סריקות לרוחב ורדוקציות מפגש 2

שבוע שעבר ראינו

- מבוא והגדרות בסיסיות
- חזרה מהירה על ניתוח זמני ריצה
 - מושגים בסיסיים מעולם הגרפים

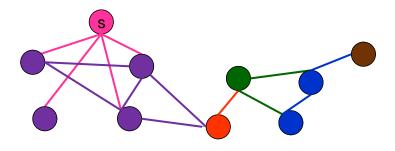
התוכנית להיום

- BFS מעבר על
- תכנון אלגוריתם מבוסס רדוקציה
 - כמה שהזמן יאפשר לנו DFS •

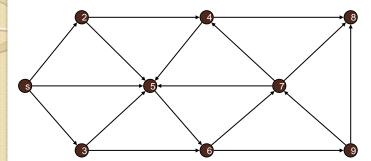
חלק ו

BFS - סריקה לרוחב

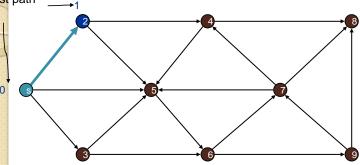
BFS



 L_0 L_3 L_4 L_5 L_5



Shortest path Breadth First Search



Undiscovered

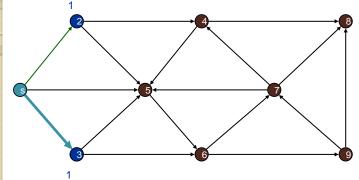
Discovered

Top of queue

Finished

Queue: s

from s



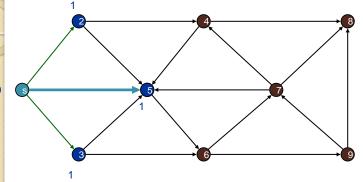
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: s 2



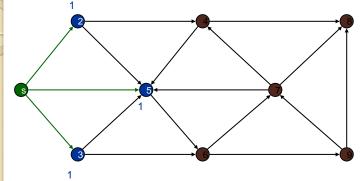
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: s 2 3

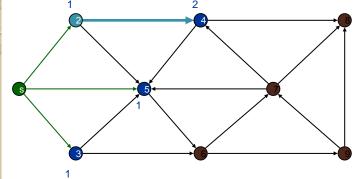


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

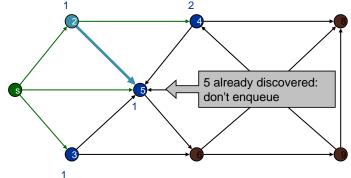


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

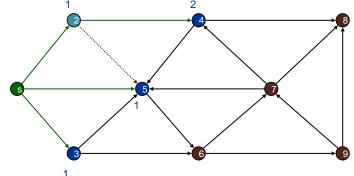


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

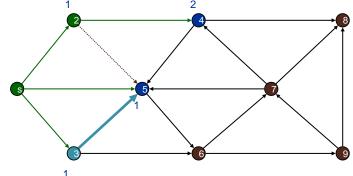


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

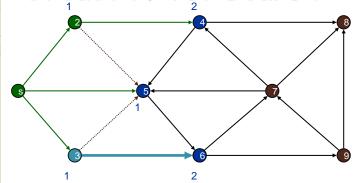


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished



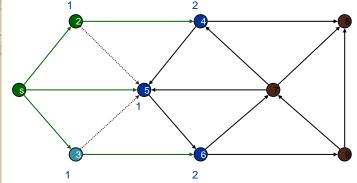
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: 3 5 4

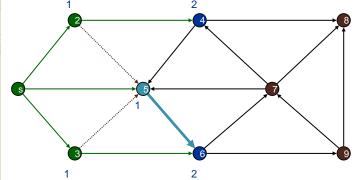


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished



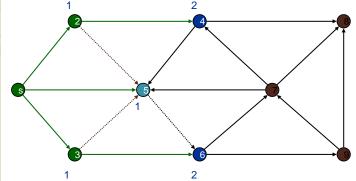
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: 5 4 6



