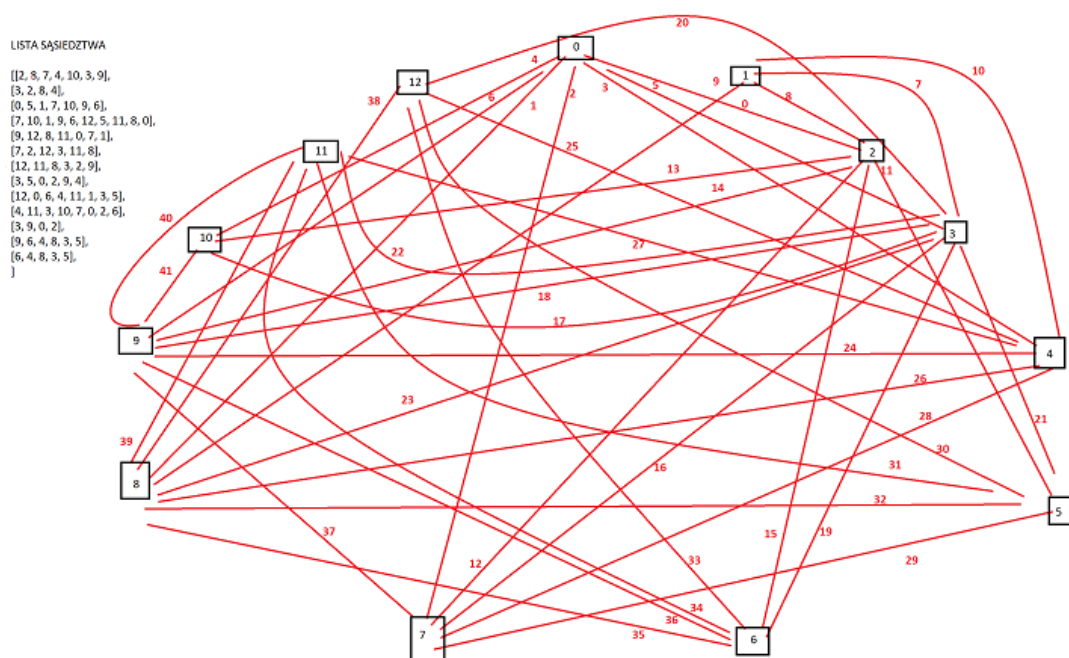


## ZADANIE 1

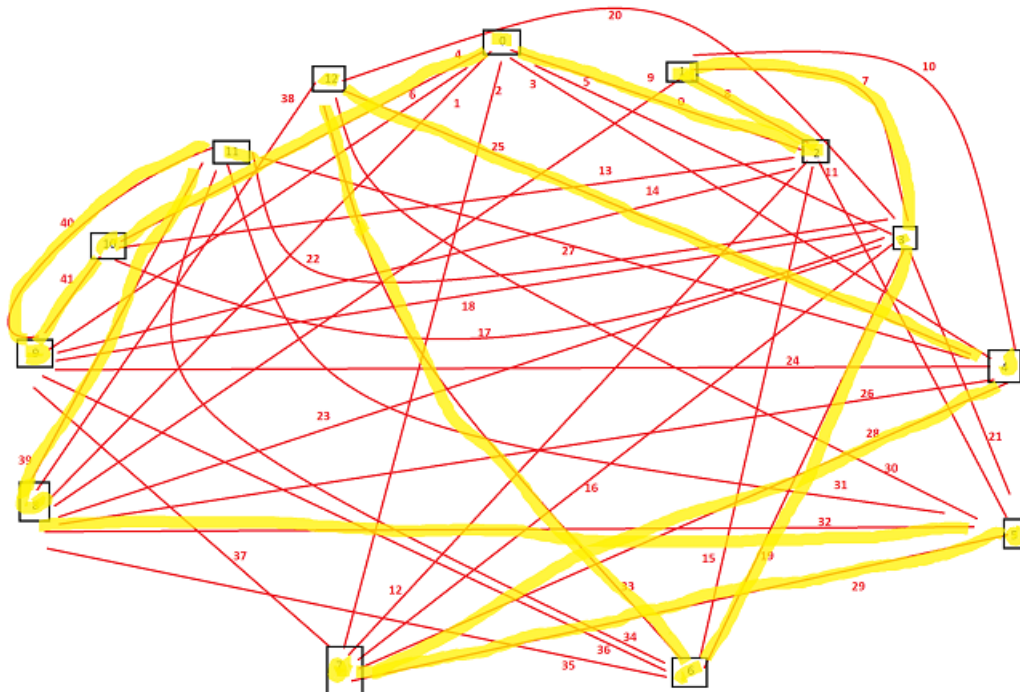


## ZADANIE 2

xx	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41			
0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		
1	0	1	1	1	1	1	0	0	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
2	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
3	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
5	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	
6	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0	0	
