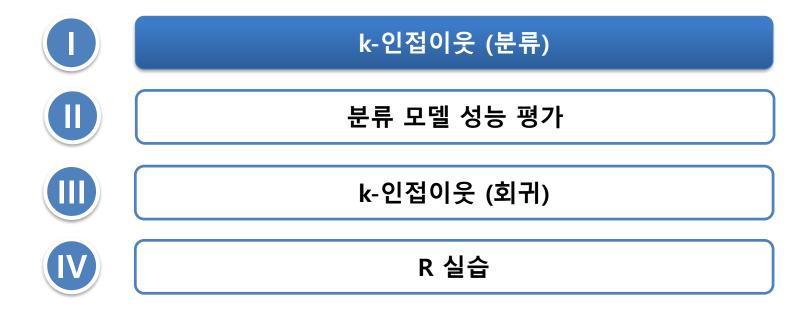


2016 MACHINE LEARNING CAMP

5강: k-인접 이웃 기법

강필성 고려대학교 산업경영공학부 pilsung.kang@korea.ac.kr

목차



분류 문제 예시



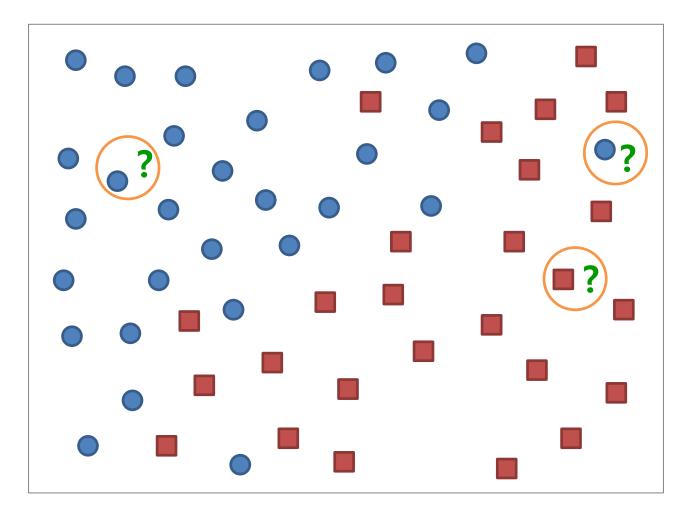
Men Vs. Women





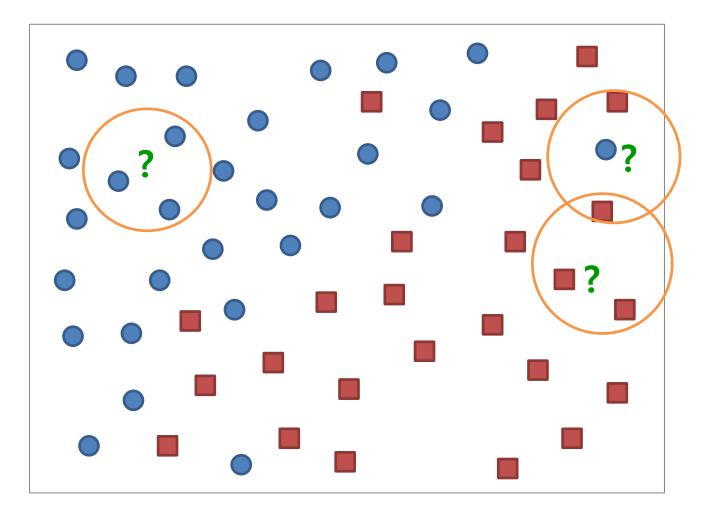
k-인접 이웃 분류: k-Nearest Neighbor Classification

❖ 아래 물음표는 어느 범주에 속해야 하는가?



k-인접 이웃 분류: k-Nearest Neighbor Classification

❖ 아래 물음표는 어느 범주에 속해야 하는가?



k-인접 이웃 분류: k-Nearest Neighbor Classification

Motivation

類類相從 近墨者黑

"Birds of a feather flock together"

"A Man is known by the company he keeps"

k-인접 이웃 분류 절차

1

참조 데이터(Reference data) 준비

- 속성 정의
 - ✓ 키, 몸무게, 체지방률
- 각 범주로부터 충분한 수의 레코드 수집

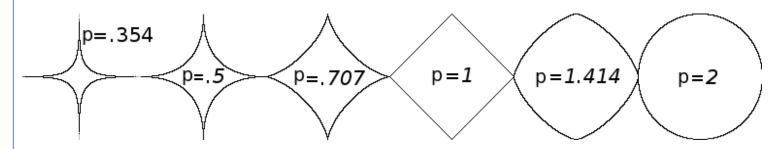
개체	7	몸무게	체지방률	성별
1	187	93	15	М
2	165	51	25	F
3	174	68	14	М
4	156	48	29	F
				•••
N	168	59	12	М

2

유사도 지표 정의

- 유사도는 거리에 반비례: Similarity < 1/distance
- Minkovski distance with order p

distance
$$(P = (x_1, x_2, ..., x_n), Q(y_1, y_2, ..., y_n)) = (\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|^p)^{\frac{1}{p}}$$



- p=1일 때, 맨하탄 거리(Manhattan distance)
- p=2일 때, 유클리디언 거리(Eudidean distance)

k-인접 이웃 분류 절차

k의 후보 집합 생성

- 만일 k가 매우 작으면 노이즈에 민감한 과적합의 우려가 있음 (highly locally sensitive, over-fitting)
- 만일 k가 매우 크면 지역적 구조를 파악할 수 있는 능력을 잃게 됨(lose the ability to capture the local structure)
- 적절한 k를 찾아내는 것이 우수한 k-인접이웃 모델을 만드는 데 필수적인 요소임
- 검증 데이터에 대한 에러가 가장 낮은 k값을 선택

k-인접 이웃 분류 절차: k에 따른 분류 경계면의 차이



판별된 k개의 이웃의 범주 정보를 결합

■ 다수결(Majority voting) vs. 가중합(Weighted voting)

