Presentación Final | Cinemática diferencial de ejercicio 1

Oscar Ortiz Torres A01769292

```
clc
clear all
close all
% Declaración de las variables simbólicas para los ángulos y medidas de los
eslabones del robot
syms th1(t) th2(t) th3(t) th4(t) 11 12 13 14 t
% Configuración del robot, de cada GDL
RP = [0 \ 0 \ 0 \ 0];
% Creación del vector de coordenadas articulares
Q = [th1 th2 th3 th4];
% Creación del vector de velocidades generalizadas
Qp = diff(Q, t);
% Número de grados de libertad
GDL = size(RP, 2);
GDL_str = num2str(GDL);
P = sym(zeros(3,1,GDL));
```

Articulación 1

```
% Posición de la articulación 0 a 1
P(:,:,1) = [
             0;
             0;
             11;
           ];
% Matriz de rotación de la junta 0 a 1
R(:,:,1) = [
              cos(th1)
                         -sin(th1)
                                        0;
             sin(th1)
                         cos(th1)
                                        0;
                                        1
              ]*rotX(90);
```

Articulación 2

Articulación 3

```
% Posición de la articulación 2 a 3
P(:,:,3) = [
             13*cos(th3);
             13*sin(th3);
           1;
% Matriz de rotación de la junta 2 a 3
R(:,:,3) = [
             cos(th3)
                         -sin(th3)
                                       0;
                         cos(th3)
             sin(th3)
                                       0;
             0
                                       1
             ];
```

Articulación 4

```
% Posición de la articulación 3 a 4
P(:,:,4) = [
             13*cos(th4);
             13*sin(th4);
           ];
% Matriz de rotación de la junta 3 a 4
R(:,:,4) = [
             cos(th4)
                         -sin(th4)
                                       0;
             sin(th4)
                         cos(th4)
                                       0;
             0
                          0
                                       1
             1;
```

Matrices

```
]);
% Inicialización de las matrices de tranformación Homogenea globales
T(:,:,GDL) = simplify([...
                        R(:,:,GDL)
                                        P(:,:,GDL); ...
                        vector_zeros
                                        1 ...
                        1);
% Inicialización de los vectores de posición vistos desde el marco de
% referencia inercial
PO(:,:,GDL) = P(:,:,GDL);
% Inicialización de las matrices de rotación vistas desde el marco de
% referencia inercial
RO(:,:,GDL) = R(:,:,GDL);
for i = 1:GDL
    i str = num2str(i);
    % Locales
    disp(strcat('Matriz de Transformación local A', i_str));
    A(:,:,i) = simplify([...]
                                        P(:,:,i); ....
                         R(:,:,i)
                         vector zeros 1 ...
                        ]); A(:,:,i)
    % Globales
    try
        T(:,:,i) = T(:,:,i-1)*A(:,:,i);
        T(:,:,i) = A(:,:,i); % Caso específico cuando i=1 nos marcaría error en try
    end
    %disp(strcat('Matruz de Transformación global T', i str));
    T(:,:,i) = simplify(T(:,:,i));
    % Obtención de la matriz de rotación "RO" y el vector de traslación PO
    % de la matriz de transformación homogenea global T(:,:, GDL)
    RO(:,:,i) = T(1:3,1:3,i);
    PO(:,:,i) = T(1:3,4,i);
end
```

Matriz de Transformación local A1 ans =

```
\begin{pmatrix}
\cos(\th_1(t)) & 0 & \sin(\th_1(t)) & 0 \\
\sin(\th_1(t)) & 0 & -\cos(\th_1(t)) & 0 \\
0 & 1 & 0 & l_1 \\
0 & 0 & 0 & 1
\end{pmatrix}
```

Matriz de Transformación local A2

```
ans =
```

```
\begin{pmatrix}
\cos(\th_2(t)) & -\sin(\th_2(t)) & 0 & l_2\cos(\th_2(t)) \\
\sin(\th_2(t)) & \cos(\th_2(t)) & 0 & l_2\sin(\th_2(t)) \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1
\end{pmatrix}
```

Matriz de Transformación local A3 ans =

```
\begin{pmatrix}
\cos(\th_3(t)) & -\sin(\th_3(t)) & 0 & l_3\cos(\th_3(t)) \\
\sin(\th_3(t)) & \cos(\th_3(t)) & 0 & l_3\sin(\th_3(t)) \\
0 & 0 & 1 & 0 \\
0 & 0 & 1
\end{pmatrix}
```

Matriz de Transformación local A4 ans =

```
 \begin{pmatrix} \cos(\th_4(t)) & -\sin(\th_4(t)) & 0 & l_3\cos(\th_4(t)) \\ \sin(\th_4(t)) & \cos(\th_4(t)) & 0 & l_3\sin(\th_4(t)) \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}
```

disp('Matriz de Transformación global'); T(:,:,GDL)

