

Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова

Факультет вычислительной математики и кибернетики Кафедра системного анализа

Ашабоков Аслан Нажмудинович

Отчёт по теоретическому заданию в рамках курса «Суперкомпьютерное моделирование и технологии»

ЗАДАНИЕ 1

Студент 615 группы А. Н. Ашабоков

Содержание

1	Построение информационного графа	4
2	Исследование свойств	7

1 Построение информационного графа

В рамках данной работы был построен информационный граф следующего фрагмента кода на языке Си:

```
\begin{array}{lll} & \textbf{for} \, (\, \mathrm{i} \, = \, 2; \  \, \mathrm{i} \, < = \, \mathrm{n} + 1; \, + \! + \mathrm{i} \, ) \\ & C[\, \mathrm{i} \, ] \, = \, C[\, \mathrm{i} \, - \, 1] \, + \, D[\, \mathrm{i} \, ] \, ; \\ & \textbf{for} \, (\, \mathrm{i} \, = \, 2; \, \, \mathrm{i} \, < = \, \mathrm{n} + 1; \, + \! + \mathrm{i} \, ) \\ & \textbf{for} \, (\, \mathrm{j} \, = \, 2; \, \, \mathrm{j} \, < = \, \mathrm{m} + 1; \, + \! + \mathrm{j} \, ) \\ & B[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{j} \, ] \, = \, B[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{j} \, ] \, ; \\ & \textbf{for} \, (\, \mathrm{i} \, = \, 2; \, \, \mathrm{i} \, < = \, \mathrm{n} + 1; \, + \! + \mathrm{i} \, ) \, \{ \\ & A[\, \mathrm{i} \, ] [\, 1] [\, 1] \, = \, B[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{m} \, + \, \, 1] \, + \, C[\, \mathrm{n} \, + \, \, 1] \, ; \\ & \textbf{for} \, (\, \mathrm{j} \, = \, 2; \, \, \mathrm{j} \, < = \, \mathrm{m} + 1; \, + \! + \mathrm{j} \, ) \\ & & \textbf{for} \, (\, \mathrm{k} \, = \, 1; \, \, \mathrm{k} \, < = \, \mathrm{n}; \, + \! + \! \mathrm{k} \, ) \\ & A[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{j} \, ] [\, \mathrm{k} \, ] \, = \, A[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{j} \, - \, \, 1] [\, \mathrm{k} \, - \, \, 1] \, + \, A[\, \mathrm{i} \, ] [\, \mathrm{j} \, ] [\, \mathrm{k} \, ]; \end{array}
```

Xml-описание графа имеет вид:

```
<?xml version="1.0" encoding="utf-8"?>
<algo>
    <params>
        <param name = "N" type = "int" value = "4"></param>
        <param name = "M" type = "int" value = "5"></param>
    </params>
    <block id = "0" dims = "1">
        < arg name = "i" val = "2..N+1" > / arg >
        <vertex condition = "" type = "1">
            < in src = "i - 1" > /in >
            <in bsrc = "-1" src = "i"></in>
        </vertex>
    </block>
    <block id = "1" dims = "2">
        < arg name = "i" val = "2..N+1" > / arg >
        < arg name = "j" val = "2..M+1" > / arg >
        <vertex condition = "" type = "1">
            <in src = "i, j"></in>
        </vertex>
```

По данному описанию был построен информационный граф следующего вида:

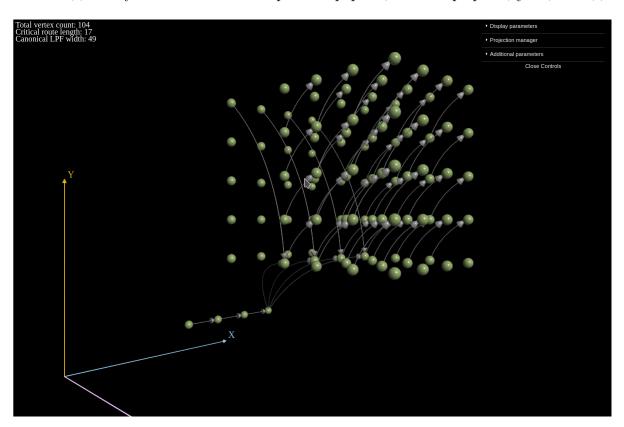


Рис.1. Вид информационного графа в пространстве.