For a new data

X

이웃	범주	거리	1/거리	가중치
N1	M	1	1.00	0.44
N2	F	2	0.50	0.22
N3	M	3	0.33	0.15
N4	F	4	0.25	0.11
N5	F	5	0.20	0.08

- 다수결(Majority voting): P(X=M) = 2/5 = 0.4
- 가중합(Weighted voting): P(X=F) = 0.59
- 분류 기준점을 0.5로 설정할 경우, 새로운 개체 X는 **다수결에 의해 여성**으로 판별되고 **가중합에 의해서는 남성**으로 판별됨

분류 기준값(cut-off) 설정

- 각 범주의 사전 확률(prior probability)을 고려하는 것이 바람직함
- 참조데이터셋에 각 범주의 수가 N(C_M) = 100, N(C_F) = 400 일 경우,

For a new data

X

Neighbor	Class
N1	М
N2	F
N3	М
N4	F
N5	F

Majority voting P(X=M)=0.4

- 분류 기준값이 0.5로 설정된 경우 (범주간 사전 확률이 동일), X는 여성으로 분류됨
- 분류 기준값이 0.2(남성의 사전 확률)로 설정된 경우, X는 남성으로 분류됨

k-인접 이웃 분류 절차

검증 데이터를 이용하여 최적의 k값 결정

Value of k	% Error Training	% Error Validation	
1	0.00	33.33	
2	16.67	33.33	
3	11.11	33.33	
4	22.22	33.33	
5	11.11	33.33	
6	27.78	33.33	
7	22.22	33.33	
8	22.22	16.67	< Best k
9	22.22	16.67	_
10	22.22	16.67	
11	16.67	33.33	
12	16.67	16.67	
13	11.11	33.33	
14	11.11	16.67	
15	5.56	33.33	
16	16.67	33.33	
17	11.11	33.33	
18	50.00	50.00	

목차



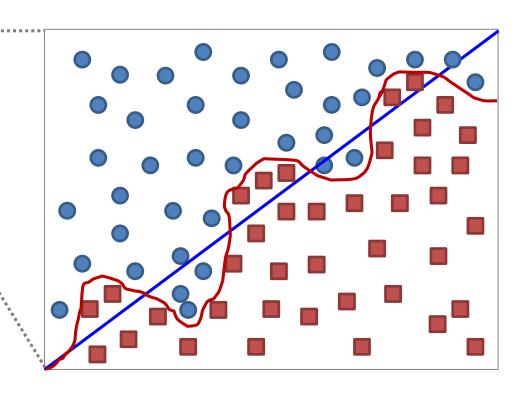
모델 평가의 필요성

❖ 학습 데이터에 대한 과적합의 위험 존재

학습 데이터 (Training data)

검증 데이터 (Validation data)

> 테스트 데이터 (Test data)



붉은색 경계면이 파란색 경계면에 비해 우수한가?

모델 평가의 필요성

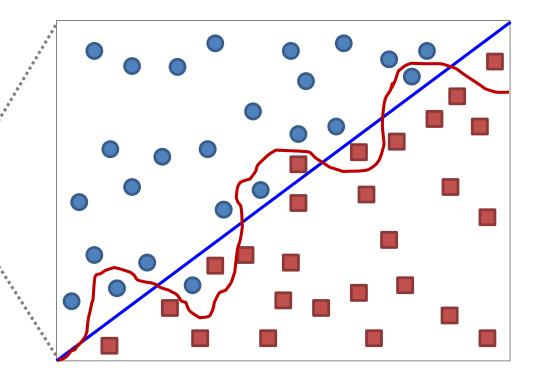
❖ 학습 데이터에 대한 과적합의 위험 존재

학습 데이터 (Training data)

검증 데이터 (Validation data)

> 테스트 데이터 (Test data)

학습 데이터를 완벽히 외우는 것은 일반화 성능을 저하시키는 위험(과적합)이 존재!



모델 평가의 필요성

- ❖ 분류 문제나 회귀 문제를 풀 수 있는 다양한 알고리즘 존재
 - Classification:
 - Naïve bayes, linear discriminant, k-nearest neighbor, classification trees, etc.
 - Prediction:
 - Multiple linear regression, neural networks, regression trees, etc.
- ❖ 어떤 알고리즘은 최적의 파라미터 설정이 필요함
 - k-인접이웃기법: 이웃 개체의 수(k), 인공 신경망: 은닉 노드의 수 등
- ❖ 주어진 문제를 해결하기 위한 최적의 방법론을 선택하기 위해 개별 모델을 동등한 조건에서 평가할 필요가 있음
 - 검증 데이터: 다양한 파라미터 조합 중에서 최적의 파라미터를 찾는 데 주로 사용
 - 테스트 데이터: 여러 기계학습 알고리즘 중에서 최적의 알고리즘을 찾는데 주로 사용

1

예시: 성별 분류

■ 한 사람의 체지방률만을 이용하여 남성/여성 분류



■ 단순 분류기: 체지방률이 20보다 크면 여성으로, 작으면 남성으로 분류



■ 위 분류기의 성능을 어떻게 평가할 것인가?

■ 실제 범주와 예측된 범주를 이용하여 생성한 2X2 행렬



■ 위 결과에 대한 혼동 행렬은 다음과 같이 생성됨

Confusion Matrix		Pred	icted
Comusic	on watrix	F M	
A at a a l	4	1	
Actual	М	2	3

■ 혼동행렬을 통해 다음과 같이 다양한 분류 성능 평가 지표를 계산할 수 있음

Confusion Matrix		Pred	Predicted	
Confusio	ni iviatrix	1(+)	0(-)	
Actual	1(+)	n ₁₁	n ₁₀	
Actual	0(-)	n ₀₁	n ₀₀	

- 민감도(Sensitivity), true positive, 재현율(recall) = n₁₁/(n₁₁+n₁₀)
- 특이도(Specificity, true negative) = $n_{00}/(n_{01}+n_{00})$
- 정밀도(Precision) = n₁₁/(n₁₁+n₀₁)
- 제1종 오류(Type I error, false negative) = $n_{10}/(n_{11} + n_{10})$
- 제2종 오류(Type II error, false positive) = $n_{01}/(n_{01} + n_{00})$

