

Tópicos de Programação

Arthur Casals
(arthur.casals@usp.br)

IME - USP

Aula 6:

- Fundamentos de Estruturas de Dados

Na aula passada...

Listas lineares duplamente ligadas:

› Motivação:

- Algumas vezes pode ser necessário (em termos de eficiência) possuir fácil acesso a todos os nós adjacentes de cada nó na lista
- Exemplos práticos: lista de músicas, históricos de navegadores

Na aula passada...

Listas lineares duplamente ligadas:

- › Vantagens sobre listas ligadas:
 - Pode ser percorrida em ambos os sentidos
 - Operação de exclusão pode ser mais eficiente

Na aula passada...

Listas lineares duplamente ligadas:

- › Desvantagens em relação a listas ligadas:
 - Cada elemento requer espaço extra para ponteiro adicional
 - Ponteiro adicional tem que ser mantido em todas as operações

Na aula passada...

Listas lineares duplamente ligadas:

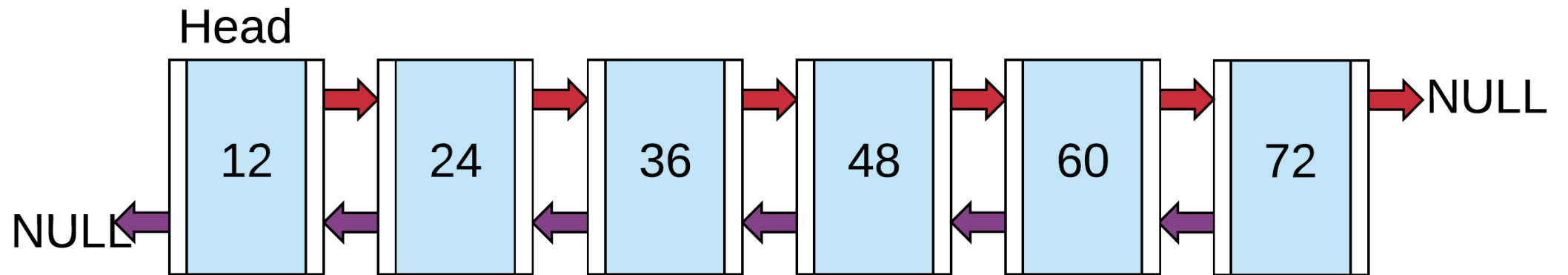
› Estrutura:

- Uma lista ligada é formada por nós
- Cada lista possui um nó inicial (*head*)
- Cada nó possui uma referência (apontador) para o próximo nó da lista
- Cada nó possui uma referência (apontador) para o nó anterior da lista

Na aula passada...

Listas lineares duplamente ligadas:

› Representação:



Na aula passada...

Operações em listas duplamente ligadas:

- › Inserção de elementos
- › Remoção de elementos
- › Tamanho
- › Busca (verificar se um elemento pertence à lista)
- › Troca de posições de nós (sem trocar os dados)

Na aula passada...

Listas circulares:

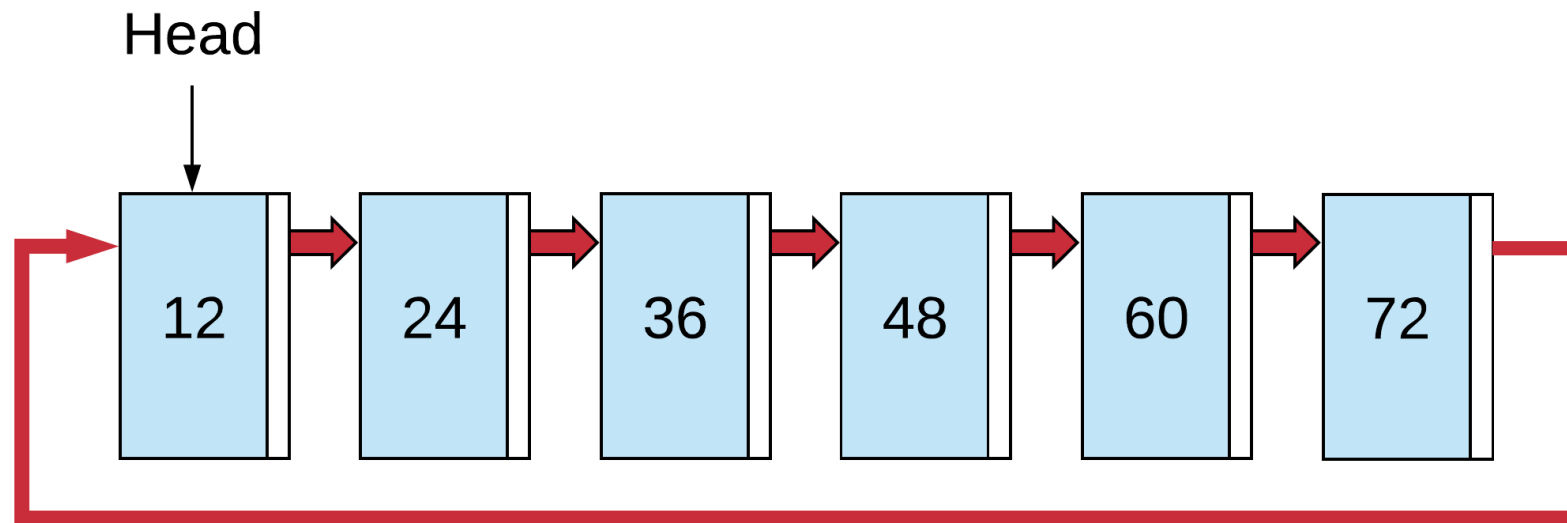
› Motivação:

- Alocação de memória previsível (evita *malloc/free*)
- É mais simples percorrer uma lista circular
- Sequenciamento de dados limitados
- Exemplo prático: de quem é a vez?, listas de música

Na aula passada...

Listas circulares ligadas:

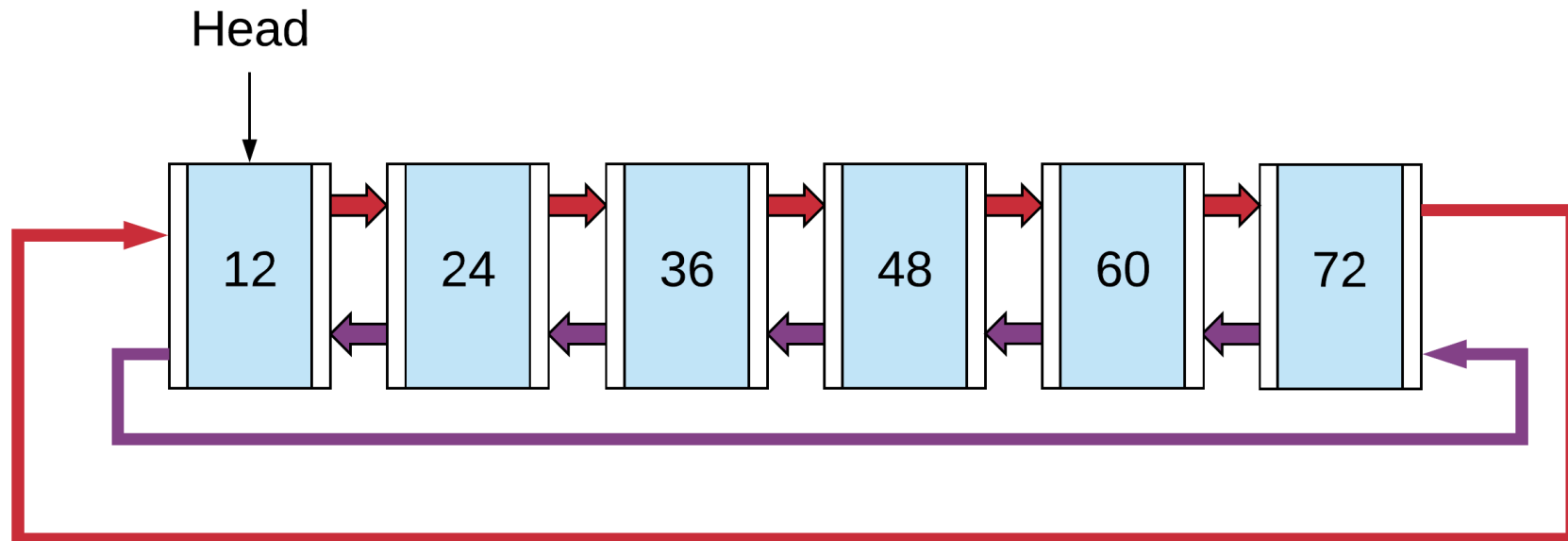
› Representação:



Na aula passada...

Listas circulares duplamente ligadas:

› Representação:



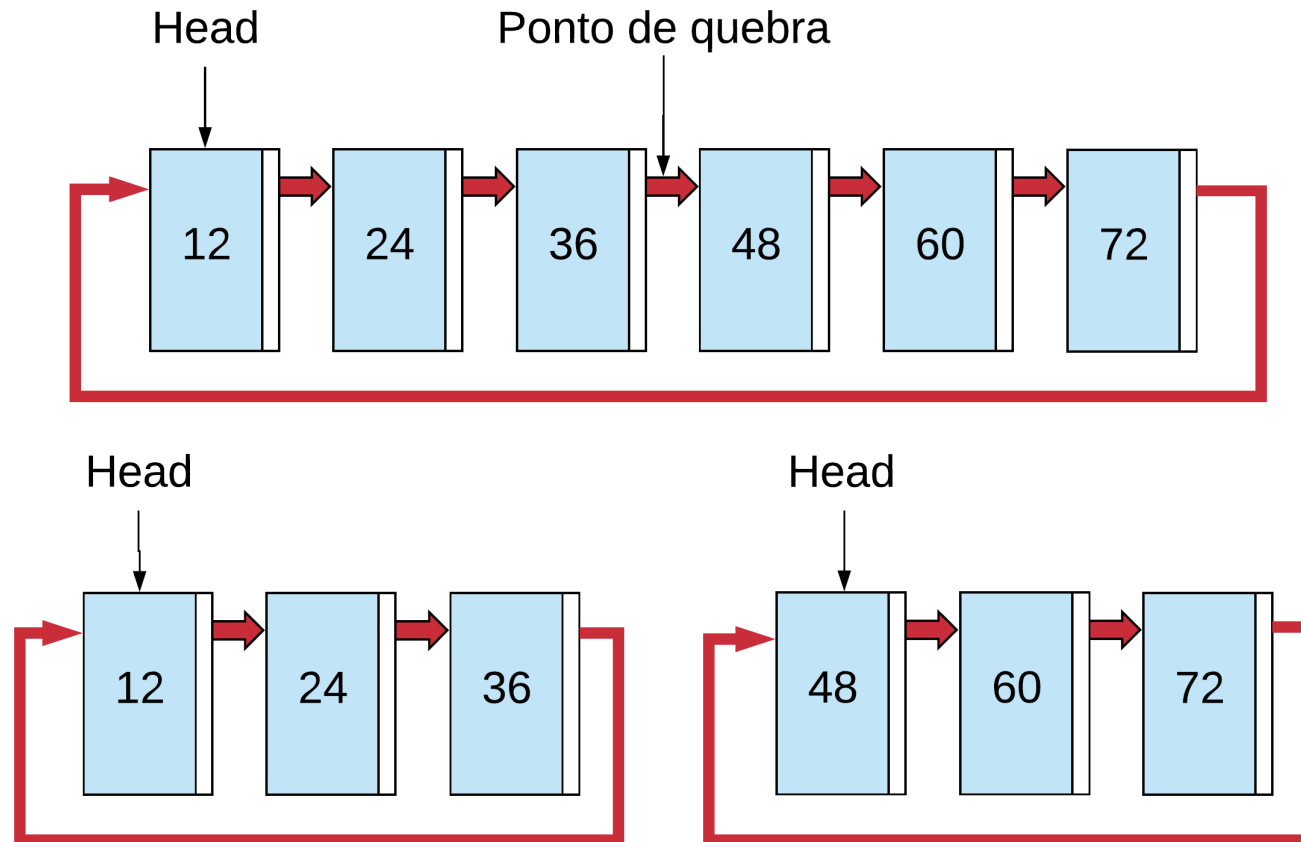
Na aula passada...

