

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**
**НОВОСИБИРСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ**
Факультет информационных технологий
Кафедра параллельных вычислений

ОТЧЕТ
О ВЫПОЛНЕНИИ ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЫ

«Параллельная реализация решения системы линейных алгебраических
уравнений с помощью OpenMP»

студента 2 курса, 21204 группы

Осипова Александра Александровича

Направление 09.03.01 – «Информатика и вычислительная техника»

Преподаватель:
Кандидат технических наук
А. Ю. Власенко

Новосибирск 2023__

СОДЕРЖАНИЕ

| | |
|---|----|
| ЦЕЛЬ..... | 3 |
| ЗАДАНИЕ | 3 |
| ОПИСАНИЕ РАБОТЫ..... | 4 |
| ЗАКЛЮЧЕНИЕ | 9 |
| Приложение 1. Листинг программы, без директивы schedule | 11 |
| Приложение 2. Листинг программы, с директивой schedule..... | 15 |
| Приложение 3. Скрипт run1.sh..... | 20 |
| Приложение 4. Скрипт run2.sh..... | 20 |
| Приложение 5. Скрипт run3.sh..... | 20 |
| Приложение 6. Результат работы программы на разном числе потоков..... | 21 |
| Приложение 7. Результат работы программы с директивой schedule..... | 22 |

ЦЕЛЬ

Реализовать параллельную программу, вычисляющую приближенное решение СЛАУ с помощью метода сопряженных градиентов, используя стандарт OpenMP.

ЗАДАНИЕ

1. Последовательную программу из практической работы 2, реализующую итерационный алгоритм решения системы линейных алгебраических уравнений вида $Ax=b$ методом сопряженных градиентов, распараллелить с помощью OpenMP.
2. Замерить время работы программы на кластере НГУ на 1, 2, 4, 8, 12, 16 потоках. Построить графики зависимости времени работы программы, ускорения и эффективности распараллеливания от числа используемых ядер. Исходные данные и параметры задачи подобрать таким образом, чтобы решение задачи на одном ядре занимало не менее 30 секунд.
3. Провести исследование на определение оптимальных параметров `#pragma omp for schedule(...)` при некотором фиксированном размере задачи и количестве потоков.

ОПИСАНИЕ РАБОТЫ

За основу был взят код последовательной программы из Практической работы №2, реализующей итерационный алгоритм решения СЛАУ методом сопряженных градиентов. Полный листинг программы см. Приложение 1

Вектор x инициализируется нулями.

```
double* InitPreSolution(int N) {
    double* x = (double*)malloc(N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        x[i] = 0.0;
    }
    return x;
}
```

Вектор b инициализируется следующим образом: $b[i] = i + 1$

```
double* InitVectorB(int N) {
    double* b = (double*)malloc(N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        b[i] = i + 1;
    }
    return b;
}
```

Для генерации коэффициентов матрицы A и ее инициализации были написаны следующие функции:

```
void GenerateMatrixA(int N) {
    double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            double value = (double)rand() / RAND_MAX + (i == j ?
(double)SIZE / 100 : 0);
            A[i * N + j] = (i > j ? A[j * N + i] : value);
        }
    }

    std::ofstream fileIn;
    fileIn.open("A.txt");
    if (fileIn.is_open()) {
        for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
            fileIn << A[i] << std::endl;
        }
        fileIn.close();
    }
}
```

```
double* InitMatrixA(int N) {
    std::ifstream file;
    file.open("A.txt");

    double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
```

```

    for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
        file >> A[i];
    }

    file.close();
    return A;
}

```

Функции, реализующие операции над матрицами с помощью OpenMP:

- умножение

```

void MatrixMULT(double* A, double* B, double* C, int L, int M, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < L; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            C[i * N + j] = 0;
            for (int k = 0; k < M; ++k) {
                C[i * N + j] += A[i * M + k] * B[k * N + j];
            }
        }
    }
}

```

- ВЫЧИТАНИЕ

```

void MatrixSUB(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] - B[i];
    }
}

```

- СЛОЖЕНИЕ

```

void MatrixADD(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] + B[i];
    }
}