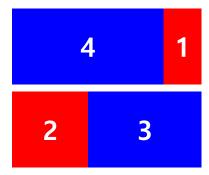
Confusion Matrix		Pred	Predicted	
Comusic	on watrix	1(+)	0(-)	
Actual	1(+)	n ₁₁	n ₁₀	
Actual	0(-)	n ₀₁	n ₀₀	

- 오분류율(Misclassification error) = (n₀₁+n₁₀)/(n₁₁+n₁₀+n₀₁+n₀₀)
- 정분류율(Accuracy = 1-misclassification error) = (n₁₁+n₀₀)/(n₁₁+n₁₀+n₀₁+n₁₁)
- 균형 정확도 (Balanced correction rate) = $\sqrt{\frac{n_{11}}{n_{11} + n_{10}} \cdot \frac{n_{00}}{n_{01} + n_{00}}}$
- F1 measure (정밀도와 재현율의 조화평균) =

$$F1 \text{ measure} = \frac{2 \times \text{Recall} \times \text{Precision}}{\text{Recall} + \text{Precision}}$$

■ 이전 예시에서 여성(F)을 1(+) 범주로 정의할 경우,

Confusion		Pred	icted
Ma	trix	F	М
A atual	F	4	1
Actual	М	2	3



- Sensitivity: 4/5 = 0.8, Specificity: 3/5 = 0.6
- Recall: 4/5 = 0.8, Precision: 4/6 = 0.67
- Type I error: 1/5 = 0.2, Type II error: 2/5 = 0.4
- Misclassification error: (1+2)/(4+1+2+3) = 0.3, accuracy = 0.7
- Balanced correction rate: sqrt(0.8*0.6) = 0.69
- F1 measure: (2*0.8*0.67)/(0.8+0.67) = 0.85

3

분류 알고리즘의 Cut-off 설정

■ 새로운 분류기: 체지방률이 θ보다 크면 여성으로 분류



■ 레코드들을 체지방률의 내림차순으로 정렬



■ 분류를 위한 최적의 cut-off를 어떻게 설정할 것인가?

분류 알고리즘의 Cut-off 설정

■ 다양한 Cut-off에 따른 분류 성능 비교

No.	체지방률	성별
1	28.6	F
2	25.4	M
3	24.2	F
4	23.6	F
5	22.7	F
6	21.5	M
7	19.9	F
8	15.7	M
9	10.0	M
10	8.9	M
8	15.7 10.0	M M

• If $\theta = 24$,

Confusion		Predicted	
Ma	itrix	F	М
Actual	F	2	3
Actual	М	1	4

- Misclassification error: 0.4
- Accuracy: 0.6
- Balanced correction rate: 0.57
- F1 measure = 0.5

분류 알고리즘의 Cut-off 설정

■ 다양한 Cut-off에 따른 분류 성능 비교

No.	체지방률	성별
1	28.6	F
2	25.4	M
3	24.2	F
4	23.6	F
5	22.7	F
6	21.5	M
7	19.9	F
8	15.7	M
9	10.0	M
10	8.9	M

• If $\theta = 22$,

Confusion		Predicted	
Ma	trix	F	М
A	F	4	1
Actual	М	1	4

- Misclassification error: 0.2
- Accuracy: 0.8
- Balanced correction rate: 0.8
- F1 measure = 0.8

분류 알고리즘의 Cut-off 설정

■ 다양한 Cut-off에 따른 분류 성능 비교

No.	체지방률	성별
1	28.6	F
2	25.4	M
3	24.2	F
4	23.6	F
5	22.7	F
6	21.5	M
7	19.9	F
8	15.7	M
9	10.0	M
10	8.9	M

• If $\theta = 18$,

Confusion Matrix		Predicted		
		F	М	
Actual	F	5	0	
	M	2	3	

• Misclassification error: 0.2

• Accuracy: 0.8

• Balanced correction rate: 0.77

• F1 measure = 0.83

분류 알고리즘의 Cut-off 설정

■ 일반적으로 분류 알고리즘은 특정 범주에 속할 확률(probability)이나 우도 (likelihood)값을 생성함

■ 동일한 확률값 하에서도 Cut-off가 어떻게 설정되느냐에 따라서 분류 성능이 크게 좌우되는 상황이 발생할 수 있음

- 분류 알고리즘간의 정확한 비교를 위해서는 cut-off에 독립적인 측정 지표가 필요함
- 리프트 도표(Lift charts), receiver operating characteristic (ROC) curve 등이 사용

ROC Curve 예시

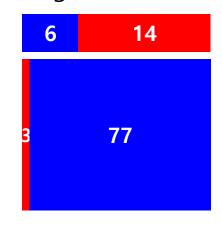
- 암 진단 문제:
 - 환자의 악성 종양(malignant) 여부를 판별
 - 총 100명의 환자 중 20명의 환자가 악성 종양을 가지고 있음
 - 악성 종양 확률: 0.2

Patient	P(Malignant)	Status									
1	0.976	1	26	0.716	1	51	0.410	0	76	0.186	0
2	0.973	1	27	0.676	0	52	0.406	1	77	0.183	0
3	0.971	0	28	0.672	0	53	0.378	0	78	0.178	0
4	0.967	1	29	0.662	0	54	0.376	0	79	0.178	0
5	0.937	0	30	0.647	0	55	0.362	0	80	0.173	0
6	0.936	1	31	0.640	1	56	0.355	0	81	0.170	0
7	0.929	1	32	0.625	0	57	0.343	0	82	0.133	0
8	0.927	0	33	0.624	0	58	0.338	0	83	0.120	0
9	0.923	1	34	0.613	1	59	0.335	0	84	0.119	0
10	0.898	0	35	0.606	0	60	0.334	0	85	0.112	0
11	0.863	1	36	0.604	0	61	0.328	0	86	0.093	0
12	0.863	1	37	0.601	0	62	0.313	0	87	0.086	0
13	0.859	0	38	0.594	0	63	0.285	1	88	0.079	0
14	0.855	0	39	0.578	0	64	0.274	0	89	0.071	0
15	0.847	1	40	0.548	0	65	0.274	0	90	0.069	0
16	0.847	1	41	0.539	1	66	0.272	0	91	0.047	0
17	0.837	0	42	0.525	1	67	0.267	0	92	0.029	0
18	0.833	0	43	0.524	0	68	0.265	0	93	0.028	0
19	0.814	0	44	0.514	0	69	0.237	0	94	0.027	0
20	0.813	0	45	0.510	0	70	0.217	0	95	0.022	0
21	0.793	1	46	0.509	0	71	0.213	0	96	0.019	0
22	0.787	0	47	0.455	0	72	0.204	1	97	0.015	0
23	0.757	1	48	0.449	0	73	0.201	0	98	0.010	0
24	0.741	0	49	0.434	0	74	0.200	0	99	0.005	0
25	0.737	0	50	0.414	0	75	0.193	0	100	0.002	0