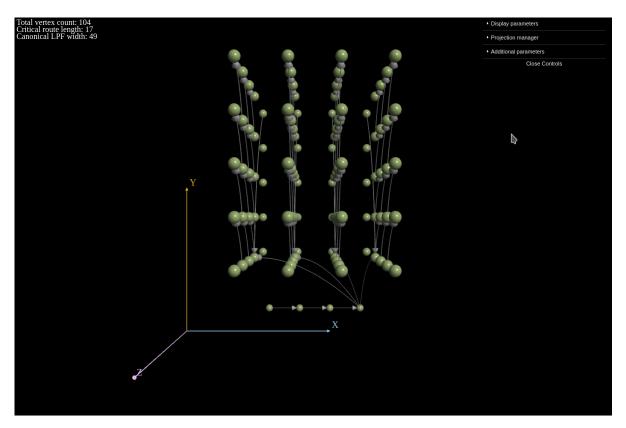


Рис.2. Проекция информационного графа на плоскость ХОУ.

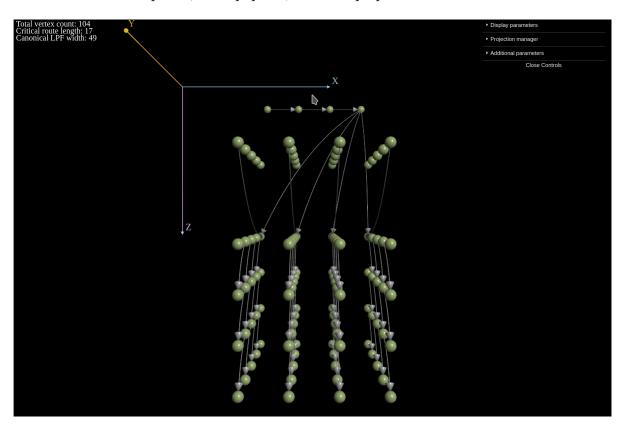


Рис.3. Проекция информационного графа на плоскость XOZ.

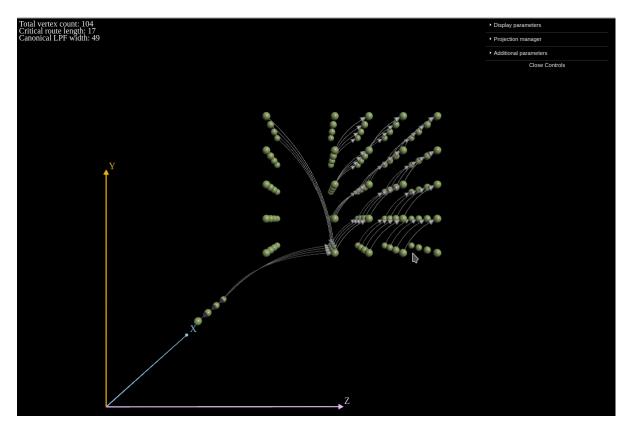


Рис.4. Проекция информационного графа на плоскость YOZ.

2 Исследование свойств

- Число вершин в информационном графе фрагмента программы при фиксированных значениях N=4,~M=5: 104. В общем случае формула имеет вид: $C=N+N\cdot M+N^2\cdot M$.
- Длина (число дуг) критического пути в информационном графе при фиксированных значениях $N=4,\ M=5$: 7. В общем случае формула имеет вид: $G=N+min\,(N-1,M-1)$.
- Ширина (максимальное число вершин на ярусе) ярусно-параллельной формы при фиксированных значениях N=4, M=5: 4. В общем случае ширина 1+NM+(N-1)N+(M-1)N, т.к. при построении ярусно-параллельной формы наибольшая ширина достигается на 1-ом ярусе. Под шириной яруса понимается число вершин, из которых на данном ярусе не выходят ребра.
- Максимальная глубина вложенности циклов: 3.
- Число различных типов дуг (тип дуг определяется направляющим вектором и длиной при фиксированных значениях параметров). При фиксированных значениях N=4, M=5 число различных дуг равно 4. В общем случае количество различных дуг равно 3+N, т.к. в последнем цикле присутствует зависимость A[i][1][1]C[n+1]:A[i][1][1]=B[i][m+1]+C[n+1].

- Наличие длинных дуг. Длинные дуги есть. Это дуги, образующие зависимость A[i][1][1] от B[i][m+1] в последнем цикле. Дуги A[i][1][1] C[n+1] не являются длинными, т.к. увеличение M не влияет на эту зависимость, а при увеличении N происходит добавление новых дуг, а не увеличение тех, которые были при N-1. Таким образом, длинных дуг N штук.
- Разметка параллельных циклов: предлагается полностью распараллелить второй блок циклов (оба цикла) и внешний цикл последнего блока циклов, т.к. нет обратной зависимости по i.

Список литературы

1. В.В. Воеводин, Вл.В. Воеводин Параллельные вычисления // Спб: "БХВПетербург 2002