



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Московский государственный технический университет
имени Н. Э. Баумана
(национальный исследовательский университет)
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика, искусственный интеллект и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

ОТЧЕТ
по лабораторной работе № 7
по курсу «Основы искусственного интеллекта»
на тему: «Кластеризация»

Студент ИУ7-13М
(Группа)

Орду М. А.
(И. О. Фамилия)

Преподаватель

Строганов Ю. В.
(И. О. Фамилия)

СОДЕРЖАНИЕ

1 Теоретическая часть	3
1.1 Постановка задачи	3
1.2 Предобработка текстовых данных	3
1.2.1 Выделение словоформ	3
1.2.2 Выделение начальных форм слов	3
1.3 Векторизация документов	4
1.3.1 One-Hot Encoding	4
1.3.2 Term Frequency-Inverse Document Frequency	4
1.3.3 N-граммы	5
1.4 Методы кластеризации	5
1.4.1 Метод k-средних	5
1.4.2 Метод c-средних	6
1.4.3 Метод Гат-Гевы	7
1.5 Метрики оценки качества кластеризации	8
2 Практическая часть	9
2.1 Цель и задачи эксперимента	9
2.2 Описание набора данных	9
2.3 Предобработка текста и векторизация	9
2.4 Создание векторных представлений	10
2.5 Результаты кластеризации с лемматизацией	10
2.5.1 Метод K-средних	10
2.5.2 Метод С-средних	14
2.6 Результаты кластеризации без лемматизации	17
2.6.1 Метод K-средних	17
2.6.2 Метод С-средних	21
2.7 Метод Гат-Гевы	24
2.8 Сравнительная таблица	26

1 Теоретическая часть

1.1 Постановка задачи

В данной лабораторной работе решается задача кластеризации текстовых документов. Для заданного набора текстов необходимо:

1. Преобразовать текстовые документы в векторное представление;
2. Применить методы кластеризации: k-средних, с-средних и Гат-Гевы;
3. Проанализировать качество кластеризации при различном количестве кластеров, определить среднее внутрикластерное расстояние и среднее межкластерное расстояние для каждого рассматриваемого случая.

1.2 Предобработка текстовых данных

1.2.1 Выделение словоформ

Словоформа — это конкретная грамматическая форма слова, встречающаяся в тексте. Процесс выделения словоформ из текста включает:

- Разбиение текста на отдельные слова;
- Приведение к нижнему регистру;
- Удаление служебных частей речи;
- Удаление пунктуации и специальных символов.

В данном подходе слова сохраняются в том виде, в котором они встречаются в тексте.

1.2.2 Выделение начальных форм слов

Лемматизация — процесс приведения слова к его начальной форме (лемме). В рамках этой работы применялась библиотека `pymorphy3`, которая:

- Определяет часть речи слова

- Учитывает морфологические характеристики (род, число, падеж и др.)
- Возвращает нормальную форму слова

Преимущество лемматизации можно назвать уменьшение размерности пространства признаков за счет объединения различных форм одного слова. В нашем случае, лемматизация приводит к уменьшению размерности вектора текстового документа.

1.3 Векторизация документов

После предобработки тексты преобразуются в числовые векторы. Преобразовать текст можно различными способами. В рамках работы рассмотрим статистические методы векторизации.

В основе статистических подходов лежит парадигма «Мешка слов», которая абстрагируется от порядка слов и рассматривает текст как неупорядоченную коллекцию терминов. Эти методы основаны на подсчёте частот слов, что приводит к созданию векторных представлений высокой размерности. Несмотря на свою простоту и интерпретируемость, они обладают общими недостатками, такими как семантическая слепота, пренебрежение порядком слов и проблема разреженности данных.

1.3.1 One-Hot Encoding

Самый просто и примитивный метод векторизации текста, результатом которого является матрица с единицами и нулями внутри. 1 говорит о том, что какой-то текстовый элемент встречается в предложении (или в нашем случае документе). 0 говорит о том, что элемент не встречается в предложении.

1.3.2 Term Frequency-Inverse Document Frequency

Term Frequency-Inverse Document Frequency или сокращенно TF-IDF — один из наиболее распространённых и эффективных статистических методов. Вес слова вычисляется как произведение двух компонент: количество раз, когда слово встретилось в документе и натурального логарифма от количества документов деленное на количество документов содержащее

этот символ. Формула для расчета представлена в (1.1).

$$w_{i,j} = tf_{i,j} \times \log \frac{N}{df_i} \quad (1.1)$$

где:

- $tf_{i,j}$ — количество раз, когда слово i встретилось в документе j ;
- df_i — количество документов содержащее символ i ;
- N — общее количество документов.

Логарифмическая мера снижает влияние служебных частей речи и повышает значимость слов, характерных для конкретного документа.

1.3.3 N-граммы

Для учёта локального контекста и фиксации устойчивых словосочетаний применяется расширение классического подхода — N-граммы. Элементами векторизации становятся не отдельные слова (униграммы), а последовательности из N соседних слов или символов. Это позволяет моделировать такие выражения, как «машинное обучение», в виде единого семантического токена. Однако использование N-грамм приводит к комбинаторному росту размерности пространства признаков, что создаёт серьёзные вычислительные сложности и требует больше данных для обучения моделей.

1.4 Методы кластеризации

1.4.1 Метод k-средних

K-средних — классический метод четкой кластеризации. Четкая кластеризация — кластеризация с заранее известным количеством кластеров. Алгоритм можно описать следующим образом:

1. Начальный выбор координат центроидов k кластеров/ Выбор, как правило, носит случайный характер, однако существуют модификации метода, где начальный выбор выполняется на основе поиска максимально удалённых друг от друга потенциальных центроидов кластеров;

2. Назначение каждого объекта ближайшему центроиду;
3. Пересчет центроидов кластеров;
4. Повторение шагов 2-3 до сходимости.

Целевая функция:

$$J = \sum_{i=1}^k \sum_{x \in C_i} \|x - \mu_i\|^2 \quad (1.2)$$

1.4.2 Метод с-средних

Метод с-средних – метод нечёткой кластеризации, где каждый объект принадлежит всем кластерам с определённой степенью принадлежности от 0 до 1.

Метод минимизирует взвешенную сумму квадратов расстояний:

$$J_m(U, V) = \sum_{i=1}^c \sum_{j=1}^n (u_{ij})^m d_{ij}^2 \quad (1.3)$$

где:

- $d_{ij} = \|\mathbf{x}_j - \mathbf{v}_i\|$ — евклидово расстояние
- $V = \{\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \dots, \mathbf{v}_c\}$ — множество центроидов
- $m > 1$ — параметр нечёткости.

Алгоритм метода с-средних можно описать следующим образом.

1. Пересчёт центров кластеров. Центр каждого кластера вычисляется как взвешенное среднее всех точек данных. Весом для точки служит её степень принадлежности к этому кластеру, возведённая в степень m . Таким образом, точки с высокой степенью принадлежности сильнее влияют на положение центра;
2. Для каждой точки данных заново вычисляется её принадлежность ко всем кластерам. Степень принадлежности обратно пропорциональна расстоянию от точки до центра кластера: чем точка ближе к центру, тем выше её принадлежность к этому кластеру. Для одной точки сумма всех принадлежностей равна 1;

3. Вычисления прекращаются, когда изменения в матрице принадлежностей между двумя последовательными итерациями становятся меньше заданного порога ε ;

1.4.3 Метод Гат-Гевы

Метод Гат-Гевы — модификация алгоритма с-средних, который используется адаптивная метрика расстояния (*англ. fuzzy maximum likelihood estimation, FMLE*) вместо стандартной евклидовой.

Алгоритм можно описать следующим образом:

1. Случайным образом задаются начальные степени принадлежности точек к кластерам;
2. Центроиды вычисляются как взвешенные средние всех точек, где веса — степени принадлежности в степени m ;
3. Для каждого кластера вычисляется ковариационная матрица, которая описывает:
 - Направление наибольшего разброса точек;
 - Степень вытянутости кластера;
 - Ориентацию кластера в пространстве.
4. Расстояние от точки до центроиды кластера вычисляется с учётом его формы. Точка может быть ближе к центру вытянутого кластера по его длинной оси, даже если евклидово расстояние велико;
5. Степени принадлежности пересчитываются на основе новых расстояний;
6. Процесс повторяется, пока изменения в матрице принадлежностей не станут меньше заданного значения.

1.5 Метрики оценки качества кластеризации

Среднее внутрикластерное расстояние показывает насколько похожи объекты внутри одного кластера. Вычисляется по формуле (1.4):

$$W = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^k \sum_{x \in C_i} \|x - \mu_i\| \quad (1.4)$$

где N — общее количество объектов, μ_i — центроид кластера C_i .

Среднее межкластерное расстояние показывает насколько хорошо кластеры отделены друг от друга. Вычисляется по формуле (1.5):

$$B = \frac{2}{k(k-1)} \sum_{i=1}^{k-1} \sum_{j=i+1}^k \|\mu_i - \mu_j\| \quad (1.5)$$

где k — число кластеров.

2 Практическая часть

2.1 Цель и задачи эксперимента

Целью работы является исследование эффективности методов кластеризации Гат-Гевы, К-средних и С-средних на размеченном наборе текстовых данных. Для этого необходимо:

1. Предобработать тексты и создать векторные представления документов двумя методами;
2. Провести кластеризацию с использованием указанных методов, варьируя количество кластеров k ;
3. Рассчитать метрики внутрикластерного и межкластерного расстояний для оценки качества разбиения;
4. Сравнить полученные кластеризации с экспертной разметкой.

2.2 Описание набора данных

Работа проводились на предоставленном размеченном наборе текстовых данных. Набор содержит $N = 50$ текстовых документов, относящихся к $K = 7$ тематическим кластерам согласно экспертной разметке.

2.3 Предобработка текста и векторизация

Векторизация документов выполнялась в два этапа: предобработка текста и создание числового вектора.

В ходе первого этапа исходный текст очищался от знаков препинания, символов перевода строк и приводился к нижнему регистру. После этого каждый документ разбивался на отдельные слова (токены) с помощью простого разделителя по пробелам.

Для получения начальных форм слов использовалась библиотека `rutagger3`. Каждый токен, полученный на предыдущем этапе, преобразовывался в свою нормальную форму (лемму).

2.4 Создание векторных представлений

После лемматизации для каждого из двух методов (мешок словоформ и мешок лемм) выполнялась векторизация. В результате каждый документ d_i был представлен как вектор \mathbf{x}_i , где каждая компонента соответствовала весу конкретного слова (словоформы или леммы) в документе. Служебные части речи при векторизации не учитывались.

2.5 Результаты кластеризации с лемматизацией

2.5.1 Метод К-средних

Ниже на рисунках 2.1-2.7 представлены результаты кластеризации методом К-средних с лемматизацией.