혼동행렬

- Cut-off를 0.9로 설정
 - Malignant if P(Malignant) > 0.9, else benign.

Conf	usion	Predicted			
Matrix		М	В		
Actual	М	6	14		
	В	3	77		

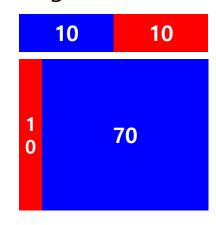


- Misclassification error = 0.17
- Accuracy = 0.83
- 이 모델은 우수한 분류 모델인가?

혼동행렬

- Cut-off를 0.8로 설정
 - Malignant if P(Malignant) > 0.8, else benign.

Conf	usion	Predicted		
Matrix		М	В	
Actual	М	10	10	
	В	10	70	



- Misclassification error = 0.2
- Accuracy = 0.8
- 이 모델은 이전 모델에 비해 열등한 모델인가?

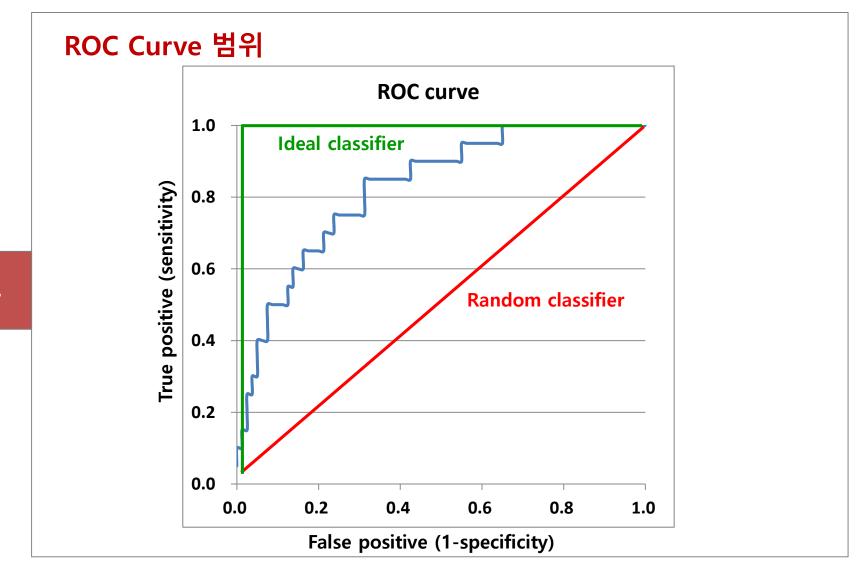
Receiver Operating Characteristic (ROC) Curve

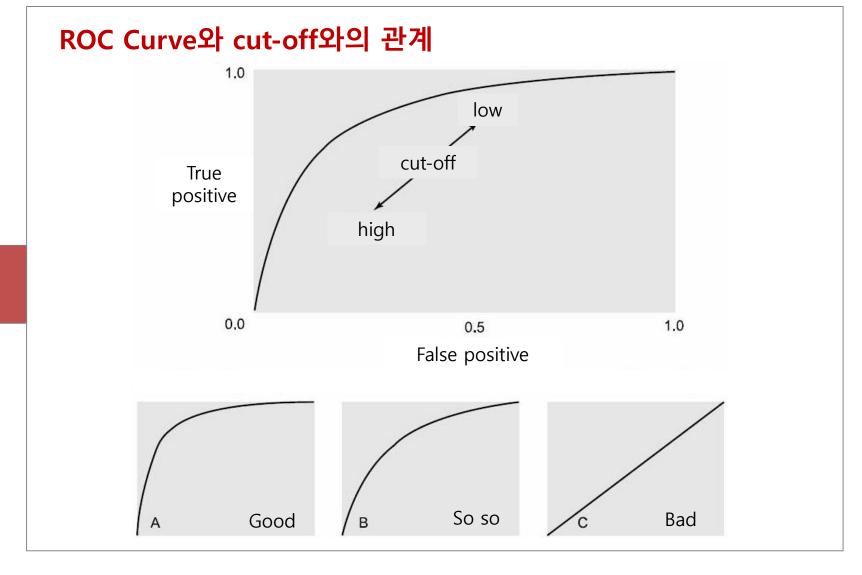
ROC 생성 절차

- 모든 개체를 P(interesting dass) 를 기준으로 내림차순 정렬
- 가능한 모든 Cut-off 경우에 대해 True Positive Rate와 False
 Positive Rate를 계산
- X축이 False Positive Rate, Y축이 True Positive Rate가 되는 2차원 그래프 도시

Patient	P(Malignant)	Status	True positive	false positive
1	0.976	1	0.050	0.000
2	0.973	1	0.100	0.000
3	0.971	0	0.100	0.013
4	0.967	1	0.150	0.013
5	0.937	0	0.150	0.025
6	0.936	1	0.200	0.025
7	0.929	1	0.250	0.025
8	0.927	0	0.250	0.038

