## Sieci Komputerowe

## Jakub Gałaszewski

May 15, 2024

1. W kablu koncentrycznym używanym w standardowym 10-Mbitowym Ethernecie sygnał rozchodzi się z prędkością 10<sup>8</sup>m/s. Standard ustala, że maksymalna odległość między dwoma komputerami może wynosić co najwyżej 2,5 km. Oblicz, jaka jest minimalna długość ramki (wraz z nagłówkami).

$$10Mb = 10^7 b$$
$$v = 10^8 \frac{m}{s}$$
$$s = 2500m$$

musimy obliczyć czas propagacji:

$$t = \frac{s}{v} = \frac{2500}{10^8} = 25 * 10^{-6}$$

wiemy że minimalna długość ramki w czasie to dwukrotność czasu propagacji (wysyłamy informację i czekamy aż wróci):

$$t_{ramki} = 5 * 10^{-5}$$

i teraz korzystamy z naszego 10Mb:

$$10^7 \frac{b}{s} * 5 * 10^{-5} s = 500b$$

2. Rozważmy rundowy protokół Aloha we współdzielonym kanale, tj. w każdej rundzie każdy z n uczestników usiłuje wysłać ramkę z prawdopodobieństwem p. Jakie jest prawdopodobieństwo P(p, n), że jednej stacji uda się nadać (tj. że nie wystąpi kolizja)? Pokaż, że P(p, n) jest maksymalizowane dla p = 1/n. Ile wynosi  $\lim_{n\to \inf} P(1/n, n)$ ?

Zadanie ma błąd, chcemy mieć dokładnie jedną kolizję, nie conajmniej 1! czyli  $P(p,b)=np(1-p)^{n-1}$ , nadal skracamy i wychodzi nam że dojdziemy do  $\frac{1}{n}$ . Skoro tak to  $\lim_{n\to \inf}P(1/n,n)=\lim_{n\to \inf}\frac{1}{n}n(1-\frac{1}{n})^{n-1}=e^{-1}$  w tym protokole każdy ma równą szansę aby wysłał swoją ramkę, czyli p. Skoro tak, to znaczy że mamy 1-p szansy na brak kolizji dla jednej ramki. dla n ramek mamy już  $(1-p)^n$  szansy, czyli przeciwne prawdopodobieństwo (tj takie gdzie występuje conajmniej jedna kolizja) wynosi  $1-(1-p)^n$ . Chcemy obliczyć z niej pochodną i przyrównać do 0.

$$\frac{d}{dp}(1 - (1-p)^n) = n(1-p)^{n-1} = 0$$

widzimy że im mniejszy p<br/>, tym mamy lepszy wynik, tak więc wynik maksymalny to  $\frac{1}{n}$ 

$$\lim_{n \to \inf} P(1/n, n) = 1 - (1 - \frac{1}{n})^n = 1 - e^{-1}$$

3. Wyszukaj w sieci informację na temat zjawiska Ethernet capture i wytłumacz w jaki sposób ono powstaje. (Tym mianem określa się sytuację, w której jedna ze stacji nadaje znacznie częściej, choć wszystkie stacje używają algorytmu CSMA/CD.)

For example, user A and user B both try to access a quiet link at the same time. Since they detect a collision, user A waits for a random time between 0 and 1 time units and so

1

does user B. Let's say user A chooses a lower back-off time. User A then begins to use the link and B allows it to finish sending its frame. If user A still has more to send, then user A and user B will cause another data collision. A will once again choose a random back-off time between 0 and 1, but user B will choose a back-off time between 0 and 3 – because this is B's second time colliding in a row. Chances are A will "win" this one again. If this continues, A will most likely win all the collision battles, and after 16 collisions (the number of tries before a user backs down for an extended period of time), user A will have "captured" the channel. na język polski to sytuacja gdzie jeden z userów ma ciągły dostęp do medium, a drugie coraz bardziej się opóźnija, przez kolejne nieudane próby podłaczenia.

4. Jaka suma kontrolna CRC zostanie dołączona do wiadomości 1010 przy założeniu że CRC używa wielomianu  $x^2 + x + 1$ ? A jaka jeśli używa wielomianu  $x^7 + 1$ ?

nasz proces wygląda następująco: doklejamy tyle zer ile najwyższa potęga, a następnie dzielę. Dla pierwszego wielomianu do 1010 doklejam 2 zera, mamy 101000. Teraz dzielimy wielomianowo  $x^5 + x^3/x^2 + x + 1 = x^3 - x^2 + xr$ . i ta reszta to nasz wynik, czyli 10 Dla pierwszego wielomianu do 1010 doklejam 7 zer, mamy 10100000000. Teraz dzielimy wielomianowo  $x^7 + 1 = x^3 + xr$ . i ta reszta to nasz wynik, czyli 1010

5. Pokaż, że CRC-1, czyli 1-bitowa suma obliczana na podstawie wielomianu G(x) = x + 1, działa identycznie jak bit parzystości.

## D-d:

zaczniemy od lematu że  $x^n + x^k$  dzieli x + 1.

$$x^{n} + c^{k} = x^{k}(x^{n-k} + 1), n \ge k$$

pokażemy, że  $x^{n-k} + 1$  jest podzielne.

$$x^{n-k} + 1 = x^m + 1^m = x^m - 1^m = (x-1)Q(x)$$

. czyli całość jest podzielna przez x-1, a to znaczy, że dla naszej dziedziny również dzieli przez x+1.

Weźmy nasz wielomian wejściowy, potrafimy go zapisać w następujący sposób:

$$W(x) = x^{k_1} + x^{k_2} + x^{k_3} + \dots + x^{k_n}$$

w zależności od naszej liczby n, dla parzystego n potrafimy lematem "złączyć w pary" nasze x, dla niepatrzystanego zostanie jeden niepołączony, czyli z resztą 1.