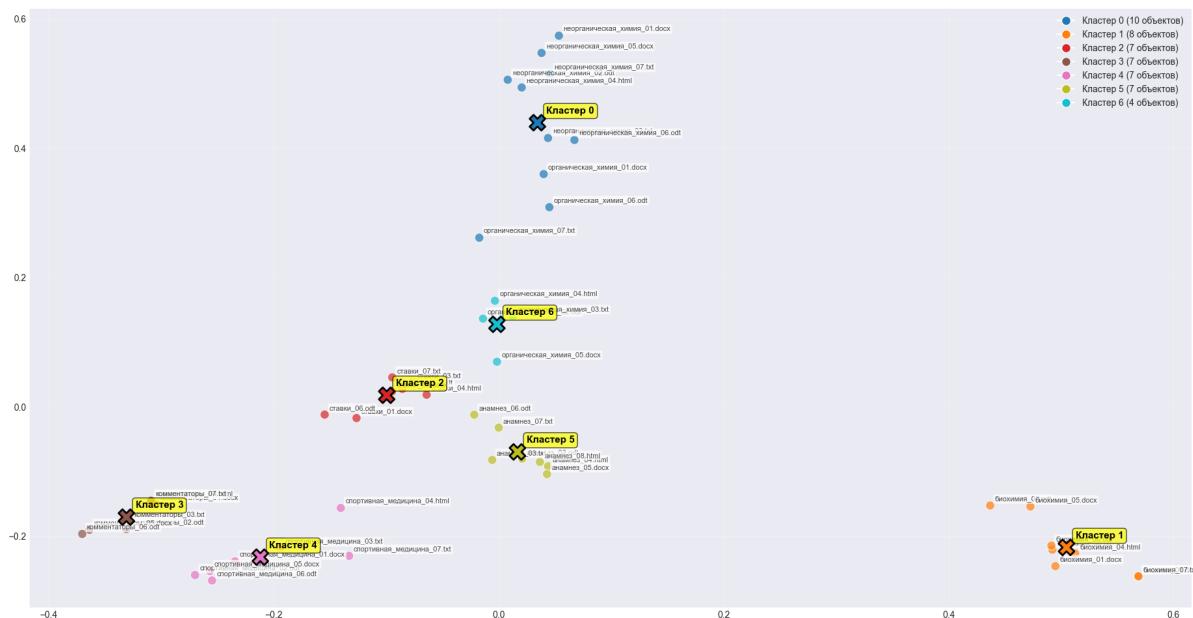


Рисунок 2.1 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=7$

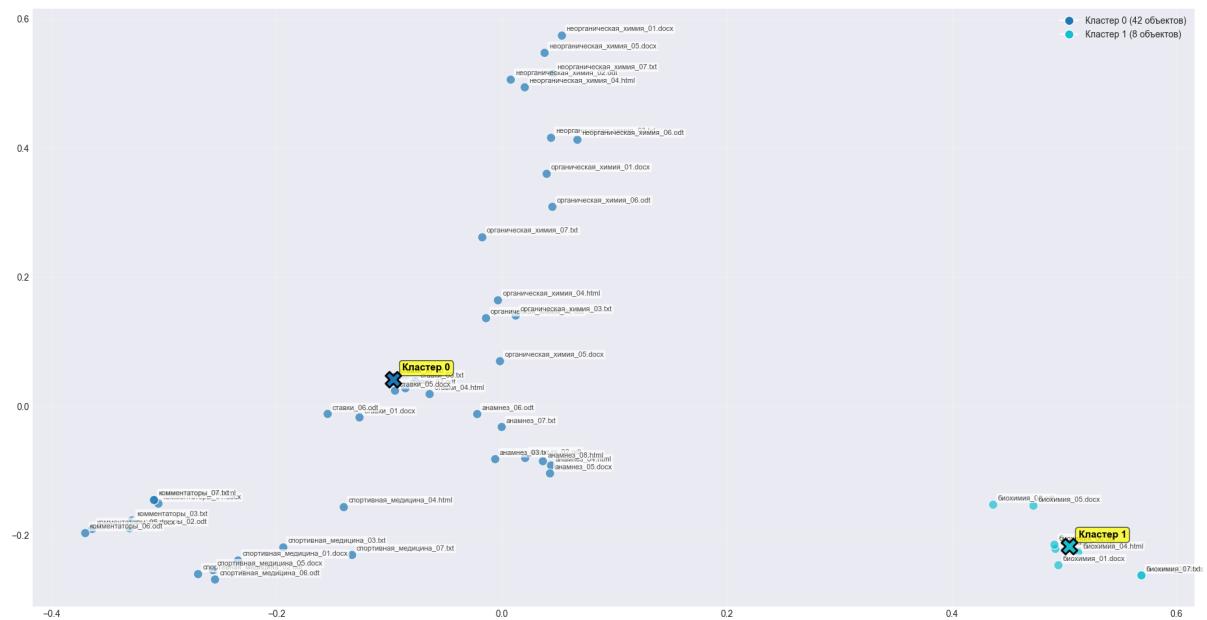


Рисунок 2.2 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=2

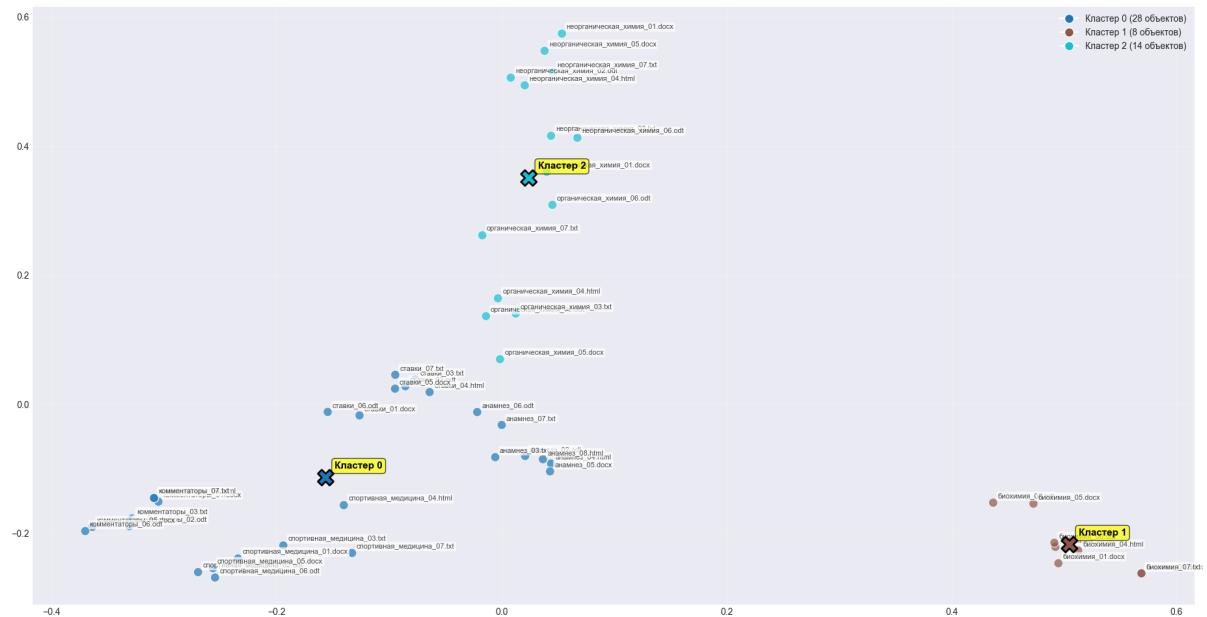


Рисунок 2.3 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=3

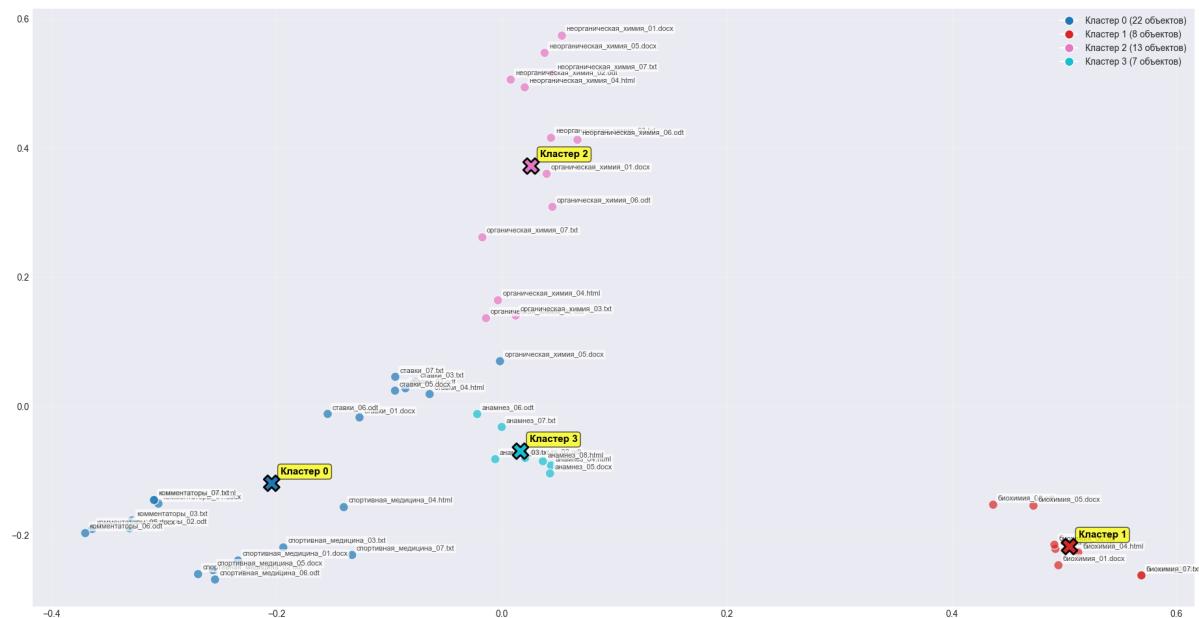


Рисунок 2.4 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=4

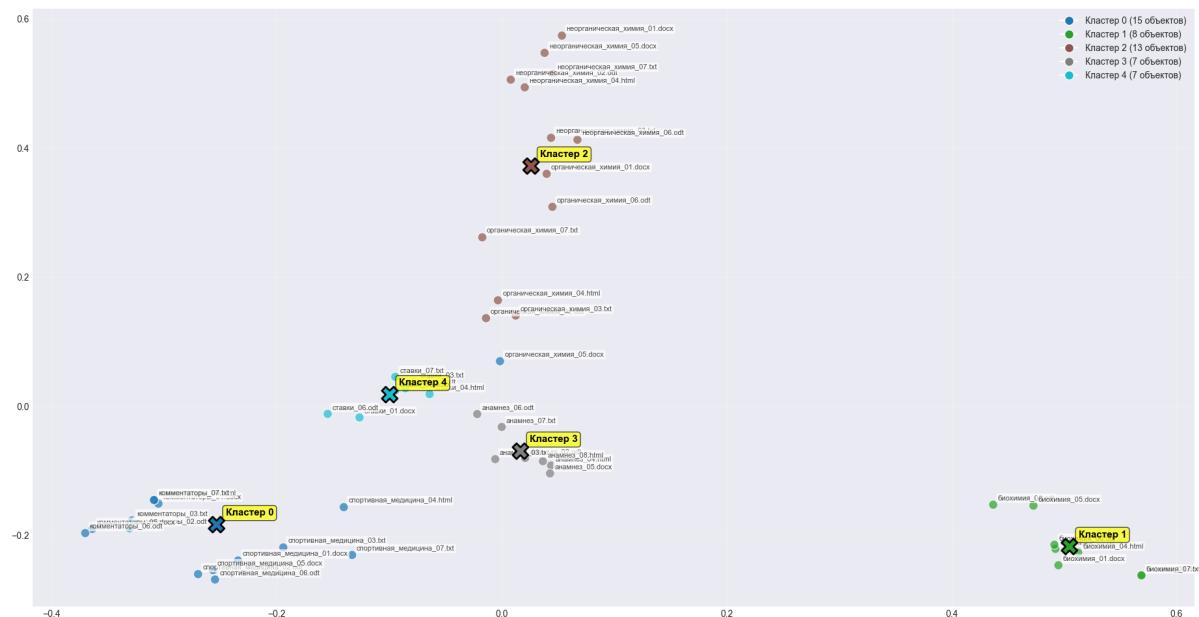


Рисунок 2.5 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=5

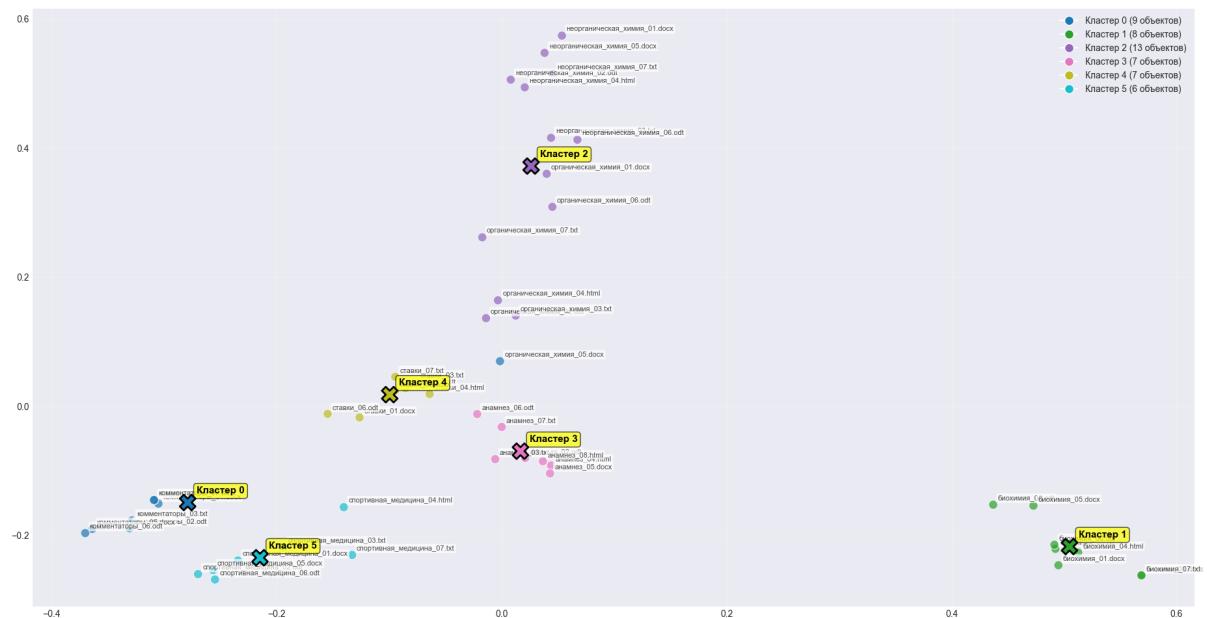


Рисунок 2.6 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=6

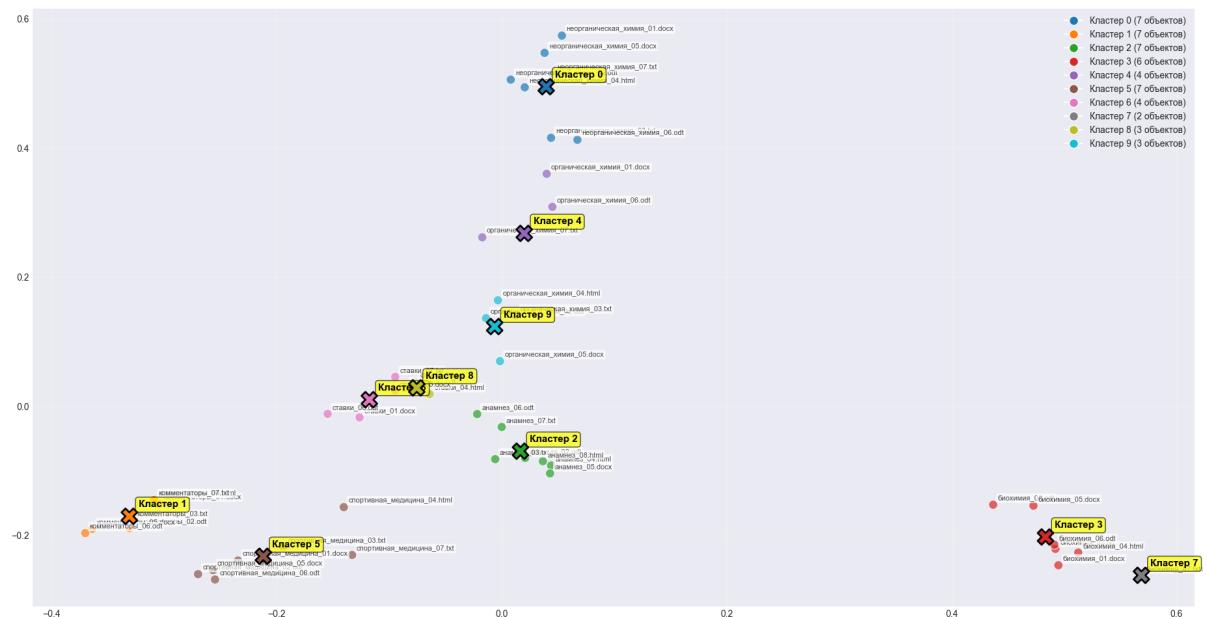


Рисунок 2.7 – Результат кластеризации методом K-средних, при K=10

2.5.2 Метод С-средних

Ниже на рисунках 2.8-2.14 представлены результаты кластеризации методом С-средних с лемматизацией.

