SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

7 février 2024

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Recap

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Les derniers cours . . .

- Variables aléatoires
 - Variables discrètes ou continues
 - ► Fonction de masse ou de densité de probabilité
 - ► Fonction de répartition de probabilité
 - Espérance
 - Variance
 - Loi jointe, covariance et indépendance
- ► Échantillonage
 - ► Méthodes d'échantillonage et taille d'échantillon
 - ▶ Théorème Central Limite
- ► Inférence statistique
 - ► Intervalle de confiance
 - ► Types d'erreur
 - ► Tests d'hypothèse
 - ► Test sur la moyenne d'un échantillon
 - ► Test sur la moyenne des deux échantillons
 - ► Test nonparamétrique

Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

aleur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Début du projet 1

Dans ce cours . . .

Valeur p

Plan de la séance

Valeur p

vs. Intervalle de

Travaux pratiques

Les matières non abordées dans ce cours

► ANOVA (déjà enseigné dans le cours SYS814 : Méthodologies expérimentales pour ingénieur)

► Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Valeur p

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

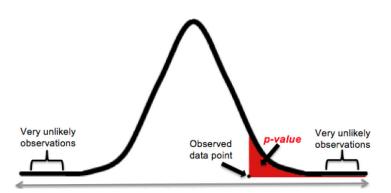
Travaux pratiques

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1



Le p-value est la probabilité d'obtenir un effet au moins aussi

extrême que celui observé dans vos données d'échantillon, en

supposant que l'hypothèse nulle (H_0) soit vraie.

Figure 1: Valeur p

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Proiet 1

Seuil et interprétation :

Le p-value est comparé à un niveau de signification prédéfini (α , souvent 0,05).

 Un p-value inférieur à α suggère de rejeter H₀ en faveur de l'alternative.

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Droint 1

Seuil et interprétation :

Le p-value est comparé à un niveau de signification prédéfini (α , souvent 0,05).

- ▶ Un p-value inférieur à α suggère de rejeter H_0 en faveur de l'alternative.
- Cependant, cela ne signifie pas que H₀ est fausse. Il suggère simplement que les données observées sont peu probables sous H₀.

Valeur p

vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Idées fausses et mauvais usages :

▶ Une idée fausse commune est d'équivaloir un petit p-value à une grande taille d'effet ou à une signification pratique.

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Idées fausses et mauvais usages :

- ▶ Une idée fausse commune est d'équivaloir un petit p-value à une grande taille d'effet ou à une signification pratique.
- ▶ Le p-value ne fournit pas la probabilité des données compte tenu des deux hypothèses (nulle et alternative) ; il ne l'évalue que sous H₀.

Valeur p

vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Métriques complémentaires :

La taille de l'effet et les intervalles de confiance devraient accompagner les p-values pour fournir une compréhension plus complète des résultats.

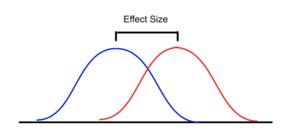


Figure 2: Taille de l'effet

Effect_size.png

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Base de données utilisée



Figure 3: Iris dans une peinture de Vincent van Gogh

Fisher, R.A. (1936) The use of multiple measurements in taxonomic problems. *Annals of Eugenics*, **7**, Part II, 179–188. doi:10.1111/j.1469-1809.1936.tb02137.x.

Les données ont été collectées par Anderson, Edgar (1935). The irises of the Gaspe Peninsula, *Bulletin of the American Iris Society*, **59**, 2–5.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Thamsuwan

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Base de données utilisée

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Figure 4: Fleur d'Iris et les paramètres de "Sepal" et "Petal"

width

cat(names(iris))

Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species

sepal

width

eneth

Base de données utilisée



Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Iris virginica



Figure 5: Espèces d'Iris

summary(iris\$Species)

Iris setosa

setosa versicolor virginica
50 50 50

Intervalle de confiance

Pour calculer les intervalles de confiance pour les quatre paramètres (Sepal.Length, Sepal.Width, Petal.Length, Petal.Width) de chacune des trois espèces d'Iris, quelles sont les démarches?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

ecap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

sont les démarches?

