

# Metody rozwiązywania labiryntu

Oskar Wiśniewski, 198058  
Mikołaj Wiszniewski 197925  
Franciszek Fabiński 197797

Politechnika Gdańska, WETI

1 czerwca 2025

## 1 Wstęp

Celem tego sprawozdania jest porównanie różnych, zaimplementowanych wcześniej metod rozwiązywania labiryntu: depth-first search, A\* oraz Q-learning. W analizie skupiono się na takich aspektach jak skuteczność znajdowania rozwiązania, czas działania algorytmu oraz liczba odwiedzonych pól. Dodatkowo oceniono, jak poszczególne metody radzą sobie w labiryntach o różnym rodzaju zagęszczenia.

## 2 Generowanie labiryntu

Wygenerowanie labiryntu opiera się na algorytmie opartym na algorytmie Kruskala ze strukturą zbiorów rozłącznych (disjoint set), który zapewnia utworzenie spójnej i acyklicznej siatki przejść – klasycznego labiryntu z jedną możliwą ścieżką pomiędzy dowolnymi dwoma punktami.

Najpierw tworzona jest siatka ścian o rozmiarze  $2 \cdot \text{szerokość} + 1$  na  $2 \cdot \text{wysokość} + 1$ , w której wszystkie komórki są domyślnie oznaczone jako ściany. Następnie generowana jest lista możliwych ścian do usunięcia, tzn. są to wszystkie sąsiadujące komórki w siatce reprezentujące potencjalne przejścia między komórkami. Lista ta jest losowo tasowana, aby zapewnić różnorodność generowanych labiryntów.

Dla każdej pary sąsiednich komórek sprawdzana jest przynależność do różnych zbiorów. Jeżeli tak – oznacza to, że usunięcie ściany między nimi nie utworzy cyklu. W takim przypadku ściana jest usuwana (komórki połączone są "korytarzem"), a zbiory są scalane.

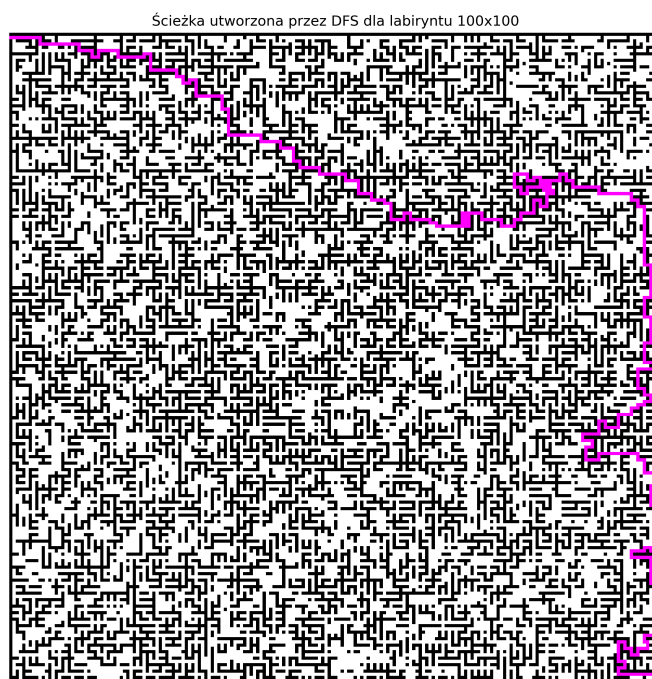
Dodatkowo, z prawdopodobieństwem  $X$ , usuwane są dodatkowe ściany boczne przylegające do tworzonego przejścia, co wprowadza rozgałęzienia i alternatywne ścieżki. Nadaje to labiryntowi bardziej złożony charakter.

Na zakończenie, siatka jest obudowywana ścianą zewnętrzną oraz ustawiane są jedno wejście i wyjście w przeciwległych rogach labiryntu (lewy górny - wejście, prawy dolny - wyjście). Labirynt jest gotowy do wizualizacji oraz dalszego przetwarzania, np. przeszukiwania.