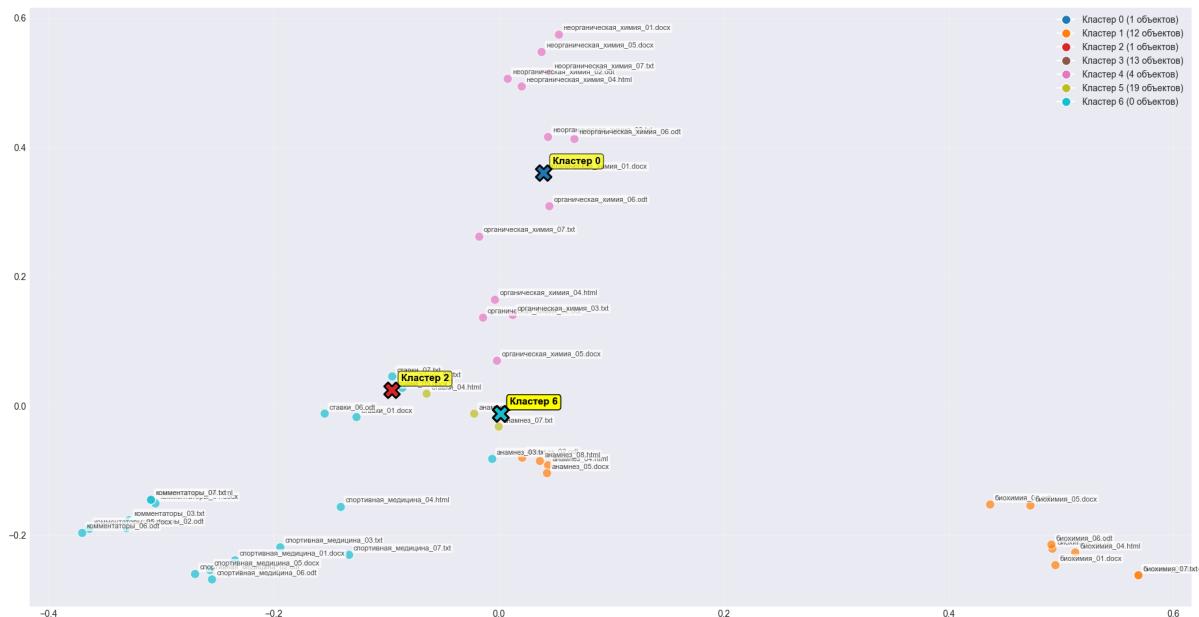


Рисунок 2.8 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=7$

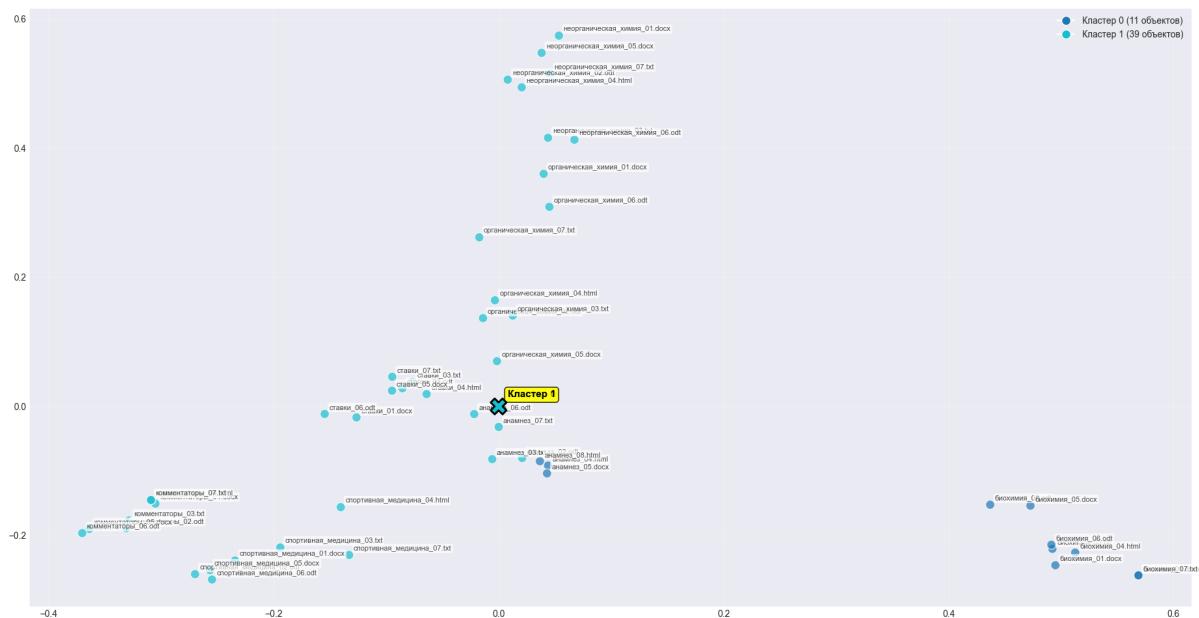


Рисунок 2.9 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=2$

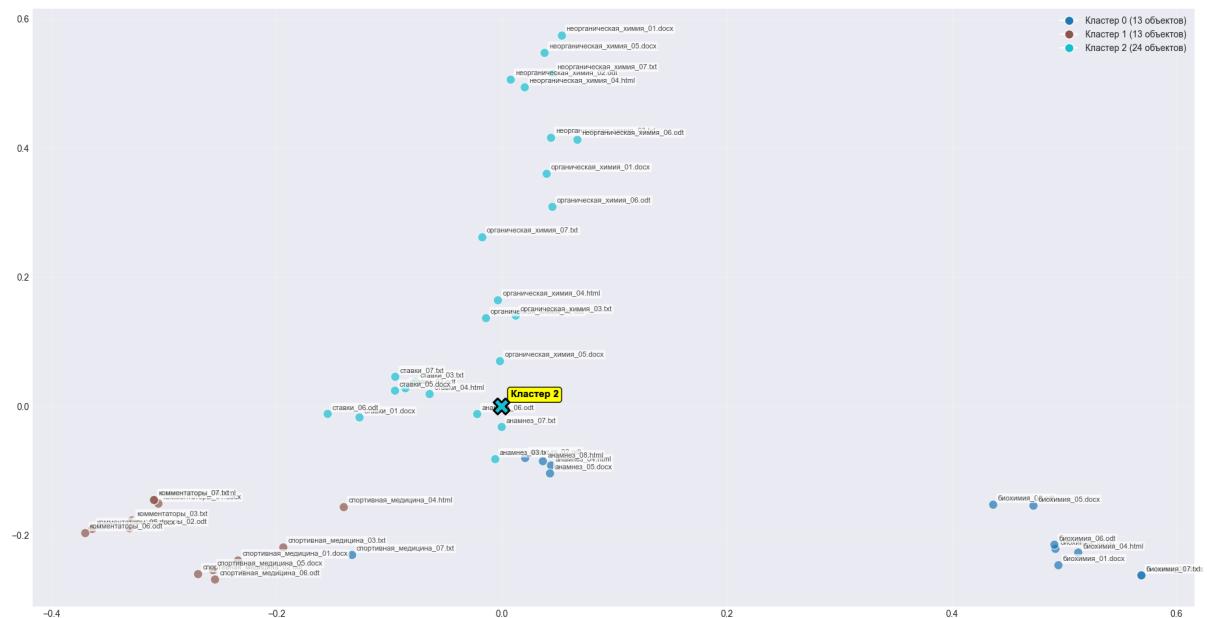


Рисунок 2.10 – Результат кластеризации методом С-средних, при К=3

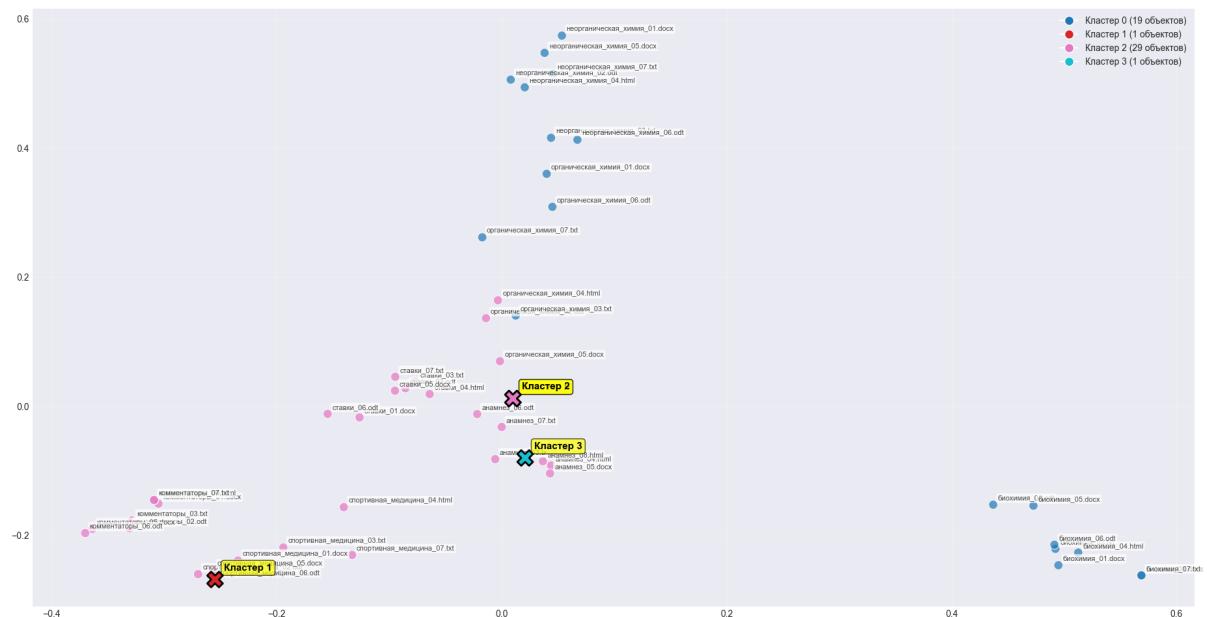


Рисунок 2.11 – Результат кластеризации методом С-средних, при К=4

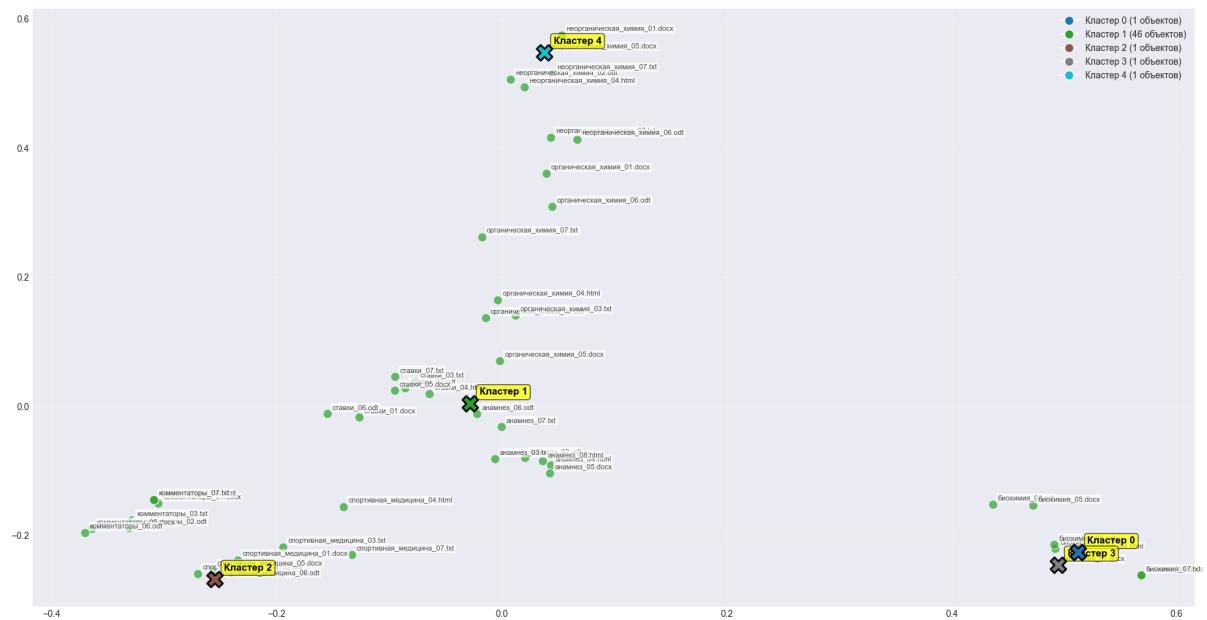