Outras operações em listas circulares:

- › Dividir uma lista circular em duas listas circulares menores
- › Repetir uma operação n vezes
- › Auto-organização

Na aula passada...

Dividir uma lista circular em duas menores:



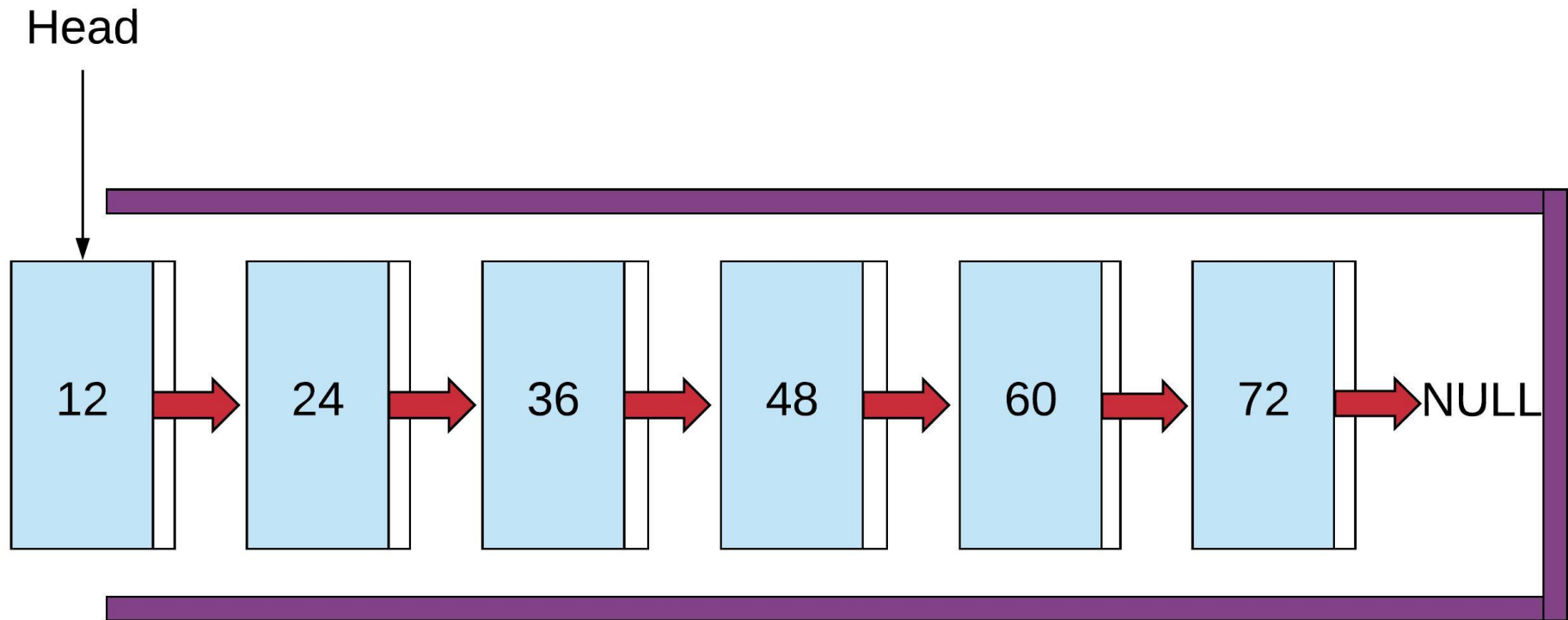
Fundamentos de estruturas de dados

Pilha:

- › "Pode ser vista como uma lista linear ligada na qual todos os acessos são realizados **somente** em uma das extremidades (topo)"

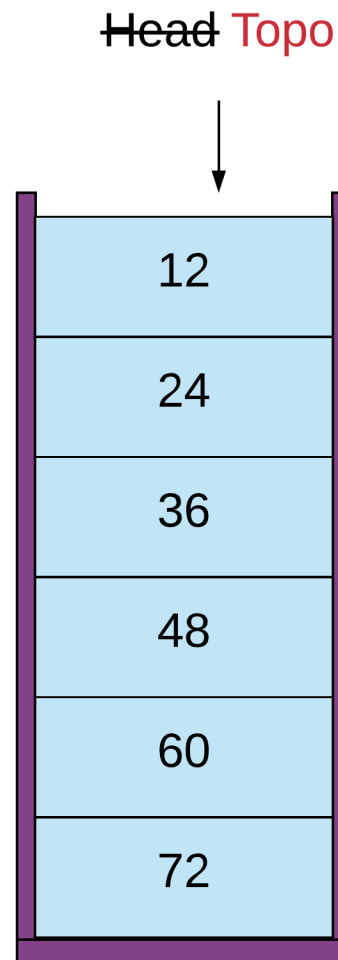
Fundamentos de estruturas de dados

Pilha:



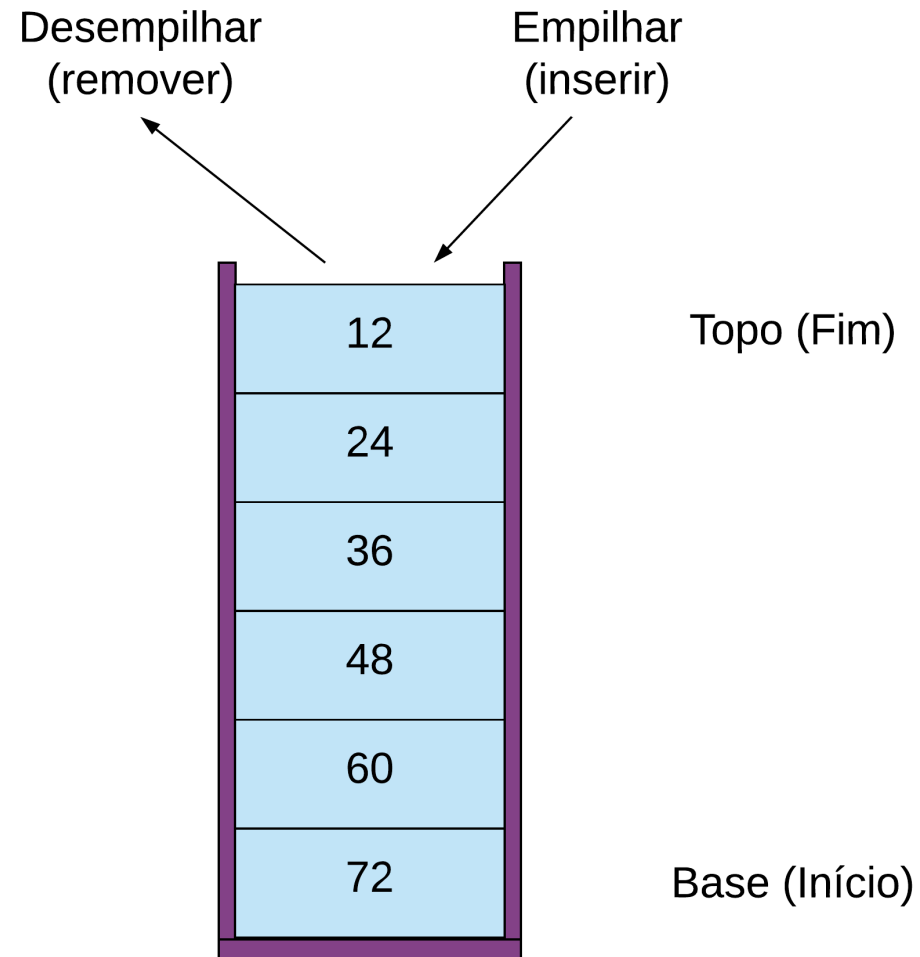
Fundamentos de estruturas de dados

Pilha:



Fundamentos de estruturas de dados

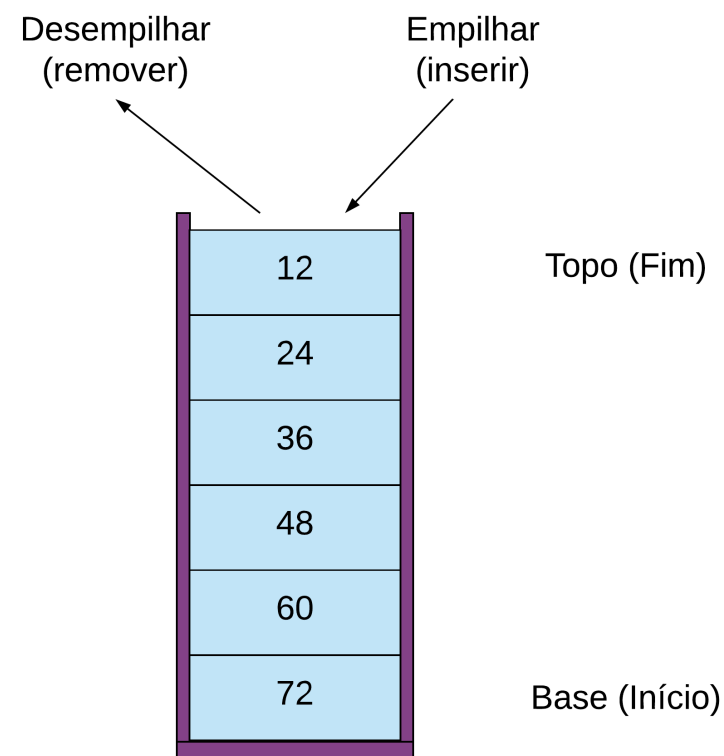
Pilha:



Fundamentos de estruturas de dados

Pilha:

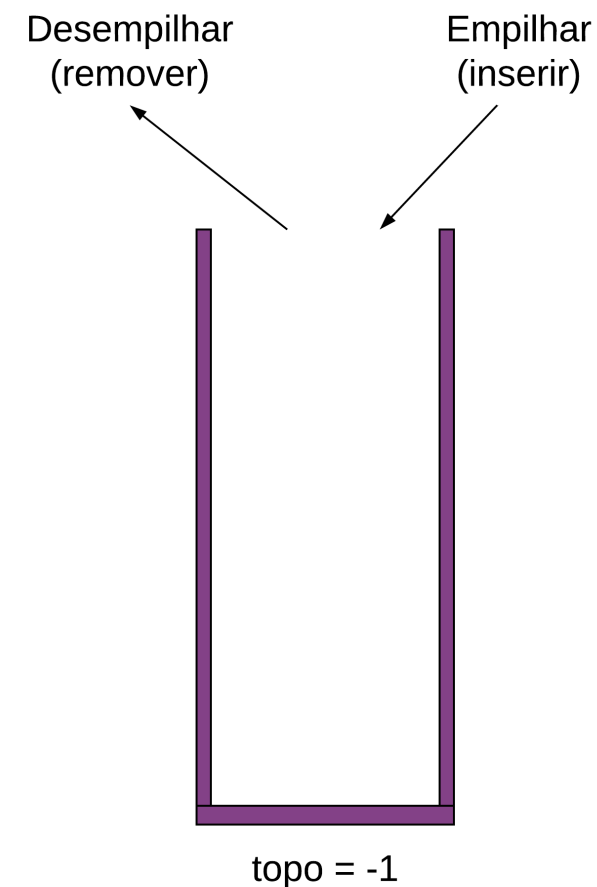
- O último elemento a ser inserido é o primeiro a ser removido: **LIFO** (*Last In, First Out*)
- Também pode ser representada utilizando-se uma lista linear (*array*)



Fundamentos de estruturas de dados

Pilha – representação utilizando *arrays*:

```
#define MAXPILHA 8  
  
struct pilha {  
    int topo;  
    int item[MAXPILHA];  
}
```

