SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

10 janvier 2024

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Brise-Glace

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Participantes et participants

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplément Variables

aléatoires Recap

Réponses anonymes

Go to wooclap.com

Enter the event code DOGLGJ



Figure 1: Lien à l'activité sur Wooclap

nformation upplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Introduction individuelle

- 1. Quel est votre nom ? Comment devrions-nous vous appeler ?
- 2. Quel est la concentration de votre étude à l'ÉTS ? (c-à-d. votre programme au cycle supérieure, avec ou sans mémoire/thèse)
- **3.** Quel est votre formation antérieure ? au niveau du baccalauréat ? et votre expérience professionnelle ?
- **4.** Pourquoi est-ce que vous poursuivez ce cours ?
- **5.** Quels sont vos objectifs principals après avoir terminé votre étude à l'ÉTS ?

Introduction au cours

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Brise-Glace

Introduction au cours

nformation supplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Variables aléatoires et distribution de probabilités

- ► Échantillonage et estimation des paramètres
- ► Intervalles de confiance
- ► Tests d'hypothèses des moyennes et des variances
- ► Erreurs et puissance statistique
- ► Correlations et associations
- ► Régression linéaire
- Régression logistique

Brise-Glace

Introduction au

formation applémentaire

Variables aléatoires

- ► Projet 1 : Tests d'hypothèses
 - ► Analyse exploratoire des données
 - ► Tests des conditions pour les variables paramétriques
 - Tests d'hypothèses des moyennes et des variances pour un ou plusieurs échantillons
- ▶ Projet 2 : Association des variables
 - ► Régression linéaire ou logistique
 - ► Techniques de l'ajustement pour les facteurs confondants ou de la stratification si nécessaire
- ► Travaux pratiques chaque séance, sauf la première

Introduction au cours

ipplémentaire

Variables aléatoires

Recap

- ► Projet en équipe
 - ▶ 30 pts. x2 projets pour les travaux (présentation)
 - ▶ 5 pts. x2 projets pour l'évaluation par les pairs
- ► Travaux pratiques individuels
 - ▶ 30 pts. pour les travaux (rapports écrits + codes)

Grille d'autoévaluation et d'évaluation par les pairs (en p.j.)

formation pplémentaire

Variables aléatoires

Recap

10 janvier : introduction, variables aléatoires

17 janvier : espérance, variance, indépendance

24 janvier : échantillonage, intervalle de confiance

31 janvier : erreurs en statistique et test d'hypothèse

07 février : test d'hypothèse + accompagnement du projet

14 février : test d'hypothèse + accompagnement du projet

21 février : puissance statistique

28 février : présentation du projet 1

06 mars : semaine de relache, il n'y a pas de cours

13 mars : correlation, régression linéaire

20 mars : facteurs confondants, régression logistique

27 mars : accompagnement du projet 03 avril : accompagnement du projet 10 avril : **présentation du projet 2**

Information supplémentaire

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Pima Indians Diabetes Database

Lien vers la base de données sur Kaggle

Référence

Smith, J.W., Everhart, J.E., Dickson, W.C., Knowler, W.C., & Johannes, R.S. (1988). Using the ADAP learning algorithm to forecast the onset of diabetes mellitus. In *Proceedings of the Symposium on Computer Applications and Medical Care* (pp. 261–265). IEEE Computer Society Press.

Merci de les télécharger avant le prochain cours.

Installation de R et de RStudio



Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Recap

R Studio

Lien vers l'instruction dans la vidéo sur YouTube

Merci de compléter toutes les installations avant le prochain cours.

Variables aléatoires

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Variables aléatoires

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Variables aléatoires discrètes et continues -> Lien vers des exemples sur Wooclap

Fonction de masse et de densité de probabilité

Fonction de répartition

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Lancer une pièce de monaire, quelle est la probabilité d'obtenir une pile ? et une face ?

Lancer un dé équilibré, quelle est la probabilité d'obtenir "1" ? "2"... "6" ?

Introduction au

Variables aléatoires

Recap

Lancer une pièce de monaire, quelle est la probabilité d'obtenir une pile ? et une face ?

Lancer un dé équilibré,

quelle est la probabilité d'obtenir "1" ? "2"... "6" ?

Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait 23 ans ?

Procès Bernoulli

Dans un essai Bernoulli, il n'y a que deux résultats possibles. Pour une pièce équilibrée, la probabilité d'obtenir face (succès) est de 0,5, et la probabilité d'obtenir pile (échec) est également de 0,5.

La fonction de masse de probabilité (FMP) pour une variable aléatoire Bernoulli est définie comme suit :

- ▶ P(X = 1) = p (probabilité de succès)
- ► P(X = 0) = 1 p (probabilité d'échec)

où X est la variable aléatoire représentant le résultat (1 pour face, 0 pour pile) et p est la probabilité d'obtenir une face.

```
pmf_coin_flip <- function(p) {
    if (p < 0 | | p > 1) { stop() }
    pmf <- c(Pile = p, Face = 1 - p)
    return(pmf)
}</pre>
```

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

```
pmf_coin_flip <- function(p) {
   if (p < 0 || p > 1) { stop() }
   pmf <- c(Pile = p, Face = 1 - p)
   return(pmf)
}</pre>
```

Un vecteur des probabilités d'obtenir une pile et une face

```
pmf_coin_flip(0.5)
```

```
## Pile Face
## 0.5 0.5
```

Introduction au cours

Variables aléatoires

ecap

R code

Information supplémentaire

Variables aléatoires Recap

Simulation de lancer une pièce de monnaie 7 fois

```
simulate_coin_flips(7, 0.5)
```

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Supplémentaire

Variables

aléatoires Recap

[1] "Pile" "Pile" "Pile" "Pile" "Pile" "Face" "P<mark>ile"</mark>

Pour un dé équilibré à six faces, la fonction de masse de probabilité (FMP) attribue une probabilité de $\frac{1}{6}$ à chaque

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Gla

Introduction au

nformation upplémentaire

Variables aléatoires

face (1 à 6). Chaque résultat a donc une chance égale d'apparaître lors d'un lancer, représentée par la formule $P(X=x)=\frac{1}{6}$, où X est le résultat du dé et x est une valeur spécifique entre 1 et 6.