Рисунок 2.12 – Результат кластеризации методом С-средних, при K=5

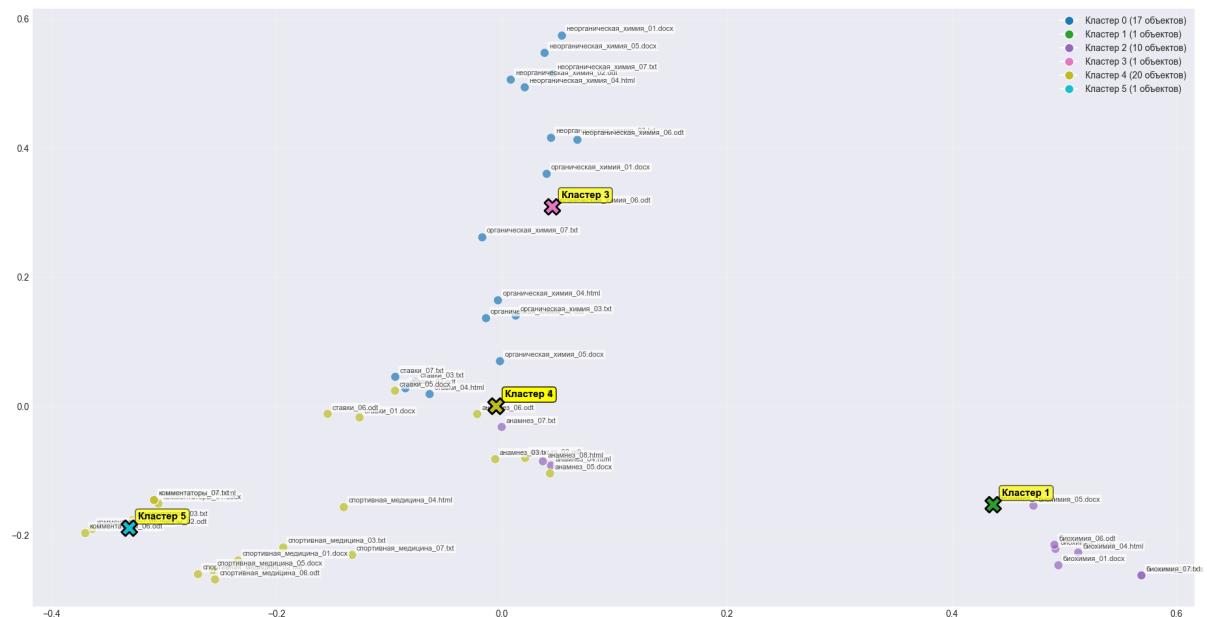


Рисунок 2.13 – Результат кластеризации методом С-средних, при K=6

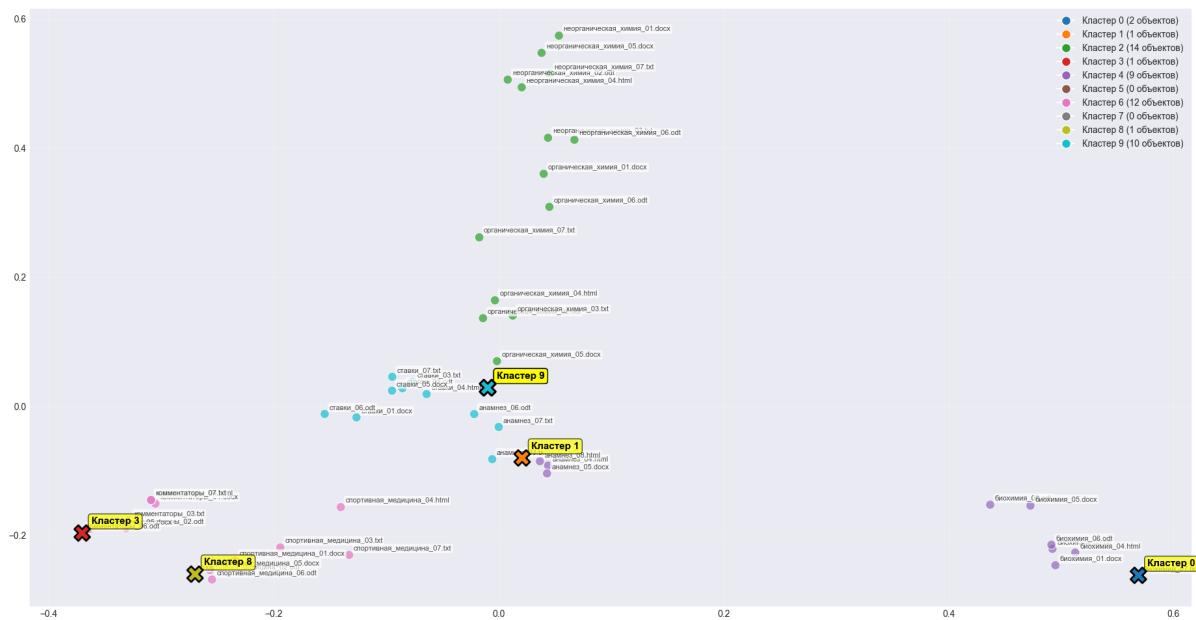


Рисунок 2.14 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=10$

2.6 Результаты кластеризации без лемматизации

2.6.1 Метод К-средних

Ниже на рисунках 2.15-2.21 представлены результаты кластеризации методом К-средних без лемматизации.

