



UNIVERSIDAD NACIONAL DE  
SAN AGUSTÍN



FACULTAD DE INGENIERÍA DE PRODUCCIÓN Y SERVICIOS

CIENCIA DE LA COMPUTACIÓN

---

## Práctica 08

---

**ALUMNOS:**

Pfuturi Huisa, Oscar David  
Quispe Menor, Hermogenes  
Fernandez Mamani, Brayan Gino  
Quiñonez Lopez, Efrain German  
Santos Apaza, Yordy Williams

**DOCENTE:**

MSc. Vicente Machaca Arceda

**CURSO:**

Computación Gráfica

9 de junio de 2021

## Índice

|   |          |
|---|----------|
| <b>1. Problema 1: Dada la Figura 1, determine las coordenadas de cada vértice del plano rojo, y dibuje el plano.</b>  | <b>3</b> |
| 1.1. Considere un monitor de $100 \times 80$ , una proyección ortográfica y una cámara con los siguientes datos: . . . . .  | 3        |
| 1.2. Realice lo mismo, pero ahora con esta cámara y compare los resultados, debe simular como se graficaría en el monitor. . . . .  | 5        |
| <b>2. Problema 2: Realice el mismo ejercicio anterior, pero ahora considere una proyección perspectiva. Debe utilizar la cámara en las dos posiciones mencionadas anteriormente y luego debe comparar sus resultados, debe simular como se graficaría en el monitor</b> | <b>6</b> |
| 2.1. a . . . . .  | 6        |
| 2.2. b . . . . .  | 7        |
| <b>3. Problema 3: Ahora consideramos el concepto de <i>Field of View</i>. Para un ángulo <math>\theta = 60</math>, halle las coordenadas del plano de la Figura 1, en un monitor de <math>100 \times 80</math>. Utilice una cámara con estos datos:</b>                 | <b>8</b> |
| <b>4. Enlace</b>  | <b>9</b> |

1. Problema 1: Dada la Figura 1, determine las coordenadas de cada vértice del plano rojo, y dibuje el plano.

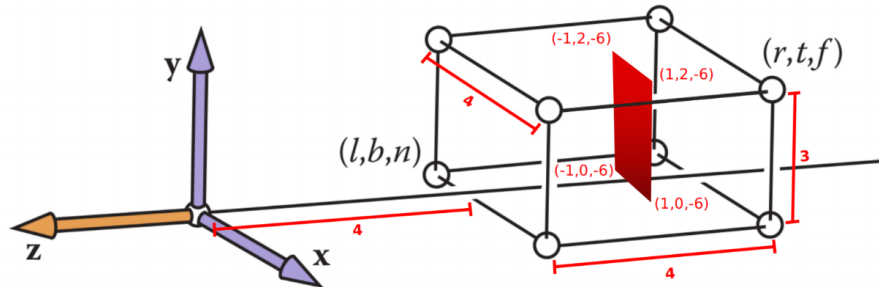


Figura 1: Plano dentro de una vista de volumen ortográfico.

- 1.1. Considere un monitor de  $100 \times 80$ , una proyección ortográfica y una cámara con los siguientes datos:

- $e = (0, 5, 2)$
- $g = (0, -2, -5)$
- $t = (0, 1, 0)$

```

1  import numpy as np
2
3  nx=100
4  ny=80
5
6  #Matriz Mvp
7  Mvp=np.array([
8      [nx/2, 0,0,(nx-1)/2],
9      [0,ny/2,0,(ny-1)/2],
10     [0,0,1,0],
11     [0,0,0,1]
12 ])
13
14 # Puntos del plano rojo
15 plane = np.array([[ -1,1,1,-1],
16                   [ 2,2,0,0],
17                   [-6,-6,-6,-6],
18                   [ 1,1,1,1]])
19
20 #valores de l,b,n,r,t y f
21 l=-2; b=0; n=-4
22 r=2; t=3; f=-8
23
24 #Creacion de la matriz ortogonal
25 Morth=np.array([[ 2/(r-1),0,0,-((r+1)/(r-1))],
26                 [ 0,2/(t-b),0,-((t+b)/(t-b))],

```

```

27         [0,0,2/(n-f),-((n+f)/(n-f))],
28         [0,0,0,1]])
29 print('Matriz MVP: \n',Mvp)