aleur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

roiet 1

```
R code:
calculate ci <- function(data, level = 0.95) {
 n <- length(data)</pre>
 mean <- mean(data)
  stderr <- sd(data)/sqrt(n)</pre>
  error_margin <- qt(level/2 + 0.5, df = n-1)*stderr
  lower ci <- mean - error margin
  upper ci <- mean + error margin
  return(c(lower_ci, upper_ci))
```

Pour calculer les intervalles de confiance pour les quatre

paramètres (Sepal.Length, Sepal.Width, Petal.Length, Petal.Width) de chacune des trois espèces d'Iris, quelles

/aleur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Proiet 1

```
Nous utilisons la fonction by pour appliquer ce calcul à chaque sous-ensemble de l'ensemble de données lris, divisé par Species.
```

La fonction apply est utilisé pour calculer ces statistiques pour chaque colonne (paramètre) de ces sous-ensembles.

R code:

Intervalle de confiance (suite)

4.905824

5.789306

6.407285

6.768715

iris\$Species: versicolor

6.082694

iris\$Species: virginica

3.320271

2.68082

Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width

2.85918

2.882347

3.065653

5.106176 3.535729

iris\$Species: setosa

ci results

##

##

##

##

##

[1,]

[2,]

[1,]

[2,]

[1,]

[2,]

```
SYS865 Inférence
statistique avec
programmation R
```

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width

1.412645

1.511355

4.126453

5.395153

5.708847

4.393547

0.2160497_{othèse}

0.2759503

1.269799

1.382201

1.947945

2,104055

20 / 38

Projet 1

Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

- La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0
 ?
- 2. Les largeurs de sépales d'Iris setosa et d'Iris versicolor sont-elles égales ?
- **3.** La longueur des sépales et la longueur des pétales d'Iris setosa sont-elles égales ?

1. La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0 ?

```
virginica <- subset(iris, Species == "virginica")</pre>
t.test(virginica$Petal.Width, mu = 2.0)
```

```
##
    One Sample t-test
##
## data: virginica$Petal.Width
## t = 0.66939, df = 49, p-value = 0.5064
```

95 percent confidence interval: ## 1.947945 2.104055

alternative hypothesis: true mean is not equal to 2

```
## mean of x
##
       2.026
```

sample estimates:

##

Thamsuwan

Plan de la séance

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

2. Les largeurs de sépales d'Iris setosa et d'Iris versicolor

sont-elles égales ? (Les variances sont homogènes.)

setosa <- subset(iris, Species == "setosa")</pre>

versicolor <- subset(iris, Species == "versicolor") Valeur p</pre>

var.test(setosa\$Sepal.Width, versicolor\$Sepal.Width)Tests d'hypothèse

##

F test to compare two variances

##

data: setosa\$Sepal.Width and versicolor\$Sepal.Width ## F = 1.4592, num df = 49, denom df = 49, p-value = 0.1895

alternative hypothesis: true ratio of variances is not equ

95 percent confidence interval: ## 0.828080 2.571444

1.459233

sample estimates:

ratio of variances

##

Travaux pratiques

vs. Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

23 / 38

Les données sont normalement distribuées.

```
shapiro.test(setosa$Sepal.Width)
```

```
##
```

Shapiro-Wilk normality test

data: setosa\$Sepal.Width

W = 0.97172, p-value = 0.2715

```
shapiro.test(versicolor$Sepal.Width)
```

```
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
```

##

data: versicolor\$Sepal.Width W = 0.97413, p-value = 0.338

programmation R Ornwina Thamsuwan

SYS865 Inférence

statistique avec

Plan de la séance

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Welch Two Sample t-test

2 770

sample estimates:

3.428

##

##

##

##

##

t.test(setosa\$Sepal.Width, versicolor\$Sepal.Width)

Plan de la séance

Tests d'hypothèse

vs. Intervalle de confiance

 $\hbox{\tt\#\# data: setosa\$Sepal.Width and versicolor\$Sepal.W} \\ \hbox{\tt Width and versicolor\$Sepal.Width} \\$

t = 9.455, df = 94.698, p-value = 2.484e-15

alternative hypothesis: true difference in means is not eq ## 95 percent confidence interval: 0.5198348 0.7961652 ## mean of x mean of y

