# SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

24 janvier 2024

#### SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance Récap et matière

à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

#### Plan de la séance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Intervalle de confiance

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

Travaux pratiques

► Récap: variables aléatoires

- Espérance
- ► Variance et covariance
- Indépendance
- ► Échantillonage
  - ► Méthodes d'échantillonage
  - ► Taille d'échantillon
- ► Début de l'inférence statistique
  - ► Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Intervalle de confiance

data <- read.csv("diabetes.csv")</pre>

expectations <- sapply(data, mean)</pre>

Lire des données

Variance et covariance

covariances <- var(data)</pre>

Espérance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance Récap et matière

Méthodes d'échantillonage

à réflexion

Taille de

Intervalle de

#### Indépendance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage Taille de

Méthodes

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Travaux pratiques

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

► Inspection visuelle par graphiques de dispersion ("Scatter plot" en anglais)

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

- ► Inspection visuelle par graphiques de dispersion ("Scatter plot" en anglais)
- ► Test de hypothèse
  - ► Test  $\chi^2$
  - ► Test de corrélation
  - ► Regression linéaire
  - ► Regression logistique

#### SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

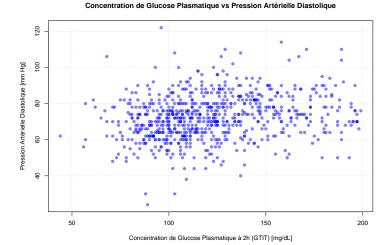
Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

l'échantillon Intervalle de



SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

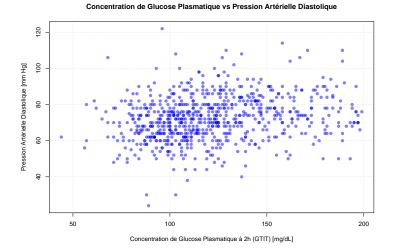
Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

l'échantillon Intervalle de

Travaux pratiques



À votre avis, la covariance entre le glucose et la pression artérielle est positive, négative ou proche de zéro ?

#### SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

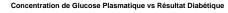
Récap et matière à réflexion

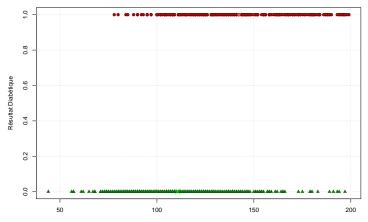
Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Travaux pratique







Concentration de Glucose Plasmatique à 2h (GTIT) [mg/dL]

SYS865 Inférence statistique avec programmation R



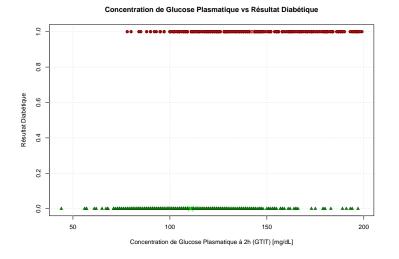
Plan de la séance Récap et matière

à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Intervalle de

Travaux pratiques



Remarquez la différence dans la moyenne et dans la plage en comparant le cas des diabétiques et des non-diabétiques ?

#### Récap et matière à réflexion (suite)

Pouvons-nous utiliser les données fournies pour répondre à ces questions ?

Les données sont-elles représentatives de la population ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

l'échantillon Intervalle de

#### Récap et matière à réflexion (suite)

Pouvons-nous utiliser les données fournies pour répondre à ces questions ?

Les données sont-elles représentatives de la population ?

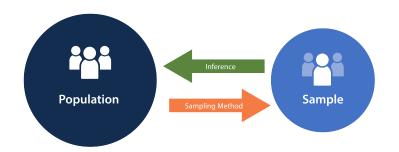


Figure 1: Relation entre population et échantillon

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

l'échantillon Intervalle de

# Méthodes d'échantillonage

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Intervalle de confiance

#### Méthodes d'échantillonage

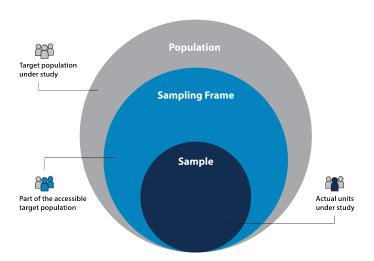


Figure 2: Échantillonage

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

#### Définitions et exemples

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à l'ÉTS :

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

aille de échantillon

Intervalle de confiance

ľÉTS :

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon Intervalle de

Travaux pratiques

**Population**: Un ensemble complet d'éléments (personnes, objets ou sujets) ayant des caractéristiques spécifiques que vous souhaitez étudier et sur lesquelles vous souhaitez faire des inférences.