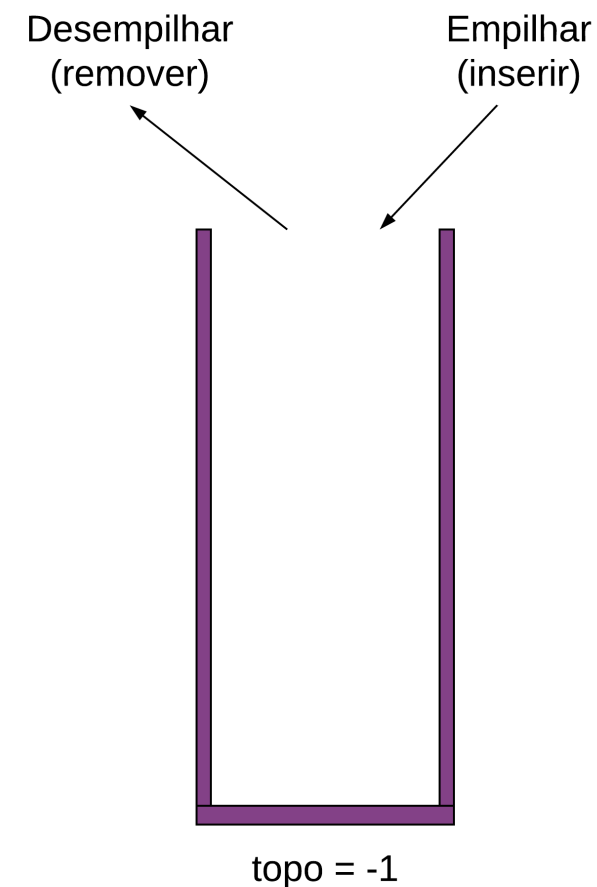


Fundamentos de estruturas de dados

Pilha – representação utilizando *arrays*:

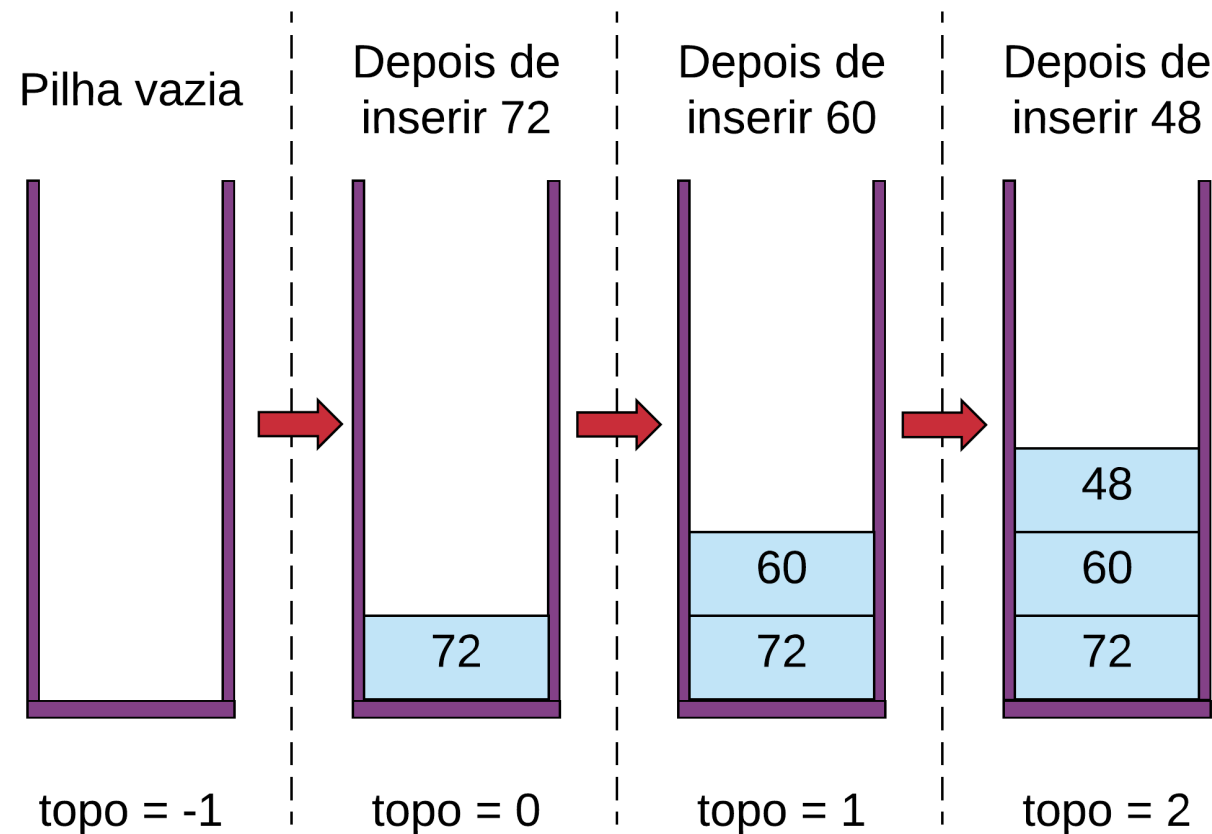
//iniciando uma pilha

```
int main() {  
    //...  
    struct pilha *p;  
    p->topo = -1;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

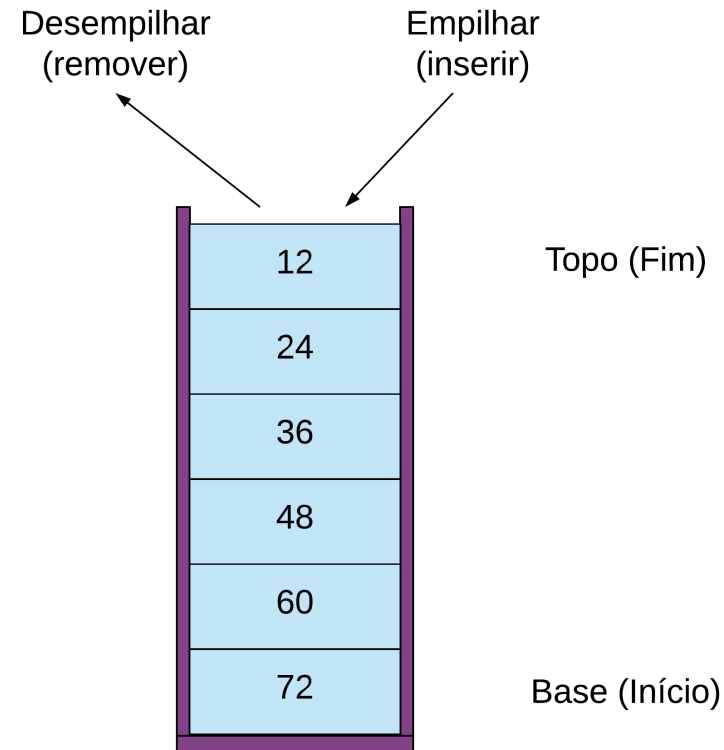
Pilha – representação utilizando *arrays* :



Fundamentos de estruturas de dados

Pilha:

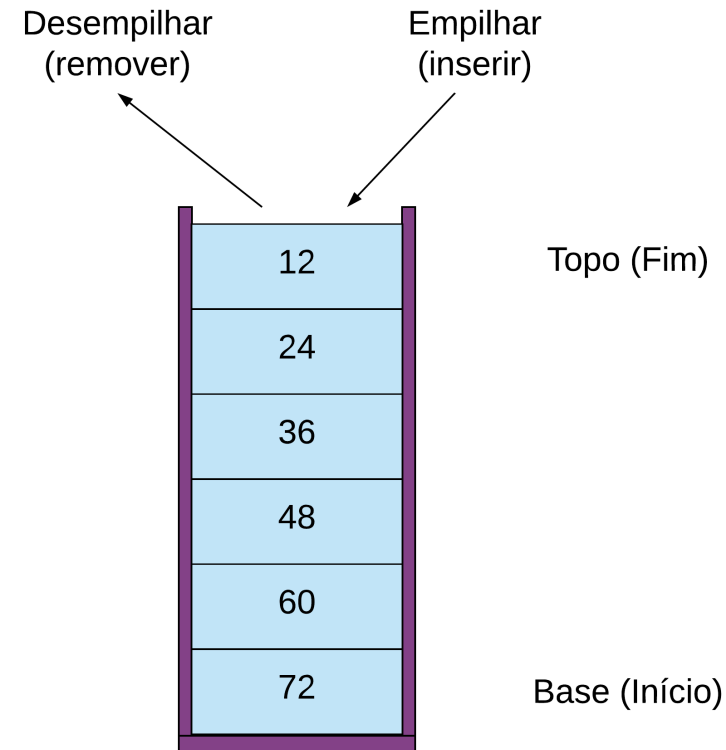
- É uma estrutura de dados; logo, possui um *tipo* para os dados que armazena, assim como *operações* definidas



Fundamentos de estruturas de dados

Operações em uma pilha **p**:

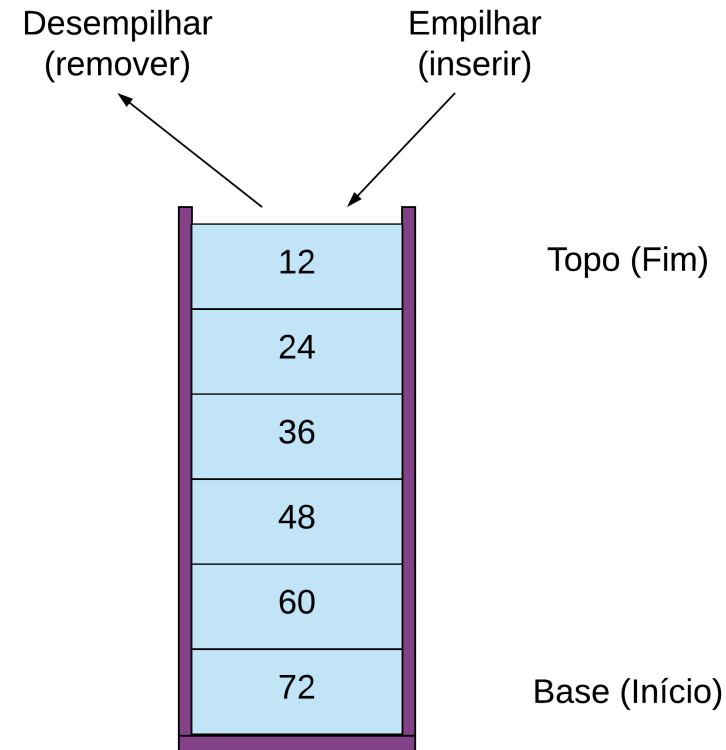
- **Topo(p)**
- **EsvaziaPilha(p)**
- **PilhaVazia(p)**
- **PilhaCheia(p)**
- **Empilha(d,p)**
- **Desempilha(d,p)**



Fundamentos de estruturas de dados

Topo(**p**): retorna a posição do topo da pilha

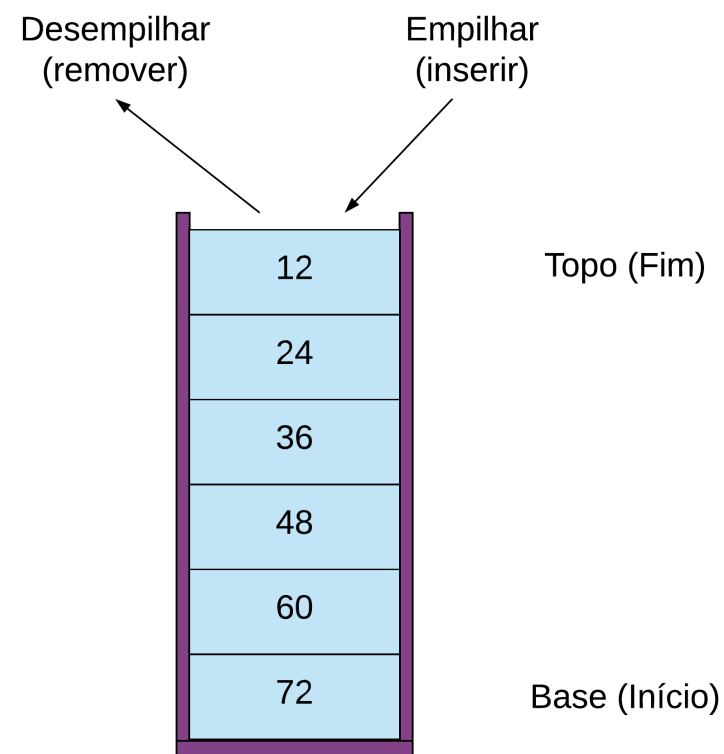
```
int topo(struct pilha *p) {  
    return p->topo;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

