Análisis de Componentes Principales: Casos de Estudio

Hugo Oswaldo Perez Aparicio

2025-04-28

1. Análisis de Componentes Principales: Conjunto de Datos Genérico

1.1 Evaluación de la Adecuación para PCA

[1] 0.004667778

El valor del determinante de la matriz de correlación es significativamente cercano a cero, lo que constituye un indicador favorable para la aplicabilidad del Análisis de Componentes Principales (PCA) en este conjunto de datos.

```
##
## Loadings:
       Comp.1 Comp.2 Comp.3 Comp.4 Comp.5 Comp.6 Comp.7 Comp.8 Comp.9 Comp.10
##
                                     0.604 0.137 0.102 0.199
## x1
        0.141
               0.320 0.200
                                                                          0.109
## x2
       -0.419
               0.180
                             -0.248 0.145
                                                    0.236 - 0.110
                                                                         -0.570
                                                                  -0.207
## x3
       -0.274
               0.177
                      0.259
                             0.483 - 0.131
                                                                         0.367
##
  x4
              -0.307
                      0.447 -0.223
                                     0.129 -0.167 -0.291
                                                                 -0.399 -0.152
  x5
       -0.236 -0.410 -0.354
                              0.102
                                                                         -0.163
  x6
        0.132
                      -0.203 -0.628
                                                                  -0.112
##
                                            0.178
                                                                         0.340
##
  x7
        0.112
               0.340 - 0.464
                                            -0.345
                                                   0.151 - 0.194
                                                                  0.136
        0.385 - 0.246
                                           -0.132 -0.268
                                                           0.382 0.424 -0.258
##
  x8
                              0.153
## x9
        0.142 0.246 -0.284
                                            -0.510 -0.336
                                                           0.157 -0.536
## x10 -0.386
               0.110
                             -0.342
                                                   -0.331
                                                           0.327
                                                                  0.273
                                                                         0.383
## x11
               0.137 -0.255
                             0.122 -0.300
                                            0.528
                                                           0.574 - 0.364
       0.102 0.330
## x12
                                    -0.226 0.346 -0.643 -0.434
                                                                         -0.209
                      0.232 -0.223 -0.648 -0.301
## x13
        0.175 0.410
                      0.305 -0.182
## x14
                                                    0.158
                                                           0.154
                                                                         -0.256
                                            0.135 0.173 -0.256 -0.249
##
        0.521 -0.153
                                                                        0.151
       Comp.11 Comp.12 Comp.13 Comp.14 Comp.15
##
## x1
        0.134
                0.135
                                 0.588
        0.203
               -0.186
                                        -0.459
## x2
## x3
       -0.232
               -0.412
                                 0.113 -0.382
## x4
                         0.576
       -0.582
                0.204
                                 0.470
## x5
## x6
       -0.171
               -0.566
                                 0.147
## x7
                        0.662
## x8
               -0.385
                                        -0.355
## x9
                        -0.367
## x10
                0.367
                                        -0.367
## x11
                        0.237
## x12
                                 0.223
```

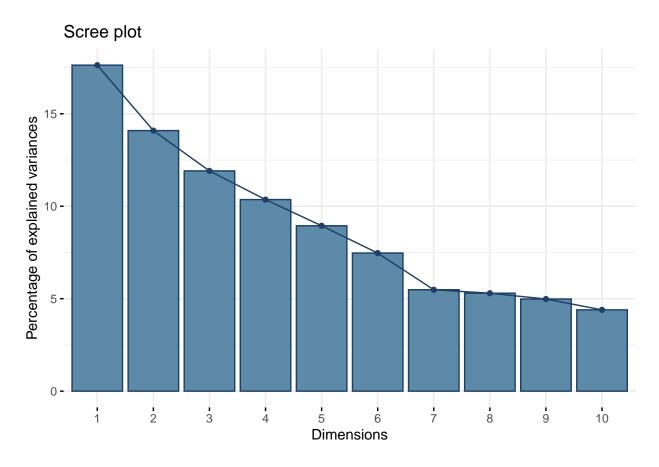
```
## x13 0.136
                               0.524
## x14 -0.693
                              -0.248
## x15
               0.344
                                      -0.611
##
##
                 Comp.1 Comp.2 Comp.3 Comp.4 Comp.5 Comp.6 Comp.7 Comp.8 Comp.9
                  1.000 1.000 1.000 1.000 1.000 1.000 1.000
                                                                 1.000 1.000
## SS loadings
## Proportion Var 0.067 0.067 0.067 0.067 0.067 0.067
                                                                  0.067 0.067
## Cumulative Var 0.067 0.133 0.200 0.267 0.333 0.400 0.467
                                                                  0.533 0.600
                 Comp.10 Comp.11 Comp.12 Comp.13 Comp.14 Comp.15
##
                           1.000
## SS loadings
                                   1.000
                                           1.000
                                                   1.000
                                                           1.000
                   1.000
                   0.067
## Proportion Var
                           0.067
                                   0.067
                                           0.067
                                                  0.067
                                                           0.067
## Cumulative Var
                           0.733
                                                  0.933
                   0.667
                                   0.800
                                           0.867
                                                          1.000
```

