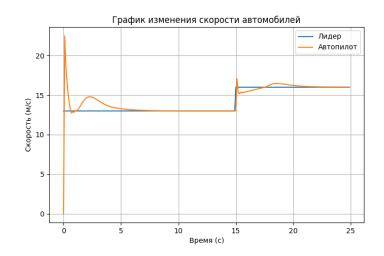


Рисунок 2.8 – График изменения скорости автомобилей

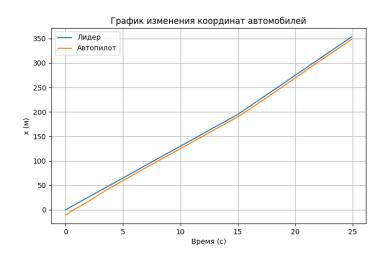


Рисунок 2.9 – График изменения координат автомобилей

Среднеквадратичная ошибка поддержания дистанции при моделировании системы составила:

$$MSE = 0.0540.$$

Шаг интегрирования dt = 0.1 и время моделирования T = 50 c.

2.5 Работа системы при алгоритме логического вывода Мамдани

Для сравнения рассмотрим результаты работы системы при применении алгоритма Мамдани. На рисунках 2.10 и 2.11 приведены результаты моделирования системы при двухступенчатом воздействии, выполненном с

использованием алгоритма Мамдани. Как видно из полученных результатов, переходный режим системы имеет более колебательный характер, чем при использовании алгоритма Ларсена.