## 3 Wyniki dla typowego labiryntu

### 3.1 Depth-first search

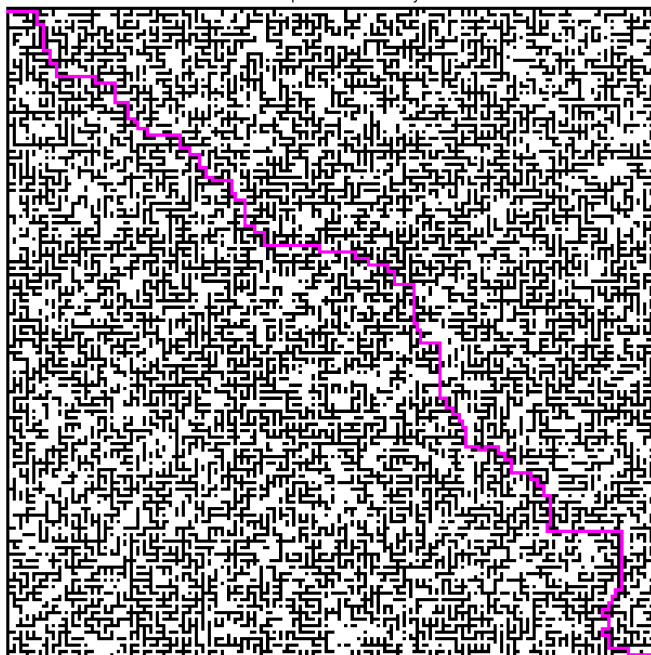
Ze względu na swoją prostotę, implementacja algorytmu DFS nie przysporzyła wielu problemów. Podczas testów dla większych labiryntów konieczna okazała się zmiana wersji rekurencyjnej na iteracyjną. Zauważono również silny wpływ kolejności sprawdzania wolnych pól na parametry wyjściowe programu, w szczególności kształt ścieżki. Wiąże się to z tym, że algorytm będzie wybierał stosunkowo częściej pola pod niższymi indeksami, ponieważ przeszukujemy "w głąb". Po testach najkorzystniejszą kolejnością okazała się  $[(0, -1), (-1, 0), (0, 1), (1, 0)]$ . Wynikowe ścieżki zwykle przebiegają w przybliżeniu wzdłuż górnej i prawej krawędzi labiryntu, co pokazano poniżej.



### 3.2 A\*

W algorytmie A\* wykorzystano heurystykę Manhattan, która polega na obliczaniu odległości pomiędzy dwoma punktami jako sumy wartości bezwzględnych różnic ich współrzędnych poziomych i pionowych. Jest to podejście szczególnie dobrze dopasowane do środowisk reprezentowanych w postaci siatki, gdzie możliwy jest wyłącznie ruch w czterech kierunkach: góra, dół, lewo i prawo. Z tego powodu był to pierwszy wybór przy implementacji. Z tego powodu wynikowe ścieżki zwykle biegną w przybliżeniu wzdłuż przekątnej od punktu wejściowego do wyjściowego, co pokazano poniżej.

Ścieżka utworzona przez A\* dla labiryntu 100x100



## 3.3 Q-learning

### 3.3.1 Parametry

Dostępne parametry:

- alpha - learning rate
- beta - discount factor, faworyzacja późniejszych nagród
- epsilon - szansa na eksplorację (losowa akcja)
- episodes - liczba iteracji

Dobór parametrów ma duży wpływ na wydajność algorytmu.

### Episodes

Liczbę epizodów stosunkowo łatwo wybrać, wystarczy kilka razy włączyć program, żeby zobaczyć jaka jest ich najlepsza liczba w stosunku do czasu wykonania. W przypadku naszego algorytmu było to **5000**. Dla epizodów w liczbie 500-3000 wyniki nie były zadowalające, a epizody 5000-10000 miały pomijalnie mały wpływ na wydajność wytrenowanego modelu, a kosztowały czas.

### Beta

Ze względu na dużą liczbę epizodów oraz fakt, że dotarcie do wyjścia labiryntu oferowało dużą nagrodę, należało dobrać taki discount factor, żeby model faworyzował późniejsze nagrody. W implementacji wynosi **0.99**.