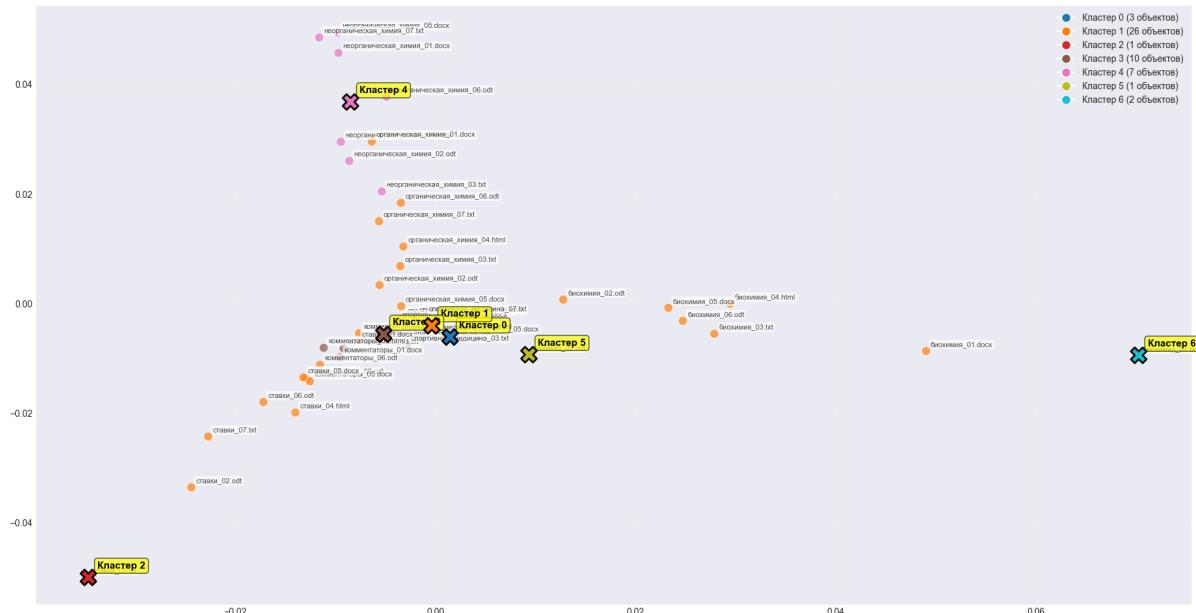


Рисунок 2.15 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=7$

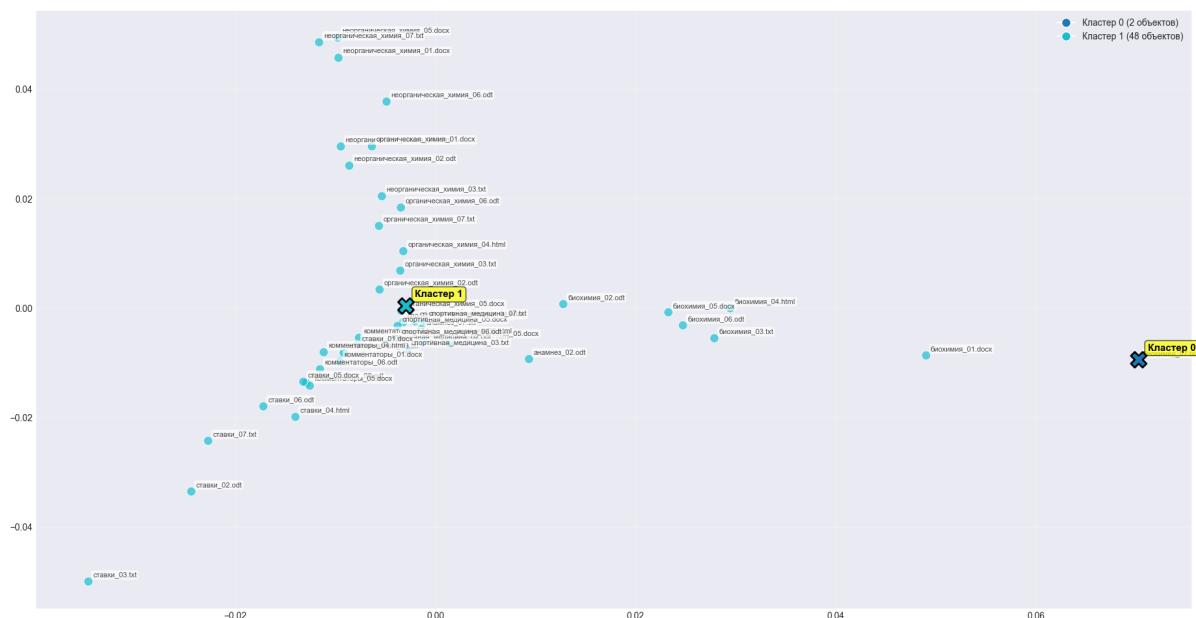


Рисунок 2.16 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=2$

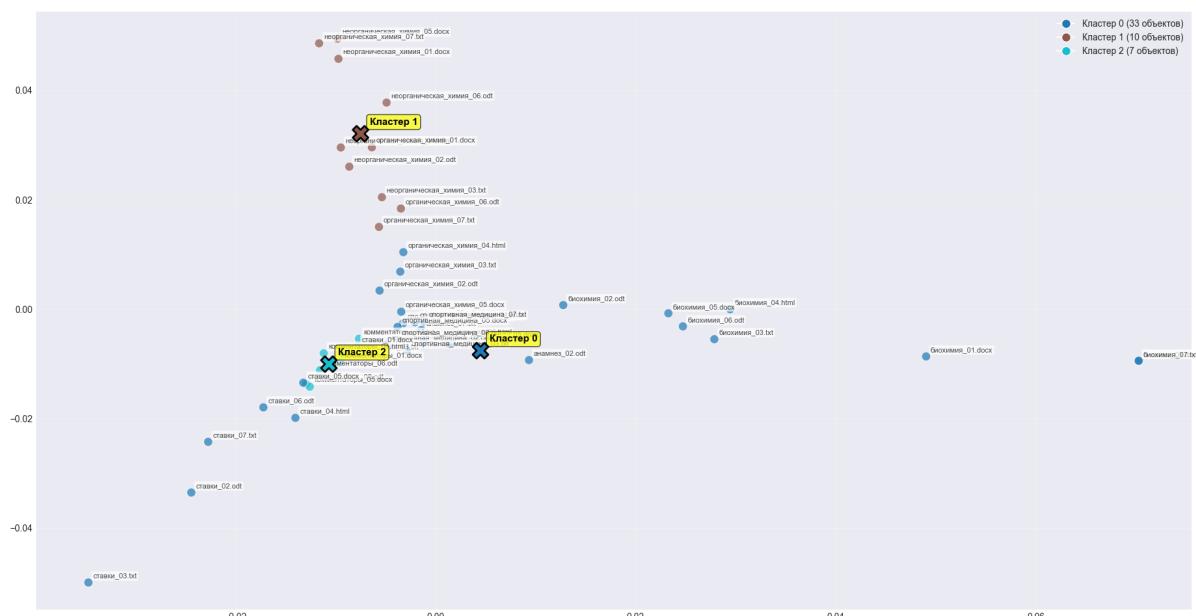


Рисунок 2.17 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=3$

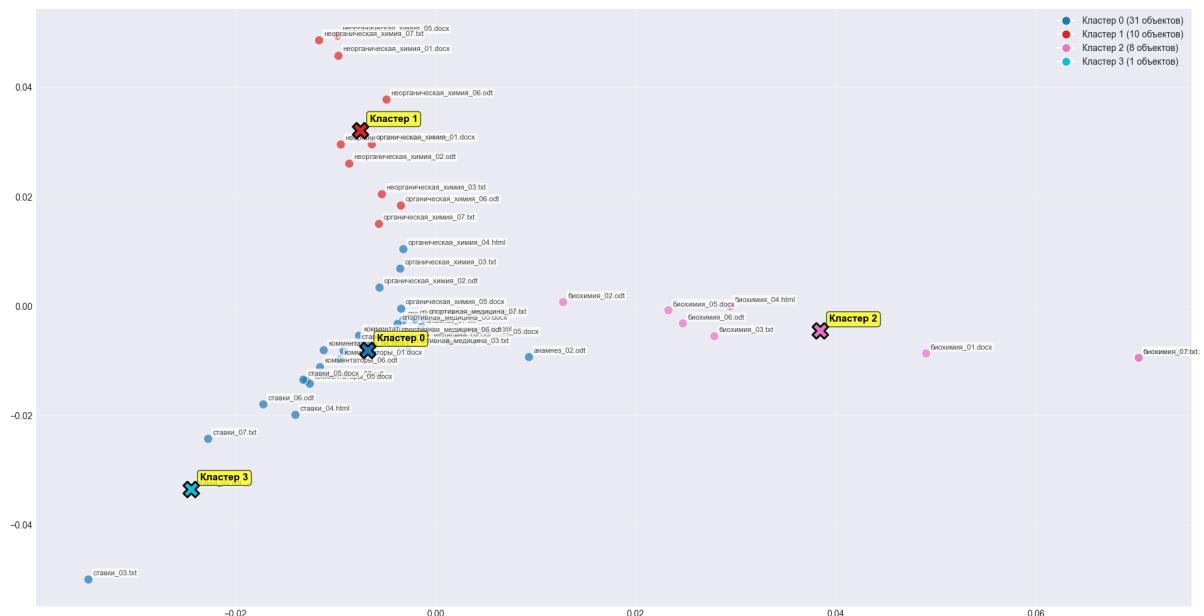


Рисунок 2.18 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=4$

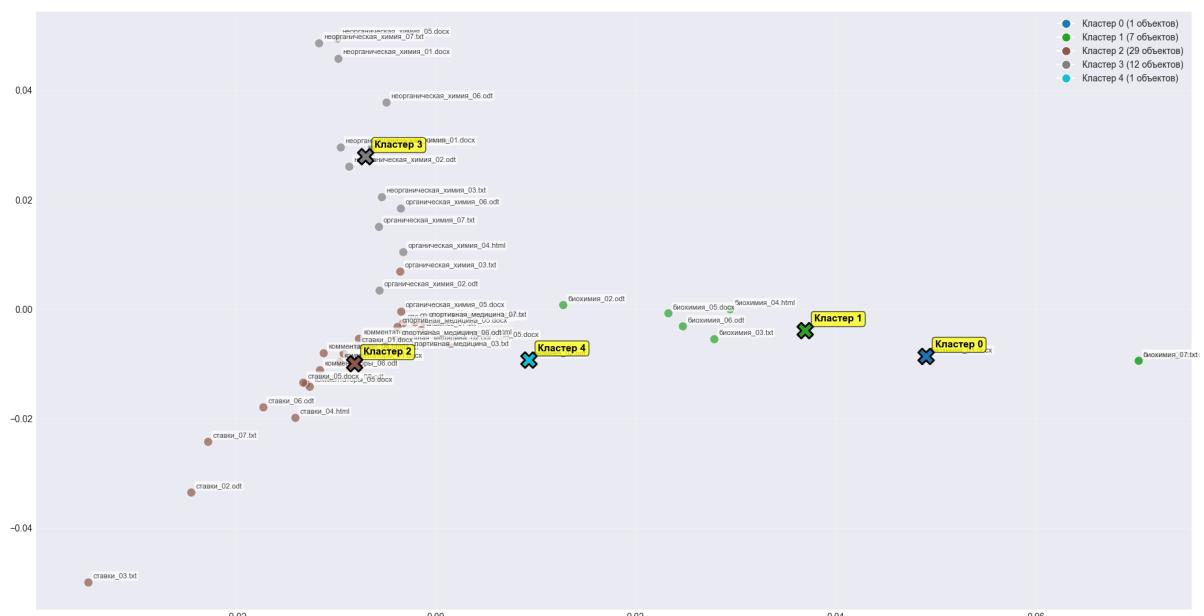


Рисунок 2.19 – Результат кластеризации методом К-средних, при $K=5$

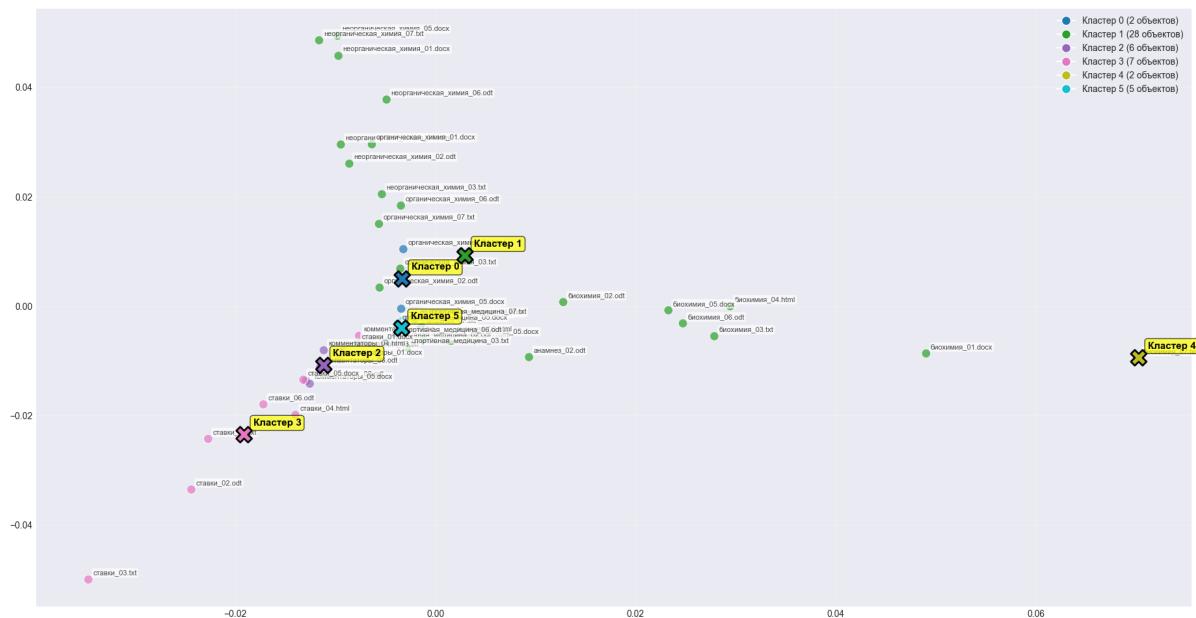


Рисунок 2.20 – Результат кластеризации методом К-средних, при K=6

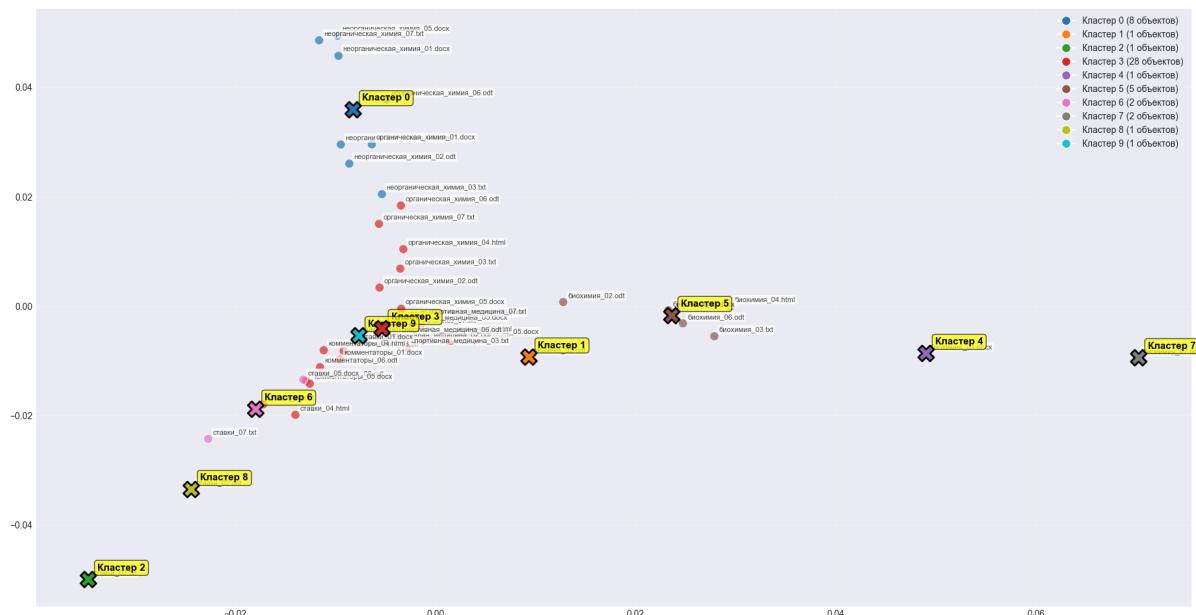


Рисунок 2.21 – Результат кластеризации методом К-средних, при K=10

2.6.2 Метод С-средних

Ниже на рисунках 2.22-2.28 представлены результаты кластеризации методом С-средних без лемматизации.