7	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	
8	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0
9	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0	1	0
10	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
11	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
12	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0

### ZADANIE 3

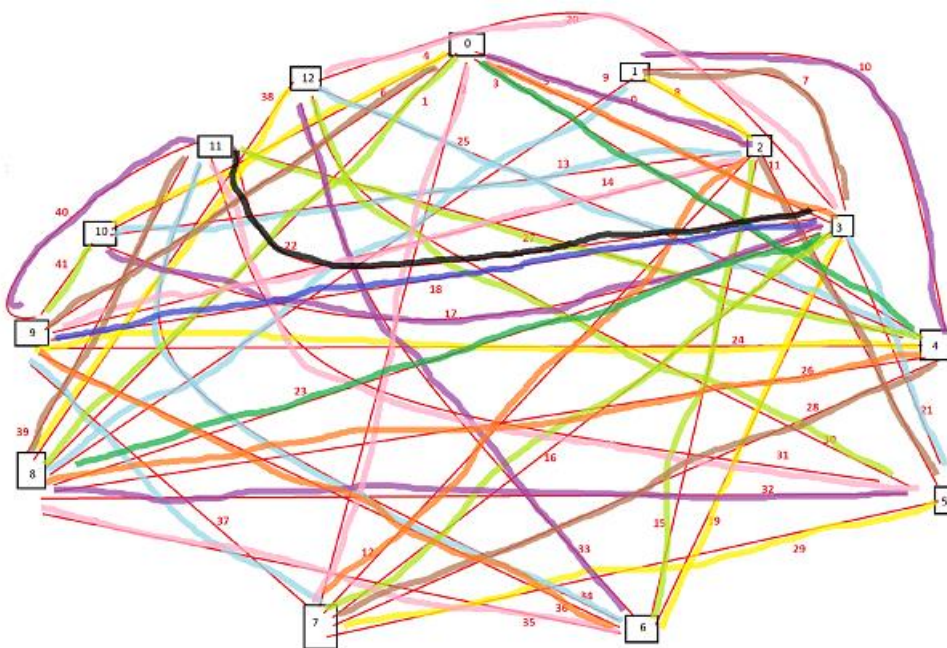
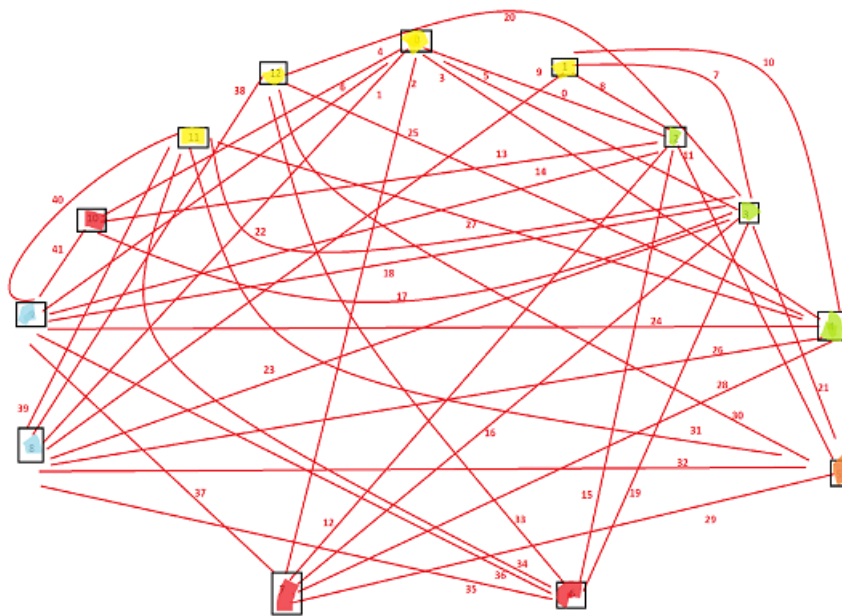
Graf jest hamiltonowski. Cykl Hamiltona: 0->2->1->3->6->12->4->7->5->8->11->9->10->0