EsvaziaPilha(**p**): remove todos os elementos da pilha

```
int esvaziaPilha(struct pilha *p) {  
    while (p->topo > -1) {  
        p->item[p->topo] = NULL;  
        p->topo = p->topo - 1;  
    }  
    return 0;  
}
```

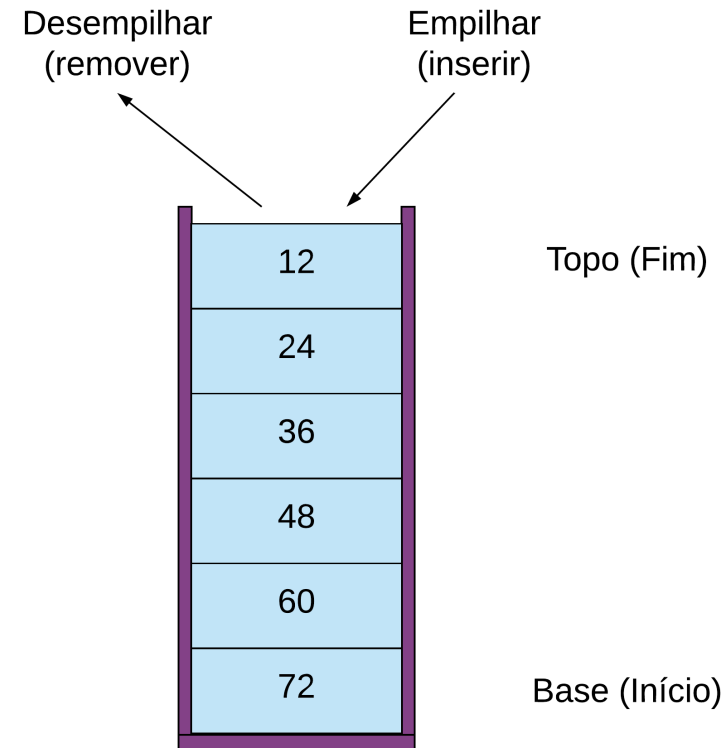


Fundamentos de estruturas de dados

EsvaziaPilha(p): remove todos os elementos da pilha

```
while (p->topo > -1)
```

- Enquanto houver elementos na pilha

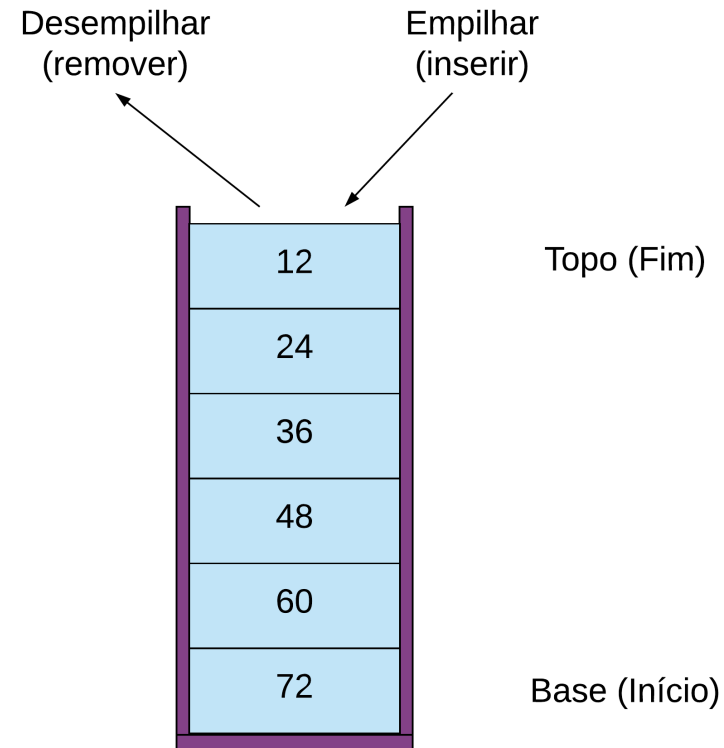


Fundamentos de estruturas de dados

EsvaziaPilha(**p**): remove todos os elementos da pilha

```
p->item[p->topo] = NULL;
```

- O elemento na posição do topo recebe valor nulo
- Posição do topo: p->topo

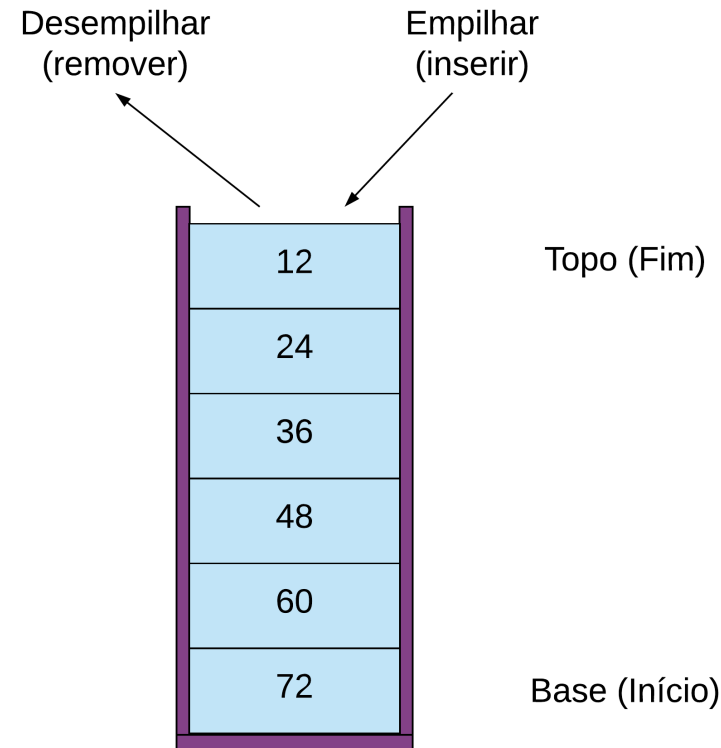


Fundamentos de estruturas de dados

EsvaziaPilha(**p**): remove todos os elementos da pilha

$p \rightarrow \text{topo} = p \rightarrow \text{topo} - 1;$

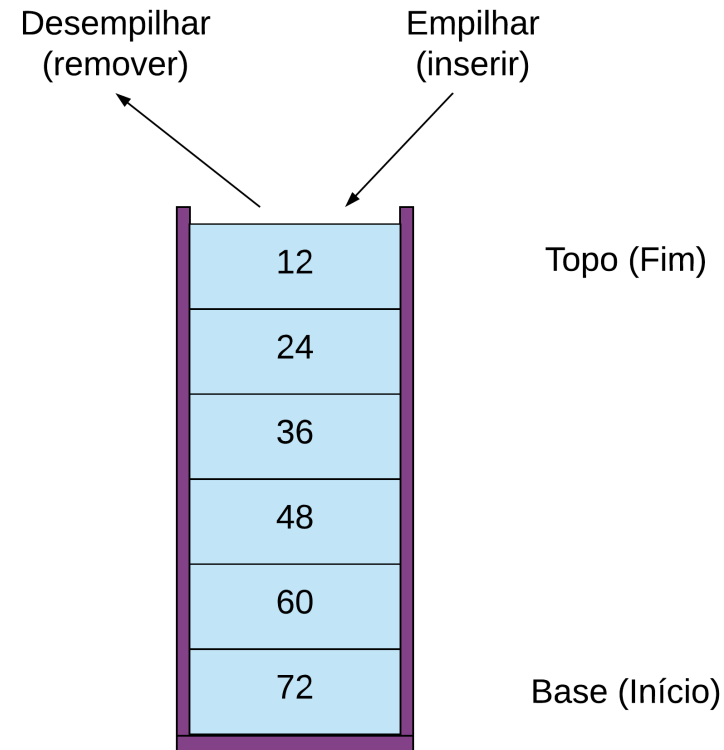
- Depois de removido o elemento do topo, a pilha diminui de tamanho (posição *topo* decresce)



Fundamentos de estruturas de dados

PilhaVazia(**p**): verifica se a pilha **p** está vazia

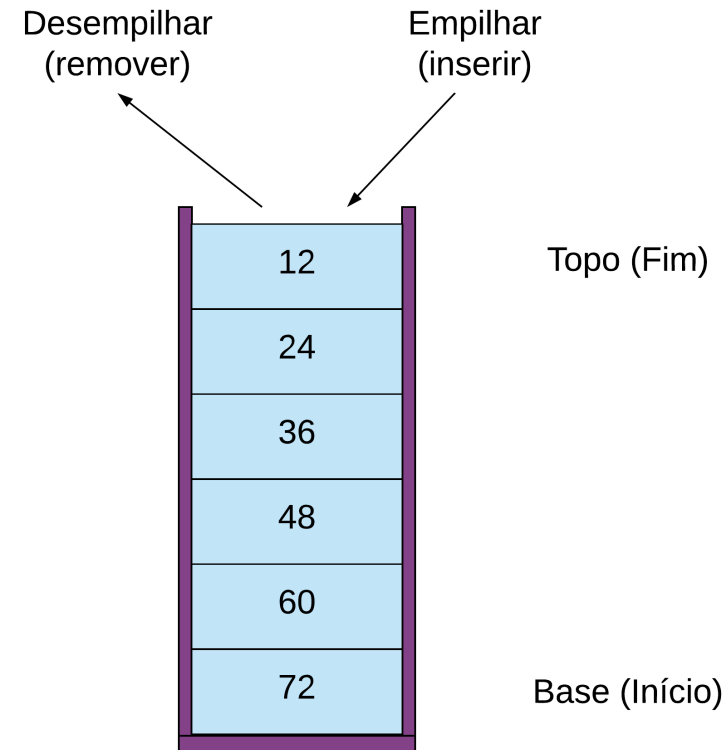
```
_Bool pilhaVazia(struct pilha *p) {  
    if(p->topo == -1)  
        return true;  
    else  
        return false;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

PilhaCheia(**p**): verifica se a pilha **p** está cheia

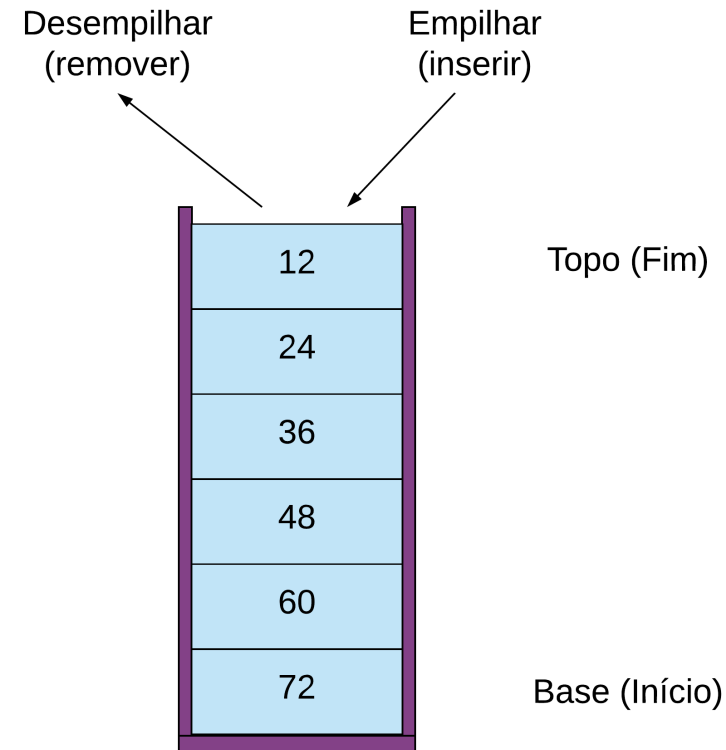
```
_Bool pilhaCheia(struct pilha *p) {  
    if(p->topo+1 == MAXPILHA)  
        return true;  
    else  
        return false;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Empilha(**d**,**p**): empilha (insere) o elemento **d** na pilha **p**

