SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

24 janvier 2024

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance Récap et matière

à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Plan de la séance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Méthodes d'échantillonage Taille de

'échantillon

Intervalle de confiance

- ► Récap: variables aléatoires
 - Espérance
 - ► Variance et covariance
 - Indépendance
- ► Échantillonage
 - ► Méthodes d'échantillonage
 - ► Taille d'échantillon
- ► Début de l'inférence statistique
 - ► Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance Récap et matière

à réflexion Méthodes

d'échantillonage
Taille de

Intervalle de

Résumé

Thamsuwan

Lire des données

data <- read.csv("diabetes.csv")</pre>

Espérance

expectations <- sapply(data, mean)</pre>

Variance et covariance

covariances <- var(data)</pre>

Indépendance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage Taille de

Méthodes

Intervalle de confiance

Résumé

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Résumé

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

► Inspection visuelle par graphiques de dispersion ("Scatter plot" en anglais)

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Résumé

Comment savoir si deux variables sont indépendantes l'une de l'autre ?

- Inspection visuelle par graphiques de dispersion ("Scatter plot" en anglais)
- ► Test de hypothèse
 - ► Test χ^2
 - ► Test de corrélation
 - ► Regression linéaire
 - ► Regression logistique

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

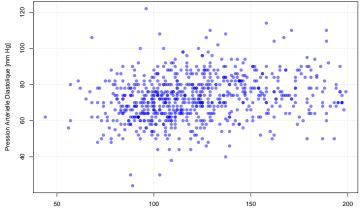
d'échantillonage Taille de

Méthodes

Intervalle de

Résumé





Concentration de Glucose Plasmatique vs Pression Artérielle Diastolique

Concentration de Glucose Plasmatique à 2h (GTIT) [mg/dL]

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

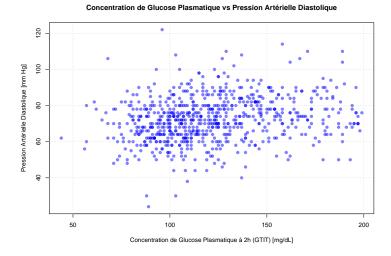
Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

l'échantillon Intervalle de

Résumé

Taille de



À votre avis, la covariance entre le glucose et la pression artérielle est positive, négative ou proche de zéro ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

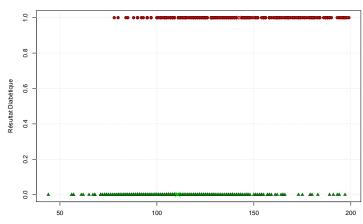
Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Résumé



Concentration de Glucose Plasmatique vs Résultat Diabétique

Concentration de Glucose Plasmatique à 2h (GTIT) [mg/dL]

SYS865 Inférence statistique avec programmation R



Plan de la séance

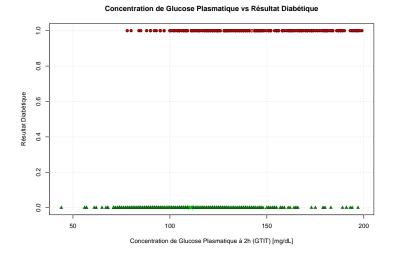
Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

I'echantillon
Intervalle de

Taille de

Résumé



Remarquez la différence dans la moyenne et dans la plage en comparant le cas des diabétiques et des non-diabétiques ?

Récap et matière à réflexion (suite)

Pouvons-nous utiliser les données fournies pour répondre à ces questions ?

Les données sont-elles représentatives de la population ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage
Taille de

Méthodes

Intervalle de

Récap et matière à réflexion (suite)

Pouvons-nous utiliser les données fournies pour répondre à ces questions ?

Les données sont-elles représentatives de la population ?

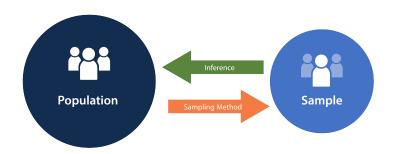


Figure 1: Relation entre population et échantillon

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

l'échantillon Intervalle de

Résumé

Taille de

Méthodes d'échantillonage

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

l'échantillon

Intervalle de confiance

Méthodes d'échantillonage

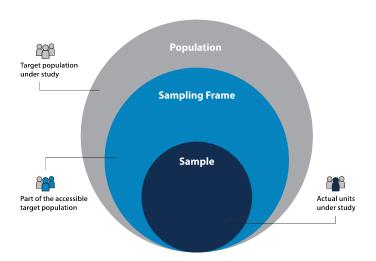


Figure 2: Échantillonage

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance
Résumé

Définitions et exemples

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à l'ÉTS :

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

d'échantillonage

Méthodes

aille de échantillon

Intervalle de confiance

d'échantillonage

Méthodes

Intervalle de

Résumé

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à l'ÉTS :

Population: Un ensemble complet d'éléments (personnes, objets ou sujets) ayant des caractéristiques spécifiques que vous souhaitez étudier et sur lesquelles vous souhaitez faire des inférences.

► Tous les enseignants de l'ÉTS qui dispensent des cours en statistiques aux différentes spécialisations.