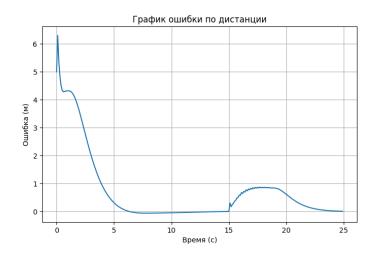


Рисунок 2.10 – График изменения ошибки системы

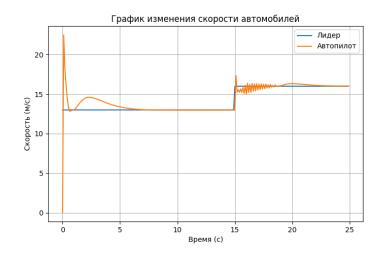


Рисунок 2.11 – График изменения скорости автомобилей

ПРИЛОЖЕНИЕ А

Листинг А.1 – Исходный код программы

```
1 | import numpy as np
  import skfuzzy as fuzz
  from skfuzzy import control as ctrl
  import matplotlib.pyplot as plt
5
  distance_error = ctrl.Antecedent(np.arange(-10, 10.1, 0.1),
6
     'distance_error')
  delta_distance = ctrl.Antecedent(np.arange(-5, 5.1, 0.1),
     'delta_distance')
  v_autopilot = ctrl.Consequent(np.arange(0, 30.1, 0.1),
     'v_autopilot', defuzzify_method="centroid")
9
  distance_error['Negative'] =
10
     fuzz.trimf(distance_error.universe, [-10, -5, 0])
  distance_error['Zero'] = fuzz.trimf(distance_error.universe,
11
      [-2, 0, 2])
12
  distance_error['Positive'] =
     fuzz.trimf(distance_error.universe, [0, 5, 10])
13
  # distance_error.view()
14
15
  delta_distance['Negative'] =
16
     fuzz.trimf(delta_distance.universe, [-5, -2, 0])
  delta_distance['Zero'] = fuzz.trimf(delta_distance.universe,
17
      [-1, 0, 1])
  delta_distance['Positive'] =
18
     fuzz.trimf(delta_distance.universe, [0, 2, 5])
19
  # delta_distance.view()
20
21
22
  v_autopilot['Slow'] = fuzz.trimf(v_autopilot.universe, [0, 0,
  v_autopilot['Medium'] = fuzz.trimf(v_autopilot.universe, [8,
23
     15, 22])
  v_autopilot['Fast'] = fuzz.trimf(v_autopilot.universe, [18,
24
     30, 30])
25
```

```
# v_autopilot.view()
26
27
  rule1 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
28
     delta_distance['Negative'], v_autopilot['Slow'])
   rule2 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
29
      delta_distance['Zero'], v_autopilot['Slow'])
  rule3 = ctrl.Rule(distance_error['Positive'] &
30
      delta_distance['Positive'], v_autopilot['Medium'])
31
  rule4 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
32
      delta_distance['Negative'], v_autopilot['Medium'])
  rule5 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
33
     delta_distance['Zero'], v_autopilot['Medium'])
   rule6 = ctrl.Rule(distance_error['Zero'] &
34
      delta_distance['Positive'], v_autopilot['Fast'])
35
  rule7 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
36
     delta_distance['Negative'], v_autopilot['Medium'])
  rule8 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
     delta_distance['Zero'], v_autopilot['Fast'])
   rule9 = ctrl.Rule(distance_error['Negative'] &
38
      delta_distance['Positive'], v_autopilot['Fast'])
39
   fuzzy_ctrl = ctrl.ControlSystem([rule1, rule2, rule3, rule4,
40
     rule5, rule6, rule7, rule8, rule9])
   fuzzy_sim = ctrl.ControlSystemSimulation(fuzzy_ctrl)
41
42
  dt = 0.1
   t = np.arange(0, 25, dt)
  d_ref = 5.0
45
   v_{leader} = 13 + 3 * (t >= 15)
46
47
   x_leader = np.zeros_like(t)
48
  x_follower = np.zeros_like(t)
  v_auto = np.zeros_like(t)
50
51
52 | x_leader[0] = 0
53 \mid x_{follower}[0] = -10
54 | v_auto[0] = 0
  error_int = 0
55
56 | Ki = 0.5
```

```
57
  for i in range(1, len(t)):
58
       x_{leader[i]} = x_{leader[i-1]} + v_{leader[i-1]} * dt
59
       x_follower[i] = x_follower[i-1] + v_auto[i-1] * dt
60
61
       distance = x_leader[i] - x_follower[i]
62
       error = distance - d_ref
63
       delta_error = (x_leader[i] - x_leader[i-1]) -
64
          (x_follower[i] - x_follower[i-1])
65
       error_int += error * dt
66
67
       e_fuzzy = error + Ki * error_int
68
       fuzzy_sim.input['distance_error'] = e_fuzzy
69
70
       fuzzy_sim.input['delta_distance'] = delta_error
       fuzzy_sim.compute()
71
72
73
       v_auto[i] = 0.5 * v_auto[i-1] + 1.5*
          fuzzy_sim.output['v_autopilot']
74
75 # График ошибки по дистанции
76 | plt.figure(figsize=(8, 5))
  |plt.plot(t, [x_leader[i] - x_follower[i] - d_ref for i in
77
     range(len(t))])
78 plt.title('График ошибки по дистанции')
79 | plt.ylabel('Ошибка (м)')
80 plt.xlabel('Время (с)')
81
  plt.grid()
  plt.show()
82
83
  # График изменения координат автомобилей
84
85 plt.figure(figsize=(8, 5))
  plt.plot(t, x_leader, label='Лидер')
86
  plt.plot(t, x_follower, label='Автопилот')
  |plt.title('График изменения координат автомобилей')
88
  plt.ylabel('x (m)')
89
90 plt.xlabel('Время (с)')
91
  plt.legend()
  plt.grid()
  plt.show()
93
94
```

```
95 # График изменения скорости автомобилей
96 plt.figure(figsize=(8, 5))
97 | plt.plot(t, v_leader, label='Лидер')
98 plt.plot(t, v_auto, label='Автопилот')
   plt.title('График изменения скорости автомобилей')
100 plt.ylabel('Скорость (м/с)')
   plt.xlabel('Время (с)')
101
102 plt.legend()
103
   plt.grid()
104 plt.show()
105
   distance_errors = np.array([x_leader[i] - x_follower[i] -
106
      d_ref for i in range(len(t))])
107
108
   mask = (t >= 5) & (t <= 50)
109
| rmse_interval = np.sqrt(np.mean(distance_errors[mask]**2))
111
112 | print(f"Среднеквадратичная ошибка: {rmse_interval:.4f} м")
```