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques

dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à

► Tous les enseignants de l'ÉTS qui dispensent des cours en statistiques aux différentes spécialisations.

Méthodes

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à ľÉTS :

Population: Un ensemble complet d'éléments (personnes, objets ou sujets) ayant des caractéristiques spécifiques que vous souhaitez étudier et sur lesquelles vous souhaitez faire des inférences.

► Tous les enseignants de l'ÉTS qui dispensent des cours en statistiques aux différentes spécialisations.

Cadre d'échantillonnage : le matériel source ou la liste complète à partir de laquelle un échantillon est tiré. C'est une compilation exhaustive de tous les éléments de votre population.

Le registre de l'ÉTS qui liste tous les enseignants des cours en statistiques.

Méthodes d'échantillonage Taille de

'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

**Échantillon**: Un sous-ensemble d'une population. Il s'agit de l'ensemble spécifique d'éléments à partir desquels vous collecterez des données.

► Sous-ensemble des enseignants de l'ÉTS que vous sélectionnez pour votre étude.

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

**Échantillon**: Un sous-ensemble d'une population. Il s'agit de l'ensemble spécifique d'éléments à partir desquels vous collecterez des données

► Sous-ensemble des enseignants de l'ÉTS que vous sélectionnez pour votre étude.

**Taille de l'échantillon** : le nombre de membres de la population enquêtés, mesurés ou observés.

La taille de l'échantillon détermine la quantité de données, ce qui influence davantage la précision de votre étude et la fiabilité de vos résultats.

# Échantillonnage probabiliste

**Échantillonnage aléatoire simple** : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Travaux pratiques

**Échantillonnage aléatoire simple** : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

**Échantillonnage systématique** : On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

d'échantillonage

Méthodes

Intervalle de

Travaux pratiques

**Échantillonnage aléatoire simple** : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

Échantillonnage systématique : On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

**Échantillonnage stratifié**: La population est divisée en sous-groupes (strates) qui partagent des caractéristiques similaires. Un échantillon aléatoire est ensuite prélevé dans chacune de ces strates. Cette méthode garantit une représentation de chaque sous-groupe.

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

Travaux pratiques

**Échantillonnage aléatoire simple** : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

**Échantillonnage systématique**: On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

Échantillonnage stratifié: La population est divisée en sous-groupes (strates) qui partagent des caractéristiques similaires. Un échantillon aléatoire est ensuite prélevé dans chacune de ces strates. Cette méthode garantit une représentation de chaque sous-groupe.

**Échantillonnage par grappes** : La population est divisée en grappes, généralement basées sur des zones géographiques, et un échantillon aléatoire de ces grappes est choisi. Tous les individus des grappes sélectionnées sont dans l'échantillon.

## Échantillonnage probabiliste (suite)

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

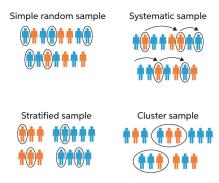


Figure 3: Échantillonage probabiliste

# Échantillonnage non-probabiliste

**Échantillonnage de convenance** : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

anie de échantillon

Intervalle de confiance

chercheur.

Récap et matière Méthodes

d'échantillonage Taille de

Intervalle de

Travaux pratiques

Échantillonnage de convenance : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon

sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon Intervalle de

confiance

Travaux pratiques

**Échantillonnage de convenance** : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

**Échantillonnage intentionnel** : Les participants sont sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du chercheur.

Échantillonnage à réponse volontaire : C'est les sujets qui choisissent de participer, souvent en réponse à une invitation générale.

Méthodes

d'échantillonage

l'échantillon Intervalle de

confiance

Travaux pratiques

**Échantillonnage de convenance** : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

**Échantillonnage intentionnel** : Les participants sont sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du chercheur.

Échantillonnage à réponse volontaire : C'est les sujets qui choisissent de participer, souvent en réponse à une invitation générale.