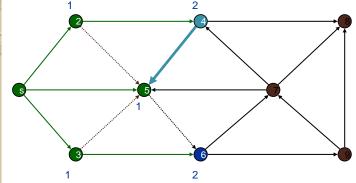
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: 5 4 6

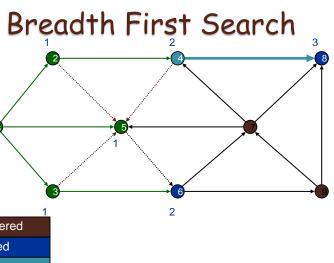


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

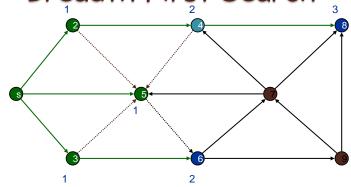


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished



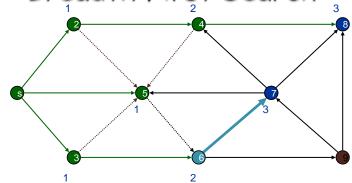
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: 4 6 8

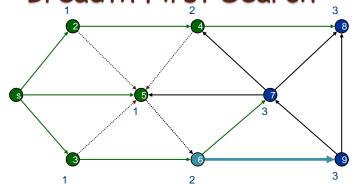


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

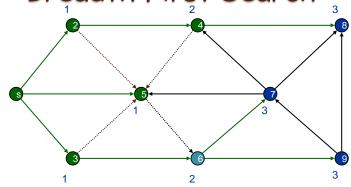


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

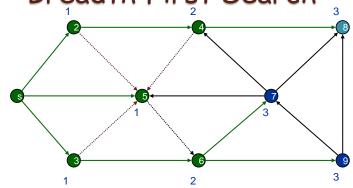


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished



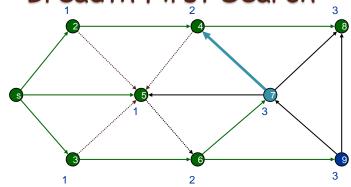
Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