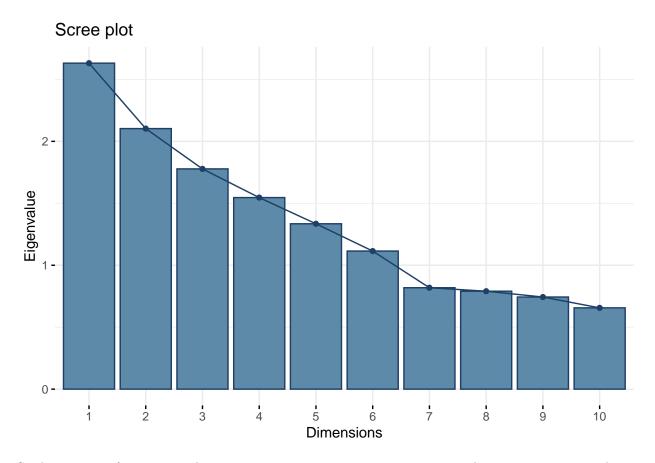
```
# Resumen estadístico del análisis PCA summary(analisis_pca)
```

```
## Importance of components:
##
                             Comp.1
                                       Comp.2
                                                 Comp.3
                                                            Comp.4
## Standard deviation
                          1.6220588 1.4501268 1.3332930 1.2434264 1.15529908
## Proportion of Variance 0.1762864 0.1408957 0.1191069 0.1035919 0.08942821
## Cumulative Proportion 0.1762864 0.3171821 0.4362890 0.5398809 0.62930907
##
                              Comp.6
                                         Comp.7
                                                    Comp.8
                                                               Comp.9
## Standard deviation
                          1.05569426 0.90471763 0.88908929 0.8622762 0.80999883
## Proportion of Variance 0.07467272 0.05484181 0.05296347 0.0498171 0.04395967
## Cumulative Proportion 0.70398179 0.75882360 0.81178707 0.8616042 0.90556384
##
                                       Comp.12
                                                  Comp.13
                            Comp.11
                                                             Comp. 14
## Standard deviation
                          0.7012045 0.59518243 0.53958339 0.4662240 0.234552581
## Proportion of Variance 0.0329439 0.02373482 0.01950755 0.0145638 0.003686091
## Cumulative Proportion 0.9385077 0.96224255 0.98175010 0.9963139 1.000000000
```

La distribución de la varianza muestra una concentración significativa en los primeros seis componentes principales, los cuales acumulan aproximadamente el 70% de la varianza total del conjunto de datos.