Figure 2: Un dé

```
simulate_dice_rolls <- function(num_rolls) {</pre>
    # Résultats possibles : 1, 2, 3, 4, 5, 6
    outcomes <- 1:6
    # Chaque résultat a une probabilité égale
   probabilities <- rep(1/6, 6)
    # Simulation de lancer un dé
   rolls <- sample(outcomes, size = num rolls,
                    replace = TRUE,
                    prob = probabilities)
   return(rolls)
```

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

ntroduction au

formation pplémentaire

Variables aléatoires

Fonction de masse de probabilité (suite)

Simulation de lancer un dé 20 fois

```
simulate_dice_rolls(20)
```

```
## [1] 1 3 1 1 4 6 1 2 4 2 1 6 2 1 4 1 3 2 3 6
```

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

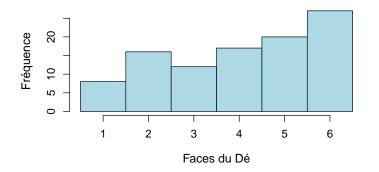
Information supplémentaire

Variables aléatoires

Fonction de masse de probabilité (suite)

Simulation de lancer un dé 20 fois

Histogramme des Lancers de Dé 100 fois



SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

ntroduction a

formation pplémentaire

Variables aléatoires

Fonction de masse de probabilité (suite)



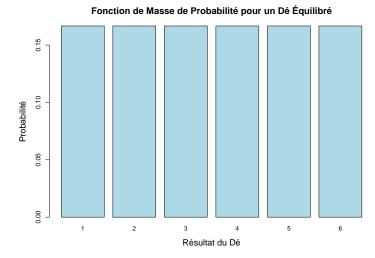
Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires



Fonction de densité de probabilité

Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait 23 ans ?

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

ntroduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Introduction au cours

nformation upplémentaire

Variables aléatoires

Recap

Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait 23 ans ?

Fonction de densité de probabilité (suite)

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

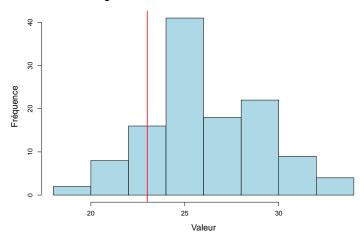
Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires





Fonction de densité de probabilité (suite)

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

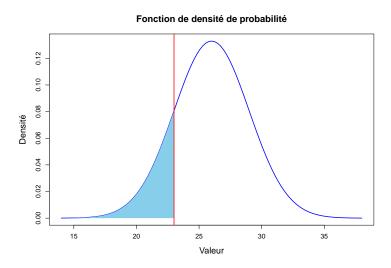
Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au

Information supplémentaire

Variables aléatoires



nformation

Variables aléatoires

Recap

La fonction de densité de probabilité (FDP) représente la distribution des probabilités pour une variable aléatoire continue.

Dans l'exemple, la variable suit une distribution normale (ou gaussienne) avec une moyenne (μ) de 26 et un écart-type (σ) de 3.

Chaque point sur la courbe de la FDP indique la densité de probabilité pour une valeur donnée. La moyenne, $\mu=26$, est le pic de cette courbe, et l'écart-type, $\sigma=3$, indique la dispersion des valeurs autour de la moyenne.

Une ligne verticale à x=23 sur cette courbe montre la position de 23 par rapport à la distribution normale. Dans une telle distribution, les valeurs se trouvent généralement dans l'intervalle $\mu\pm3\sigma$.

Recap

SYS865 Inférence statistique avec programmation R

> Ornwipa Thamsuwan

Brise-Glace

Introduction au cours

Information supplémentaire

Variables aléatoires

Introduction au cours

upplémentaire

Variables aléatoires

Recap

► Fonction de masse de probabilité : Variables aléatoires discrètes

- Lancer une pièce de monaire, quelle est la probabilité d'obtenir une pile ? et une face ?
- Lancer un dé équilibré, quelle est la probabilité d'obtenir "1"... "6" ?
- Fonction de densité de probabilité : Variables aléatoires continues
 - ▶ Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait 23 ans ?

- ► Fonction de masse de probabilité : Variables aléatoires discrètes
 - Lancer une pièce de monaire, quelle est la probabilité d'obtenir une pile ? et une face ?
 - Lancer un dé équilibré, quelle est la probabilité d'obtenir "1" "6" ?
- ► Fonction de densité de probabilité : Variables aléatoires continues
 - Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait 23 ans?

Le prochain cours. . .

- ► Fonction de répartition
 - Lancer un dé équilibré, quelle est la probabilité d'obtenir un numéro moins de 2?
 - Quelle est la probabilité qu'un élève de la classe ait plus de 23 ans ?