```

- умножение на скаляр

```

void ScalarMULT(double scalar, double* matrix, double* result, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        result[i] = scalar * matrix[i];
    }
}

```

- скалярное произведение

```
void DotProduct(double* a, double* b, double* dot) {  
#pragma omp single  
    * dot = 0.0;  
#pragma omp for reduction (+:dot[0])  
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {  
        dot[0] += (a[k] * b[k]);  
    }  
}
```

- вычисление нормы

```
void Norm(double* vector, double* norm) {  
#pragma omp single  
    * norm = 0.0;  
#pragma omp for reduction (+:norm[0])  
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {  
        norm[0] += (vector[k] * vector[k]);  
    }  
#pragma omp single  
    * norm = sqrt(*norm);  
}
```

- копирование матрицы

```
void CopyMatrix(double* source, double* purpose, int size) {  
#pragma omp for  
    for (int i = 0; i < size; ++i) {  
        purpose[i] = source[i];  
    }  
}
```

Функция, реализующая алгоритм вычисления приближенного решения СЛАУ с помощью метода сопряженных градиентов. Здесь же создается параллельная секция с numThreads потоками.

```
void ConjugateGradientMethod(double* A, double* x, double* b, int  
numThreads) {  
    double* r = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));  
    double* r_next = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));  
    double* z = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));  
    double* tmpVector = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));  
    double tmpValues[2];  
  
    double alpha = 0.0;  
    double beta = 0.0;  
  
    int count = 0;
```

```

#pragma omp parallel num_threads(numThreads)
{
    InitVectorR(r, A, x, b, tmpVector);
    CopyMatrix(r, z, SIZE);

    for (count = 0; count < 50000; ++count) {
        if (isSolutionReached(r, b, tmpValues)) break;
        CalcNextAlpha(&alpha, A, r, z, tmpVector, tmpValues);
        CalcNextX(x, z, alpha, tmpVector);
        CalcNextR(A, r, z, alpha, r_next, tmpVector);
        CalcNextBeta(&beta, r_next, r, tmpValues);
        CalcNextZ(beta, r_next, z);
        CopyMatrix(r_next, r, SIZE);
    }
    free(r);
    free(r_next);
    free(z);
    free(tmpVector);
}

```

Функция `int main(int argc, char** argv)`. В ней поставлен таймер, определяющий, за какое время программа проинициализирует матрицу `A`, векторы `b` и `x`, а так же найдет приближенные значения вектора решений. Для этих целей был выбран таймер системного времени `omp_get_wtime()`.

```

int main(int argc, char** argv) {
    int numThreads = (argc > 1 ? atoi(argv[1]) : 1);

    double startTime = omp_get_wtime();

    double* A = InitMatrixA(SIZE);
    double* x = InitPreSolution(SIZE);
    double* b = InitVectorB(SIZE);

    ConjugateGradientMethod(A, x, b, numThreads);

    double endTime = omp_get_wtime();

    PrintResult(numThreads, endTime - startTime);

    free(A);
    free(x);
    free(b);
}

```

Результат работы программы при разном числе потоков (см. Приложение 6):

| Число потоков | Время, сек | Ускорение | Эффективность, % |
|---------------|------------|-----------|------------------|
| 1 | 60.89 | 1 | 100 |
| 2 | 30.99 | 1.96 | 98.1 |
| 4 | 15.72 | 3.87 | 96.69 |
| 8 | 8.99 | 6.76 | 84.51 |

| | | | |
|----|-------|------|-------|
| 12 | 6.83 | 8.89 | 74.13 |
| 16 | 10.02 | 6.07 | 37.93 |

