



## Atividade ANP assíncrona - Selection Sort

A aula está dividida em algumas partes: compreensão do algoritmo, análise deste e implementação. A atividade deverá ser realizada durante o horário da aula, sendo que o prazo para o envio das respostas das questões está especificado na atividade aberta no Moodle. As implementações deverão ser enviadas no formato compactado para o Moodle. Esta aula ANP, se corretamente realizada, garante a presença no dia da aula.

Na aula de hoje, será estudado um algoritmo de ordenação "Bonus", ou seja, não visto em aula: **Ordenação por Seleção** ou **Selection Sort**. Este algoritmo é um dos mais simples e consiste em, a cada passo encontrar o menor valor do vetor e passar para a posição da vez. Como exemplo, considere o seguinte cenário de números para ordenação:

3	40	23	61	12	2	71	11
---	----	----	----	----	---	----	----

No início, o *Selection sort* precisa achar o menor (considera-se ordenação crescente, mas poderia ser também decrescente) elemento para colocar na primeira posição, para tanto, ele efetua uma varredura no vetor:

Posição atual					Menor elem.		
3	40	23	61	12	2	71	11

Quando o menor elemento do vetor é encontrado, troca-se ele pelo primeiro:

2	40	23	61	12	3	71	11
---	----	----	----	----	---	----	----

A primeira posição agora está correta, possui o menor elemento. Então o algoritmo prossegue para a segunda posição, efetuando a busca pelo segundo menor elemento

Posição atual					Menor elem.		
2	40	23	61	12	3	71	11

Quando o menor elemento do restante do vetor é encontrado, troca-se ele pelo segundo:

2	3	23	61	12	40	71	11
---	---	----	----	----	----	----	----

O mesmo é feito para a terceira posição:

Posição atual					Menor elem.		
2	3	23	61	12	40	71	11

Efetando a troca:

2	3	11	61	12	40	71	23
---	---	----	----	----	----	----	----

Se o processo continuar até o última posição, consegue-se:

2	3	11	12	23	40	61	71
---	---	----	----	----	----	----	----



## Formalizando o algoritmo

Considerando o exemplo fornecido anteriormente, pode-se apresentar a formalização do algoritmo em sua forma mais simples:

```
1: procedure ORDENACAO_SELECAO( $A[]$ ,  $tamanho$ )
2:   for  $i$  de 0 e  $i < tamanho - 1$  do
3:      $menor \leftarrow i$ 
4:     for  $j$  de  $i + 1$  e  $j < tamanho$  do
5:       if  $A[j] < A[menor]$  then
6:          $menor \leftarrow j$ 
7:       end if
8:     end for
9:     if  $menor \neq i$  then
10:       $temp \leftarrow A[i]$ 
11:       $A[i] \leftarrow A[menor]$ 
12:       $A[menor] \leftarrow temp$ 
13:    end if
14:  end for
15: end procedure
```

No algoritmo anterior, o **for** que se inicia na linha 2 serve para definir qual o índice do elemento que será atualizado na rodada atual (começa no primeiro e vai até o penúltimo). Na linha 3, assume-se que o elemento da posição  $i$  é o menor elemento. Já o **for** iniciado na linha 4 varre o vetor partindo do elemento seguinte a  $i$  até o final para encontrar o menor elemento do subvetor restante. Se um menor elemento é encontrado, uma atualização é feita na linha 6. Terminado este **for**, caso seja encontrado um elemento menor que o que está apontado por  $i$  (**if** da linha 9), estes são trocados de posição.



## Analizando a complexidade do algoritmo

No algoritmo anterior, pode-se entender como operação dominante (a qual executa mais vezes) o **If** inteiro que abrange as linhas 5-7, que é a operação de comparação. Considerando um  $n$  (quantidade de dados) qualquer, a primeira rodada executará  $(n-1)$  vezes, pois o **for** irá de  $j = 0+1$  até  $tamanho^1-1$ . Na segunda rodada será  $(n-1)$ , pois agora o **for** executará de  $j = 1+1$  até  $tamanho-1$ . Isto se repete até o penúltimo elemento, onde o **for** executará 1 vez acessando apenas o último elemento, pois  $j = tamanho-2+1$  até  $tamanho-1$ . Generalizando, obtém-se o seguinte número de execuções da operação dominante:

$$(n-1) + (n-2) + \dots + 1 = \sum_{i=1}^{n-1} i$$

A progressão anterior é uma progressão aritmética. Para derivar a expressão do somatório para um valor genérico de  $n$ , pode-se recorrer a **soma da progressão**, ou **série**. Essa soma pode ser encontrada rapidamente pegando o número de termos sendo adicionados (neste caso  $n-1$ ), multiplicando pela soma do primeiro e último número na progressão (aqui  $(n-1) + 1$ ) e dividindo por 2. Para a progressão anterior:

$$\sum_{i=1}^{n-1} i = \frac{((n-1) + 1) \times (n-1)}{2} = \frac{n \times (n-1)}{2} = \frac{1}{2} \times (n^2 - n)$$

Como considera-se a notação assintótica, elimina-se a constante multiplicativa  $(1/2)$  e o termo de menor expressividade  $(n)$ , sobrando apenas  $n^2$ , então a complexidade de pior caso será  $O(n^2)$ . A maneira intuitiva de derivar a complexidade é observar que existe uma estrutura **for** dentro de outra, sendo ambos delimitados por  $n$ , logo, têm-se  $n^2$  execuções, equivalendo então a  $O(n^2)$ .

## Propriedades do algoritmo

As propriedades do algoritmo são as seguintes:

- Complexidades de pior, melhor e caso médio iguais: independente da entrada, o algoritmo executará as mesmas operações, não sendo parcialmente dependente da estrutura da entrada, como o **inserção** e o **bolha otimizado**.
- Não é estável: elementos iguais podem ser trocados de ordem.
- Ordenação *in loco*, pois não precisa de memória adicional.
- Um dos algoritmos  $O(n^2)$  mais rápidos para vetores pequenos.

<sup>1</sup> Tamanho e  $n$  são equivalentes.



## Atividades

1. Apresente um exemplo que evidencie o fato do algoritmo não ser estável. Pode ser uma explicação em um arquivo de texto.
2. Implemente o algoritmo em C.

Envie sua resposta e implementação pelo Moodle.

Bom trabalho!