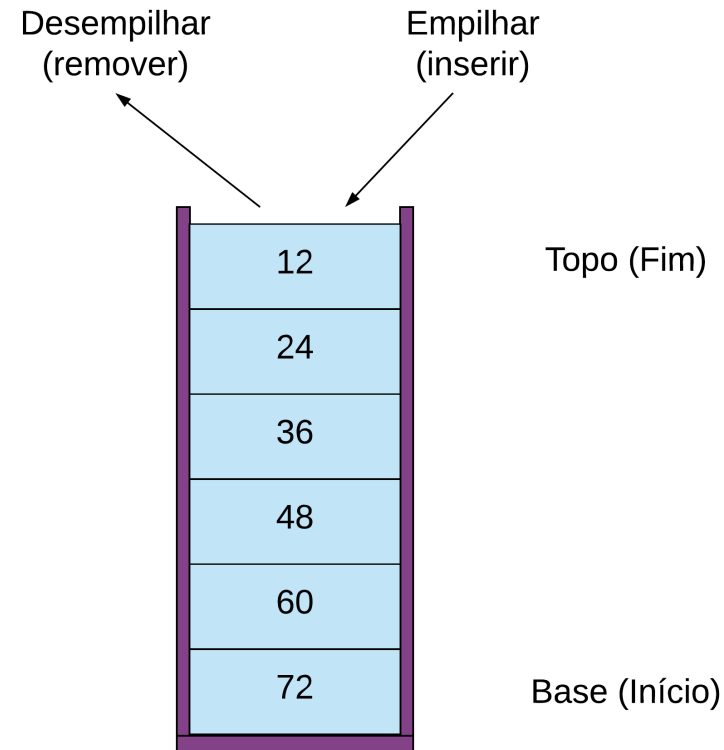
```
int empilha(int d, struct pilha *p) {  
    if(pilhaCheia(p) == false) {  
        p->item[p->topo+1] = d;  
        p->topo = p->topo + 1;  
    }  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Desempilha(**d**,**p**): desempilha (remove) o elemento **d** da pilha **p**

- O elemento **d** existe na pilha?
- E se o elemento **d** estiver na pilha, mas não estiver no topo?



Fundamentos de estruturas de dados

Primeiro exercício para 18/01:

- Implementar um algoritmo para desempilhar um elemento qualquer da pilha **p**
 - Criar uma pilha
 - Preencher com os elementos: 12, 24, 36, 48, 60, 72
 - O algoritmo será testado para elementos que podem ou não existir na pilha
 - Caso o elemento a ser desempilhado não exista na pilha, o algoritmo deve retornar a mensagem "erro" (tudo em minúsculo)
 - Implementação pode ser em C ou JAVA

Fundamentos de estruturas de dados

Utilizando pilhas para tratar expressões matemáticas

- Expressões válidas:

$$A + 2 * B$$

$$(A + 2) * B$$

- Expressões inválidas:

$$A + B)$$

Fundamentos de estruturas de dados

Utilizando pilhas para tratar expressões matemáticas

› Verificando parênteses:

- Número de parênteses abertos igual ao número de parênteses fechados;
- Antes de um parêntese de fechamento, deve haver um parêntese de abertura

Fundamentos de estruturas de dados

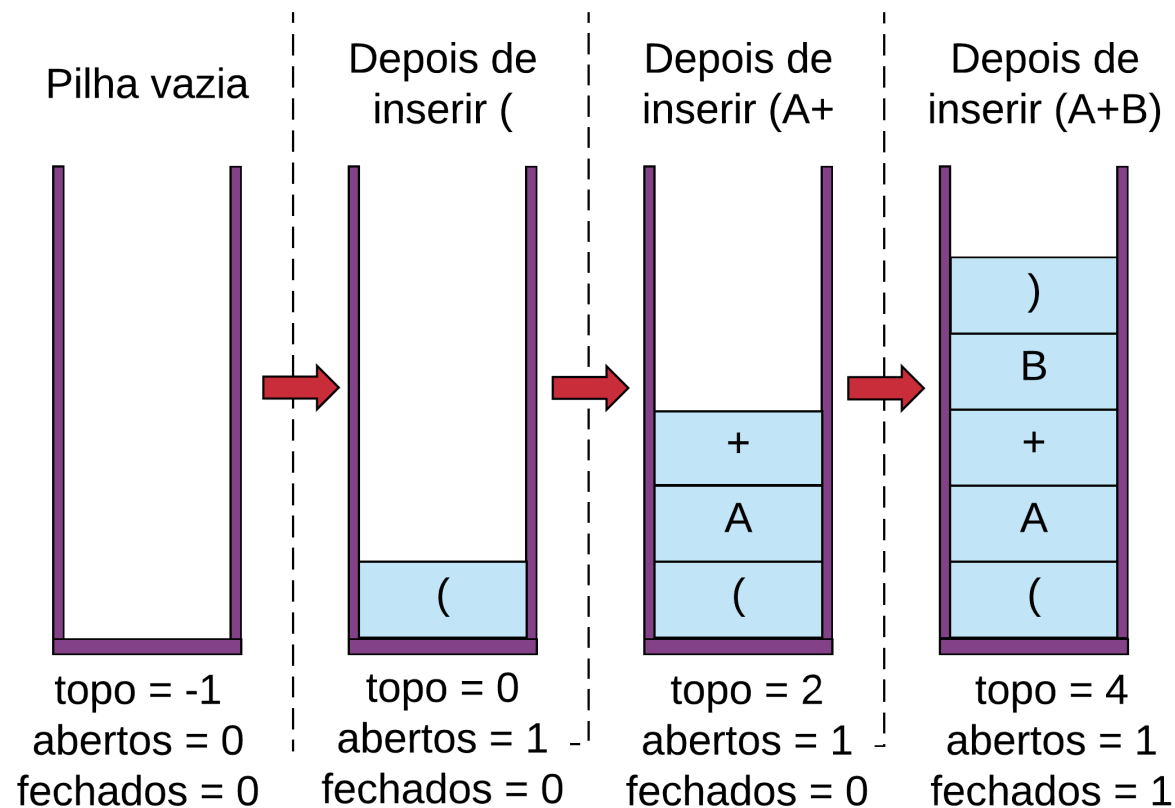
Utilizando pilhas para tratar expressões matemáticas

› Verificando parênteses:

- Número de parênteses abertos igual ao número de parênteses fechados: no final da expressão, **abertos – fechados = 0**
- Antes de um parêntese de fechamento, deve haver um parêntese de abertura: em qualquer momento, **abertos \geq fechados**

Fundamentos de estruturas de dados

Empilhando a expressão: (A + B)



Fundamentos de estruturas de dados

Utilizando pilhas para tratar expressões matemáticas

- › A expressão pode ser validada antes da expressão ser processada
- › Expressões parciais podem ser tratadas sequencialmente

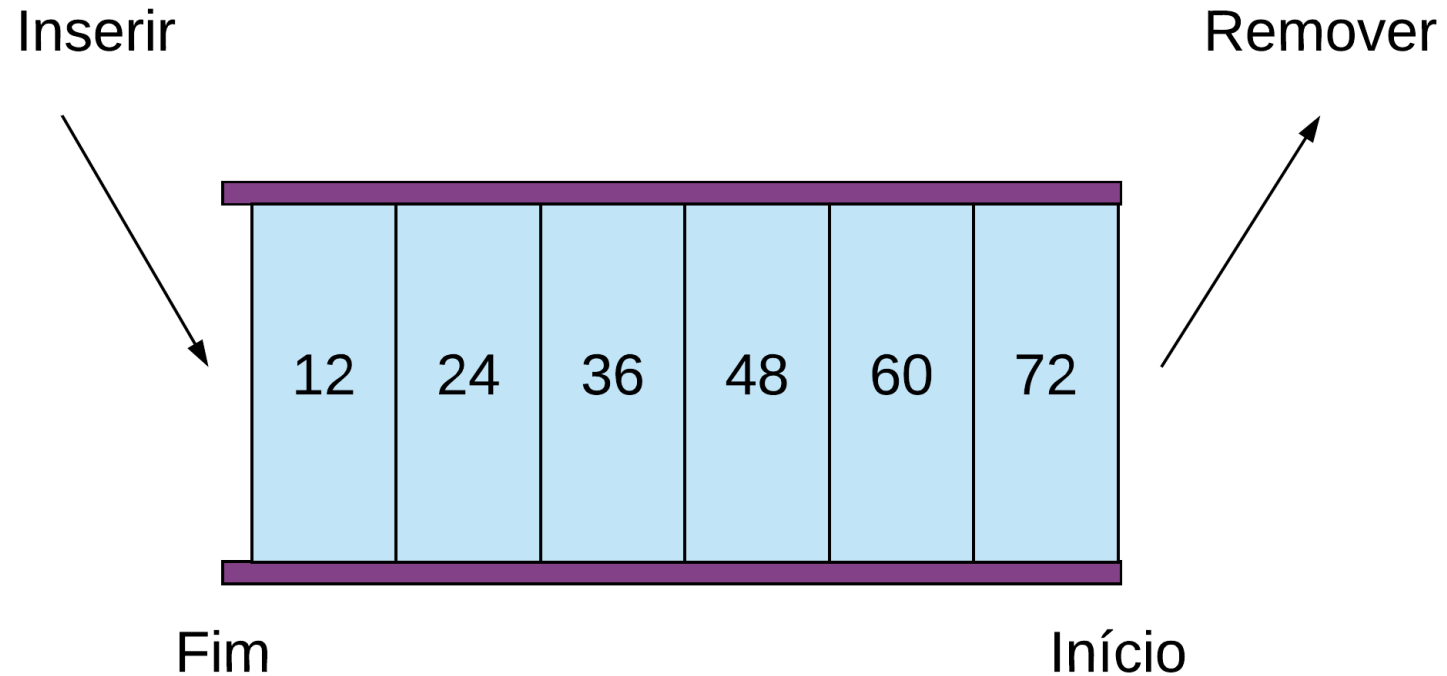
Fundamentos de estruturas de dados

Fila:

- › "Pode ser vista como uma lista linear na qual todas as inserções são realizados **somente** em uma das extremidades (**fim**), enquanto todas as remoções e acessos são realizados na outra extremidade (início)."

Fundamentos de estruturas de dados

Fila:



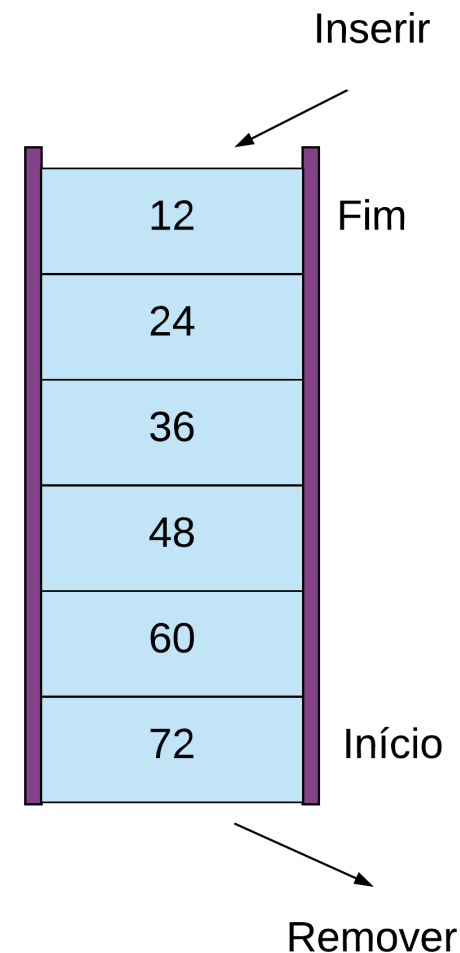
Fundamentos de estruturas de dados

Fila:

- O primeiro elemento a ser inserido também é o primeiro a ser removido:

FIFO (*First In, First Out*)

- Também pode ser representada utilizando-se uma lista linear (*array*)



Fundamentos de estruturas de dados

Fila – representação utilizando *arrays*:

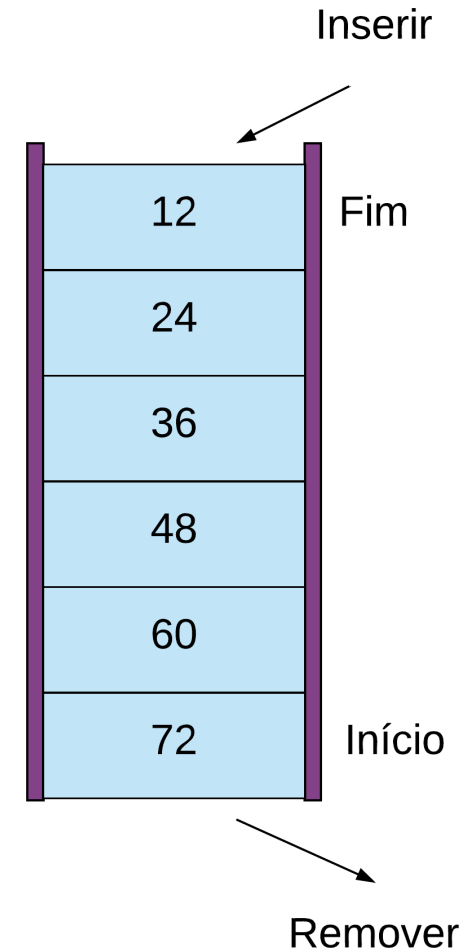
```
#define MAXFILA 8
```