График времени

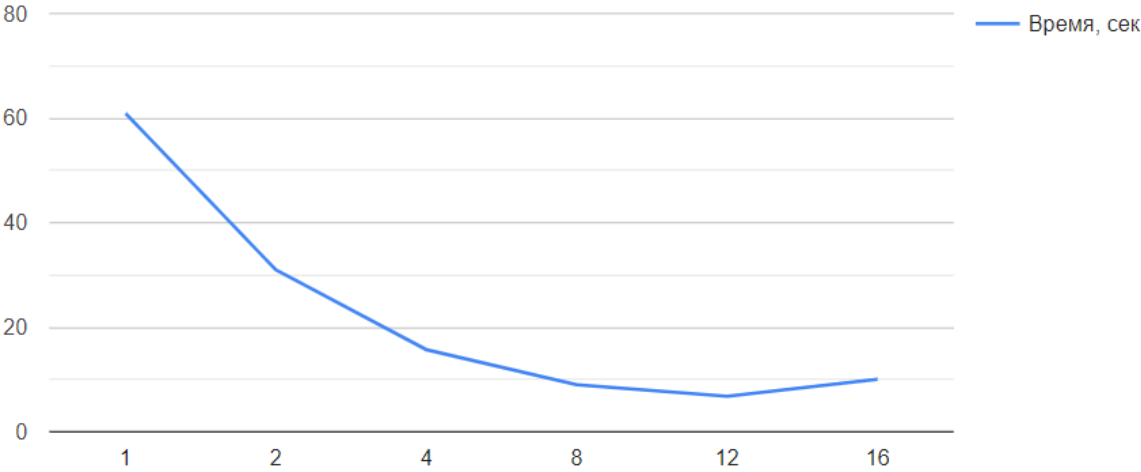


График ускорения

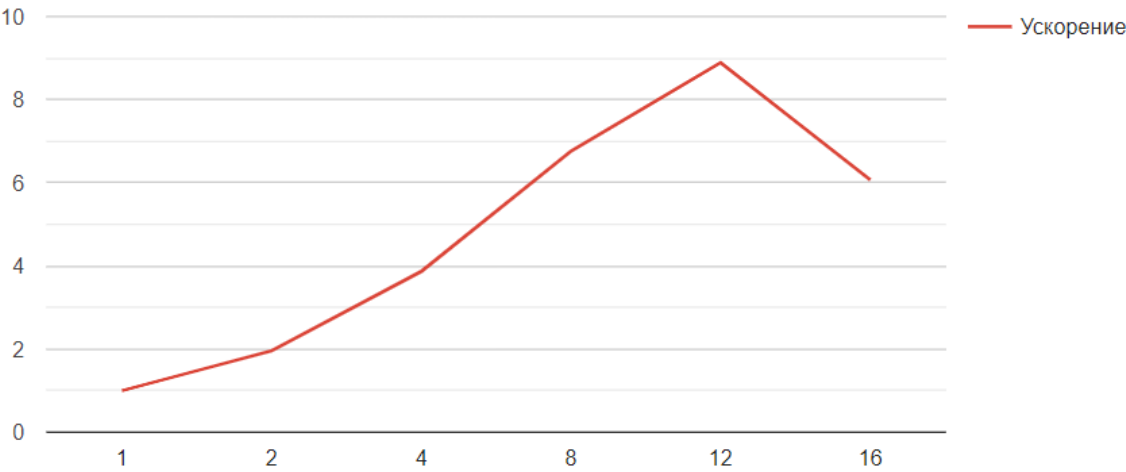
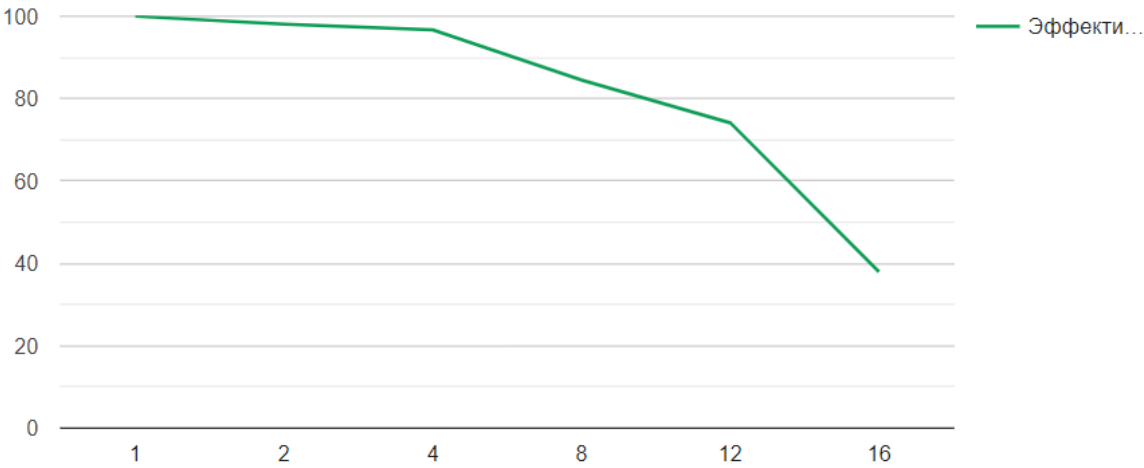