Échantillonnage boule de neige : Les sujets actuels recrutent de futurs sujets parmi leurs connaissances. Cela est particulièrement utile pour atteindre des populations difficiles d'accès.

## Échantillonnage non-probabiliste (suite)

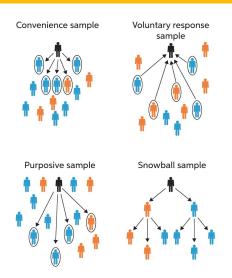


Figure 4: Échantillonage non-probabiliste

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

#### **Discussion**

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

En groupe de 3-4, discutez de quelle serait la situation dans laquelle chacune des méthodes d'échantillonnage serait utilisée ?

#### Vérification des connaissances

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Pour évaluer l'efficacité d'une nouvelle campagne de santé, une organisation sélectionne au hasard cinq quartiers d'une ville. Ils enquêtent ensuite sur chaque foyer de ces quartiers.

d'échantillonage

Méthodes

l'échantillon Intervalle de

onfiance

Travaux pratiques

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Pour évaluer l'efficacité d'une nouvelle campagne de santé, une organisation sélectionne au hasard cinq quartiers d'une ville. Ils enquêtent ensuite sur chaque foyer de ces quartiers.

► Échantillonnage par grappes

#### Vérification des connaissances

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

d'échantillonage

Méthodes

échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Une équipe de recherche sur la prévalence de l'hypertension divise la population en catégories ethniques, puis sélectionne au hasard un nombre proportionné d'individus dans chaque groupe pour garantir que tous soient représentés.

Récap et matière à réflexion

Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Une équipe de recherche sur la prévalence de l'hypertension divise la population en catégories ethniques, puis sélectionne au hasard un nombre proportionné d'individus dans chaque groupe pour garantir que tous soient représentés.

► Échantillonnage stratifié

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon Intervalle de

confiance

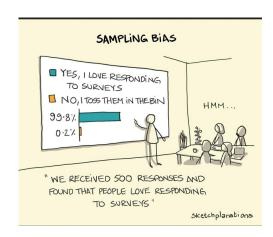


Figure 5: Biais de réponse

#### Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon Intervalle de

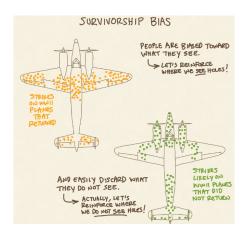


Figure 6: Biais de survie

#### Taille de l'échantillon

#### SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

#### Théorème Central Limite et Implications

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Le Théorème Central Limite (TCL) stipule que, pour une taille d'échantillon suffisamment grande, la distribution des moyennes d'échantillons se rapprochera d'une distribution normale, indépendamment de la distribution originale de la population.

Le Théorème Central Limite (TCL) stipule que, pour une taille d'échantillon suffisamment grande, la distribution des moyennes d'échantillons se rapprochera d'une distribution normale, indépendamment de la distribution originale de la

# population. Définition

Si  $X_1, X_2, X_3, ..., X_n$  sont des échantillons aléatoires pris d'une population avec une moyenne générale  $\mu$  et une variance finie  $\sigma^2$ , la moyenne de l'échantillon  $\overline{X} = \frac{1}{n}(X_1 + X_2 + X_3 + ... + X_n)$  sera approximativement distribuée normalement avec une moyenne  $\mu$  et une variance  $\frac{\sigma^2}{n}$ , à mesure que n devient grand.

La distribution normale est notée  $N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$ .

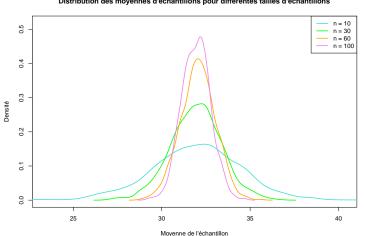
Méthodes

Travaux pratiques



Dataset", les IMC (ou "BMI" en anglais) sont échantillonées.

À partir de la base de données de "Pima Indian Diabetes



#### **Distribution Normale**

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Le TCL justifie l'utilisation de la distribution normale dans l'inférence statistique et les tests d'hypothèses, même lorsque la population sous-jacente n'est pas normalement distribuée.

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonag

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Le TCL justifie l'utilisation de la distribution normale dans l'inférence statistique et les tests d'hypothèses, même lorsque la population sous-jacente n'est pas normalement distribuée.