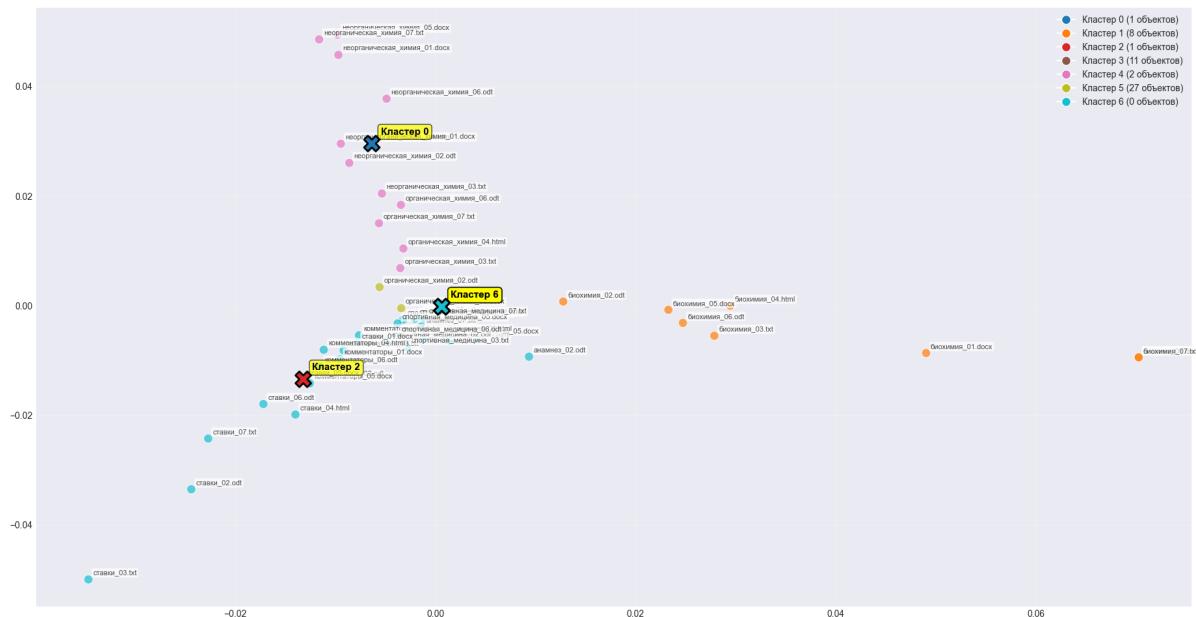


Рисунок 2.22 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=7$

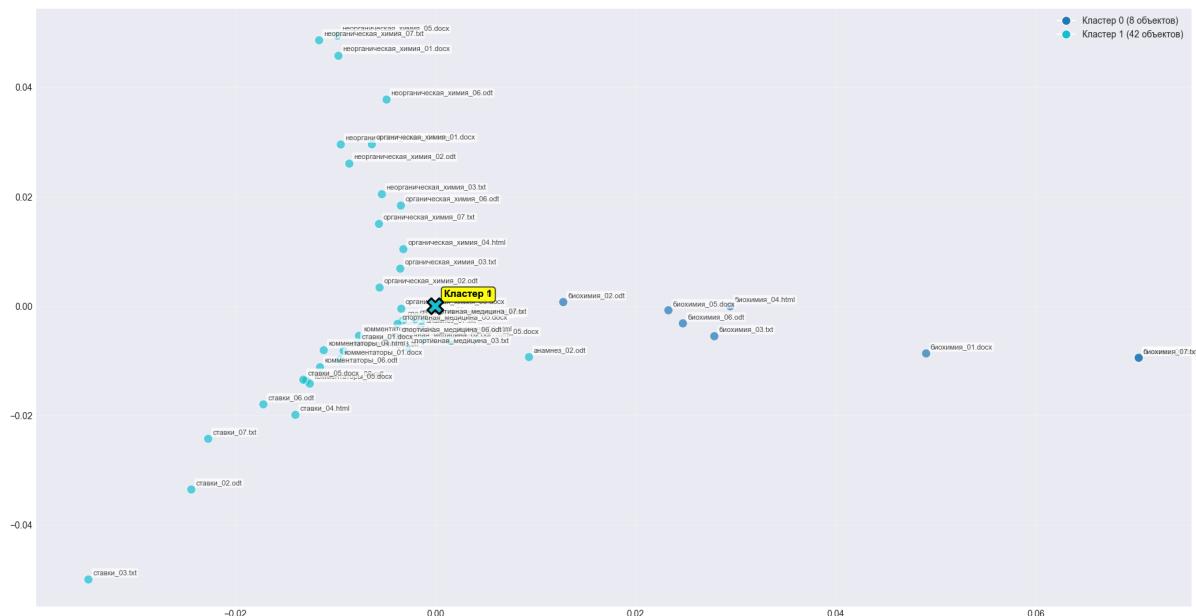


Рисунок 2.23 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=2$

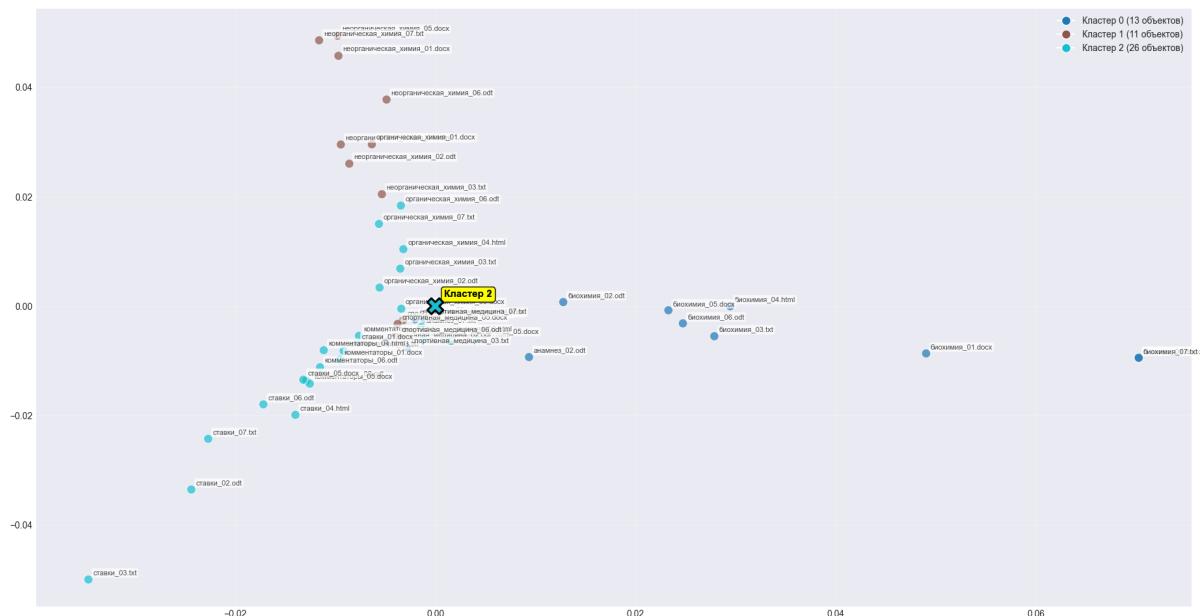


Рисунок 2.24 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=3$

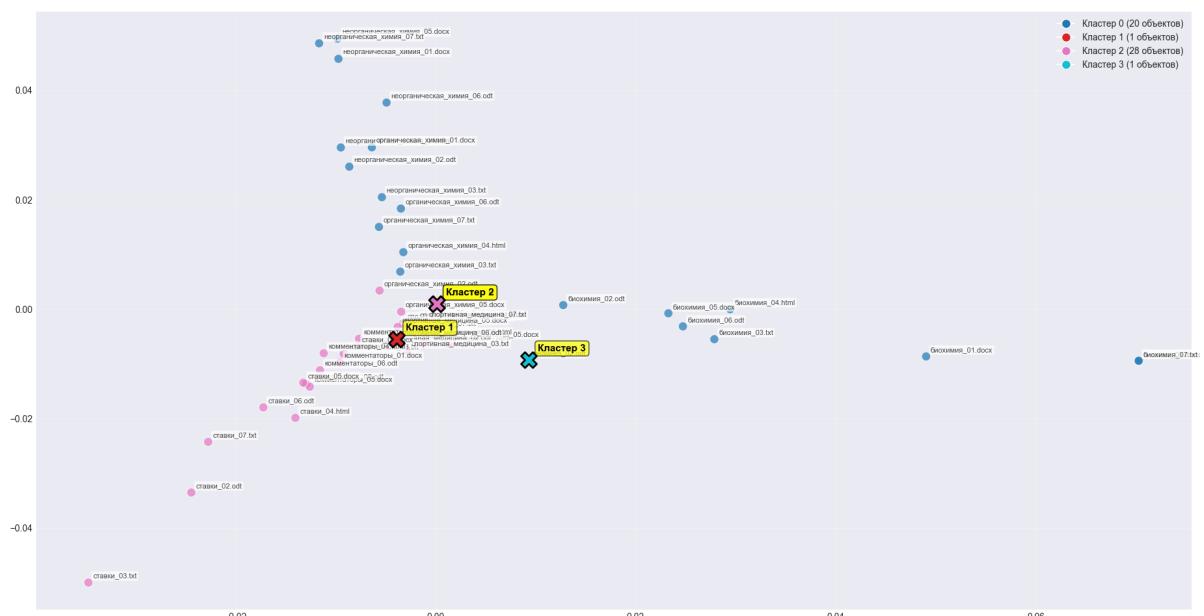


Рисунок 2.25 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=4$

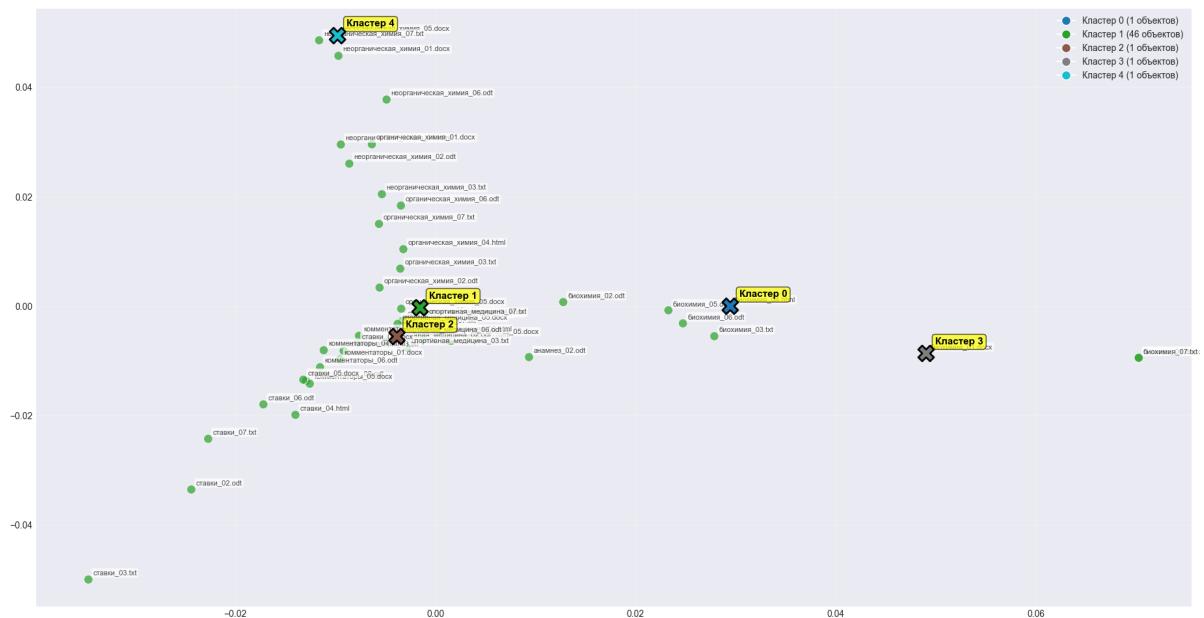


Рисунок 2.26 – Результат кластеризации методом С-средних, при K=5

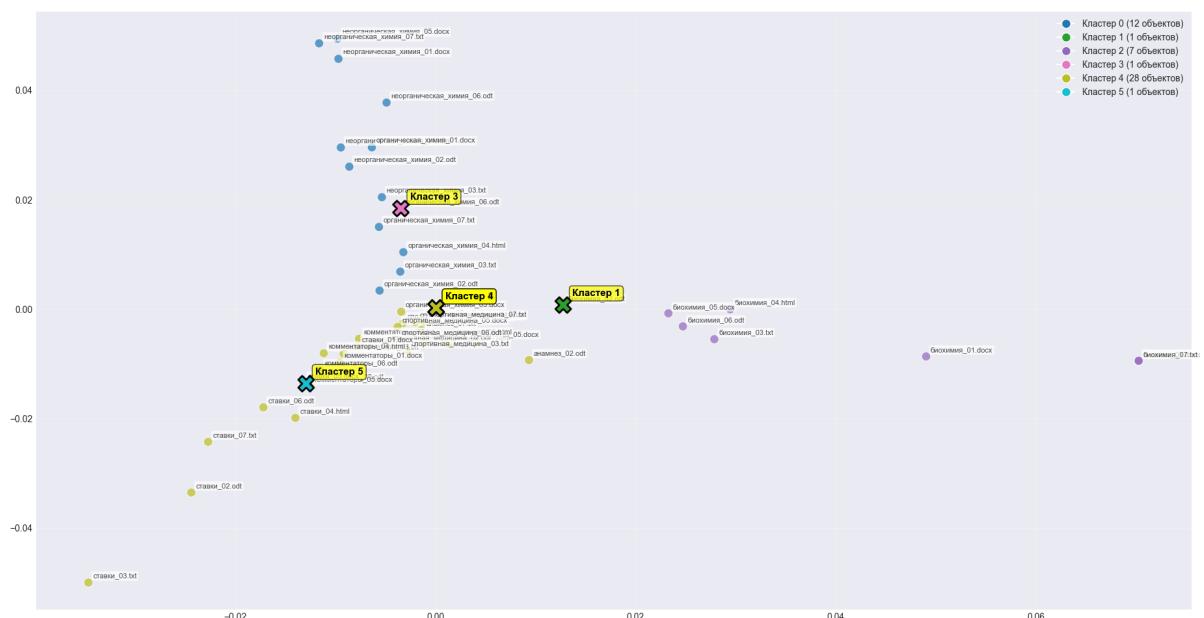


Рисунок 2.27 – Результат кластеризации методом С-средних, при K=6

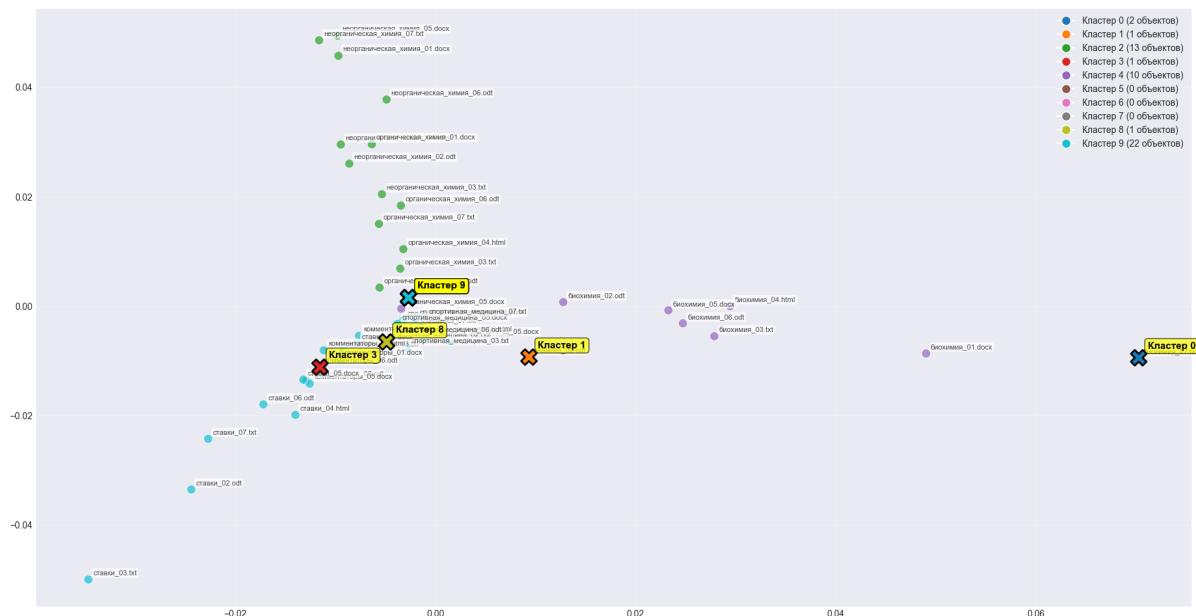


Рисунок 2.28 – Результат кластеризации методом С-средних, при $K=10$

2.7 Метод Гат-Гевы

Решение задачи кластеризации методом Гат-Гевы выполнялась на языке `matlab` ввиду отсутствия готовых реализаций на языке `python` (справедливости ради, мною были найдены готовые реализации этого метода кластеризации, однако ввиду того что они были написаны