График эффективности



Для проведения исследования оптимальных параметров `#pragma omp schedule (...)` в параллельный цикл функций, реализующих операции над матрицами, было добавлено `schedule(runtime)` (см. Приложение 2). Значение этого параметра определяется во время исполнения программы, из переменной окружения `OMP_SCHEDULE`. Значение `OMP_SCHEDULE` задается в скрипте `run3.sh` (см. Приложение 5).

Результаты исследования для 8 потоков:

| chunk_size | Время, сек | | |
|------------|------------|-----------|-----------|
| | static | dynamic | guided |
| default | 8.9243 | 43.393299 | 9.249285 |
| 25 | 9.318743 | 9.117198 | 9.298394 |
| 50 | 9.447319 | 9.767110 | 9.561208 |
| 75 | 10.442399 | 9.913324 | 9.828618 |
| 100 | 9.232287 | 9.409798 | 9.547210 |
| 125 | 11.605041 | 12.040716 | 11.449481 |
| 150 | 13.382983 | 15.365792 | 14.171284 |
| 175 | 11.894821 | 12.230380 | 11.418960 |
| 200 | 9.135278 | 9.199780 | 9.206766 |
| 225 | 10.479452 | 10.606715 | 10.644026 |
| 250 | 11.854896 | 11.884664 | 11.583129 |

Видно, что лучшее время показала программа, при `schedule(static)`. Это обусловлено тем, что итерации статически распределяются между потоками, а так как итерации являются легковесными (умножение и присваивание), то и получается отрыв от `dynamic` и `guided`, которые распределяют итерации динамически.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В рамках данной практической работы был изучен стандарт OpenMP. С помощью него была написана многопоточная программа, реализующая итерационный алгоритм решения СЛАУ методом сопряженных градиентов. По сравнению с MPI, OpenMP имеет такие плюсы, как скорость написания программы, использование общей памяти. Среди минусов можно выделить ограничение только на один вычислительный узел, так как все потоки порождаются в рамках одного процесса. В связи с этим программу с OpenMP нельзя распараллелить на нескольких ЭВМ.