Queue: 8 7 9

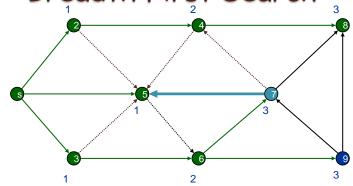


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

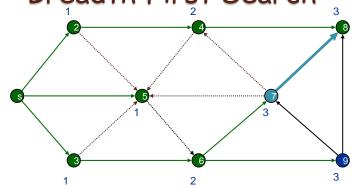


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

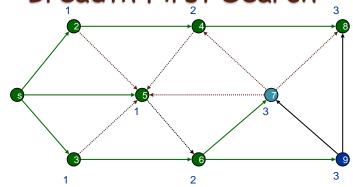


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

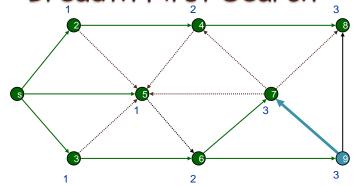


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

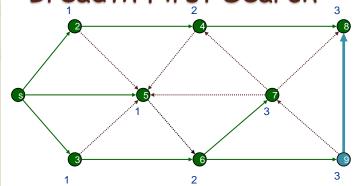


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

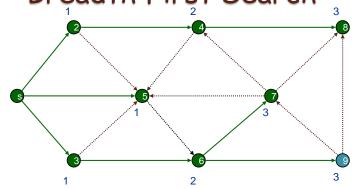


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

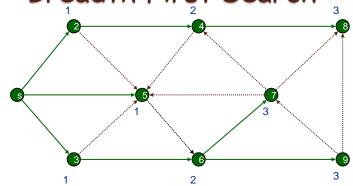


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished

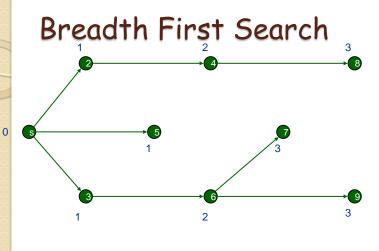


Undiscovered

Discovered

Top of queue

Finished



Level Graph

```
color[u]=white for all u \in V
BFS(s)
    color[s] = gray
    d[s] = 0
     ENQUEUE(Q, s)
    WHILE Q not empty:
         DEQUEUE(Q, u)
         FOR (u, v) \in E DO
              IF color[v] = white THEN
                color[v] = gray
                d[v] = d[u] + 1
                parent[v] = u
                ENQUEUE(Q, v)
              color[u] = black
```

שימושים של BFS

- v 1 u 1 u ר האם יש מסלול מ- v 1 u 1 u
- מה ארכו של המסלול הקצר ביותר
- מציאת רכיבי קשירות בגרף לא מכוון

לגרף לא קשיר BFS

FOR each vertex $u \in V$ DO

IF color[u] = white THEN BFS(u)

OD

272 מתחלק ב7?

חלק וו

תכנון אלגוריתם באמצעות רדוקציה

G=(V,E) זוג קודקודים ב- G=(V,E) גרף לא מכוון ויהיו $u,v\in V$ זוג קודקודים ב- $\delta(u,v)$ את אורך המסלול המינימאלי בצלעות מקודקוד u לקודקוד $\delta(u,v)$ אם לא קיים מסלול מ-v ב- v. בנוסף, נגדיר כי 0

:SP (Single Source Shortest Paths) הגדרת בעיית

לכל $\delta(s, v)$ מצא G=(V, E) יהי אהי גרף לא מכוון ו- א קודקוד ב- G=(V, E) לכל יהי $v \in V$

הגדרת בעיית (SEP (Single Source Shortest Even Paths):

יהי G=(V,E) גרף לא מכוון ו- $S\in V$ קודקוד ב- G מצא את אורך המסלול G=(V,E) יהי (לפי צלעות) הזוגי המינאמלי מ- S לכל S אם לא קיים כזה.

- ?SP איך פותרים את •
- בהינתן של-SP יש אלגוריתם כיצד נבנה אלגוריתם עבור SP?

שאלה 1 - הראו אלגוריתם רדוקציה

SP-ל SEP-מ

חישוב זמן ריצה לאלגוריתם רדוקציה

כפי שראינו ישנם שלושה רכיבים הדורשים זמן חישוב בעת הרצת האלגוריתם:

- חישוב תרגום הקלט,
- הפעלת האלגוריתם לפתרון הבעיה המתורגמת,
 - וחישוב תרגום הפלט.

חישוב זמן ריצה לאלגוריתם רדוקציה

- זמן חישוב האלגוריתם המבוסס על הרדוקציה הינו הזמן המקסימאלי הדרוש מבין השלושה.
- נתייחס לאלגוריתם שפותר את בעיה המתורגמת כאל "קופסה שחורה", מבלי להניח דבר על אופן פעולתו מלבד העובדה שהוא אכן פותר נכון את הבעיה השניה לכל מופע.
 - נשים לב שזמן הריצה של הקופסא השחורה הוא על גודל הקלט החדש (הפלט של ממיר הקלט).

שאלה 2 - אלגוריתם רדוקציה

SEP-ל SP-מ

תרגיל למחשבה

:SOP (Single Source Shortest Odd Paths) הגדרת בעיית

יהי G=(V,E) גרף לא מכוון ו- $S\in V$ קודקוד ב- G מצא את אורך המסלול G=(V,E) יהי (לפי צלעות) או המינאמלי מ- S לכל S המינאמלי האי-זוגי המינאמלי מ-