Matriz de Transformación global ans =

```
 \begin{pmatrix} \cos(\th_1(t))\cos(\sigma_2) & -\cos(\th_1(t))\sin(\sigma_2) & \sin(\th_1(t)) & \cos(\th_1(t))\sigma_1 \\ \sin(\th_1(t))\cos(\sigma_2) & -\sin(\th_1(t))\sin(\sigma_2) & -\cos(\th_1(t)) & \sin(\th_1(t))\sigma_1 \\ \sin(\sigma_2) & \cos(\sigma_2) & 0 & l_1 + l_2\sin(\th_2(t)) + l_3\sin(\sigma_2) + l_3\sin(\sigma_3) \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}
```

where

```
\sigma_1 = l_2 \cos(th_2(t)) + l_3 \cos(\sigma_2) + l_3 \cos(\sigma_3)
\sigma_2 = th_2(t) + th_3(t) + th_4(t)
\sigma_3 = th_2(t) + th_3(t)
```

```
% Inicialización de jacobianos analíticos (lineal y angular)
Jv_a(:,GDL) = PO(:,:,GDL);
Jw_a(:,GDL) = PO(:,:,GDL);

for k = 1:GDL
    if(RP(k) == 0)
        % Para las articulaciones rotacionales
        try
        Jv_a(:,k) = cross(RO(:,3,k-1), PO(:,:,GDL) - PO(:,:,k-1));
        Jw_a(:,k) = RO(:,3,k-1);
```

```
catch
            Jv_a(:,k) = cross([0 0 1], PO(:,:,GDL)); % Matriz de rotación de 0 con
respecto a 0 es la Matriz Identidad, la posición previa tambien será 0
            Jw_a(:,k) = [0 0 1]; % Si no hay matriz de rotación previa se obtiene
la matriz identidad
        end
    elseif(RP(k) == 1)
        % Para las articulaciones prismáticas
            Jv_a(:,k) = RO(:,3,k-1);
        catch
            Jv_a(:,k) = [0,0,1]; % Si no hay matriz de rotación previa se obtiene
la matriz identidad
        end
            Jw_a(:,k) = [0 \ 0 \ 0];
    end
end
```

Despliegue

```
disp('Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal'); V = simplify(Jv_a * Qp')
```

Velocidad lineal obtenida mediante el Jacobiano lineal V(t) =

$$\begin{pmatrix} -\sigma_{1}\cos(\th_{1}(t))\,\sigma_{5} - \sigma_{4}\sin(\th_{1}(t))\,\sigma_{6} - l_{3}\,\sigma_{3}\cos(\th_{1}(t))\sin(\sigma_{8}) - l_{3}\,\sigma_{2}\cos(\th_{1}(t))\,\sigma_{7} \\ \sigma_{4}\cos(\th_{1}(t))\,\sigma_{6} - \sigma_{1}\sin(\th_{1}(t))\,\sigma_{5} - l_{3}\,\sigma_{3}\sin(\th_{1}(t))\sin(\sigma_{8}) - l_{3}\,\sigma_{2}\sin(\th_{1}(t))\,\sigma_{7} \\ l_{2}\,\sigma_{1}\cos(\th_{2}(t)) + l_{3}\,\sigma_{1}\cos(\sigma_{8}) + l_{3}\,\sigma_{2}\cos(\sigma_{8}) + l_{3}\,\sigma_{3}\cos(\sigma_{8}) + l_{3}\,\sigma_{1}\cos(\sigma_{9}) + l_{3}\,\sigma_{2}\cos(\sigma_{9}) \end{pmatrix}$$

where

$$\sigma_1 = \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \operatorname{th}_2(t)$$

$$\sigma_2 = \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \operatorname{th}_3(t)$$

$$\sigma_3 = \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \operatorname{th}_4(t)$$

$$\sigma_4 = \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \operatorname{th}_1(t)$$

$$\sigma_5 = l_2 \sin(\operatorname{th}_2(t)) + l_3 \sin(\sigma_8) + l_3 \sin(\sigma_9)$$

$$\sigma_6 = l_2 \cos(\operatorname{th}_2(t)) + l_3 \cos(\sigma_8) + l_3 \cos(\sigma_9)$$

$$\sigma_7 = \sin(\sigma_8) + \sin(\sigma_9)$$

$$\sigma_8 = th_2(t) + th_3(t) + th_4(t)$$

$$\sigma_9 = th_2(t) + th_3(t)$$

disp('Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular'); W = simplify(Jw_a
* Qp')

Velocidad angular obtenida mediante el Jacobiano angular W(t) =

$$\begin{pmatrix} \sin(\th_1(t)) \left(\frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_2(t) + \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_3(t) + \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_4(t) \right) \\ -\cos(\th_1(t)) \left(\frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_2(t) + \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_3(t) + \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_4(t) \right) \\ \frac{\overline{\partial}}{\partial t} \, \th_1(t) \end{pmatrix}$$

Funciones de rotacion

```
function r_x = rotX(th)

r_x = [1 0 0; 0 cosd(th) - sind(th); 0 sind(th) cosd(th)];
```

```
function r_y = rotY(th)
    r_y = [cosd(th) 0 sind(th); 0 1 0; -sind(th) 0 cosd(th)];
end

function r_z = rotZ(th)
    r_z = [cosd(th) -sind(th) 0; sind(th) cosd(th) 0; 0 0 1];
end
```