достаточно давно, текущие версии библиотек их не поддерживали, а заниматься их реанимацией мне не хотелось, посему было принято решение реализовать этот метод в `matlab`, где Гат-Гева входит в состав одного из *toolbox*).

В `matlab` метод Гат-Гевы реализован в рамках Fuzzy Logic Toolbox. Результат задачи кластеризации методом Гат-Гевы при стандартных размерностях векторов документов, представленный на рисунке 2.29 не дают ожидаемого результата.

Однако, предварительно перед кластеризацией уменьшив размерность векторов методом главных компонент удалось получить результат представленный на рисунке 2.30.

Ниже на рисунках 2.31 и 2.34 представлены примеры решения задачи кластеризации методом Гат-Гевы при различных параметрах.

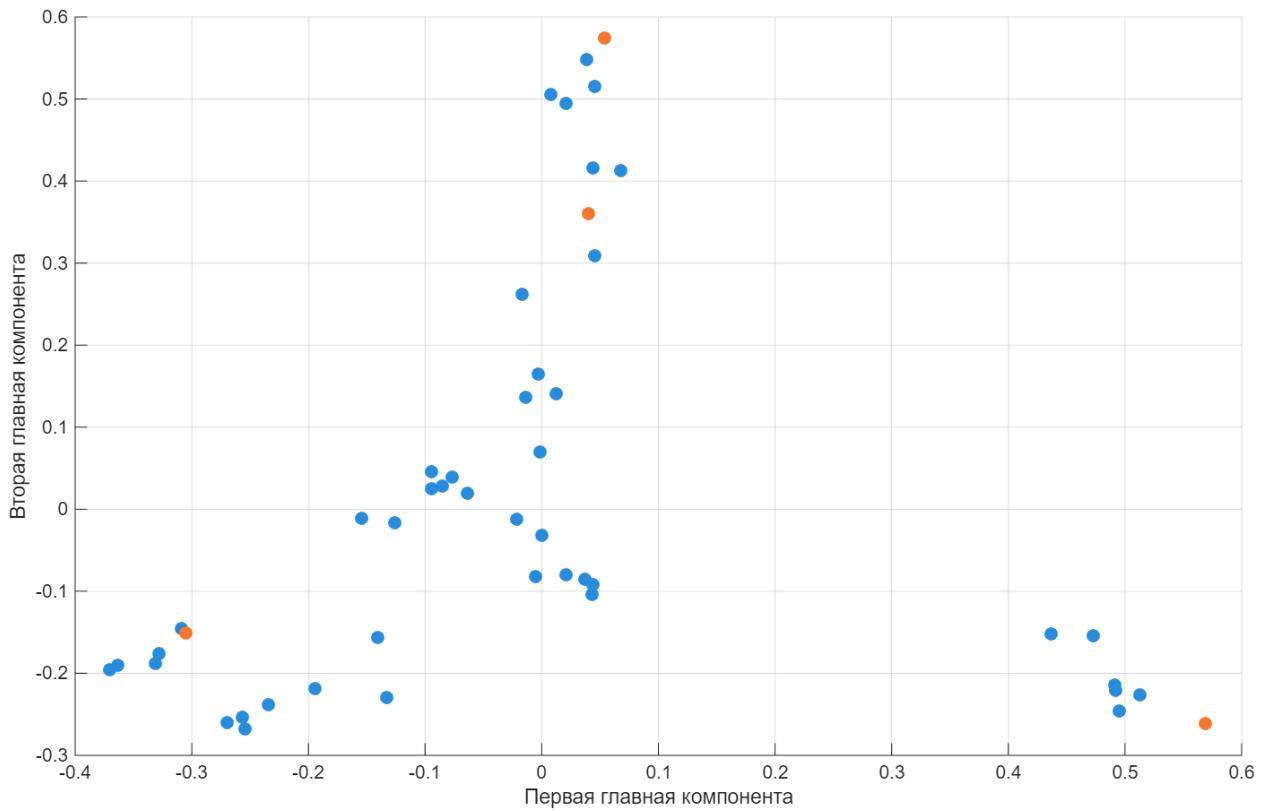


Рисунок 2.29 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при стандартный размерностях векторов, при $K=7$

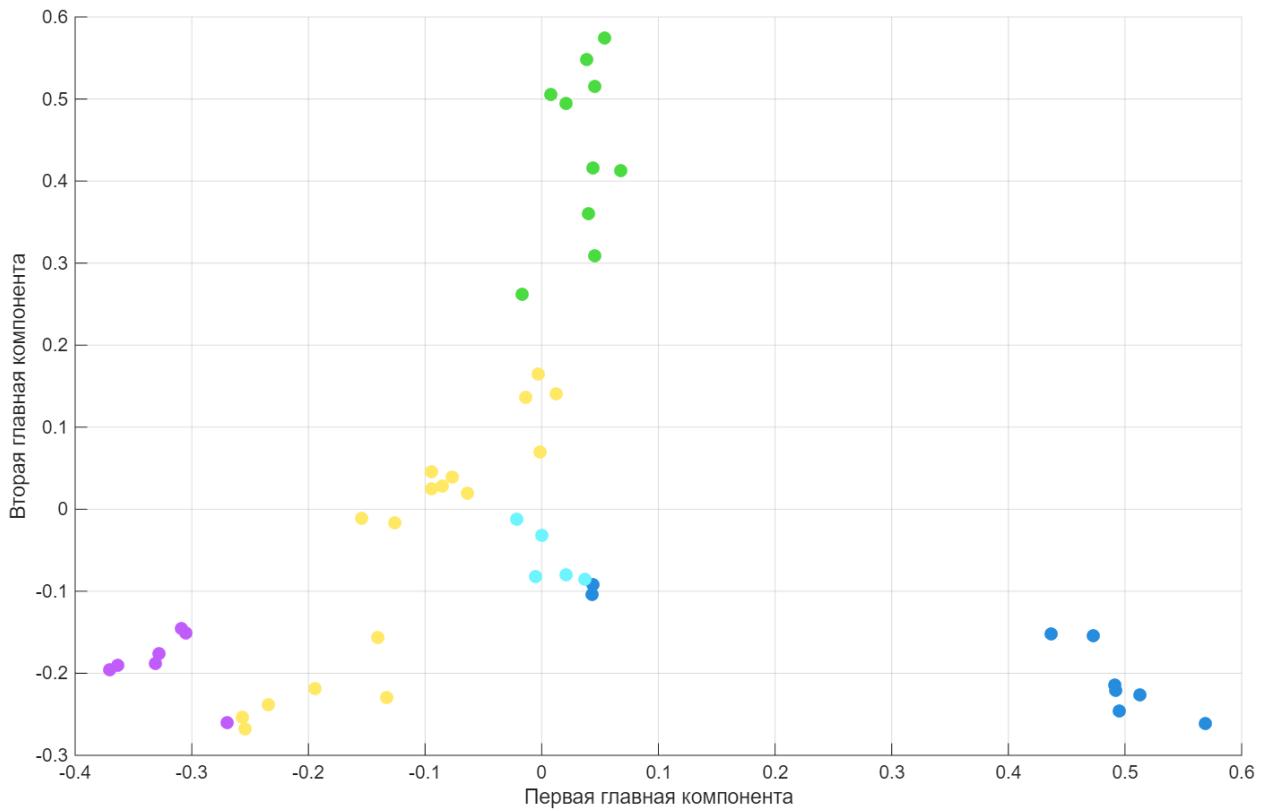


Рисунок 2.30 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при преобразованных векторах и лемматизации, при $K=7$