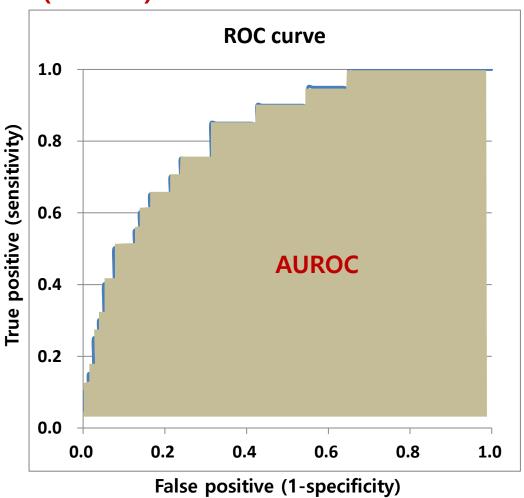
96	0.019	0	1.000	0.950
97	0.015	0	1.000	0.963
98	0.010	0	1.000	0.975
99	0.005	0	1.000	0.988
100	0.002	0	1.000	1.000





Area Under ROC curve (AUROC)

- ROC curve 아래의 면 적
- 이상적인 분류기는 1 의 값을 갖고, 무작위 분류기는 0.5의 값을 가짐
- Cut-off에 독립적인 알 고리즘 성능 평가 지표 로 사용될 수 있음



비대칭 오분류 비용

비대칭 오분류 비용: Asymmetric misclassification costs

- 많은 비즈니스 문제에서는 한 범주를 정확하게 판별하는 것이 다른 범주를 정확하게 판별하는 것보다 중요하게 취급됨
 - 질병 진단, 세금 사기, 신용카드 사기, 마케팅 프로모션 응답 예측 등
- 이러한 경우에서는 전체 집합에 대한 오분류가 증가하더라도 주요 범주에
 대한 정확도를 높이는 것이 효과적일 수 있음
 - 특정 범주에 대한 오분류 비용이 다른 범주보다 큰 경우
 - 특정 범주에 대한 정분류 효과가 다른 범주보다 큰 경우

예시: 마케팅 반응 모델링

- 1000명의 고객에게 마케팅 프로모션을 진행함 (반응률은 1%, "1" = response, "0" = non-response).
- 단순 규칙: Naïve rule
 - 모든 고객이 반응하지 않을 것(0)으로 예측하자!.

Confusion Matrix		Predicted		
Confusio	on watrix	1	0	
Actual	1	0	10	
	0	0	990	

- Misclassification error = 1%
- Accuracy = 99%.

예시: 마케팅 반응 모델링

- 기계학습 모델
 - 실제 반응 고객 10명 중 8명을 정확하게 예측했으나, 실제로 반응하지
 않은 20명의 고객을 반응할 것으로 예측함

Confusion Matrix		Predicted		
Confusio	on watrix	1	0	
Actual	1	8	2	
	0	20	970	

- Misclassification error = 2.2%
- Accuracy = 97.8%
- 과연 이 모델이 이전 모델보다 열등하다고 할 수 있는가?

예시: 마케팅 반응 모델링

- 정분류/오분류에 대한 편익/비용을 설정
 - 예시:
 - ✓ \$10: 반응 고객들에게 제품을 판매하여 얻는 이득
 - ✓ -\$10: 반응 고객을 판별하지 못해 생기는 기회비용
 - ✓ -\$1: 반응할 것으로 예측된 고객에게 소요되는 마케팅 비용

Confusion Matrix		Predicted		
Confusio	on watrix	1	0	
Actual	1	\$9	-\$10	
	0	-\$1	0	

- Naïve rule 적용 시 최종 이득/비용: 10*(-\$10) = -\$100
- 기계학습 모델 적용 시 최종 이득/비용: 8*(\$9)+2*(-\$10)+20*(-\$1) = **\$32**

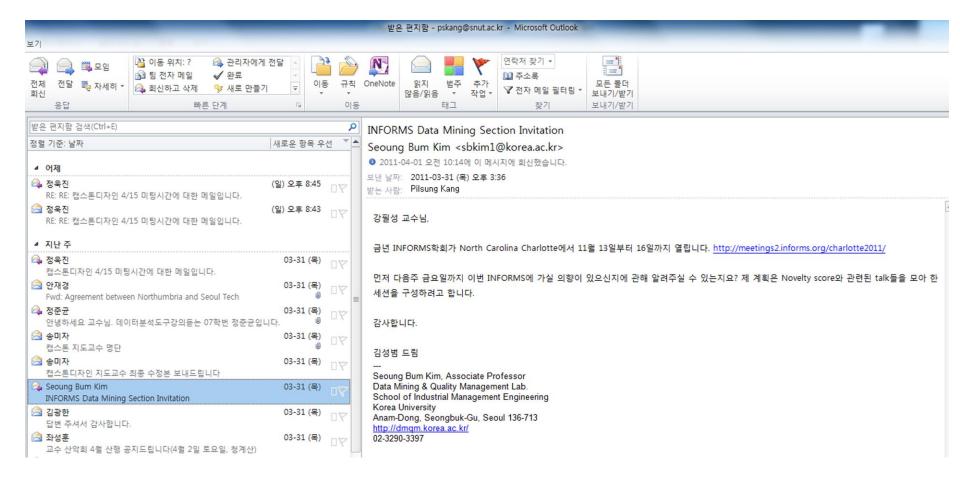
암 진단 예측 모델의 편익/비용 행렬

■ 암에 걸린 사람을 정상으로 판별한 오분류에 대한 비용을 수치화할 수 있는 가?