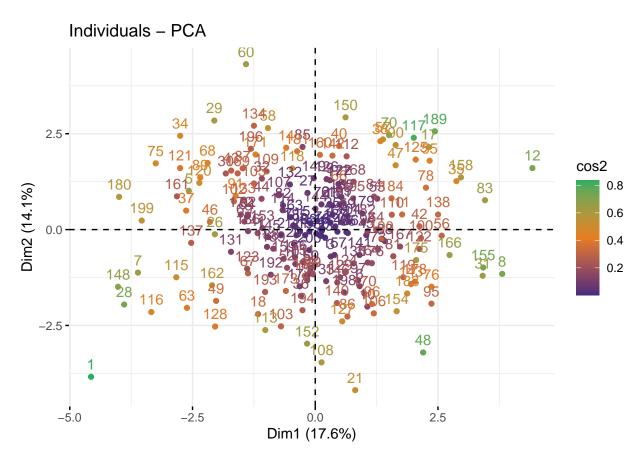
1.2 Análisis de Varianza y Eigenvalores

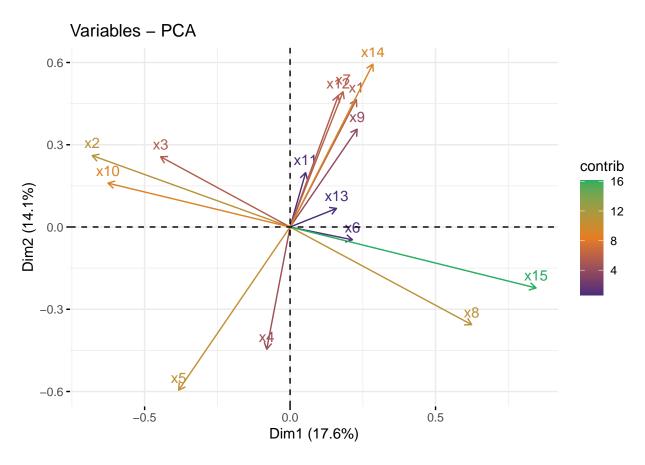


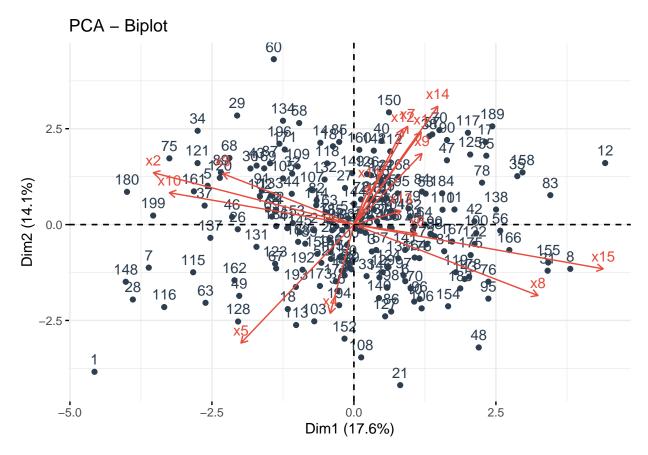


Se observa que, efectivamente, los primeros seis componentes presentan eigenvalores superiores a uno, lo que corrobora la recomendación de retener estos componentes según el criterio de Kaiser.

1.3 Visualizaciones del PCA







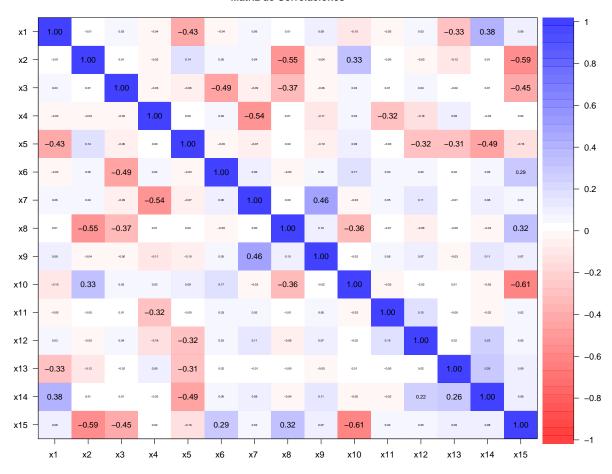
En la representación de observaciones, cada punto corresponde a una observación proyectada sobre las dos primeras dimensiones principales. La concentración mayoritaria de observaciones en la región central sugiere una limitada explicación de la variabilidad en este plano bidimensional, exceptuando algunas observaciones periféricas.

El gráfico de variables muestra la asociación entre las variables originales y los componentes principales. Variables como x15 y x8 evidencian una alta contribución a la variabilidad (representadas en verde), mientras que x6 y x13 presentan una relevancia comparativamente menor (representadas en rojo).

El biplot integra tanto observaciones como variables. Las observaciones situadas próximas al origen no manifiestan correlaciones significativas con ninguna variable específica.

1.4 Análisis de Correlaciones





La interpretación de los coeficientes de correlación es la siguiente: valores próximos a 1 indican correlación directa fuerte, valores cercanos a -1 señalan correlación inversa fuerte, mientras que valores cercanos a 0 sugieren ausencia de correlación lineal.

1.5 Rotación Varimax

##

rotate = "varimax", scores = TRUE, oblique.scores = FALSE,

```
method = "regression")
## Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
##
              RC2
                   RC4
                         RC3
                               RC6
                                    RC5
                                          h2
## x1
      -0.06 0.57 -0.04 0.06 -0.10 -0.72 0.86 0.14 2.0
## x2
       0.80 - 0.05
                  0.07 0.02 0.00 -0.15 0.68 0.32 1.1
       0.22  0.08  -0.84  -0.08  0.06  0.01  0.77  0.23  1.2
## x3
      -0.01 0.06 0.07 -0.50 -0.65 0.12 0.69 0.31 2.0
## x4
       ## x5
## x6
       0.12  0.07  0.87  0.00  0.04  0.03  0.78  0.22  1.1
## x7
       0.02 0.03 0.05 0.87 0.21 -0.01 0.80 0.20 1.1
## x8 -0.73 -0.13 0.12 0.11 -0.12 0.00 0.59 0.41 1.2
## x9 -0.06 0.10 0.04 0.77 -0.12 0.00 0.63 0.37 1.1
## x10 0.76 -0.07 0.13 0.02 -0.08 0.13 0.62 0.38 1.2
## x11 -0.02 -0.07 0.03 -0.04 0.78 0.02 0.61 0.39 1.0
## x12 0.02 0.41 0.00 -0.01 0.54
                                   0.06 0.46 0.54 1.9
## x13 -0.05 0.31 0.00 -0.01 -0.05
                                   0.88 0.87 0.13 1.3
## x14 0.03 0.80 0.04 0.09 -0.03 0.04 0.66 0.34 1.0
## x15 -0.77 0.15 0.42 -0.03 0.07 0.00 0.80 0.20 1.7
##
##
                        RC1 RC2 RC4 RC3 RC6 RC5
## SS loadings
                       2.42 2.04 1.69 1.63 1.42 1.35
## Proportion Var
                       0.16 0.14 0.11 0.11 0.09 0.09
                       0.16 0.30 0.41 0.52 0.61 0.70
## Cumulative Var
## Proportion Explained 0.23 0.19 0.16 0.15 0.13 0.13
## Cumulative Proportion 0.23 0.42 0.58 0.74 0.87 1.00
## Mean item complexity = 1.3
## Test of the hypothesis that 6 components are sufficient.
## The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.08
   with the empirical chi square 263.19 with prob < 4.2e-39
##
## Fit based upon off diagonal values = 0.83
```

