

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ
ИМ. Н.Э. БАУМАНА

ОТЧЁТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ № 1
ПО КУРСУ: "АНАЛИЗ АЛГОРИТМОВ"
Тема: "Алгоритмы сортировок"

Студент: Орехова Е.О. ИУ7-51

Преподаватель: Волкова Л.Л.

4 марта 2018 г.

Содержание

1	Постановка задачи	2
2	Сортировка пузырьком	2
2.1	Идея	2
2.2	Реализация	2
2.3	Трудоемкость	3
3	Сортировка вставками	3
3.1	Идея	3
3.2	Реализация	3
3.3	Трудоемкость	4
4	Quicksort	4
4.1	Идея	4
4.2	Реализация	4
4.3	Трудоемкость	5
5	Сравнение	6
5.1	Лучший случай	6
5.2	Случайные значения	7
5.3	Худший случай	8
6	Заключение	8

1 Постановка задачи

В ходе выполнения лабораторной работы необходимо вывести трудоёмкость трёх алгоритмов сортировок, сравнить полученные данные с экспериментальными. Сделать выводы.

2 Сортировка пузырьком

2.1 Идея

Алгоритм состоит из повторяющихся проходов по сортируемому массиву. За каждый проход элементы последовательно сравниваются попарно и, если порядок в паре неверный, выполняется обмен элементов. Проходы по массиву повторяются $N-1$ раз или до тех пор, пока на очередном проходе не окажется, что обмены больше не нужны, что означает — массив отсортирован. При каждом проходе алгоритма по внутреннему циклу, очередной наибольший элемент массива ставится на своё место в конце массива рядом с предыдущим «наибольшим элементом», а наименьший элемент перемещается на одну позицию к началу массива

2.2 Реализация

Листинг 1: Сортировка пузырьком.

```
static private void bubble(ref int [] arr, int
    len)
{
    int change;
    for (int j = 0; j<len-1; j++)
    {
        for (int i = 0; i < len-j-2;i++)
        {
            if (arr[i]>arr[i+1])
            {
                change = arr[i];
                arr[i] = arr[i +
                    1];
                arr[i + 1] =
                    change;
            }
        }
    }
}
```

}

2.3 Трудоемкость

Лучший случай(N-длина массива):

$$f_{best} = 2 + (N - 1)(2 + 4 + \frac{N}{2}(2 + 4 + 0)) = 3N^2 + 3N - 4$$

Худший случай:

$$f_{worst} = 2 + (N - 1)(2 + 4 + \frac{N}{2}(2 + 4 + 9)) = 7.5N^2 - 1.5N - 4$$

3 Сортировка вставками

3.1 Идея

Алгоритм сортировки, в котором элементы входной последовательности просматриваются по одному, и каждый новый поступивший элемент размещается в подходящее место среди ранее упорядоченных элементов

3.2 Реализация

Листинг 2: Сортировка вставками

```
private static void sort_insert(ref int[] arr,
    int len)
{
    int key;
    int i;
    for (int j = 1; j < len; j++)
    {
        key = arr[j];
        i = j - 1;
        while ((i >= 0) && (arr[i] > key))
        {
            arr[i + 1] = arr[i];
            i--;
        }
        arr[i + 1] = key;
    }
}
```

3.3 Трудоемкость

Самым благоприятным случаем является отсортированный массив. При этом все внутренние циклы состоят всего из одной итерации. Тогда сложность алгоритма составит $f(n) = O(n)$. Время работы линейно от размера входных данных.

Наихудшим случаем является массив, отсортированный в порядке, обратном нужному. При этом каждый новый элемент сравнивается со всеми в отсортированной последовательности. Тогда сложность алгоритма составит: $f(n) = O(n^2)$

Для анализа среднего случая нужно посчитать среднее число сравнений, необходимых для определения положения очередного элемента. При добавлении нового элемента потребуется, как минимум, одно сравнение, даже если этот элемент оказался в правильной позиции. i -й добавляемый элемент может занимать одно из $i+1$ положений. Предполагая случайные входные данные, новый элемент равновероятно может оказаться в любой позиции. Сложность алгоритма в этом случае: $O(n^2)$

4 Quicksort

4.1 Идея

Общая идея алгоритма состоит в следующем:

1. Выбрать из массива элемент, называемый опорным. Это может быть любой из элементов массива. От выбора опорного элемента не зависит корректность алгоритма, но в отдельных случаях может сильно зависеть его эффективность.
2. Сравнить все остальные элементы с опорным и переставить их в массиве так, чтобы разбить массив на три непрерывных отрезка, следующие друг за другом: «меньшие опорного», «равные» и «большие»
3. Для отрезков «меньших» и «больших» значений выполнить рекурсивно ту же последовательность операций, если длина отрезка больше единицы.