Приложение 1. Листинг программы, без директивы schedule

```
#include <omp.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include <fstream>

#define SIZE 1500
#define EPSILON 0.00001
#define T1 60.8

void PrintVector(double* vector, int N) {
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        printf("%f ", vector[i]);
    }
    printf("\n");
}

void PrintMatrix(double* matrix, int N) {
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            printf("%f ", matrix[i * N + j]);
        }
        printf("\n");
    }
    printf("\n");
}

void CopyMatrix(double* source, double* purpose, int size) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        purpose[i] = source[i];
    }
}

void MatrixMULT(double* A, double* B, double* C, int L, int M, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < L; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            C[i * N + j] = 0;
            for (int k = 0; k < M; ++k) {
                C[i * N + j] += A[i * M + k] * B[k * N + j];
            }
        }
    }
}

void MatrixSUB(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] - B[i];
    }
}
```

```

}

void MatrixADD(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] + B[i];
    }
}

void ScalarMULT(double scalar, double* matrix, double* result, int N) {
#pragma omp for
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        result[i] = scalar * matrix[i];
    }
}

void DotProduct(double* a, double* b, double* dot) {
#pragma omp single
    * dot = 0.0;
#pragma omp for reduction(+:dot[0])
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {
        dot[0] += (a[k] * b[k]);
    }
}

void Norm(double* vector, double* norm) {
#pragma omp single
    * norm = 0.0;
#pragma omp for reduction(+:norm[0])
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {
        norm[0] += (vector[k] * vector[k]);
    }
#pragma omp single
    * norm = sqrt(*norm);
}

void InitVectorR(double* r, double* A, double* x, double* b, double*
tmp) {
    MatrixMULT(A, x, tmp, SIZE, SIZE, 1);
    MatrixSUB(b, tmp, r, SIZE);
}

void CalcNextX(double* x, double* z, double alpha, double* tmp) {
    ScalarMULT(alpha, z, tmp, SIZE);
    MatrixADD(x, tmp, x, SIZE);
}

void CalcNextR(double* A, double* r, double* z, double alpha, double*
r_next, double* tmpVector) {
    MatrixMULT(A, z, tmpVector, SIZE, SIZE, 1);
    ScalarMULT(alpha, tmpVector, tmpVector, SIZE);
    MatrixSUB(r, tmpVector, r_next, SIZE);
}

void CalcNextZ(double beta, double* r_next, double* z) {
    ScalarMULT(beta, z, z, SIZE);
}

```

```

        MatrixADD(r_next, z, z, SIZE);
    }

    void CalcNextAlpha(double* alpha, double* A, double* r, double* z,
double* tmpVector, double* tmpValues) {
        MatrixMULT(A, z, tmpVector, SIZE, SIZE, 1);
        DotProduct(r, r, &tmpValues[0]);
        DotProduct(tmpVector, z, &tmpValues[1]);
#pragma omp single
        * alpha = tmpValues[0] / tmpValues[1];
    }

    void CalcNextBeta(double* beta, double* r_next, double* r, double*
tmpValues) {
        DotProduct(r_next, r_next, &tmpValues[0]);
        DotProduct(r, r, &tmpValues[1]);
#pragma omp single
        * beta = tmpValues[0] / tmpValues[1];
    }

    bool isSolutionReached(double* r, double* b, double* norms) {
        Norm(r, &norms[0]);
        Norm(b, &norms[1]);

        return (norms[0] / norms[1]) < EPSILON;
    }

    void ConjugateGradientMethod(double* A, double* x, double* b, int
numThreads) {
        double* r = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
        double* r_next = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
        double* z = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
        double* tmpVector = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
        double tmpValues[2];

        double alpha = 0.0;
        double beta = 0.0;

        int count = 0;

#pragma omp parallel num_threads(numThreads)
        {
            InitVectorR(r, A, x, b, tmpVector);
            CopyMatrix(r, z, SIZE);

            for (count = 0; count < 50000; ++count) {
                if (isSolutionReached(r, b, tmpValues)) break;
                CalcNextAlpha(&alpha, A, r, z, tmpVector, tmpValues);
                CalcNextX(x, z, alpha, tmpVector);
                CalcNextR(A, r, z, alpha, r_next, tmpVector);
                CalcNextBeta(&beta, r_next, r, tmpValues);
                CalcNextZ(beta, r_next, z);
                CopyMatrix(r_next, r, SIZE);
            }
        }
        free(r);
    }

```

```

        free(r_next);
        free(z);
        free(tmpVector);
    }

    double* InitMatrixA(int N) {
        std::ifstream file;
        file.open("A.txt");

        double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
        for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
            file >> A[i];
        }

        file.close();
        return A;
    }

    double* InitVectorB(int N) {
        double* b = (double*)malloc(N * sizeof(double));
        for (int i = 0; i < N; ++i) {
            b[i] = i + 1;
        }
        return b;
    }

    double* InitPreSolution(int N) {
        double* x = (double*)malloc(N * sizeof(double));
        for (int i = 0; i < N; ++i) {
            x[i] = 0.0;
        }
        return x;
    }

    void GenerateMatrixA(int N) {
        double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
        for (int i = 0; i < N; ++i) {
            for (int j = 0; j < N; ++j) {
                double value = (double)rand() / RAND_MAX + (i == j ?
(double)SIZE / 100 : 0);
                A[i * N + j] = (i > j ? A[j * N + i] : value);
            }
        }

        std::ofstream fileIn;
        fileIn.open("A.txt");
        if (fileIn.is_open()) {
            for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
                fileIn << A[i] << std::endl;
            }
            fileIn.close();
        }
    }

    void PrintResult(int numThreads, double totalTime) {
        float boost = T1 / totalTime;
    }