Matriz de ponderaciones analisis_pca_rotado\$weights

RC1 RC2 RC4 RC3 0.2792604831 -0.007237084 -0.01527418 -0.091588546 ## x1 -0.008727579 ## x2 0.347445455 0.0040542499 0.111942053 0.01275760 -0.002653909 ## x3 ## x4 0.003568835 ## x5 $0.010811259 - 0.4185764561 \quad 0.023497517 \quad 0.02449604 - 0.014296960$ ## x6 0.125340287 0.0420708386 0.542636482 -0.04827402 0.046513370## x7 $0.021601246 - 0.0274162575 - 0.003459397 \ 0.53463456 \ 0.015853266$ -0.304573037 -0.0938811312 ## x8 -0.009219345 0.0191129775 -0.019401843 0.52155816 -0.212794964 ## x10 0.334173404 ## x11 -0.015511335 -0.0578383249 0.031514256 -0.14507604 0.588000386 ## x12 0.021797373 0.1920790342 0.014156384 -0.10667257 0.387946754 ## x13 -0.003859800 ## x14 0.048754865 0.3991573828 0.025836092 0.02854465 -0.057791927 0.0444343090 0.197316966 -0.06405394 0.066900852 ## x15 -0.288725458 ## RC5

```
-0.532518411
       -0.106498653
## x2
## x3
       0.031410906
## x4
       0.061999780
##
  x5
       -0.053850311
      -0.001304753
## x6
## x7
       0.037945017
## x8
       -0.002944088
## x9
        0.044229464
## x10
       0.098142293
## x11
       0.005480346
       0.038824028
## x12
## x13
       0.656302428
## x14 0.034560186
## x15 -0.017402741
```

El análisis confirma la reducción a seis componentes principales, asignando nuevas ponderaciones factoriales que facilitan la interpretación de la estructura subyacente.

2. Análisis PCA: Datos Demográficos COVID-2000

2.1 Evaluación de Adecuación para PCA

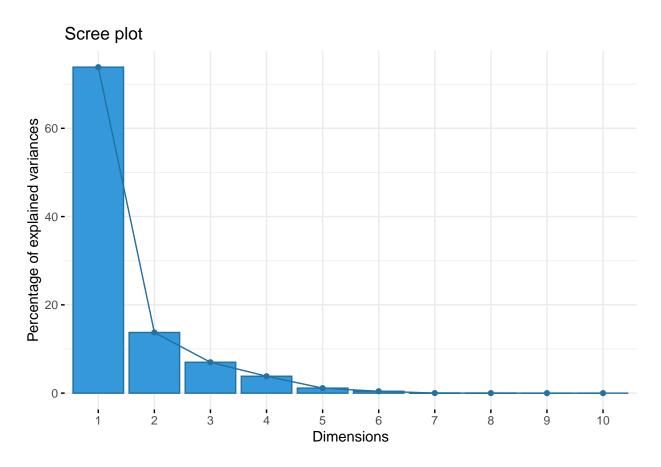
```
determinante_2000 <- det(cor(datos_2000_normalizados))
determinante_2000</pre>
```

```
## [1] -8.80948e-41
```

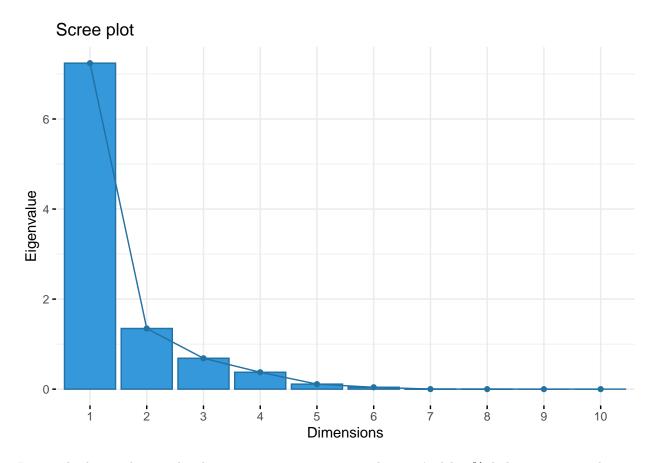
El determinante de la matriz de correlación es cercano a cero pero negativo, lo que sugiere una alta multicolinealidad entre las variables analizadas.