```
struct fila {
```

```
    int inicio, fim;
```

```
    int item[MAXFILA];
```

```
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Fila – representação utilizando *arrays*:

//iniciando uma fila

```
int main() {
```

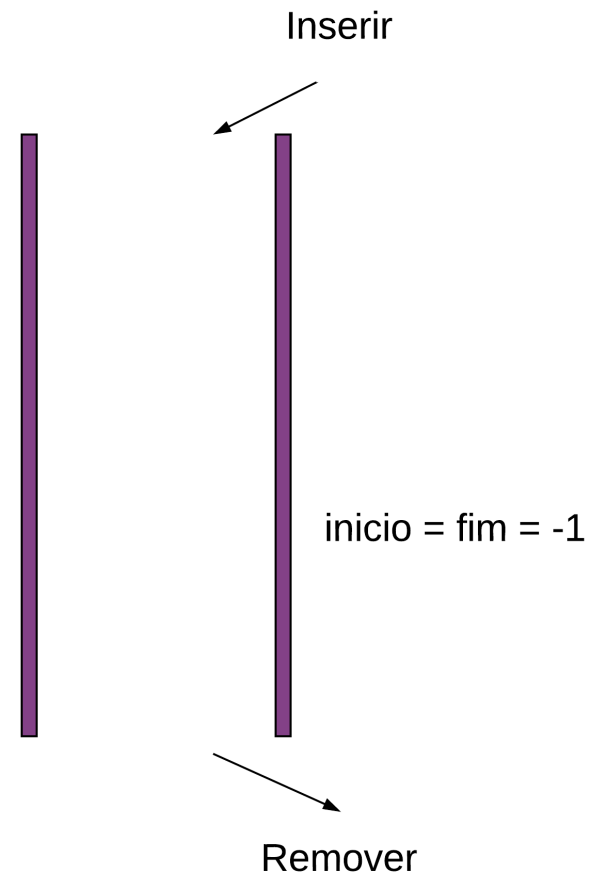
```
    //...
```

```
    struct fila *f;
```

```
    f->inicio = -1;
```

```
    f->fim = -1;
```

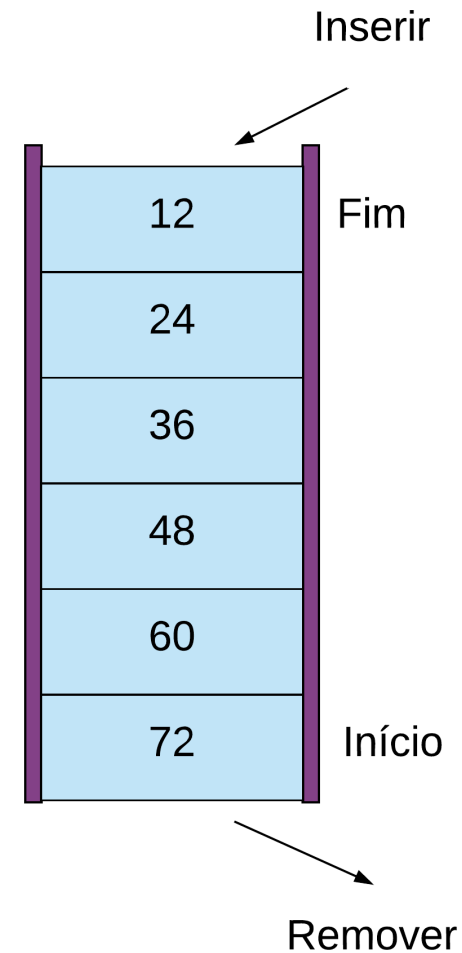
```
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Fila:

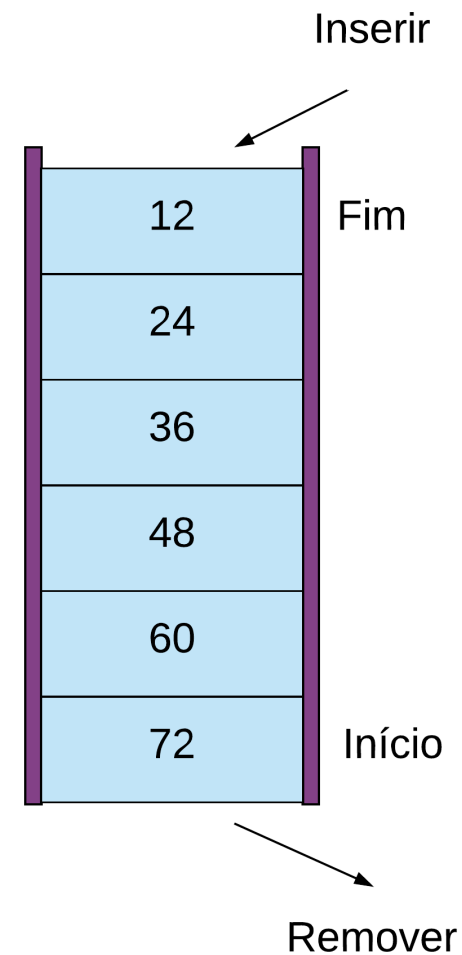
- É uma estrutura de dados; logo, possui um *tipo* para os dados que armazena, assim como *operações* definidas



Fundamentos de estruturas de dados

Operações em uma fila f :

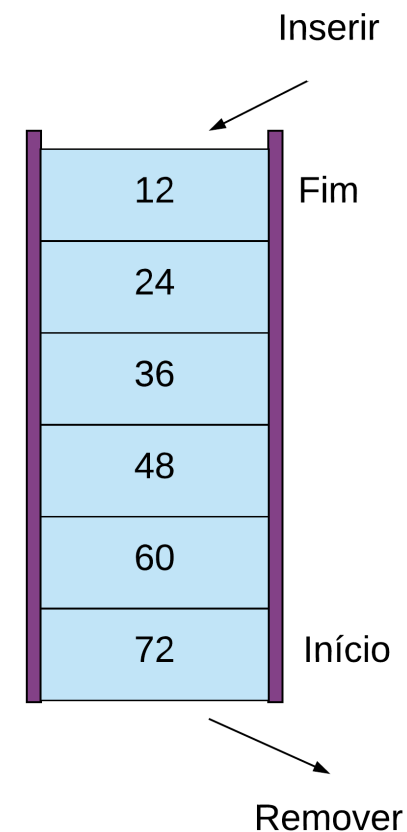
- EsvaziaFila(f)
- FilaVazia(f)
- FilaCheia(f)
- Insere(d, f)
- Remove(d, f)



Fundamentos de estruturas de dados

Inserer(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila **f**

```
int insere(int d, struct fila *f) {  
    if(f->inicio == -1) {  
        f->inicio = 0; f->fim = 0;  
    }  
    else {  
        if((f->inicio+1) < MAXFILA)  
            f->inicio = f->inicio + 1;  
        while... //desloca elementos em direção ao inicio  
    }  
    f->item[f->fim] = d;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

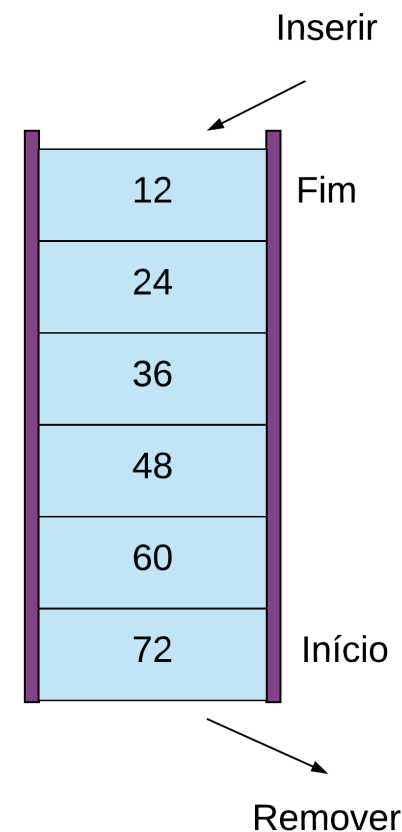
Inserir(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila **f**

```
if(f->inicio == -1) {
```

```
    f->inicio = 0; f->fim = 0;
```

```
}
```

- Se a fila estiver vazia, deve ser preparada para receber o primeiro elemento



Fundamentos de estruturas de dados

Inserir(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila **f**

```
else {
```

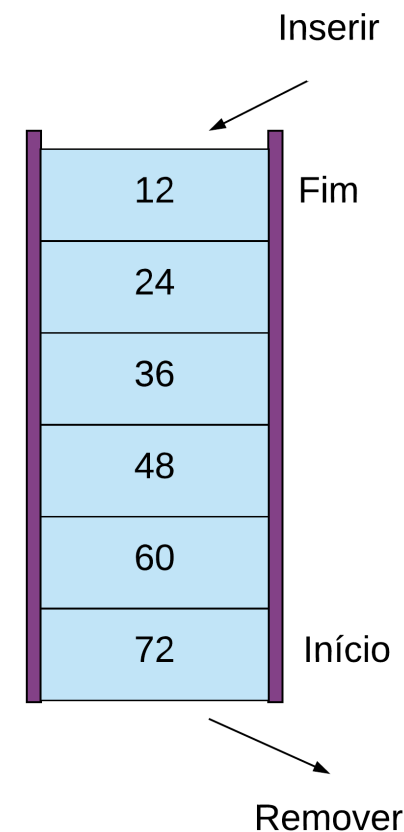
```
    if((f->inicio+1) < MAXFILA)
```

```
        f->inicio = f->inicio + 1;
```

```
        while... //desloca elementos
```

```
    }
```

- Caso contrário, a fila é deslocada em direção ao início para poder receber o novo elemento