À mesure que n (la taille de l'échantillon) augmente, la forme de la distribution de la moyenne de l'échantillon  $\overline{X}$  devient de plus en plus en cloche ("bell-shapred" en anglais) ou normale.

## Réduction des Erreurs d'Échantillonnage

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

confiance

Travaux pratiques

L'erreur standard, qui mesure la variabilité des moyennes d'échantillons  $\overline{X}$ , est donnée par  $SE = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ .

À mesure que la taille de l'échantillon n augmente, l'erreur standard SE diminue. Cela indique que des échantillons plus grands fournissent des estimations plus précises de la moyenne de la population, réduisant ainsi le risque d'erreur d'échantillonnage.

# À noter que ...

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'aille de l'échantillon

Intervalle de

Travaux pratiques

La taille d'échantillon "suffisamment grande" pour le TCL est généralement considérée comme étant 30 ou plus, mais cela peut varier en fonction de la population.

#### Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

#### Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance



Figure 7: Intervalle de confiance ?

The True Population Mean (This is unknown and we're trying to estimate it)

de la population  $\mu$ ).

Un intervalle de confiance est une plage de valeurs estimée à

partir des données d'un échantillon, destinée à contenir un

paramètre inconnu de la population (par exemple, moyenne

u

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

l'échantillon Intervalle de

confiance



The Population

Figure 8: Estimation de l'IC

Interval Estimate of the Population Mean based on sample data

- Niveau de Confiance, exprimé en pourcentage (90 %, 95 %, 99 %, etc.), indique la probabilité que cet intervalle contienne le paramètre de la population si l'expérience est répétée plusieurs fois.
- Marge d'Erreur (ME) reflète l'incertitude autour de l'estimation ponctuelle et dépend de l'écart-type de la population  $\sigma$  et de la taille de l'échantillon n.

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Récap et matière à réflexion

Taille de

Intervalle de

Travaux pratiques

**Estimation Ponctuelle** est généralement la moyenne de l'échantillon  $(\overline{x})$ .

- Niveau de Confiance, exprimé en pourcentage (90 %, 95 %, 99 %, etc.), indique la probabilité que cet intervalle contienne le paramètre de la population si l'expérience est répétée plusieurs fois.
- ▶ Marge d'Erreur (ME) reflète l'incertitude autour de l'estimation ponctuelle et dépend de l'écart-type de la population  $\sigma$  et de la taille de l'échantillon n.

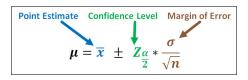


Figure 9: Composants d'un IC

Méthodes

#### Lorsque $\sigma$ est Connue

- ► Formule :  $CI = \overline{x} \pm z \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$
- ➤ z : Score Z de la distribution normale, correspondant au niveau de confiance souhaité.

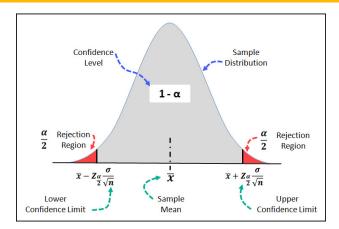
#### Lorsque $\sigma$ est Connue

- Formule :  $CI = \overline{x} \pm z \times \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$
- ➤ z : Score Z de la distribution normale, correspondant au niveau de confiance souhaité.

#### Lorsque $\sigma$ est Inconnue

- Formule:  $CI = \overline{x} \pm t \times \frac{s}{\sqrt{n}}$
- t : Score t de la distribution t, variant selon la taille de l'échantillon.

#### Niveau de Confiance et Score z



**Figure 10:** Niveau de Confiance ou  $1 - \alpha$ 

L'erreur  $\alpha$  sera expliqué dans la prochaine séance sur les tests d'hypothèse.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon Intervalle de

confiance

#### Interprétation d'un Intervalle de Confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Un IC de 95 % signifie que si de nombreux échantillons sont pris et qu'un IC est construit à partir de chacun, environ 95 % de ces intervalles contiendront la vraie moyenne de la population. Cela ne signifie pas qu'il y a 95 % de probabilité que l'intervalle donné contienne la moyenne populationnelle.