2.2 Ejecución del PCA para Datos 2000

```
pca_2000 <- princomp(datos_2000_normalizados)</pre>
summary(pca_2000)
## Importance of components:
                                       Comp.2
                             Comp.1
                                                  Comp.3
                                                            Comp.4
                                                                        Comp.5
                          2.6907367 1.1607536 0.8280683 0.6125685 0.33421800
## Standard deviation
## Proportion of Variance 0.7384865 0.1374296 0.0699411 0.0382745 0.01139357
## Cumulative Proportion 0.7384865 0.8759161 0.9458572 0.9841317 0.99552529
##
                                Comp.6
                                             Comp.7
                                                          Comp.8 Comp.9 Comp.10
                          0.204077430 0.0391252568 2.629360e-02
                                                                               0
## Standard deviation
## Proportion of Variance 0.004248055 0.0001561401 7.051803e-05
                                                                      0
                                                                               0
## Cumulative Proportion 0.999773342 0.9999294820 1.000000e+00
                                                                               1
fviz eig(pca 2000, choice = "variance",
         barfill = "#3498DB", barcolor = "#2471A3",
         linecolor = "#2471A3")
```

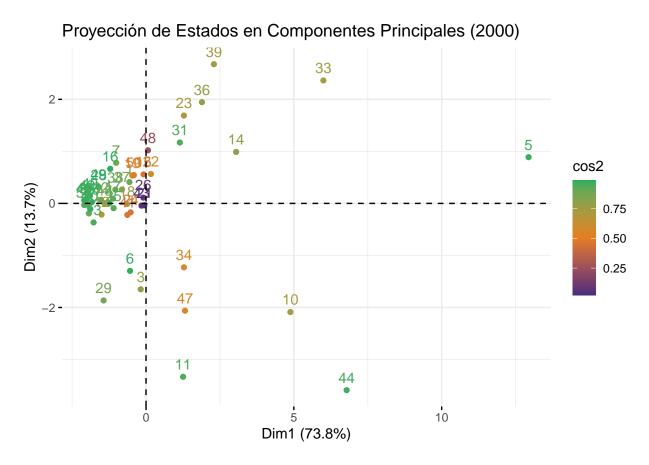


```
fviz_eig(pca_2000, choice = "eigenvalue",
    barfill = "#3498DB", barcolor = "#2471A3",
    linecolor = "#2471A3")
```

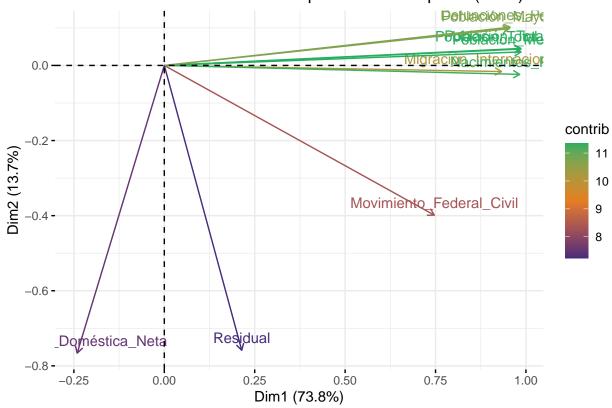


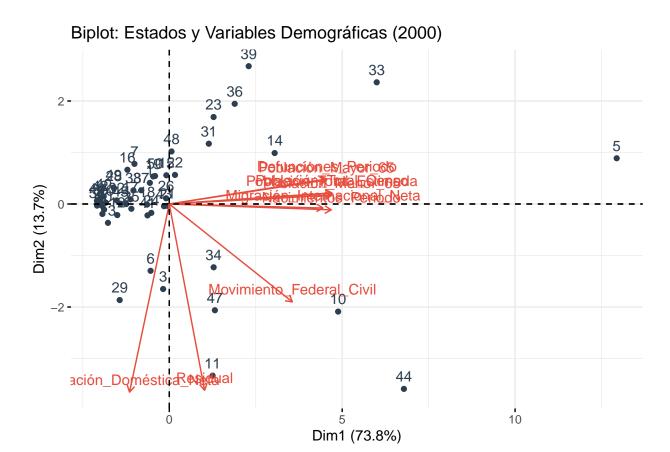
Los resultados revelan que los dos primeros componentes explican más del 80% de la varianza total y presentan eigenvalores superiores a uno, lo que justifica la reducción dimensional a solamente dos componentes.

2.3 Visualizaciones del PCA para Datos 2000



Contribución de Variables a Componentes Principales (2000)





En la representación de individuos (estados), cada punto representa una observación proyectada sobre los dos componentes principales. Se aprecia que la mayoría de los estados son adecuadamente representados por estas dos dimensiones, con pocos casos que escapan a esta representación bidimensional. En el gráfico de variables, aquellas destacadas en verde exhiben una contribución sustancial a la explicación de la variabilidad.

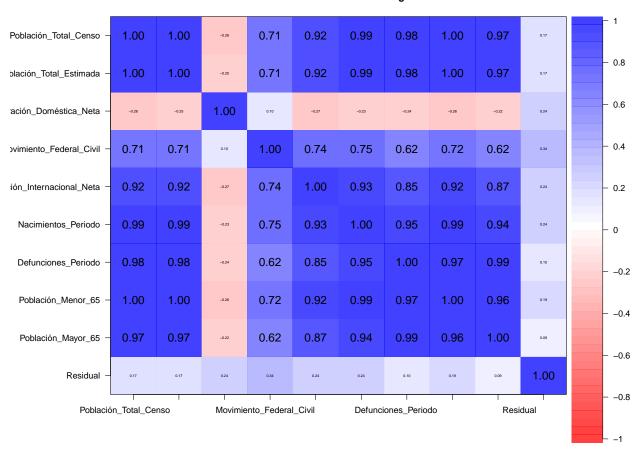
2.4 Análisis de Correlaciones para Datos 2000

```
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
```

utilizada con caracteres no ASCII

```
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
```





El análisis de la matriz de correlación evidencia fuertes interrelaciones entre las variables demográficas estudiadas.