```

```

Matriz MVP:
[[50.   0.   0.  49.5]
 [ 0.  40.   0.  39.5]
 [ 0.   0.   1.   0. ]
 [ 0.   0.   0.   1. ]]

```

Figura 2

```

1  #Proyeccion de transformacion ortografica
2  M=np.matmul(Mvp,Morth)
3  Orthographic = np.matmul(M,plane)
4  print('Proyeccion Ortografica: \n', Orthographic)
5
6  e = np.array([0,5,2])
7  g = np.array([0,-2,-5])
8  t = np.array([0,1,0])
9
10 w = -(g/np.linalg.norm(g))
11 t_w = np.cross(t,w)
12 u = t_w / (np.linalg.norm(t_w))
13 v = np.cross(w,u)
14
15 print('vector U: \n',u)
16 print('vector V: \n',v)
17 print('vector W: \n',w)
18
19 #Construccion de la Mcam
20 Mcam_ = np.zeros((4,4))
21 Mcam_[0:3,0] = u
22 Mcam_[0:3,1] = v
23 Mcam_[0:3,2] = w
24 Mcam_[0:3,3] = e
25 Mcam_[3,3] = 1
26 #print(Mcam_)
27 Mcam = np.linalg.inv(Mcam_)
28 print('matriz Mcam:\n ',Mcam)
29
30 #Proyeccion de transformacion de camara: Ortografica
31 M_ = np.matmul(Mvp,Morth)
32 M = np.matmul(M_, Mcam)
33 M_orth_cam = np.matmul(M,plane)

```

```
34 print('Proyeccion ortografica con transformacion de camara:\n',
      M_orth_cam)
```

```
Proyeccion ortografica con transformacion de camara:
[[ 24.5      74.5      74.5      24.5      ]
 [ 4.45187568 4.45187568 -45.06688116 -45.06688116]
 [-1.27099278 -1.27099278 -1.64238345 -1.64238345]
 [ 1.         1.         1.         1.        ]]
```

Figura 3

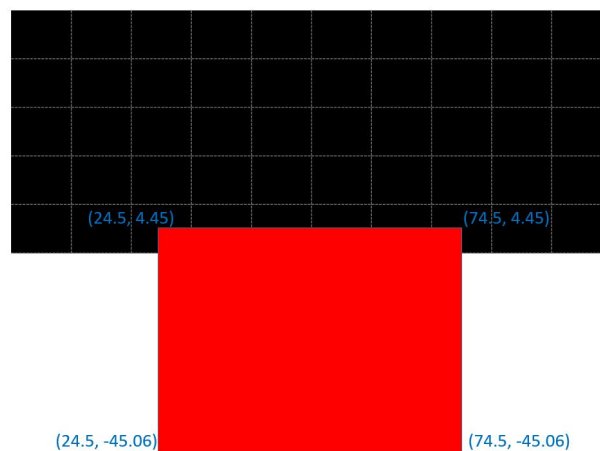


Figura 4: Vista de pantalla

1.2. Realice lo mismo, pero ahora con esta cámara y compare los resultados, debe simular como se graficaría en el monitor.

- $e = (0, 2, 2)$
- $g = (0, -2, -5)$
- $t = (0, 1, 0)$

```
1 e = np.array([0, 2, 2])
2 g = np.array([0, -2, -5])
3 t = np.array([0, 1, 0])
4
```

```
Proyeccion ortografica con transformacion de camara:
[[24.5      74.5      74.5      24.5      ]
 [78.73001096 78.73001096 29.21125411 29.21125411]
 [-0.71390676 -0.71390676 -1.08529744 -1.08529744]
 [ 1.         1.         1.         1.        ]]
```