4.2 Реализация

Листинг 3: Quicksort

```

static private void quicksort(ref int[] arr, int
    begin, int end)
{
    int p;
    if (begin < end)
    {
        p = partition(ref arr, begin, end);
        quicksort(ref arr, begin, p - 1);
        quicksort(ref arr, p+1, end);
    }
}

static private int partition(ref int[] arr, int
    begin, int end)
{
    int change;
    int pivot = arr[end];
    int i = begin;

    for (int j = begin; j < end; j++)
    {
        if (arr[j] <= pivot)
        {
            change = arr[i];
            arr[i] = arr[j];
            arr[j] = change;
            i++;
        }
    }

    change = arr[i];
    arr[i] = arr[end];
    arr[end] = change;
    return i;
}

```

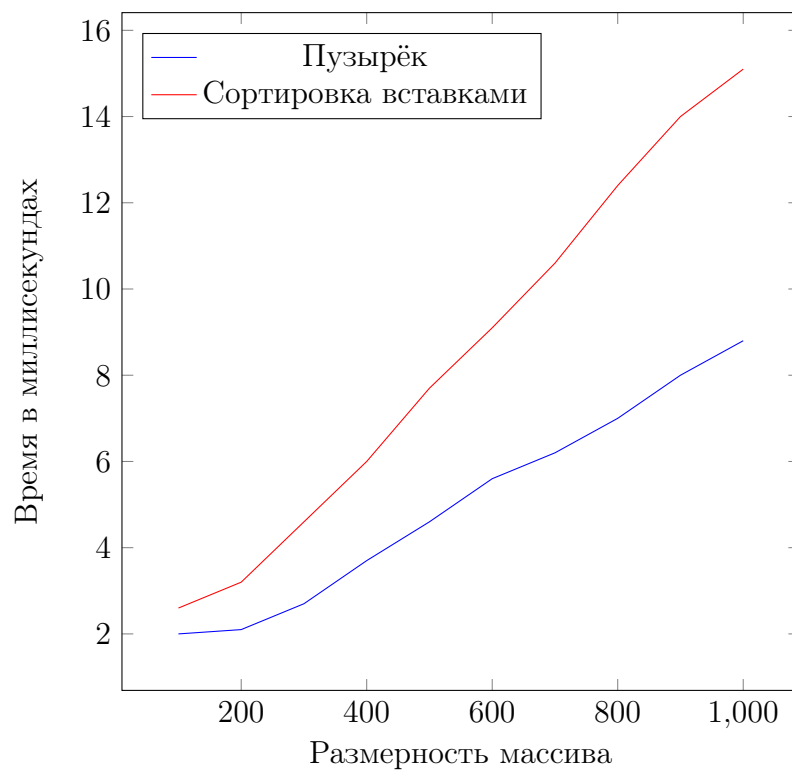
4.3 Трудоемкость

Операция разделения массива относительно опорного элемента имеет сложность $O(n)$, что будет верно для каждого уровня рекурсии. Глубина рекурсии в лучшем и среднем случаях будет равняться $O(\log_2(n))$, в худшем случае - N . Следовательно общая сложность алгоритма будет