```

```

        float efficiency = (boost / (float)numThreads) * 100;

        printf("Number of threads: %d\n", numThreads);
        printf("Total time: %f sec\n", totalTime);
        printf("Boost: %f\n", boost);
        printf("Efficiency: %f %\n\n", efficiency);
    }

int main(int argc, char** argv) {
    int numThreads = (argc > 1 ? atoi(argv[1]) : 1);

    double startTime = omp_get_wtime();

    double* A = InitMatrixA(SIZE);
    double* x = InitPreSolution(SIZE);
    double* b = InitVectorB(SIZE);

    ConjugateGradientMethod(A, x, b, numThreads);

    double endTime = omp_get_wtime();

    PrintResult(numThreads, endTime - startTime);

    free(A);
    free(x);
    free(b);
}

```

Приложение 2. Листинг программы с директивой schedule

```

#include <omp.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#include <fstream>

#define SIZE 1500
#define EPSILON 0.00001
#define T1 60.8

void PrintVector(double* vector, int N) {
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        printf("%f ", vector[i]);
    }
    printf("\n");
}

void PrintMatrix(double* matrix, int N) {
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            printf("%f ", matrix[i * N + j]);
        }
        printf("\n");
    }
}

```

```

    }
    printf("\n");
}

void CopyMatrix(double* source, double* purpose, int size) {
#pragma omp for schedule(runtime)
    for (int i = 0; i < size; ++i) {
        purpose[i] = source[i];
    }
}

void MatrixMULT(double* A, double* B, double* C, int L, int M, int N) {
#pragma omp for schedule(runtime)
    for (int i = 0; i < L; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            C[i * N + j] = 0;
            for (int k = 0; k < M; ++k) {
                C[i * N + j] += A[i * M + k] * B[k * N + j];
            }
        }
    }
}

void MatrixSUB(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for schedule(runtime)
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] - B[i];
    }
}

void MatrixADD(double* A, double* B, double* C, int N) {
#pragma omp for schedule(runtime)
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        C[i] = A[i] + B[i];
    }
}

void ScalarMULT(double scalar, double* matrix, double* result, int N) {
#pragma omp for schedule(runtime)
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        result[i] = scalar * matrix[i];
    }
}

void DotProduct(double* a, double* b, double* dot) {
#pragma omp single
    *dot = 0.0;
#pragma omp for schedule(runtime) reduction(+:dot[0])
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {
        dot[0] += (a[k] * b[k]);
    }
}

void Norm(double* vector, double* norm) {
#pragma omp single