$2.5~{\rm Rotaci\'on~Varimax~para~Datos~2000}$

```
## Warning in cor.smooth(r): Matrix was not positive definite, smoothing was done
## In factor.stats, I could not find the RMSEA upper bound . Sorry about that
## Warning in psych::principal(datos_2000_normalizados, nfactors = 2, residuals =
```

```
## FALSE, : The matrix is not positive semi-definite, scores found from Structure
## loadings
pca_2000_rotado
## Principal Components Analysis
## Call: psych::principal(r = datos_2000_normalizados, nfactors = 2, residuals = FALSE,
      rotate = "varimax", scores = TRUE, oblique.scores = FALSE,
##
##
       method = "regression")
## Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
                                 RC1
                                       RC2
                                            h2
                                                     u2 com
## Población_Total_Censo
                                1.00 -0.02 0.99 0.0059 1.0
## Población_Total_Estimada
                               1.00 -0.02 0.99 0.0058 1.0
## Migración_Doméstica_Neta
                               -0.26 0.77 0.66 0.3421 1.2
## Movimiento Federal Civil
                                0.74 0.42 0.73 0.2692 1.6
## Migración_Internacional_Neta 0.94 0.04 0.89 0.1128 1.0
## Nacimientos_Periodo
                                0.99 0.05 0.99 0.0142 1.0
## Defunciones_Periodo
                                0.97 -0.08 0.94 0.0563 1.0
                                1.00 -0.01 0.99 0.0061 1.0
## Población_Menor_65
## Población_Mayor_65
                                0.97 -0.07 0.94 0.0623 1.0
## Residual
                                0.20 0.77 0.63 0.3663 1.1
##
                         RC1 RC2
##
## SS loadings
                        7.38 1.38
## Proportion Var
                        0.74 0.14
## Cumulative Var
                        0.74 0.88
## Proportion Explained 0.84 0.16
## Cumulative Proportion 0.84 1.00
## Mean item complexity = 1.1
## Test of the hypothesis that 2 components are sufficient.
## The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.06
## with the empirical chi square 15.64 with prob < 0.94
##
## Fit based upon off diagonal values = 0.99
pca_2000_rotado$weights
##
## Loadings:
                                RC1
                                       RC2
## Población_Total_Censo
                                0.997
## Población_Total_Estimada
                                0.997
## Migración_Doméstica_Neta
                                -0.264
                                       0.767
## Movimiento_Federal_Civil
                                0.743
                                       0.422
## Migración_Internacional_Neta 0.941
## Nacimientos Periodo
                                0.992
## Defunciones_Periodo
                                0.968
## Población_Menor_65
                                0.997
## Población_Mayor_65
                                0.966
```

0.196 0.772

Residual

##

```
## RC1 RC2
## SS loadings 7.381 1.378
## Proportion Var 0.738 0.138
## Cumulative Var 0.738 0.876
```

La aplicación de la rotación Varimax optimiza la interpretación de los dos componentes principales identificados, mediante la redistribución de las cargas factoriales.

3. Análisis PCA: Datos Demográficos COVID-2001

3.1 Evaluación de Adecuación para PCA

```
determinante_2001 <- det(cor(datos_2001_normalizados))
determinante_2001</pre>
```

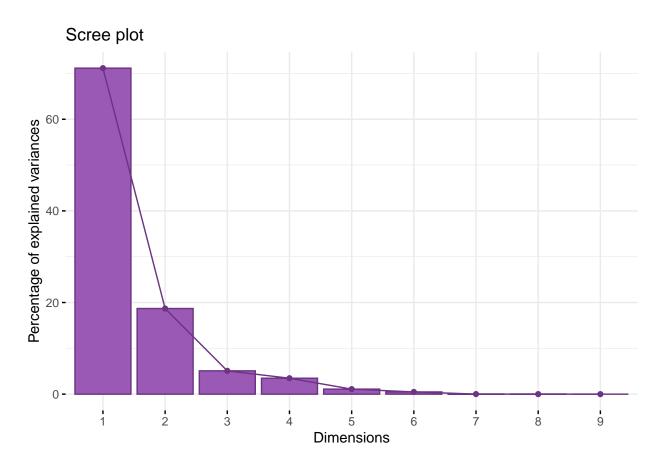
```
## [1] -4.747386e-25
```

El determinante de la matriz de correlación presenta un valor cercano a cero pero con signo negativo, lo que indica una potencial multicolinealidad entre variables, aunque matemáticamente se puede considerar aproximadamente cero.