Résumé

Recherche sur la complexité des problèmes de statistiques dispensés par les professeurs aux différentes spécialisations à ľÉTS :

Population: Un ensemble complet d'éléments (personnes, objets ou sujets) ayant des caractéristiques spécifiques que vous souhaitez étudier et sur lesquelles vous souhaitez faire des inférences.

► Tous les enseignants de l'ÉTS qui dispensent des cours en statistiques aux différentes spécialisations.

Cadre d'échantillonnage : le matériel source ou la liste complète à partir de laquelle un échantillon est tiré. C'est une compilation exhaustive de tous les éléments de votre population.

Le registre de l'ÉTS qui liste tous les enseignants des cours en statistiques.

d'échantillonage

Méthodes

'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Échantillon: Un sous-ensemble d'une population. Il s'agit de l'ensemble spécifique d'éléments à partir desquels vous collecterez des données.

► Sous-ensemble des enseignants de l'ÉTS que vous sélectionnez pour votre étude.

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Échantillon: Un sous-ensemble d'une population. Il s'agit de l'ensemble spécifique d'éléments à partir desquels vous collecterez des données.

➤ Sous-ensemble des enseignants de l'ÉTS que vous sélectionnez pour votre étude.

Taille de l'échantillon : le nombre de membres de la population enquêtés, mesurés ou observés.

La taille de l'échantillon détermine la quantité de données, ce qui influence davantage la précision de votre étude et la fiabilité de vos résultats.

Échantillonnage probabiliste

Échantillonnage aléatoire simple : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Méthodes

d'échantillonage

Intervalle de

Résumé

Échantillonnage aléatoire simple : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

Échantillonnage systématique : On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon Intervalle de

Résumé

Échantillonnage aléatoire simple : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

Échantillonnage systématique: On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

Échantillonnage stratifié: La population est divisée en sous-groupes (strates) qui partagent des caractéristiques similaires. Un échantillon aléatoire est ensuite prélevé dans chacune de ces strates. Cette méthode garantit une représentation de chaque sous-groupe.

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage
Taille de

Intervalle de confiance

Résumé

Échantillonnage aléatoire simple : Chaque membre de la population a une chance égale d'être sélectionné.

Échantillonnage systématique: On sélectionne des membres de la population à intervalles réguliers, par exemple, choisir chaque 10ème personne de la liste.

Échantillonnage stratifié: La population est divisée en sous-groupes (strates) qui partagent des caractéristiques similaires. Un échantillon aléatoire est ensuite prélevé dans chacune de ces strates. Cette méthode garantit une représentation de chaque sous-groupe.

Échantillonnage par grappes : La population est divisée en grappes, généralement basées sur des zones géographiques, et un échantillon aléatoire de ces grappes est choisi. Tous les individus des grappes sélectionnées sont dans l'échantillon.

Échantillonnage probabiliste (suite)

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

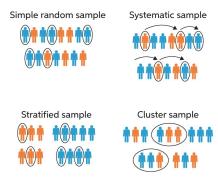


Figure 3: Échantillonage probabiliste

Échantillonnage non-probabiliste

Échantillonnage de convenance : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

chercheur.

Récap et matière

Méthodes

d'échantillonage Taille de

Intervalle de

Résumé

Échantillonnage de convenance : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du

Échantillonnage intentionnel : Les participants sont

Méthodes d'échantillonage

chantillon

Intervalle de confiance

Taille de

Résumé

Échantillonnage de convenance : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

Échantillonnage intentionnel : Les participants sont sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du chercheur.

Échantillonnage à réponse volontaire : C'est les sujets qui choisissent de participer, souvent en réponse à une invitation générale.

Méthodes

d'échantillonage

l'échantillon Intervalle de

Juliance

Résumé

Échantillonnage de convenance : Les participants choisis sont les plus faciles à atteindre. Ce n'est pas un échantillon aléatoire et est souvent utilisé pour les tests pilotes.

Échantillonnage intentionnel : Les participants sont sélectionnés en fonction du but de l'étude et du jugement du chercheur.

Échantillonnage à réponse volontaire : C'est les sujets qui choisissent de participer, souvent en réponse à une invitation générale.

Échantillonnage boule de neige : Les sujets actuels recrutent de futurs sujets parmi leurs connaissances. Cela est particulièrement utile pour atteindre des populations difficiles d'accès.

Échantillonnage non-probabiliste (suite)

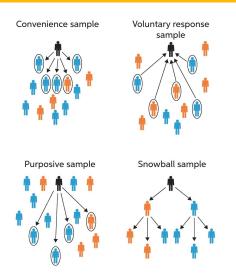


Figure 4: Échantillonage non-probabiliste

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Discussion

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

aille de échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

En groupe de 3-4, discutez de quelle serait la situation dans laquelle chacune des méthodes d'échantillonnage serait utilisée ?

Vérification des connaissances

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Pour évaluer l'efficacité d'une nouvelle campagne de santé, une organisation sélectionne au hasard cinq quartiers d'une ville. Ils enquêtent ensuite sur chaque foyer de ces quartiers.