```



```

    * norm = 0.0;
#pragma omp for schedule(runtime) reduction(+:norm[0])
    for (int k = 0; k < SIZE; ++k) {
        norm[0] += (vector[k] * vector[k]);
    }
#pragma omp single
    * norm = sqrt(*norm);
}

void InitVectorR(double* r, double* A, double* x, double* b, double*
tmp) {
    MatrixMULT(A, x, tmp, SIZE, SIZE, 1);
    MatrixSUB(b, tmp, r, SIZE);
}

void CalcNextX(double* x, double* z, double alpha, double* tmp) {
    ScalarMULT(alpha, z, tmp, SIZE);
    MatrixADD(x, tmp, x, SIZE);
}

void CalcNextR(double* A, double* r, double* z, double alpha, double*
r_next, double* tmpVector) {
    MatrixMULT(A, z, tmpVector, SIZE, SIZE, 1);
    ScalarMULT(alpha, tmpVector, tmpVector, SIZE);
    MatrixSUB(r, tmpVector, r_next, SIZE);
}

void CalcNextZ(double beta, double* r_next, double* z) {
    ScalarMULT(beta, z, z, SIZE);
    MatrixADD(r_next, z, z, SIZE);
}

void CalcNextAlpha(double* alpha, double* A, double* r, double* z,
double* tmpVector, double* tmpValues) {
    MatrixMULT(A, z, tmpVector, SIZE, SIZE, 1);
    DotProduct(r, r, &tmpValues[0]);
    DotProduct(tmpVector, z, &tmpValues[1]);
#pragma omp single
    * alpha = tmpValues[0] / tmpValues[1];
}

void CalcNextBeta(double* beta, double* r_next, double* r, double*
tmpValues) {
    DotProduct(r_next, r_next, &tmpValues[0]);
    DotProduct(r, r, &tmpValues[1]);
#pragma omp single
    * beta = tmpValues[0] / tmpValues[1];
}

bool isSolutionReached(double* r, double* b, double* norms) {
    Norm(r, &norms[0]);
    Norm(b, &norms[1]);

    return (norms[0] / norms[1]) < EPSILON;
}

```

```

void ConjugateGradientMethod(double* A, double* x, double* b) {
    double* r = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
    double* r_next = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
    double* z = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
    double* tmpVector = (double*)malloc(SIZE * sizeof(double));
    double tmpValues[2];

    double alpha = 0.0;
    double beta = 0.0;

    int count = 0;

#pragma omp parallel
    {
        InitVectorR(r, A, x, b, tmpVector);
        CopyMatrix(r, z, SIZE);

        for (count = 0; count < 50000; ++count) {
            if (isSolutionReached(r, b, tmpValues)) break;
            CalcNextAlpha(&alpha, A, r, z, tmpVector, tmpValues);
            CalcNextX(x, z, alpha, tmpVector);
            CalcNextR(A, r, z, alpha, r_next, tmpVector);
            CalcNextBeta(&beta, r_next, r, tmpValues);
            CalcNextZ(beta, r_next, z);
            CopyMatrix(r_next, r, SIZE);
        }
        free(r);
        free(r_next);
        free(z);
        free(tmpVector);
    }

double* InitMatrixA(int N) {
    std::ifstream file;
    file.open("A.txt");

    double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
        file >> A[i];
    }

    file.close();
    return A;
}

double* InitVectorB(int N) {
    double* b = (double*)malloc(N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        b[i] = i + 1;
    }
    return b;
}

double* InitPreSolution(int N) {
    double* x = (double*)malloc(N * sizeof(double));

```

```

        for (int i = 0; i < N; ++i) {
            x[i] = 0.0;
        }
        return x;
    }

void GenerateMatrixA(int N) {
    double* A = (double*)malloc(N * N * sizeof(double));
    for (int i = 0; i < N; ++i) {
        for (int j = 0; j < N; ++j) {
            double value = (double)rand() / RAND_MAX + (i == j ?
(double)SIZE / 100 : 0);
            A[i * N + j] = (i > j ? A[j * N + i] : value);
        }
    }

    std::ofstream fileIn;
    fileIn.open("A.txt");
    if (fileIn.is_open()) {
        for (int i = 0; i < N * N; ++i) {
            fileIn << A[i] << std::endl;
        }
        fileIn.close();
    }
}

void PrintResult(double totalTime) {
    printf("Total time: %f sec\n\n", totalTime);
}

int main(int argc, char** argv) {
    double startTime = omp_get_wtime();

    double* A = InitMatrixA(SIZE);
    double* x = InitPreSolution(SIZE);
    double* b = InitVectorB(SIZE);

    ConjugateGradientMethod(A, x, b);

    double endTime = omp_get_wtime();

    PrintResult(endTime - startTime);

    free(A);
    free(x);
    free(b);
}

```

Приложение 3. Скрипт run1.sh

```
#!/bin/bash

#PBS -l walltime=00:05:00
#PBS -l select=1:ncpus=12

cd $PBS_O_WORKDIR

echo "The result with 1 thread:"
./default 1
```