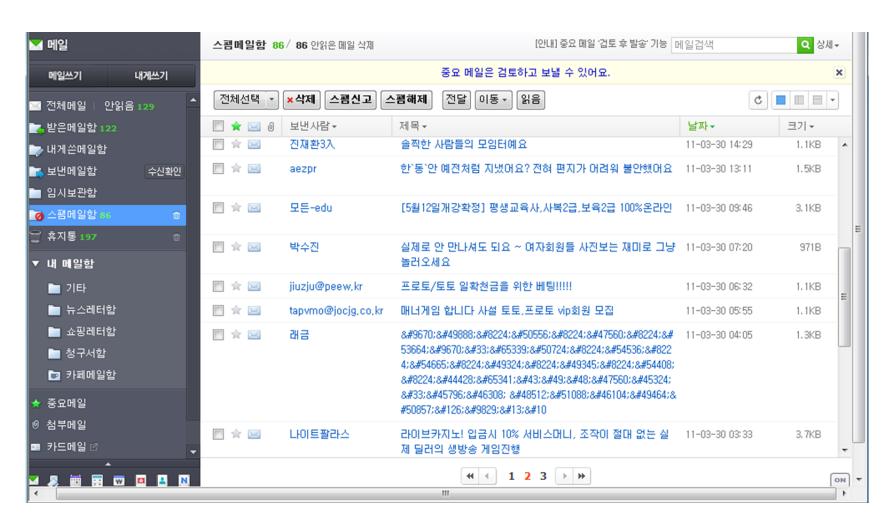
Confusion		Predicted		
Mat	trix	1	0	
Actual 0	1	Save one's lift	Can measure?	
	0	Misdiagnosis cost	0	

■ 일반적으로 의료진들이 매우 보수적인 진단을 하는 이유

❖ 스팸 필터링



❖ 스팸 필터링



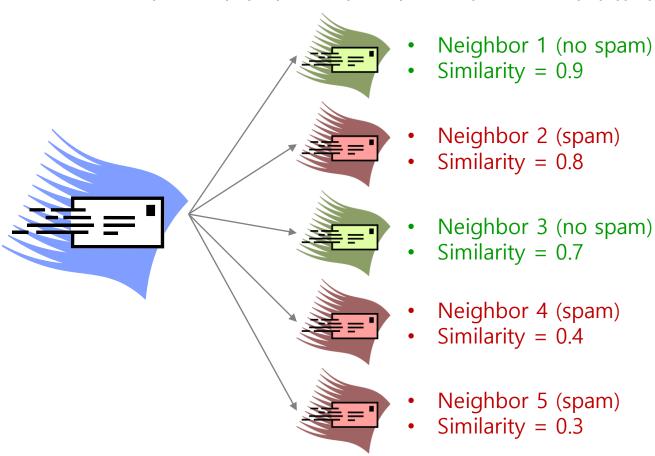
❖ 스팸 필터링

- 데이터 구성
 - ✓ 레코드: 1개의 메일
 - ✓ 속성: 메일 본문에 나타난 키워드들의 출현 빈도

Mail	회의	수정	기안	보고	대박	머니	외로워	미팅	•••	스팸?
1	2	3	1	0	0	0	0	0		N
2	1	0	2	3	0	0	1	0		Ν
3	2	2	3	1	0	0	0	1		N
4	0	0	0	0	3	2	0	0		Υ
5	0	0	0	1	0	0	2	3		Υ

❖ 스팸 필터링

■ 스팸 필터링을 위해 새로 도착한 메일을 대상으로 5개의 유사한 메일을 비교



If we use the majority voting, then classify the mail as spam

If we use the weighted voting, then classify the mail as spam

목차

 k-인접이웃 (분류)

 분류 모델 성능 평가

 k-인접이웃 (회귀)

 R 실습

회귀분석



Predict one's BFS





k-인접 이웃 회귀 절차

1

참조 데이터(Reference data) 준비

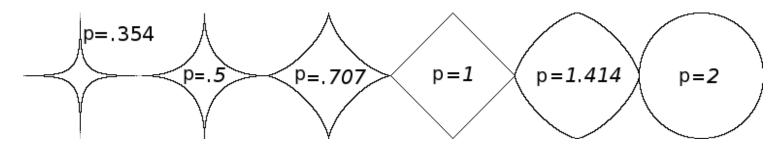
- 속성 정의
 - ✓ 키, 몸무게, 체지방률
- 각 범주로부터 충분한 수의 레코드 수집

개체	7	몸무게	성별(F=1)	체지방률
1	187	93	0	15
2	165	51	1	25
3	174	68	0	14
4	156	48	1	29
N	168	59	0	12

유사도 지표 정의

- 유사도는 거리에 반비례: Similarity < 1/distance
- Minkovski distance with order p

distance
$$(P = (x_1, x_2, ..., x_n), Q(y_1, y_2, ..., y_n)) = (\sum_{i=1}^n |x_i - y_i|^p)^{\frac{1}{p}}$$



- p=1일 때, 맨하탄 거리(Manhattan distance)
- p=2일 때, 유클리디언 거리(Eudidean distance)

k-인접 이웃 회귀 절차

k의 후보 집합 생성

- 만일 k가 매우 작으면 노이즈에 민감한 과적합의 우려가 있음 (highly locally sensitive, over-fitting)
- 만일 k가 매우 크면 지역적 구조를 파악할 수 있는 능력을 잃게 됨(lose the ability to capture the local structure)
- 적절한 k를 찾아내는 것이 우수한 k-인접이웃 모델을 만드는 데 필수적인 요소임
- 검증 데이터에 대한 에러가 가장 낮은 k값을 선택

k-인접 이웃 회귀 절차

결합 규칙(combining rule) 정의

■ 단순 평균(Simple average) vs. 가중 평균(Weighted average)

For a new data



이웃	체지방률	거리	1/거리	가중치
N1	15.4	1	1.00	0.44
N2	17.2	2	0.50	0.22
N3	12.3	3	0.33	0.15
N4	11.5	4	0.25	0.11
N5	10.9	5	0.20	0.08

- 단순 평균 이용
 - ✓ BFS of X = (15.4+17.2+12.3+11.5+10.9)/5 = 13.46
- 가중 평균 이용
 - ✓ BFS of X =