#### **Exemples avec R**

IC du paramètre "Glucose" dans la base de données "Pima Indian Diabetes"

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

confiance

l'échantillon Intervalle de

Indian Diabetes"

Ornwipa Thamsuwan

► Calculer la moyenne et l'écart type

Plan de la séance Récap et matière

à réflexion

'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de

```
data <- subset(data, Glucose > 0)
mean_glucose <- mean(data$Glucose, na.rm = TRUE)
sd_glucose <- sd(data$Glucose, na.rm = TRUE)</pre>
```

Calculer la moyenne et l'écart type

```
data <- subset(data, Glucose > 0)
mean glucose <- mean(data$Glucose, na.rm = TRUE)
sd glucose <- sd(data$Glucose, na.rm = TRUE)
```

▶ Déterminer la taille de l'échantillon et l'erreur standard

```
n <- sum(!is.na(data$Glucose))
se <- sd_glucose / sqrt(n)
```

Ornwina Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière

Taille de

Intervalle de confiance

▶ Déterminer la taille de l'échantillon et l'erreur standard

mean glucose <- mean(data\$Glucose, na.rm = TRUE)

sd glucose <- sd(data\$Glucose, na.rm = TRUE)

Préciser le niveau de confiance de 95 % avec le niveau de signification de 0,05

```
alpha <- 0.05
```

64 / 73

data <- subset(data, Glucose > 0)

Calculer la moyenne et l'écart type

$$t_{critical} \leftarrow qt(1 - alpha/2, df = n - 1)$$

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage Taille de

Méthodes

Intervalle de confiance

Plan de la séance

```
t_{critical} \leftarrow qt(1 - alpha/2, df = n - 1)
```

Récap et matière

Calculer la marge d'erreur et le IC

d'échantillonage

Taille de

Intervalle de

confiance

```
margin_error <- t_critical * se
ci_lower <- mean_glucose - margin_error</pre>
ci_upper <- mean_glucose + margin_error</pre>
```

```
t critical \leftarrow qt(1 - alpha/2, df = n - 1)
```

► Calculer la marge d'erreur et le IC

```
margin_error <- t_critical * se
ci_lower <- mean_glucose - margin_error
ci_upper <- mean_glucose + margin_error</pre>
```

L'intervalle de confiance à 95 % pour le taux de glucose plasmatique moyen se situe entre  $\dots$  mg/dL

```
## 119.5166 et 123.8569
```

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière

d'échantillonage Taille de

Intervalle de confiance

Travaux pratiques

## Exemples avec R (suite)

Et les ICs à 95 % du taux de glucose plasmatique des personnes non diabétiques (Outcome = 0) vs diabétiques (Outcome = 1) ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Et les ICs à 95 % du taux de glucose plasmatique des personnes non diabétiques (Outcome = 0) vs diabétiques (Outcome = 1) ?

► Coupter des données

```
data_outcome_0 <- subset(data, Outcome == 0)
data_outcome_1 <- subset(data, Outcome == 1)</pre>
```

Et les ICs à 95 % du taux de glucose plasmatique des personnes non diabétiques (Outcome = 0) vs diabétiques (Outcome = 1) ?

► Coupter des données

```
data_outcome_0 <- subset(data, Outcome == 0)
data_outcome_1 <- subset(data, Outcome == 1)</pre>
```

► Calculer les ICs

```
## Outcome 0: [ 108.4602 , 112.8275 ]
## Outcome 1: [ 138.7462 , 145.8929 ]
```

(Outcome = 1)?

Coupter des données

Calculer les ICs

chevauchent pas.

Et les ICs à 95 % du taux de glucose plasmatique des

data outcome 0 <- subset(data, Outcome == 0)

data\_outcome\_1 <- subset(data, Outcome == 1)</pre>

## Outcome 0: [ 108.4602 . 112.8275 ]

## Outcome 1: [ 138.7462 , 145.8929 ]

Observez que ces deux intervalles de confiance ne se

personnes non diabétiques (Outcome = 0) vs diabétiques

71 / 73

#### **Travaux pratiques**

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon
Intervalle de

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage Taille de

Intervalle de

Travaux pratiques

Pour chacun des neuf paramètres dans la base de données sur les diabètes . . .

- 1. Calculer l'intervalle de confiance
- 2. En séparant selon le paramètre "Outcome" (0 ou 1), recalculer l'IC
- 3. Déterminer si les IC des deux groupes sont différents
- **4.** (Bonus) Créer un graphique pour présenter la distribution de probabilité avec l'estimation ponctuelle et la marge d'erreur