3. La longueur des sépales et la longueur des pétales d'Iris setosa sont-elles égales ?

```
t.test(setosa$Sepal.Length, setosa$Petal.Length,
       paired = TRUE)
```

data: setosa\$Sepal.Length and setosa\$Petal.Length

```
##
##
    Paired t-test
```

##

t = 71.835, df = 49, p-value < 2.2e-16 ## alternative hypothesis: true mean difference is not equal

95 percent confidence interval:

3.444857 3.643143 ## sample estimates:

mean difference

3.544 SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwina Thamsuwan

Plan de la séance

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

26/38

Intervalle de confiance (retour)

La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0
 ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Intervalle de confiance (retour)

1. La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0

```
## IC de Iris Virginica Petal Width = (1.95, 2.10)
```

► L'IC couvre la valeur 2,0.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

/aleur n

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Proiet 1

/aleur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Droint 1

1. La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0

IC de Iris Virginica Petal Width = (1.95, 2.10)

- ► L'IC couvre la valeur 2,0.
- **2.** Les largeurs de sépales d'Iris setosa et d'Iris versicolor sont-elles égales ?

Les deux ICs ne se chevauchent pas.

L'IC couvre la valeur 2.0.

sont-elles égales ?

1. La largeur des pétales d'Iris virginica est-elle égale à 2,0

IC de Iris Virginica Petal Width = (1.95, 2.10)

2. Les largeurs de sépales d'Iris setosa et d'Iris versicolor

IC de Iris Setosa Sepal Width = (3.32, 3.54)

IC de Iris Versicolor Sepal Width = (2.68, 2.86)

Travaux pratiques

Intervalle de confiance (retour)

3. La longueur des sépales et la longueur des pétales d'Iris setosa sont-elles égales ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

union 1

3. La longueur des sépales et la longueur des pétales d'Iris setosa sont-elles égales ?

IC de Iris Setosa Sepal Length = (4.91, 5.11)

IC de Iris Setosa Petal Length = (1.41, 1.51)

► Est-ce que c'est correct ?

3. La longueur des sépales et la longueur des pétales d'Iris

setosa sont-elles égales ?

IC de Iris Setosa Sepal Length = (4.91, 5.11)

IC de Iris Setosa Petal Length = (1.41, 1.51)

Est-ce que c'est correct ?

Non, il faut soustraire la longueur des sépales et la longueur

des pétales paire par paire et calculer l'IC de cette différence. ## IC de la différence = (3.44, 3.64)

L'IC de la différence ne couvre pas 0. Donc, il n'y a pas de différence significative.

Travaux pratiques

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

En divisant la base de données "Pima Indian Diabetes" en groupe de non diabétiques et diabétiques, pour chacun des huit paramètres (Pregnancies, Glucose, BloodPressure, SkinThickness, Insulin, BMI, DiabetesPedigreeFunction et Age)...

- 1. Utilisant les résultats de TP de la séance 3, les intervalles de confiance des deux groupes (Outcome=0 et Outcome=1) se chevauchent-ils ?
- 2. Utilisant les résultats de TP de la séance 4, l'interprétation du test d'hypothèse comparant des deux groupes (Outcome=0 et Outcome=1) correspond-elle à celle de l'IC?

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

Projet 1

Hamsuwan

Dans ce cours . . .

- ► Valeur p
- ► Tests d'hypothèse (sur la moyenne) vs. Intervalle de confiance
- ▶ Début du projet 1

Les prochains cours . . .

- Tests pour les conditions des statistiques paramétriques
 - ► Test d'hypothèse sur la variance des deux échantillons
 - ▶ Tests de normalité
- ► Puissance statistique

Projet 1

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Recap

Plan de la séance

Valeur p

Tests d'hypothèse vs. Intervalle de confiance

Travaux pratiques

vs. Intervalle de

Travaux pratiques

Proiet 1

Visualisation des données

Justifiez vos raisons

vos collègues et interpréter les résultats.

Le project doit contenir les éléments suivants :

Vous devez faire une présentation de votre projet, partager

votre écran en expliquant et exécutant vos codes R devant

Soit nouvellement collectées ou à partir d'un dépôt

Espérance et variance

Objectifs du projet

Sources des données

existant

Intervalle de confiance

► Test d'hypothèse

► Erreur et puissance statistique

Interprétation