Figura 5

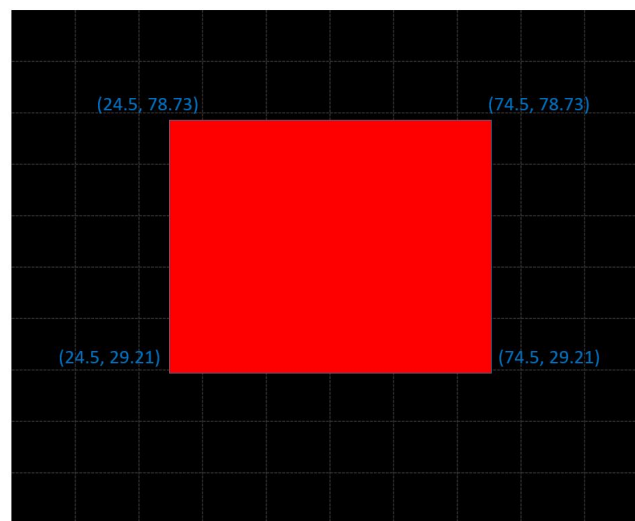


Figura 6: Vista de pantalla

2. **Problema 2:** Realice el mismo ejercicio anterior, pero ahora considere una proyección perspectiva. Debe utilizar la cámara en las dos posiciones mencionadas anteriormente y luego debe comparar sus resultados, debe simular como se graficaría en el monitor

### 2.1. a

```

1  g = np.array([0,-2,-5])
2  t = np.array([0,1,0])
3  e = np.array([0,5,2])
4
5
6  #construccion de la matriz perspectiva
7  p = np.array([[n,0,0,0],
8                [0,n,0,0],
9                [0,0,n+f,-n*f],
10               [0,0,1,0]])
11 #proyeccion de transformacion perspectiva
12 Mper = np.matmul(Morth,p)
13 print('Matriz perspectiva: \n', Mper)
14
15 #Proyeccion de transformacion de camara: Perspectiva
16 M_ = np.matmul(Mvp,Mper)
17 M = np.matmul(M_, Mcam)
18 M_per_cam = np.matmul(M,plane)
19
20 Mcam_ = np.zeros((4,4))
21 Mcam_[0:3,0] = u
22 Mcam_[0:3,1] = v
23 Mcam_[0:3,2] = w
24 Mcam_[0:3,3] = e

```

```

25 Mcam_[3,3] = 1
26 #print(Mcam_)
27 Mcam = np.linalg.inv(Mcam_)
28 #Convirtiendo a coordenadas cartesianas
29 M_Homo = np.zeros((3,4))
30 M_Car = np.zeros((3,4))
31 Homo = np.zeros((1,4))
32 M_Homo[0:3,0:4] = M_per_cam[0:3,0:4]
33 Homo[0,0:4] = M_per_cam[3,0:4]
34 M_Car[0:3,0:2] = M_Homo[0:3,0:2]/Homo[0,0]
35 M_Car[0:3,2:4] = M_Homo[0:3,2:4]/Homo[0,2]
36 print('Proyeccion perspectiva con transformacion de camara:\n',M_Car)

```

```

Proyeccion perspectiva con transformacion de camara:
[[ 37.79311998  61.20688002  60.27032961  38.72967039]
 [  1.81884058   1.81884058 -19.7         -19.7        ]
 [-1.1268992   -1.1268992   -1.27674726  -1.27674726]]

```

Figura 7

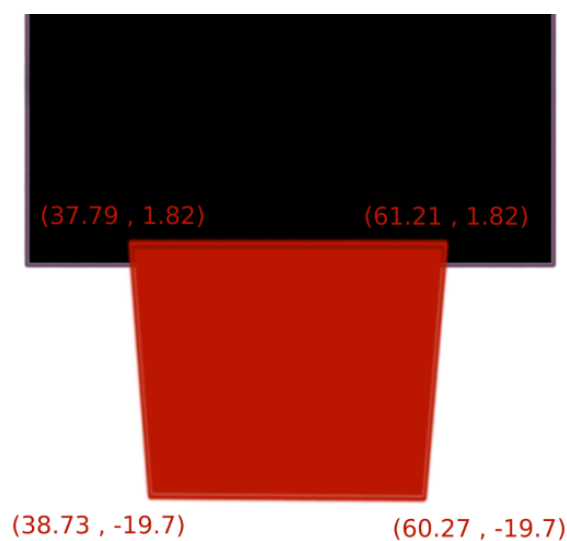


Figura 8: Vista de pantalla

## 2.2. b

```

1
2 e = np.array([0,2,2])
3 g = np.array([0,-2,-5])
4 t = np.array([0,1,0])

```

Proyeccion perspectiva con transformacion de camara:  
 $\begin{bmatrix} 36.03708798 & 62.96291202 & 61.73901093 & 37.26098907 \\ 42.16666667 & 42.16666667 & 14.04545455 & 14.04545455 \\ -0.84593408 & -0.84593408 & -1.04175825 & -1.04175825 \end{bmatrix}$