### ZADANIE 4

Graf nie jest eulerowski, ponieważ nie każdy stopień wierzchołka jest liczbą parzystą. Graf nie jest pół-eulerowski, ponieważ ma 4 wierzchołki o stopniu nieparzystym (a powinny być 2).

## ZADANIE 5



## ZADANIE 6

Liczba chromatyczna: 5 (z rysunku w zadaniu 5)

M- maksymalny stopień wierzchołka

X- indeks chromatyczny

Z tw. Vizinga:

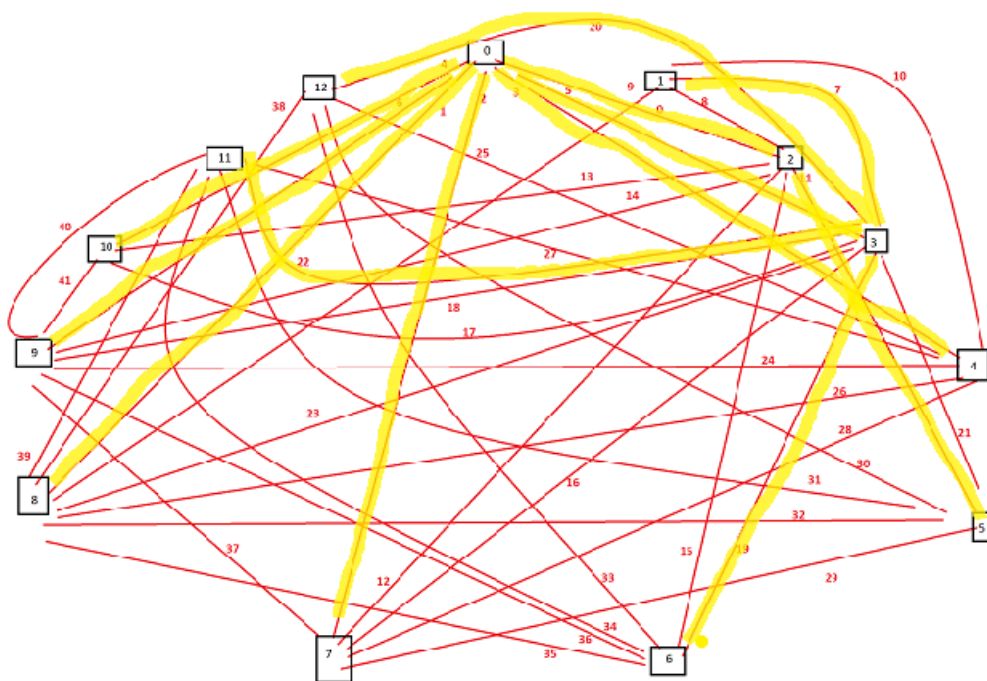
$$M \leq X \leq M+1$$

$$10 \leq X \leq 11$$

$X = 10$  (z rysunku w zadaniu 5)

## ZADANIE 7

Drzewo rozpinające przyjmując za wagi krawędzi ich numery:



## ZADANIE 8

Rysunek tego grafu nie jest planarny.

$m$ - liczba krawędzi

$n$ -liczba wierzchołków

gdy graf jest planarny to spełniona jest następująca nierówność:  $m \leq 3n - 6$

$$m=41$$

$$n=13$$

$$41 \leq 3 \cdot 13 - 6$$

$41 \leq 33$  nierówność nie jest prawdziwa, zatem grafu nie da się przedstawić jako planarnego.