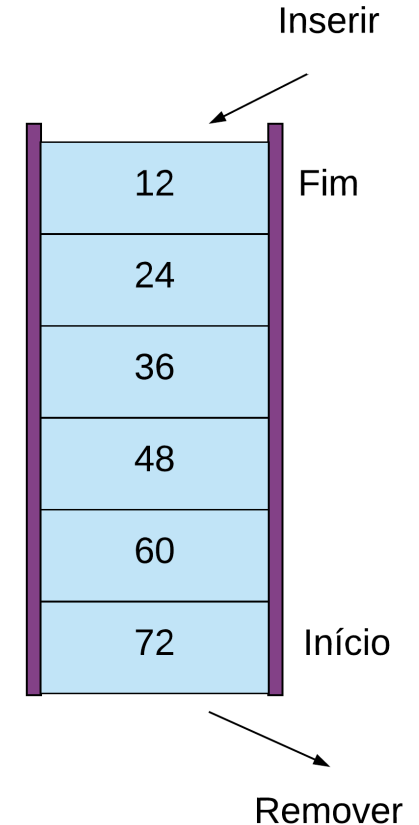


Fundamentos de estruturas de dados

Inserir(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila **f**

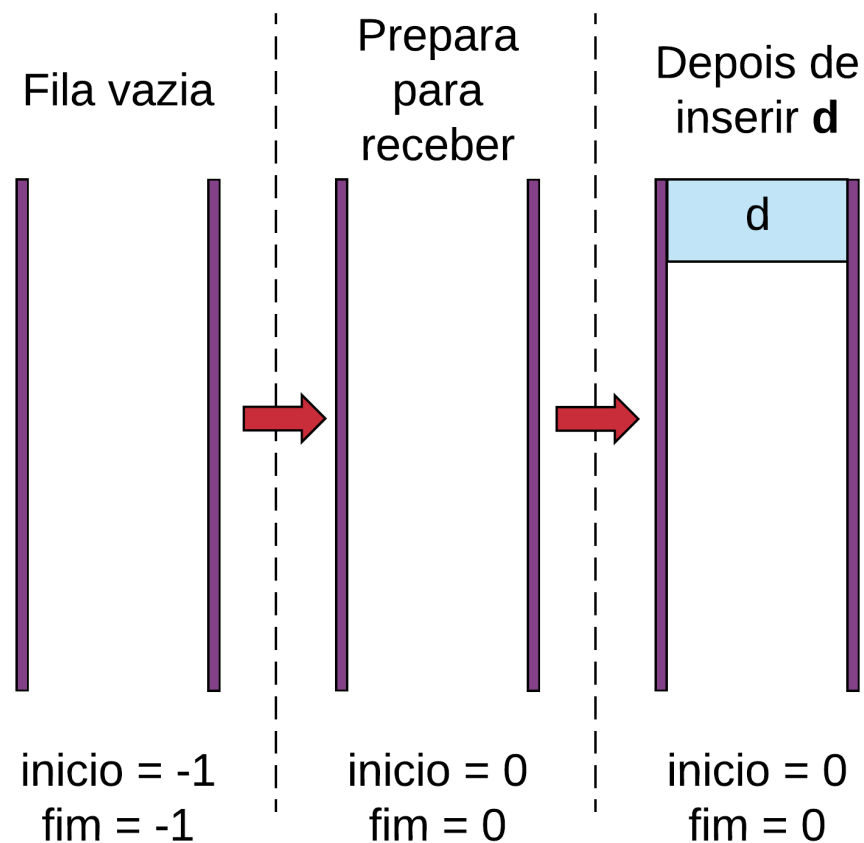
`f->item[f->fim] = d;`

- Novo elemento é inserido no fim da fila



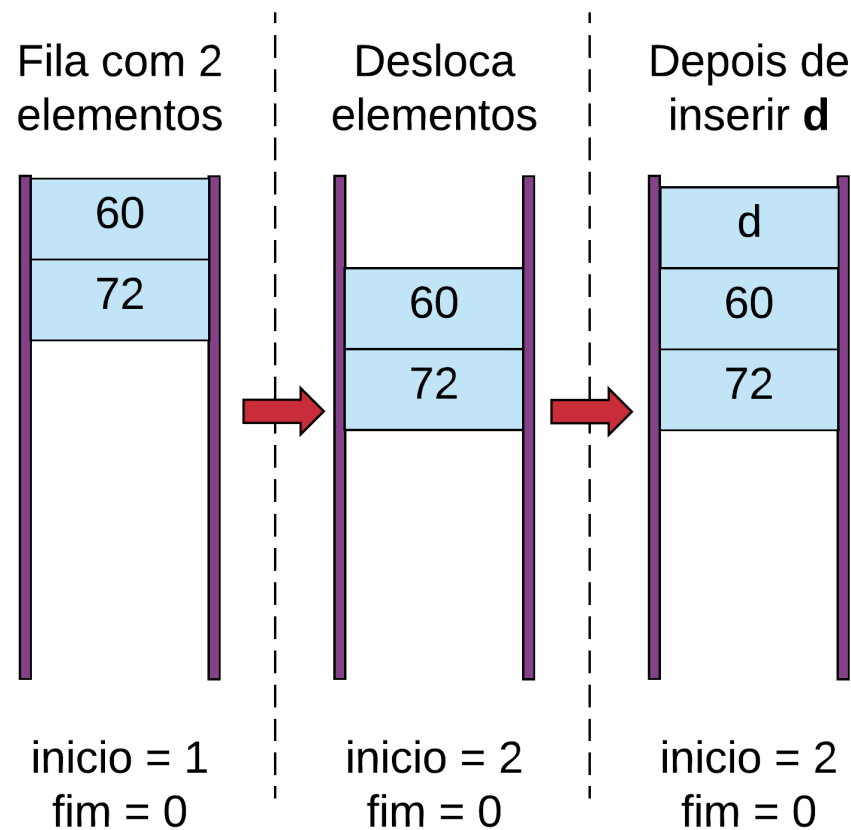
Fundamentos de estruturas de dados

Inserir(d, f): insere um elemento d na fila f vazia



Fundamentos de estruturas de dados

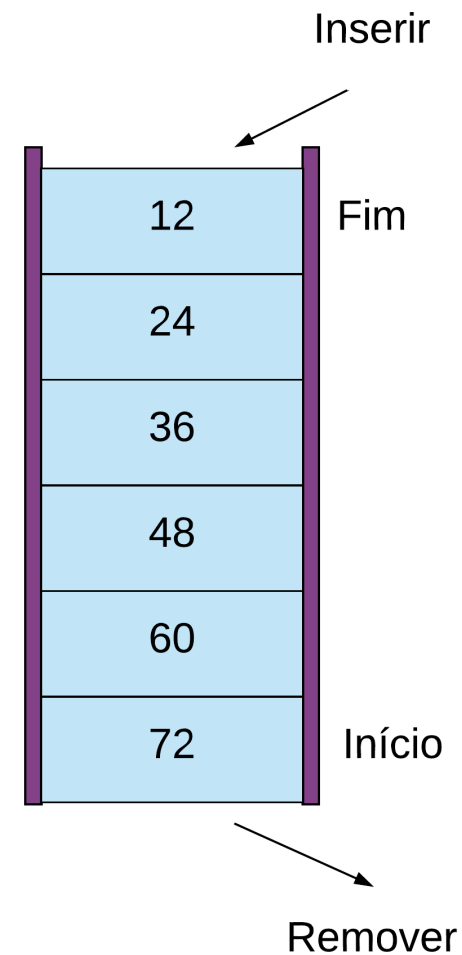
Inserir(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila **f** *não vazia*



Fundamentos de estruturas de dados

Operações em uma fila f:

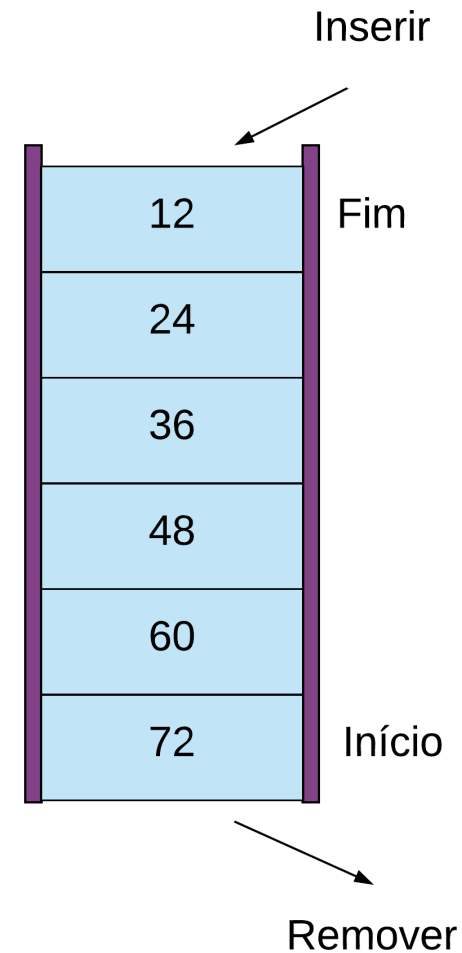
- EsvaziaFila(f)
- FilaVazia(f)
- FilaCheia(f)
- Insere(d,f)
- Remove(d,f)



Fundamentos de estruturas de dados

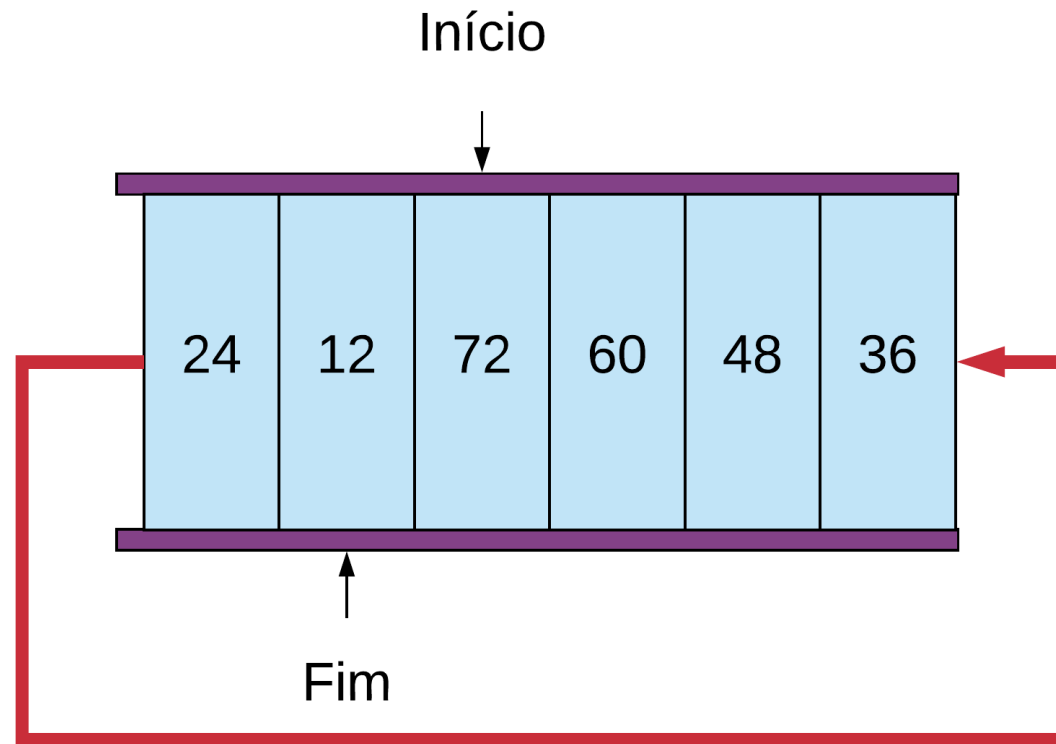
Operações em uma fila f:

- Complexidade de inserção ou remoção depende de como a fila é inicializada



Fundamentos de estruturas de dados

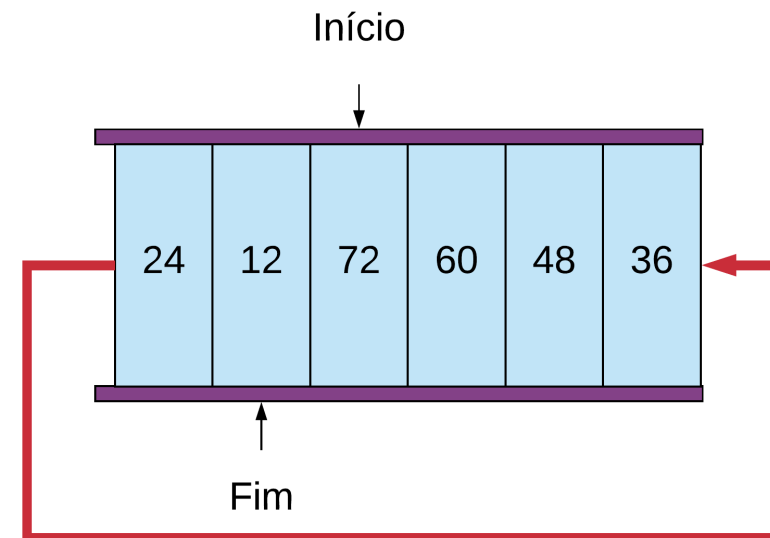
Filas circulares:



Fundamentos de estruturas de dados

Filas circulares:

- › Ideia: armazenar os elementos na fila como se esta fosse um círculo
- › Mitiga problemas de complexidade nas operações de inserção e remoção de elementos
- › *Primeiro elemento da fila vem logo depois do último*



Fundamentos de estruturas de dados

Fila circular – representação utilizando

arrays:

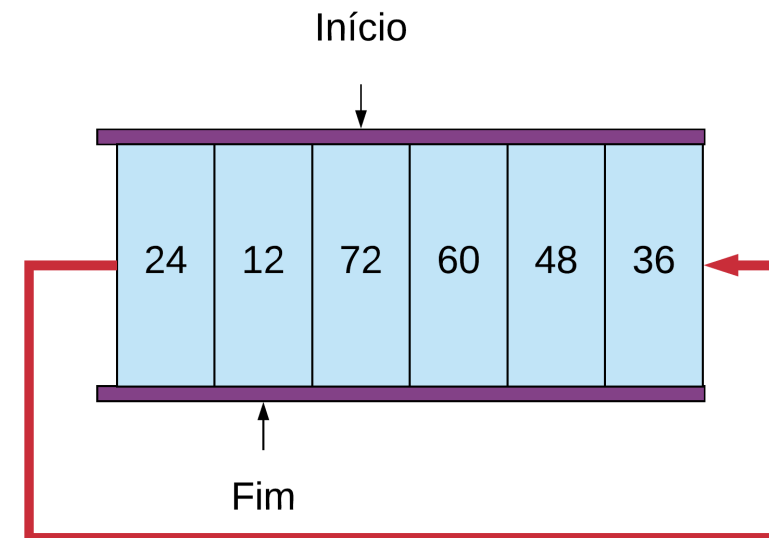
```
#define MAXFILA 8
```

```
struct fila {
```

```
    int inicio, fim;
```

```
    int item[MAXFILA];
```

```
}
```

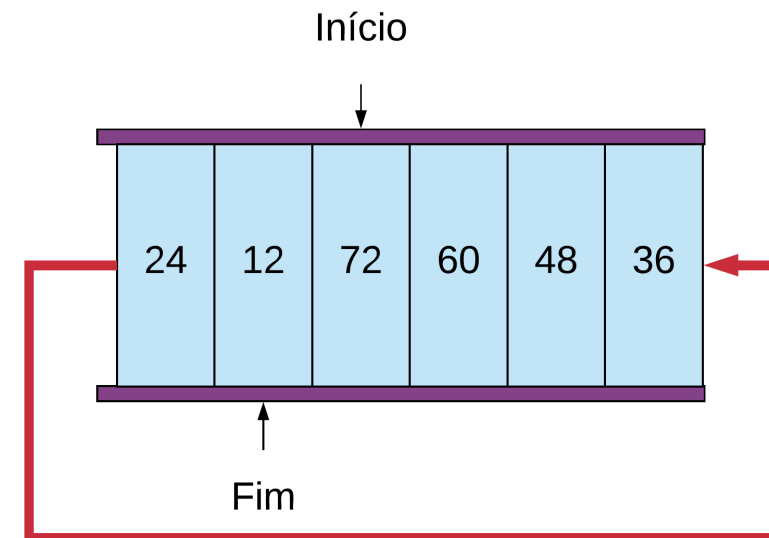


Fundamentos de estruturas de dados

Fila circular – representação utilizando *arrays*:

//iniciando uma fila circular

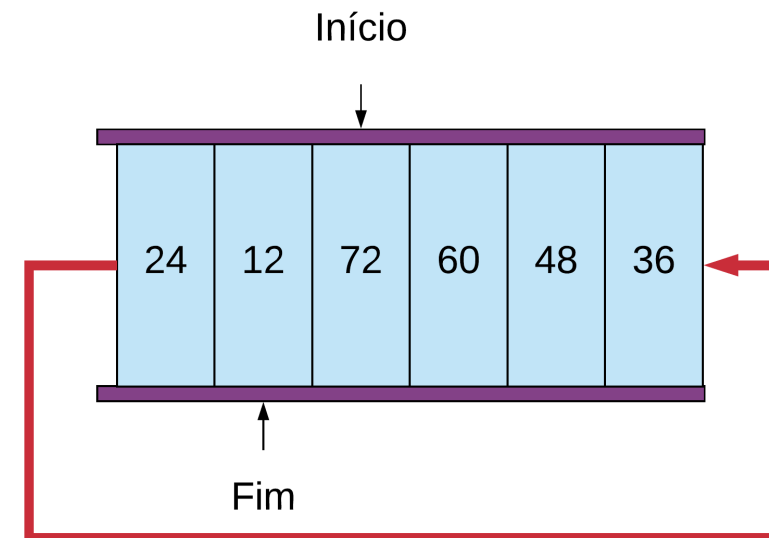
```
int main() {  
    //...  
    struct fila *f;  
  
    f->inicio = MAXFILAS-1;  
  
    f->fim = MAXFILAS-1;  
  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Operações em uma fila circular f :

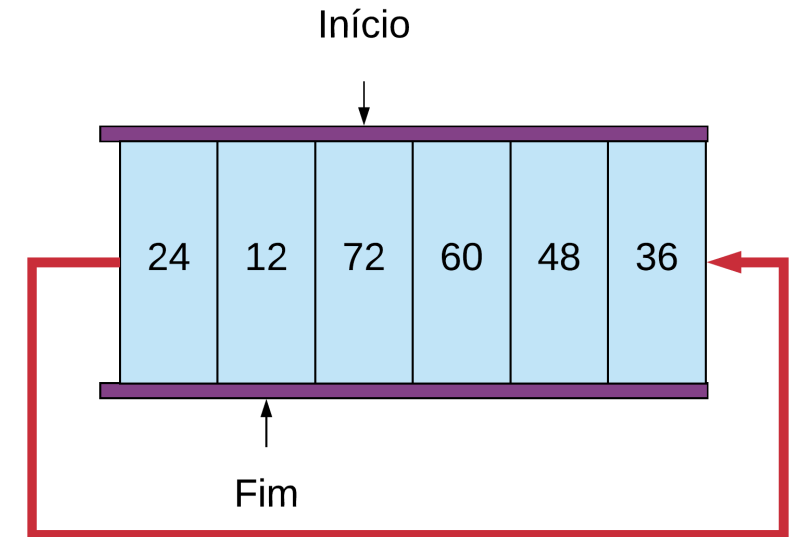
- FilaVazia(f)
- FilaCheia(f)
- EsvaziaFila(f)
- Insere(d, f)
- Remove(d, f)



Fundamentos de estruturas de dados

FilaVazia(**f**): verifica se a fila circular **f** est
vazia

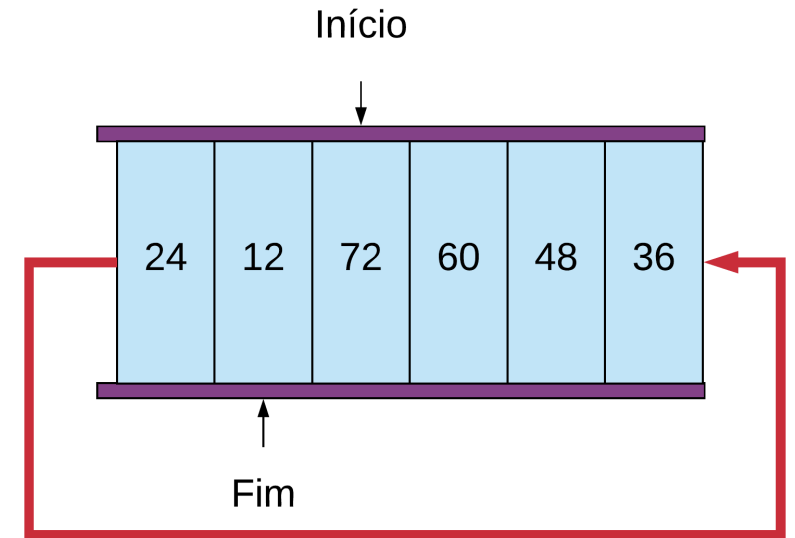
```
int filaVazia(struct fila *f) {  
    if(f->inicio == f->fim)  
        return 1; //verdadeiro  
    else  
        return 0;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

FilaCheia(**f**): verifica se a fila circular **f** está cheia

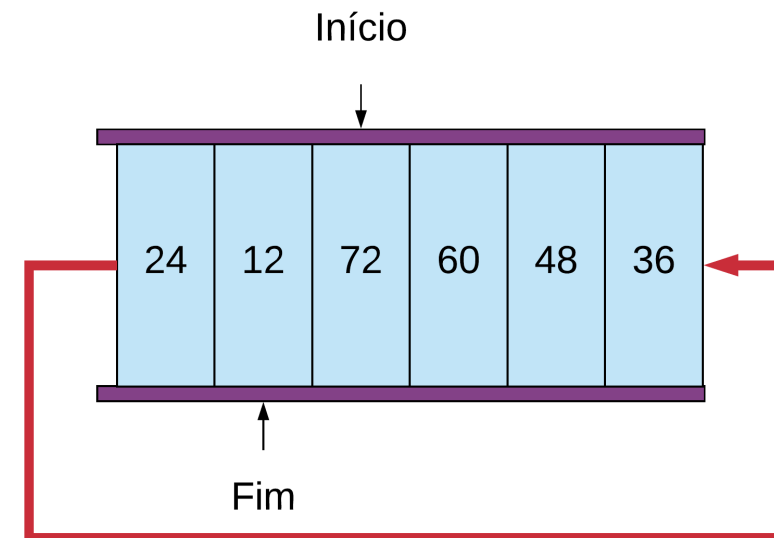
```
int filaVazia(struct fila *f) {  
    if(f->inicio == f->fim + 1)  
        return 1;  
    else  
        return 0;  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Insere(**d**,**f**): insere um elemento **d** na fila circular **f**

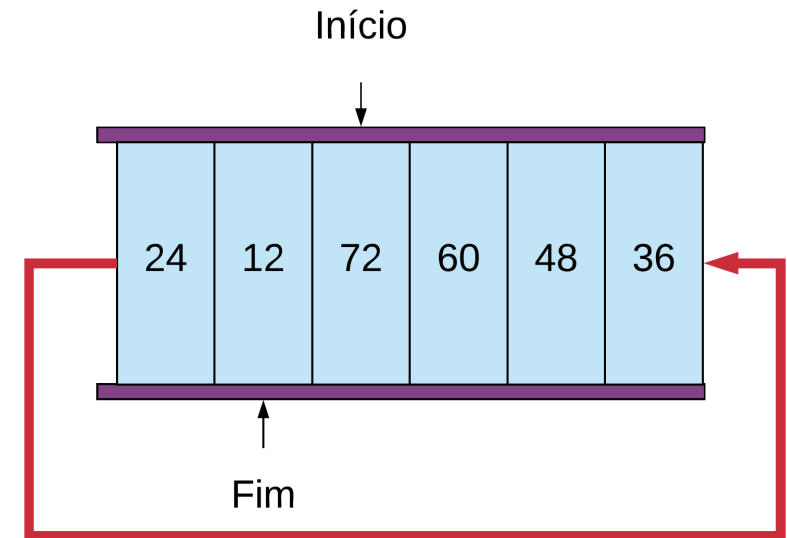
```
void insere(int d, struct fila *f) {  
    if(filaCheia(f) != 0) {  
        if(f->fim==MAXFIL-1)  
            f->fim = 0;  
        else  
            f->fim = f->fim + 1;  
        f->item[f->fim] = d;  
    }  
}
```



Fundamentos de estruturas de dados

Remove(**d**,**f**): remove um elemento **d** de uma fila circular **f**

- O elemento **d** existe na fila?
- Se existir **e não estiver no início**, o que acontece com o resto da fila?



Fundamentos de estruturas de dados

Segundo exercício para 18/01 (valendo 2 pontos):

- Implementar um algoritmo para remover um elemento conhecido de uma fila circular **f**
 - Criar uma fila circular
 - Preencher com os elementos: 12, 24, 36, 48, 60, 72, de forma que o **início** da fila (primeiro elemento que entrou na fila) seja o número 72
 - O algoritmo deverá remover o elemento passado como parâmetro **SOMENTE** se este elemento estiver no início da fila
 - Verificar se o elemento passado como parâmetro é o elemento que se encontra no início da fila
 - Em caso afirmativo, remover o elemento
 - Fazer as atualizações necessárias em **INICIO** e **FIM**
 - Implementação pode ser em C ou JAVA