Figura 9

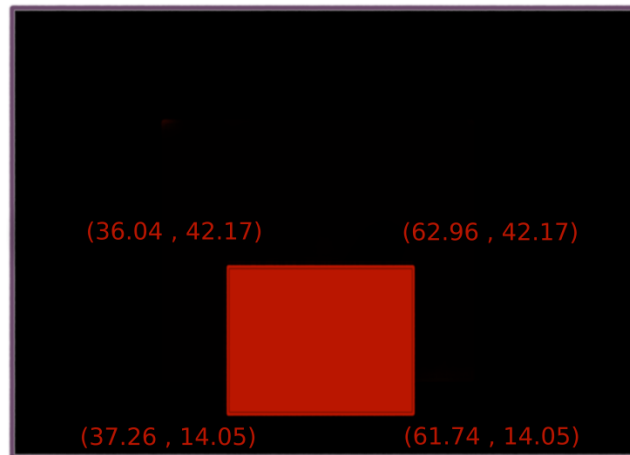


Figura 10: Vista de pantalla

**3. Problema 3:** Ahora consideramos el concepto de *Field of View*. Para un ángulo  $\theta = 60$ , halle las coordenadas del plano de la Figura 1, en un monitor de 100 x 80. Utilice una camara con estos datos:

- $e = (0, 4, 2)$
- $g = (0, -2, -5)$
- $t = (0, 1, 0)$

```

1  #Field Of view
2  n = -4; f = -8
3  n_x = 100; n_y = 80
4  theta = np.radians(60)
5
6  #t, b, r, l
7  t = np.tan(theta/2)*np.abs(n)
8  r = (n_x/n_y)*t
9  l = -r
10 b = -t
11
12 e = np.array([0, 4, 2])
13 g = np.array([0, -2, -5])
14 t = np.array([0, 1, 0])
15

```



```

16 print('valor de t: ',t)
17 print('valor de b: ',b)
18 print('valor de r: ',r)
19 print('valor de l: ',l)

```

Field Of View con transformacion ortografica:

```

[[32.17949192 66.82050808 66.82050808 32.17949192]
 [58.79802563 58.79802563 26.63464958 26.63464958]
 [-1.08529744 -1.08529744 -1.45668812 -1.45668812]
 [ 1.          1.          1.          1.        ]]

```

Figura 11

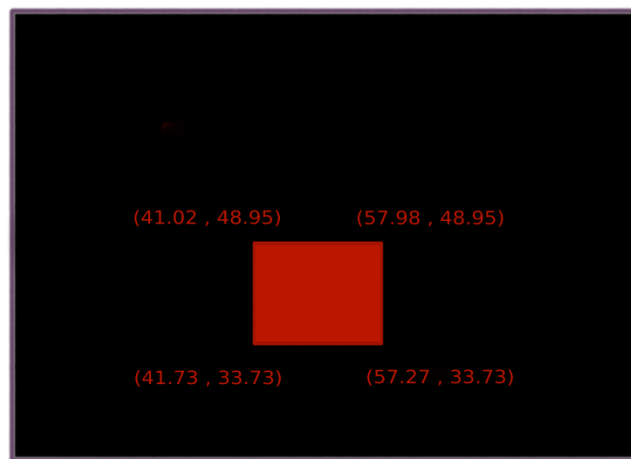


Figura 12: Vista de pantalla

Field Of View con transformacion perspectiva:

```

[[41.0205645 57.9794355 57.27281588 41.72718412]
 [48.94754986 48.94754986 33.72649731 33.72649731]
 [-1.04175825 -1.04175825 -1.20494506 -1.20494506]]

```

Figura 13

## 4. Enlace

El código fuente está disponible en:

- [https://github.com/oscar-pfuturi-h/Comp-Grafica/tree/main/practica\\_08](https://github.com/oscar-pfuturi-h/Comp-Grafica/tree/main/practica_08)