Приложение 4. Скрипт run2.sh

```
#!/bin/bash

#PBS -l walltime=00:10:00
#PBS -l select=1:ncpus=12

cd $PBS_O_WORKDIR

./parallel 2
./parallel 4
./parallel 8
./parallel 12
./parallel 16
```

Приложение 5. Скрипт run3.sh

```
#!/bin/bash

#PBS -l walltime=00:20:00
#PBS -l select=1:ncpus=8:ompthreads=8

cd $PBS_O_WORKDIR

echo "Number of threads: $OMP_NUM_THREADS"

### STATIC SCHEDULE ###

echo "Static default:"
OMP_SCHEDULE="static" ./schedule
echo

for ((i = 1; i <= 10; i++))
do
    echo "Static $((i * 25))"
    OMP_SCHEDULE="static,$((i * 25))" ./schedule
    echo
done
```

```

### DYNAMIC SCHEDULE ###

echo "Dynamic default:"
OMP_SCHEDULE="dynamic" ./schedule
echo

for ((i = 1; i <= 10; i++))
do
    echo "Dynamic $((i * 25))"
    OMP_SCHEDULE="dynamic,$((i * 25))" ./schedule
    echo
done

### GUIDED SCHEDULE ###

echo "Guided default:"
OMP_SCHEDULE="guided" ./schedule
echo

for ((i = 1; i <= 10; i++))
do
    echo "Guided $((i * 25))"
    OMP_SCHEDULE="guided,$((i * 25))" ./schedule
    echo
done

```

Приложение 6. Результат работы программы на разном числе потоков

```

hpcuser60@clu:~/lab2> cat run.sh.o5415652
The result with 1 thread:
Time: 60.889022 sec

hpcuser60@clu:~/lab2> cat run2.sh.o5415753
Number of threads: 2
Total time: 30.989585 sec
Boost: 1.961949
Efficiency: 98.097473

Number of threads: 4
Total time: 15.720759 sec
Boost: 3.867498
Efficiency: 96.687439

Number of threads: 8
Total time: 8.992997 sec
Boost: 6.760816
Efficiency: 84.510201

Number of threads: 12
Total time: 6.834377 sec
Boost: 8.896202
Efficiency: 74.135017

Number of threads: 16
Total time: 10.016880 sec
Boost: 6.069755
Efficiency: 37.935966

```

Приложение 7. Результат работы программы с директивой schedule

| | | |
|---|---|---|
| Number of threads: 8 Static default: Total time: 8.924300 sec | Dynamic default: Total time: 43.393299 sec | Guided default: Total time: 9.249285 sec |
| Static 25 Total time: 9.318743 sec | Dynamic 25 Total time: 9.117198 sec | Guided 25 Total time: 9.298394 sec |
| Static 50 Total time: 9.447319 sec | Dynamic 50 Total time: 9.767110 sec | Guided 50 Total time: 9.561208 sec |
| Static 75 Total time: 10.442399 sec | Dynamic 75 Total time: 9.913324 sec | Guided 75 Total time: 9.828618 sec |
| Static 100 Total time: 9.232287 sec | Dynamic 100 Total time: 9.409798 sec | Guided 100 Total time: 9.547210 sec |
| Static 125 Total time: 11.605041 sec | Dynamic 125 Total time: 12.040716 sec | Guided 125 Total time: 11.449481 sec |
| Static 150 Total time: 13.382983 sec | Dynamic 150 Total time: 15.365792 sec | Guided 150 Total time: 14.171284 sec |
| Static 175 Total time: 11.894821 sec | Dynamic 175 Total time: 12.230380 sec | Guided 175 Total time: 11.418960 sec |
| Static 200 Total time: 9.135278 sec | Dynamic 200 Total time: 9.199780 sec | Guided 200 Total time: 9.206766 sec |
| Static 225 Total time: 10.479452 sec | Dynamic 225 Total time: 10.606715 sec | Guided 225 Total time: 10.644026 sec |
| Static 250 Total time: 11.854896 sec | Dynamic 250 Total time: 11.884664 sec | Guided 250 Total time: 11.583129 sec |