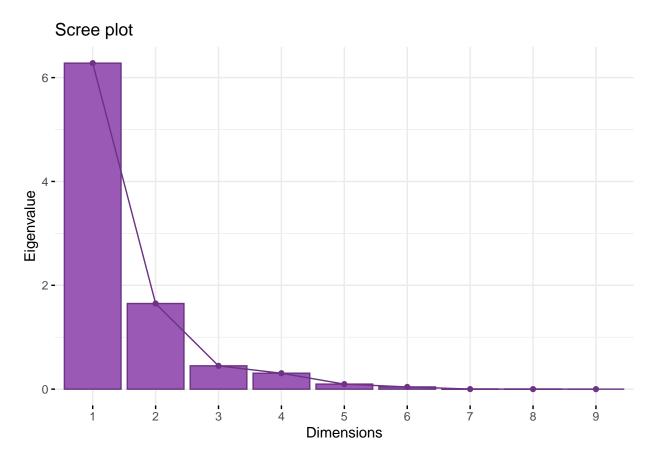
3.2 Ejecución del PCA para Datos 2001

linecolor = "#6C3483")

```
pca_2001 <- princomp(datos_2001_normalizados)</pre>
summary(pca_2001)
## Importance of components:
##
                             Comp.1
                                       Comp.2
                                                   Comp.3
                                                              Comp.4
                                                                          Comp.5
## Standard deviation
                          2.5056381 1.2841609 0.66974585 0.55374490 0.31095905
## Proportion of Variance 0.7115319 0.1868945 0.05083674 0.03475179 0.01095883
## Cumulative Proportion 0.7115319 0.8984264 0.94926311 0.98401490 0.99497372
                                                          Comp.8 Comp.9
##
                               Comp.6
                                             Comp.7
                          0.205937451 0.0345666035 2.728378e-02
## Standard deviation
## Proportion of Variance 0.004806493 0.0001354163 8.436586e-05
                                                                      0
## Cumulative Proportion 0.999780218 0.9999156341 1.000000e+00
fviz_eig(pca_2001, choice = "variance",
         barfill = "#9B59B6", barcolor = "#6C3483",
```

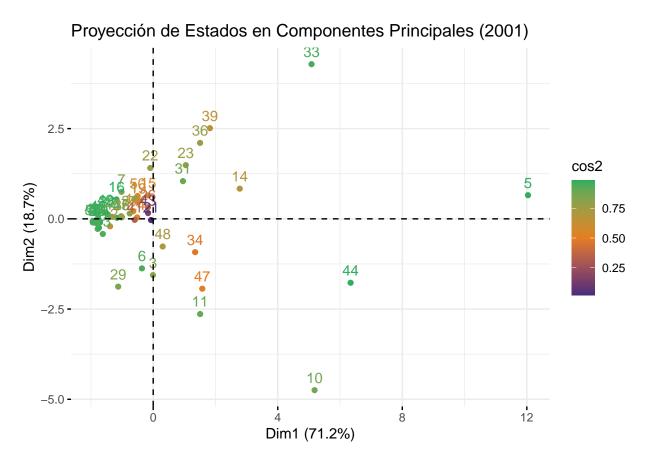


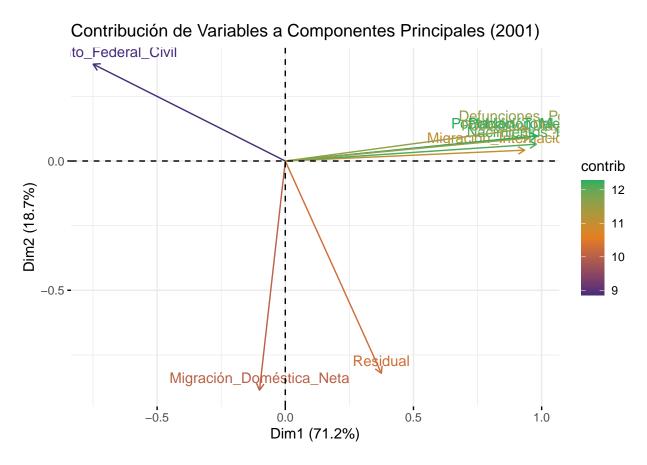
```
fviz_eig(pca_2001, choice = "eigenvalue",
    barfill = "#9B59B6", barcolor = "#6C3483",
    linecolor = "#6C3483")
```

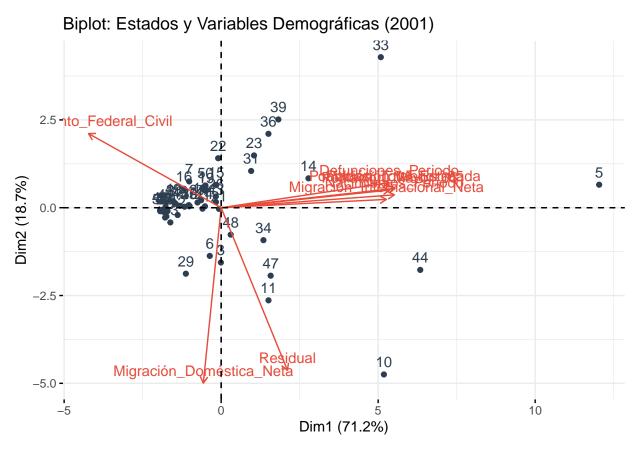


La aplicación del PCA muestra que los dos primeros componentes condensan el mayor porcentaje de varianza del conjunto y presentan eigenvalores superiores a uno, criterio que justifica su retención.

