

Praca domowa 1

12/31

Wiemy że zbiór $\{\wedge, \vee, \neg\}$ jest funkcjonalnie pełny, oraz że $p \vee q = \neg(\neg p \wedge \neg q)$. Oznacza to, że każdą alternatywę w dowolnej funkcji zdaniowej możemy zastąpić koniunkcją. A więc zbiór $\{\wedge, \neg\}$ jest funkcjonalnie pełny.

10/44

Przekształćmy wyrażenie korzystając z następujących praw rachunku funkcyjnego:

1. Prawo de Morgana: $\neg \exists x \in \mathbb{X} : P(x) \equiv \forall x \in \mathbb{X} : \neg P(x)$

$$\begin{aligned}\neg \exists x \in \mathbb{X} : \exists y \in \mathbb{Y} : (\neg \varphi(x, y) \vee \psi(x, y)) &\equiv \\ &\equiv \forall x \in \mathbb{X} : \forall y \in \mathbb{Y} : \neg(\neg \varphi(x, y) \vee \psi(x, y))\end{aligned}$$

2. Likwidacja implikacji $\varphi(x, y) \Rightarrow \psi(x, y) \equiv \neg \varphi(x, y) \vee \psi(x, y)$

$$\begin{aligned}\forall x \in \mathbb{X} : \forall y \in \mathbb{Y} : \neg(\neg \varphi(x, y) \vee \psi(x, y)) &\equiv \\ &\equiv \forall x \in \mathbb{X} : \forall y \in \mathbb{Y} : \neg(\varphi(x, y) \Rightarrow \psi(x, y))\end{aligned}$$