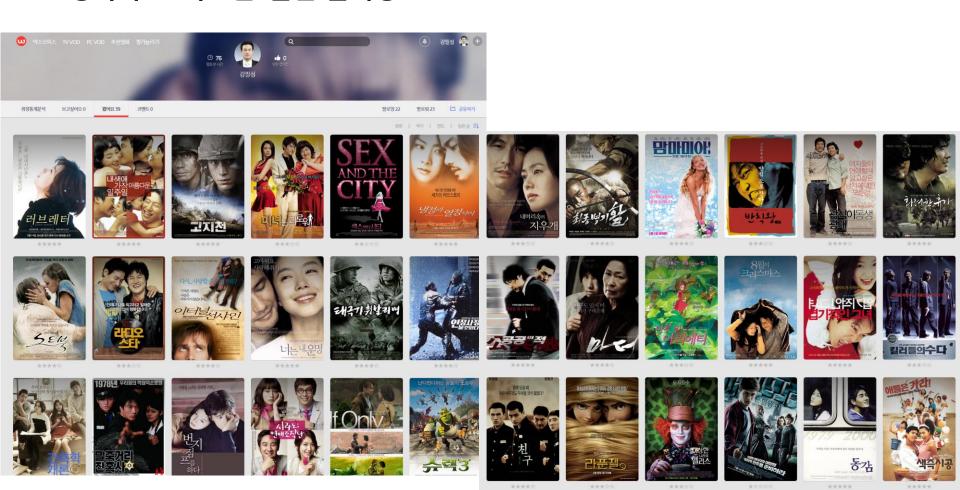
0.44*15.4+0.22*17.2+0.15*12.3+0.11*11.5+0.08*10.9 = 14.54

검증 데이터를 이용하여 최적의 k값 설정

Value of k	% Error Training	% Error Validation	
1	0.00	33.33	
2	16.67	33.33	
3	11.11	33.33	
4	22.22	33.33	
5	11.11	33.33	
6	27.78	33.33	
7	22.22	33.33	
8	22.22	16.67	< Best k
9	22.22	16.67	
10	22.22	16.67	
11	16.67	33.33	
12	16.67	16.67	
13	11.11	33.33	
14	11.11	16.67	
15	5.56	33.33	
16	16.67	33.33	
17	11.11	33.33	
18	50.00	50.00	

k-인접 이웃 회귀 응용사례

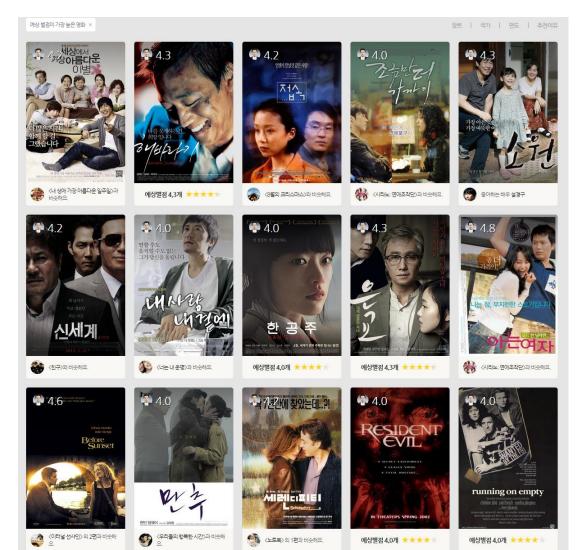
❖ 영화 추천 시스템: 협업 필터링



http://watcha.net

k-인접 이웃 회귀 응용사례

❖ 추천 영화 리스트



k-인접 이웃 회귀 응용사례

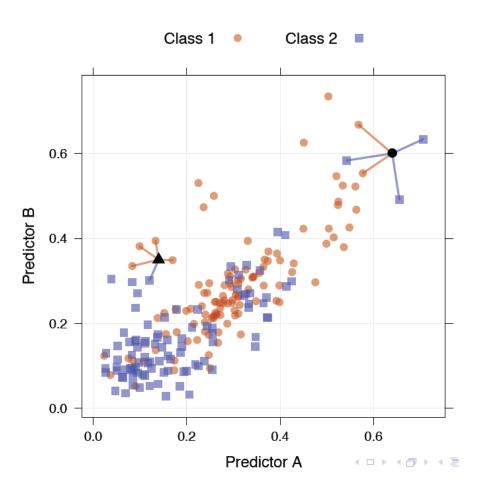
❖ 영화 추천 시스템: 협업 필터링

	영화 1	영화 2	영화 3	영화 4	영화 5	•••	영화 D
강필성	10	9	5	6	9		? 9
고객	영화 1	영화 2	영화 3	영화 4	영화 5		영화 D
(1)	10	8	4	7	10		10
2	8	5	7	9	4		5
3	10	9	6	5	8		9
4	4	2	10	10	5		3
5	7	4	6	8	5		3
6	5	2	10	10	10		6
7	10	8	6	6	8		8
			•••	•••			•••
N	5	7	1	5	4		7