3.3 Visualizaciones del PCA para Datos 2001







En la representación de los estados, cada punto corresponde a una observación proyectada sobre las dos dimensiones principales. Se evidencia que la mayoría de las entidades están adecuadamente representadas por estas dos dimensiones, con una minoría que muestra una representación subóptima. En el gráfico de variables, aquellas destacadas en verde exhiben una contribución sustancial a la explicación de la variabilidad total.

3.4 Análisis de Correlaciones para Datos 2001

utilizada con caracteres no ASCII

utilizada con caracteres no ASCII

utilizada con caracteres no ASCII

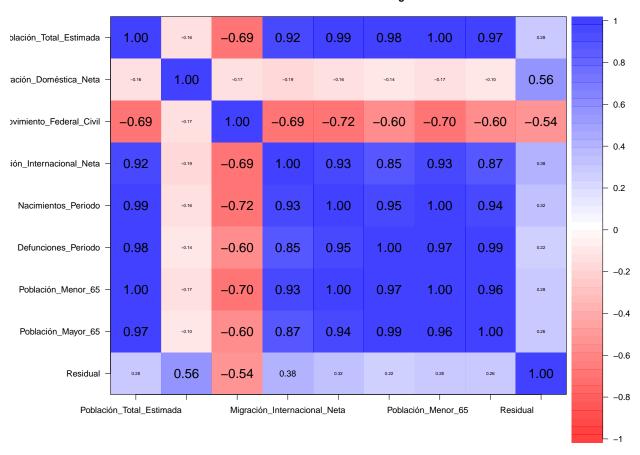
Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura

Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura

Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura

```
## Warning in abbreviate(rownames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(colnames(r), minlength = minlength): abreviatura
## utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
## Warning in abbreviate(dimnames(ans)[[2L]], minlength = abbr.colnames):
## abreviatura utilizada con caracteres no ASCII
```





El análisis de la matriz de correlación revela fuertes interrelaciones entre las variables demográficas, algunas de las cuales presentan correlaciones inversas significativas.

3.5 Rotación Varimax para Datos 2001

```
## Warning in cor.smooth(r): Matrix was not positive definite, smoothing was done
```

```
## Warning in psych::principal(datos_2001_normalizados, nfactors = 2, residuals =
## FALSE, : The matrix is not positive semi-definite, scores found from Structure
## loadings
```

```
pca_2001_rotado
```

```
## Principal Components Analysis
## Call: psych::principal(r = datos_2001_normalizados, nfactors = 2, residuals = FALSE,
       rotate = "varimax", scores = TRUE, oblique.scores = FALSE,
       method = "regression")
## Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix
##
                                 RC1
                                       RC2
                                             h2
                                                    u2 com
## Población_Total_Estimada
                                1.00 0.03 0.99 0.0068 1.0
## Migración_Doméstica_Neta
                               -0.22 0.87 0.81 0.1884 1.1
## Movimiento Federal Civil
                               -0.70 -0.47 0.72 0.2839 1.8
## Migración_Internacional_Neta 0.94 0.08 0.89 0.1088 1.0
## Nacimientos Periodo
                                0.99 0.06 0.98 0.0178 1.0
## Defunciones_Periodo
                                0.97 0.00 0.93 0.0651 1.0
## Población_Menor_65
                                1.00 0.03 0.99 0.0068 1.0
## Población_Mayor_65
                                0.96 0.04 0.93 0.0676 1.0
## Residual
                                0.27 0.87 0.83 0.1691 1.2
##
##
                         RC1 RC2
## SS loadings
                        6.32 1.76
## Proportion Var
                        0.70 0.20
## Cumulative Var
                        0.70 0.90
## Proportion Explained 0.78 0.22
## Cumulative Proportion 0.78 1.00
## Mean item complexity = 1.1
## Test of the hypothesis that 2 components are sufficient.
## The root mean square of the residuals (RMSR) is 0.05
## with the empirical chi square 7.81 with prob < 0.99
##
## Fit based upon off diagonal values = 1
```

pca_2001_rotado\$weights

```
## Loadings:
##
                                RC1
                                       RC2
## Población_Total_Estimada
                                 0.996
## Migración_Doméstica_Neta
                                -0.217 0.874
## Movimiento Federal Civil
                                -0.702 -0.473
## Migración_Internacional_Neta 0.941
## Nacimientos_Periodo
                                 0.989
## Defunciones_Periodo
                                 0.967
## Población_Menor_65
                                 0.996
## Población_Mayor_65
                                 0.965
## Residual
                                 0.268 0.871
##
                    RC1
                          RC2
## SS loadings
                  6.324 1.761
## Proportion Var 0.703 0.196
## Cumulative Var 0.703 0.898
```

La aplicación de la rotación Varimax optimiza la interpretación de los dos componentes principales identificados para el año 2001, mediante la redistribución de las cargas factoriales.