2.8 Сравнительная таблица

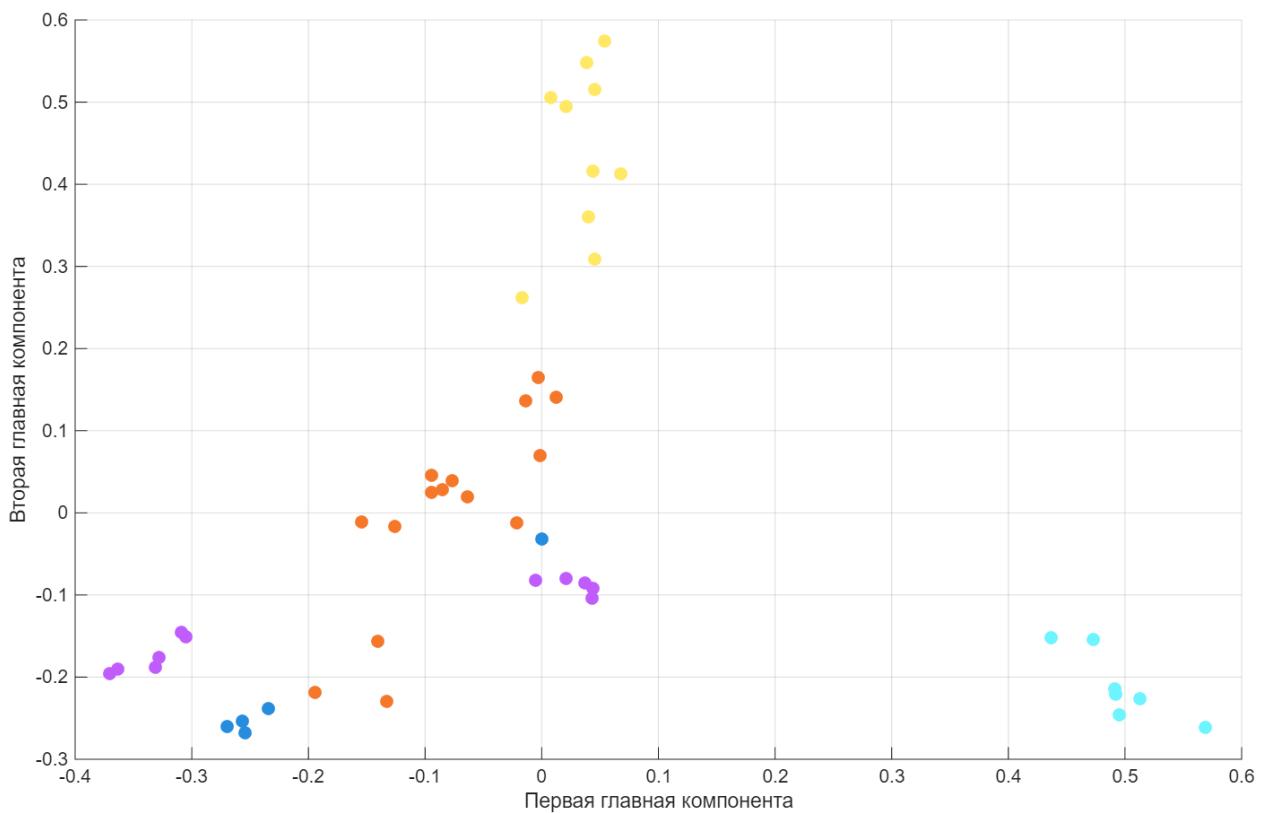


Рисунок 2.31 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при преобразованных векторах и лемматизации, при $K=10$

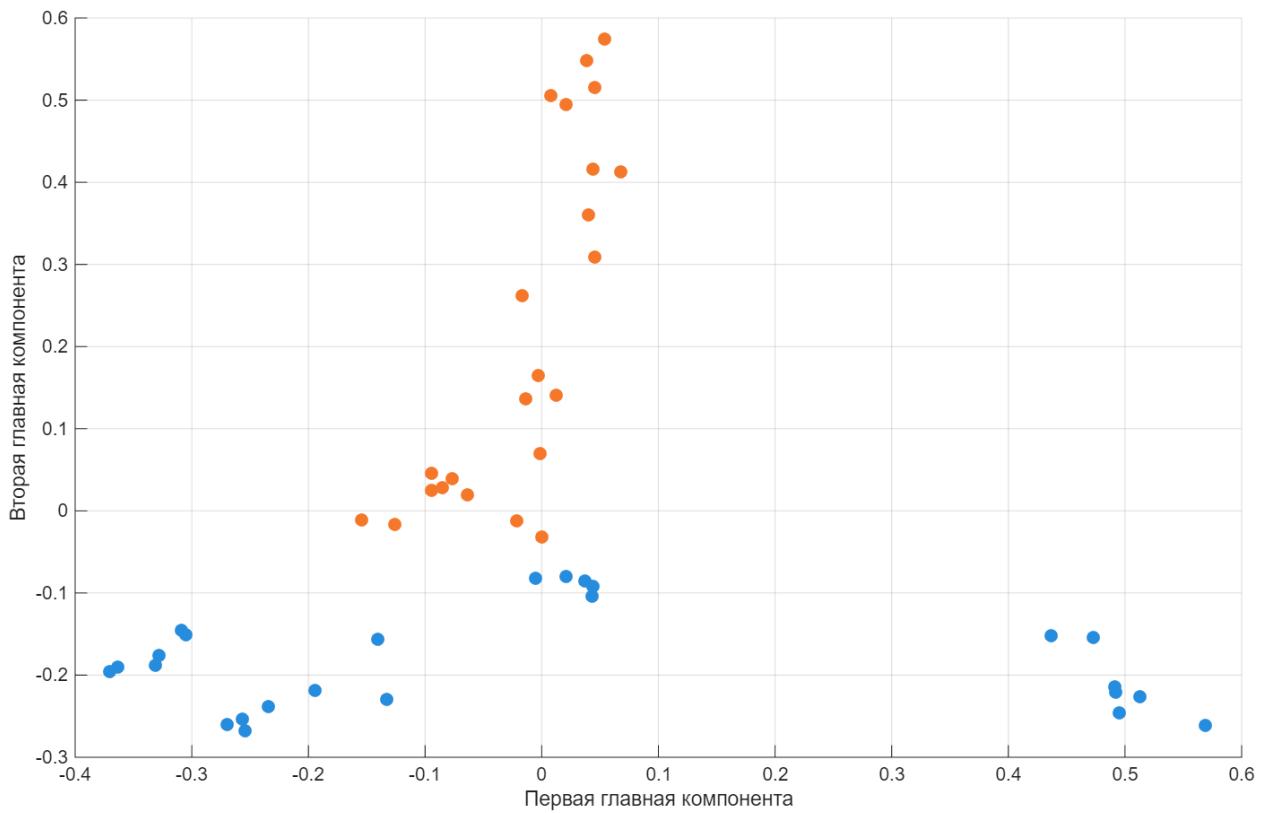


Рисунок 2.32 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при преобразованных векторах и лемматизации, при $K=2$

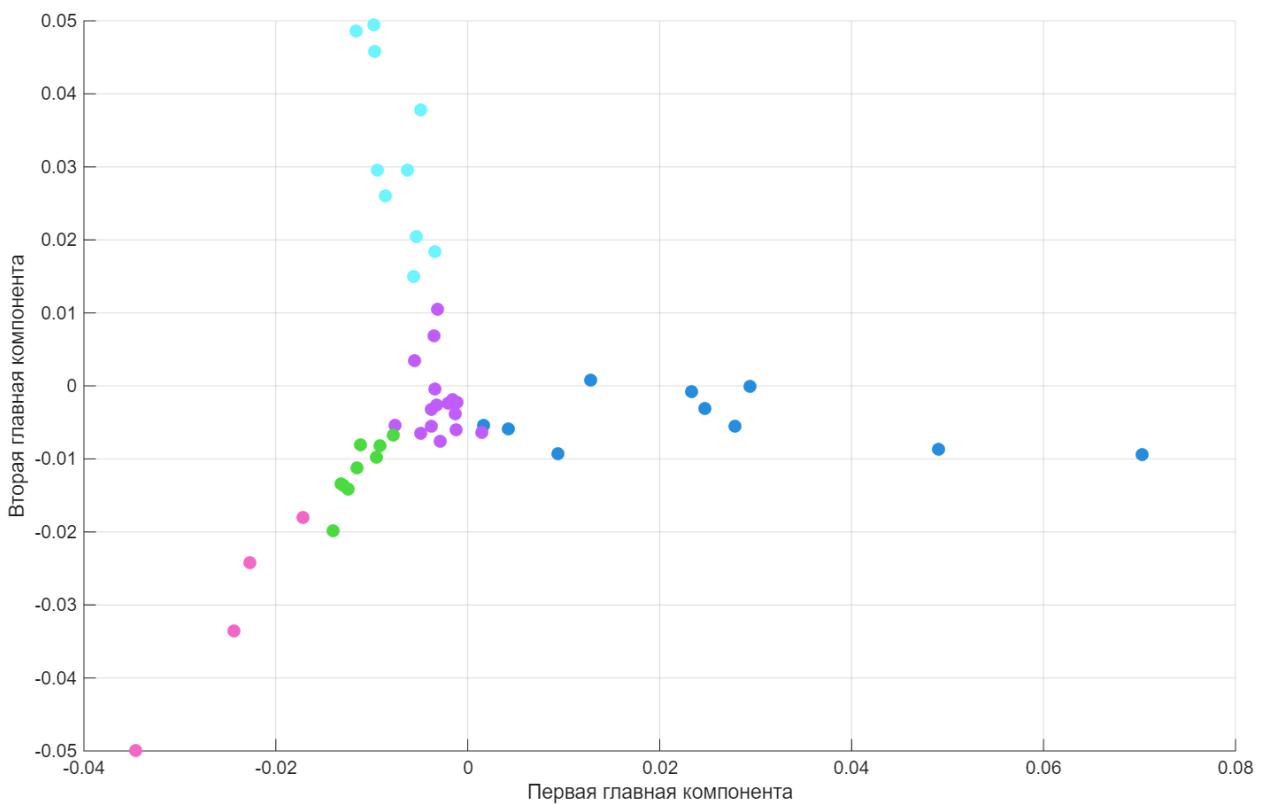


Рисунок 2.33 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при преобразованных векторах и без лемматизации, при $K=10$

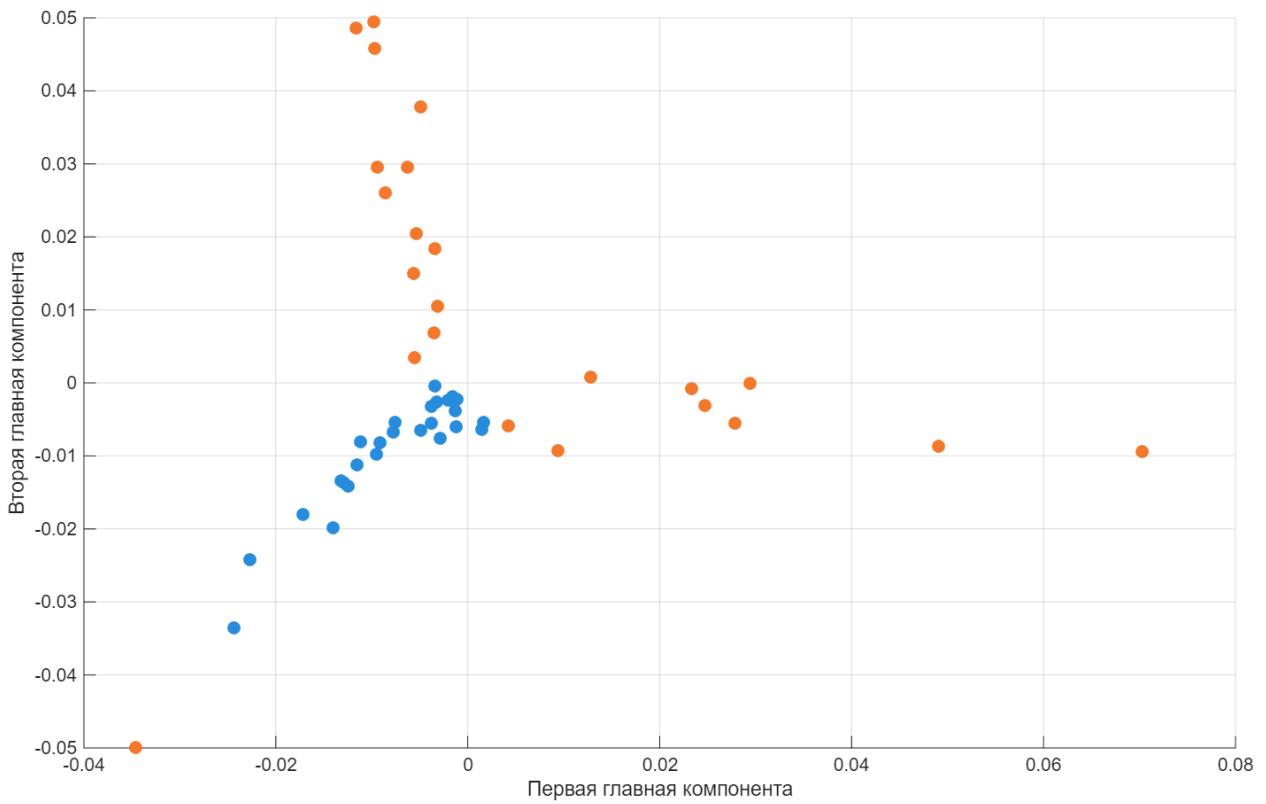


Рисунок 2.34 – Результат кластеризации методом Гат-Гевы при преобразованных векторах и без лемматизации, при $K=2$

ЗАКЛЮЧЕНИЕ