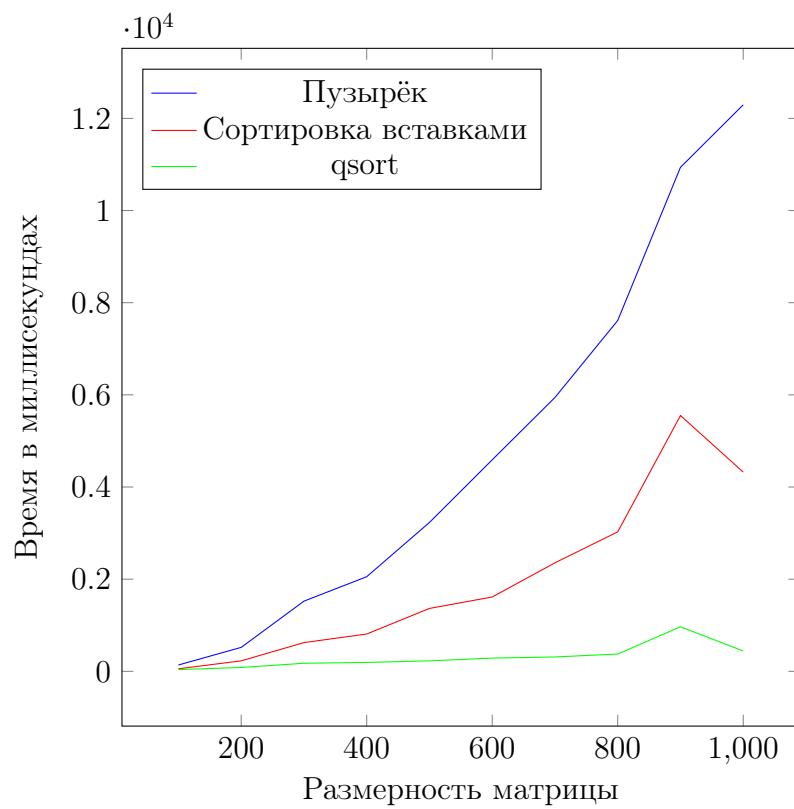
$O(n \cdot \log_2(n))$ и $O(n^2)$ в лучшем/среднем и худшем случаях соответственно

5 Сравнение

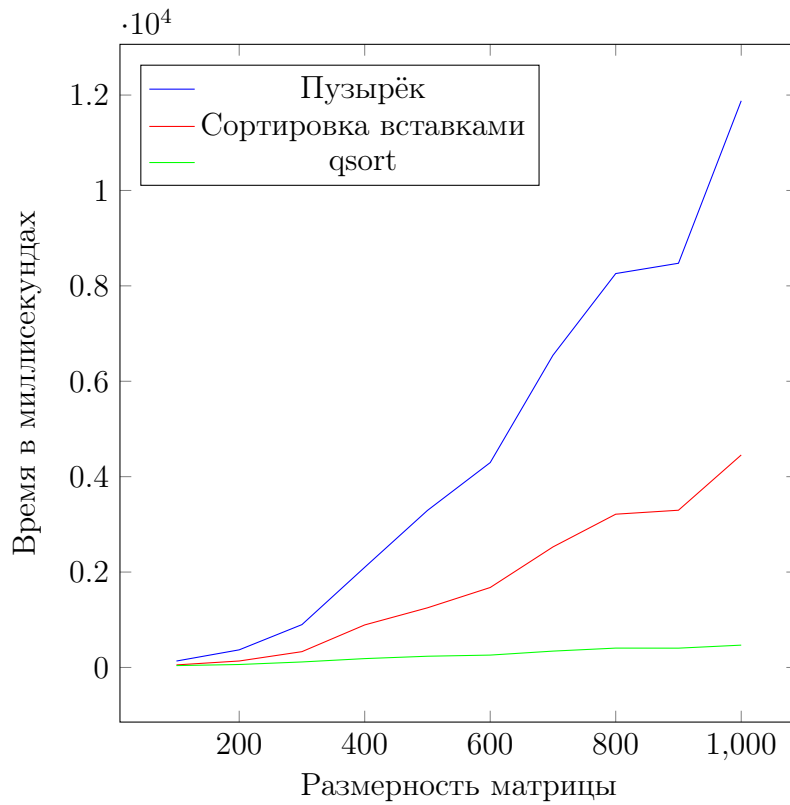
5.1 Лучший случай



5.2 Случайные значения



5.3 Худший случай



6 Заключение

В ходе выполнения лабораторной работы были изучены различные алгоритмы сортировок. Проведены эксперименты, подтверждающие теоретическую сложность сортировок.