## Alpha oraz epsilon

Zarówno  $\epsilon$  jak i  $\alpha$  w początkowych etapach był stałe, jednak po kilku próbach można było zauważyć, że nie jest to optymalne rozwiązanie.

Lepszym sposobem jest zwiększenie tempa nauki oraz eksploracji w początkowych fazach trenowania, ponieważ model nie jest w stanie osiągnąć celu i heurystyka pomaga wypełniać qtable dobrymi wartościami.

Ostatecznie w każdym epizodzie:

- $\epsilon = \max(\epsilon_{min}, \epsilon * \epsilon_{decay})$
- $\alpha = \max(\alpha_{min}, \frac{\alpha_0}{1+ep*\alpha_{decay}})$

gdzie:

- $\epsilon_{min} = 0.1$
- $\epsilon_{decay} = \sqrt[p]{\epsilon_{min}}$
- $\alpha_{min} = 0.01$
- $\alpha_0 = 0.5$
- $\alpha_{decay} = 0.001$
- $ep$  to numer aktualnego epizodu

Takie wartości uznaliśmy za optymalne przy postawionym problemie i skutecznie maksymalizują one stosunek wydajności wytrenowanego modelu do czasu nauki.

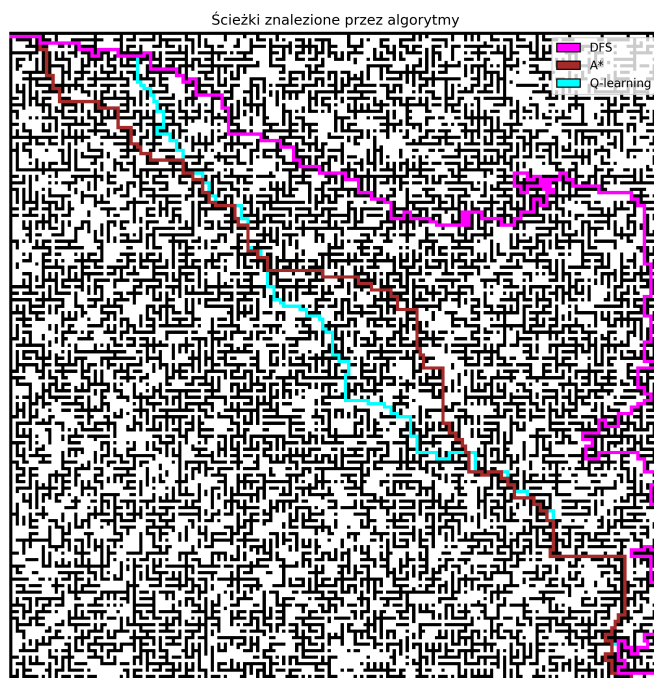
### 3.3.2 Nagrody

Kolejnym problemem napotkanym przy implementowaniu algorytmu był dobór nagród. Nagroda musi być na tyle duża, żeby miała wpływ na wybraną ścieżkę, jednak na tyle mała, że nie zamknie się on na pierwsze znalezione rozwiązanie.

Dużym usprawnieniem działania było dodanie heurystyki opartej o manhattan distance agenta od celu. W każdej iteracji agent dostaje informację czy jest bliżej (**reward** = 1), bądź dalej (**reward** = -1). W przypadku dojścia do celu nagroda jest równoważna z długością ścieżki znalezionej przez algorytm A\* (założenie, że jest to optymalna ścieżka).

### 3.4 Porównanie

Poniżej pokazane jest porównanie wspomnianych do tej pory algorytmów A\*, DFS oraz Q-Learning:



Oraz tabela przedstawiająca ich wydajność:

Algorytm	Długość ścieżki	Czas wykonania (s)	Odwiedzone węzły
DFS	637	0.0045	857
A*	419	0.0332	11918
Q-Learning	433	0.0013	432

Trening modelu zajął 22.55 sekundy, a liczba odwiedzonych węzłów przez cały proces to 109,992,906.