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon Intervalle de

confiance

Résumé

Pour une étude sur une maladie rare, un chercheur choisi délibérément les patients connus pour souffrir de cette maladie à partir des dossiers médicaux ou des établissements de santé spécialisés.

► Échantillonnage intentionnel

Pour évaluer l'efficacité d'une nouvelle campagne de santé, une organisation sélectionne au hasard cinq quartiers d'une ville. Ils enquêtent ensuite sur chaque foyer de ces quartiers.

► Échantillonnage par grappes

Vérification des connaissances

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière

Méthodes d'échantillonage

Taille de

Intervalle de

Résumé

37 / 51

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

aille de échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon Intervalle de

Résumé

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Une équipe de recherche sur la prévalence de l'hypertension divise la population en catégories ethniques, puis sélectionne au hasard un nombre proportionné d'individus dans chaque groupe pour garantir que tous soient représentés.

Méthodes d'échantillonage

Taille de Intervalle de

Résumé

Dans une étude sur la santé mentale des personnes sans abri, les premiers participants sans abri recommandent d'autres personnes sans abri qu'ils connaissent.

► Échantillonnage boule de neige

Une équipe de recherche sur la prévalence de l'hypertension divise la population en catégories ethniques, puis sélectionne au hasard un nombre proportionné d'individus dans chaque groupe pour garantir que tous soient représentés.

Échantillonnage stratifié

Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage Taille de

Intervalle de

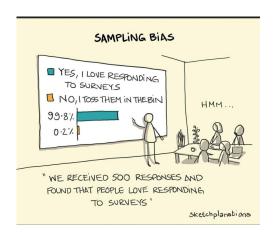


Figure 5: Biais de l'échantillonage

Taille de l'échantillon

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Théorème Central Limite et Implications

SYS865 Inférence

programmation R Ornwipa Thamsuwan

statistique avec

Plan de la séance

Récap et matière

d'échantillonage Taille de

Méthodes

l'échantillon Intervalle de

Résumé

Le Théorème Central Limite (TCL) stipule que, pour une taille d'échantillon suffisamment grande, la distribution des moyennes d'échantillons se rapprochera d'une distribution normale, indépendamment de la distribution originale de la population.

Le Théorème Central Limite (TCL) stipule que, pour une

taille d'échantillon suffisamment grande, la distribution des moyennes d'échantillons se rapprochera d'une distribution normale, indépendamment de la distribution originale de la

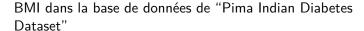
population. Définition

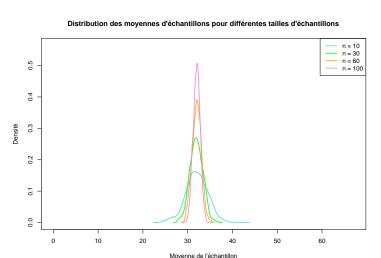
Si $X_1, X_2, X_3, ..., X_n$ sont des échantillons aléatoires pris d'une population avec une moyenne générale μ et une variance finie σ^2 , la moyenne de l'échantillon $\overline{X} = \frac{1}{n}(X_1 + X_2 + X_3 + ... + X_n)$ sera approximativement distribuée normalement avec une moyenne μ et une variance $\frac{\sigma^2}{n}$, à mesure que n devient grand.

La distribution normale est notée $N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$.

Méthodes d'échantillonage Taille de l'échantillon

Intervalle de





Méthodes

Taille de

Intervalle de confiance

Résumé

Le TCL justifie l'utilisation de la distribution normale dans l'inférence statistique et les tests d'hypothèses, même lorsque la population sous-jacente n'est pas normalement distribuée.

À mesure que n (la taille de l'échantillon) augmente, la forme de la distribution de la moyenne de l'échantillon \overline{X} devient de plus en plus en cloche ("bell-shapred" en anglais) ou normale.

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

l'échantillon Intervalle de

Résumé

Taille de

L'erreur standard de la moyenne, qui mesure la variabilité des moyennes d'échantillons, est donnée par $SE=\frac{\sigma}{\sqrt{n}}$.

À mesure que la taille de l'échantillon n augmente, l'erreur standard SE diminue. Cela indique que des échantillons plus grands fournissent des estimations plus précises de la moyenne de la population, réduisant ainsi le risque d'erreur d'échantillonnage.

À noter que ...

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de

Résumé

La taille d'échantillon "suffisamment grande" pour le TCL est généralement considérée comme étant 30 ou plus, mais cela peut varier en fonction de la population.

Intervalle de confiance

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion Méthodes

d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

Résumé

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Plan de la séance

Récap et matière à réflexion

Méthodes d'échantillonage

Taille de l'échantillon

Intervalle de confiance

à réflexion Méthodes

d'échantillonage Taille de

Intervalle de

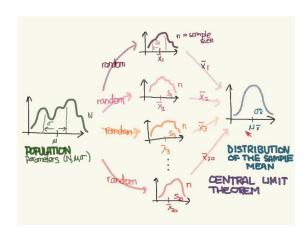


Figure 6: Théorème Central Limite