목차

R 실습: k-NN

❖ k-인접 이웃 Illustration



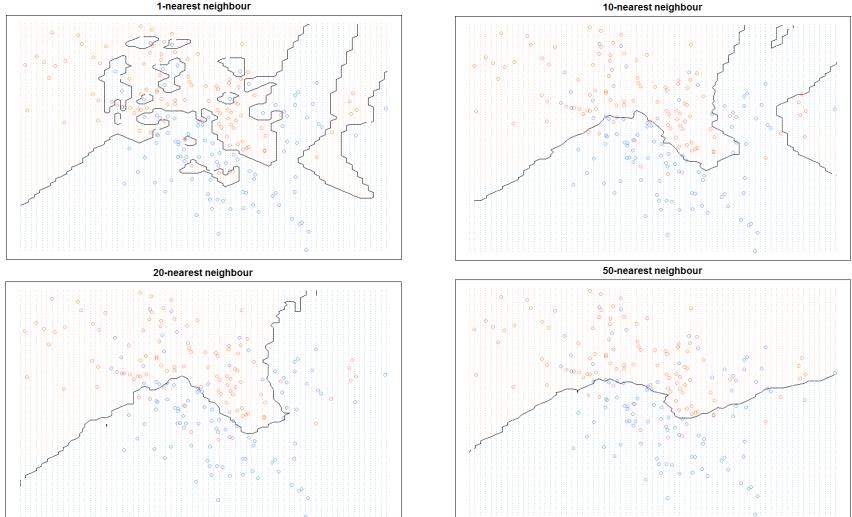
R 실습: k-NN Illustration

❖ 인공 데이터(synthetic data) 사용

```
1 # Working directory 지정
   setwd("C:\\RStudy")
 4 ▼ # k-Nearest Neighbor Illustration -----
 5 install.packages("ElemStatLearn", dependencies = TRUE)
 6 install.packages("class", dependencies = TRUE)
   library(ElemStatLearn)
 8 library(class)
10 # 2-D artificial data example with k=1
11 x <- mixture.example$x
12 g <- mixture.example$y</pre>
13 xnew <- mixture.example$xnew</pre>
14 mod1 <- knn(x, xnew, g, k=50, prob=TRUE)
15 prob1 <- attr(mod1, "prob")</pre>
16 prob1 <- ifelse(mod1=="1", prob1, 1-prob1)</pre>
17 px1 <- mixture.example$px1</pre>
18 px2 <- mixture.example$px2
19 prob1 <- matrix(prob1, length(px1), length(px2))</pre>
20 par(mar=rep(2,4))
21 contour(px1, px2, prob1, levels=0.5, labels="", xlab="", ylab="", main= "50-nearest neighbour", axes=FALSE)
22 points(x, col=ifelse(g==1, "coral", "cornflowerblue"))
23 gd <- expand.grid(x=px1, y=px2)</pre>
24 points(qd, pch=".", cex=1.2, col=ifelse(prob1>0.5, "coral", "cornflowerblue"))
25 box()
```

R 실습: k-NN Illustration

❖ 여러 k값에 따른 분류 경계면



R 실습: k-NN Classification/Regression

❖ Classification: 'kknn' 패키지 이용

❖ Regression: 'FNN' 패키지 이용

Package 'kknn'

July 2, 2014

Title Weighted k-Nearest Neighbors

Version 1.2-5

Date 2014-02-11

Author Klaus Schliep & Klaus Hechenbichler

Description Weighted k-Nearest Neighbors Classification, Regression and Clustering

Maintainer Klaus Schliep <klaus.schliep@gmail.com>

Depends R (>= 2.10)

Imports igraph (>= 0.6), Matrix, stats

License GPL (>= 2)

NeedsCompilation yes

Repository CRAN

Date/Publication 2014-02-11 18:13:13

Package 'FNN'

July 2, 2014

Version 1.1

Date 2013-07-30

Title Fast Nearest Neighbor Search Algorithms and Applications

Author Alina Beygelzimer, Sham Kakadet and John Langford (cover tree library), Sunil Arya and David Mount (ANN library for the kd-tree approach), Shengqiao Li

Copyright ANN Copyright (c) 1997-2010 University of Maryland and Sunil Arya and David Mount. All Rights Reserved.

Maintainer Shengqiao Li lishengqiao@yahoo.com>

Depends R (>= 2.8.0)

Suggests chemometrics, mytnorm

Description Cover-tree and kd-tree fast k-nearest neighbor search algorithms and related applications including KNN classification, regression and information measures are implemented.

License GPL (>= 2.1)

NeedsCompilation yes

Repository CRAN

Date/Publication 2013-07-31 21:31:17

NeedsCompilation yes

Repository CRAN

Date/Publication 2013-07-31 21:31:17

ns

❖ 데이터: Wisconsin Breast Cancer 데이터

- 총 569명의 환자 (357명 음성, 212명 양성)
- 악성 종양 여부 판별
- 세포핵의 3차원 이미지에 대해 각각 다음과 같이 10가지의 값을 산출

Ten real-valued features are computed for each cell nucleus:

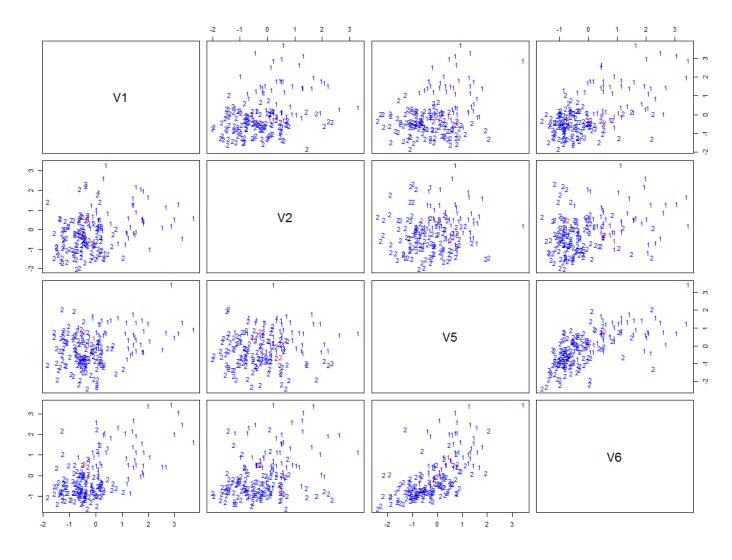
- a) radius (mean of distances from center to points on the perimeter)
- b) texture (standard deviation of gray-scale values)
- c) perimeter
- d) area
- e) smoothness (local variation in radius lengths)
- f) compactness (perimeter^2 / area 1.0)
- g) concavity (severity of concave portions of the contour)
- h) concave points (number of concave portions of the contour)
- i) symmetry
- j) fractal dimension ("coastline approximation" 1)

❖ 데이터를 70:30으로 분할하여 k=1일때의 분류 성능 평가

```
28 - # k-Nearest Neigbor Learning (Classification) -----
29 # kknn package install & call
30 install.packages("kknn", dependencies = TRUE)
31 library(kknn)
32
33 # Load the wdbc data
34 RawData <- read.csv("wdbc.csv", header = FALSE)</pre>
35 head(RawData)
36
37 # k-NN Classification: WDBC data
38 # Normlaize the input data
39 Class <- RawData[,31]</pre>
40 InputData <- RawData[,1:30]
41 ScaledInputData <- scale(InputData, center = TRUE, scale = TRUE)
42 head(ScaledInputData)
43
44 # Divide the dataset into the training (70%) and Validation (30%) datasets
45 trn_idx <- sample(1:length(Class), round(0.7*length(Class)))
46 trnInputs <- ScaledInputData[trn_idx,]
47 trnTargets <- Class[trn_idx]
48 valInputs <- ScaledInputData[-trn_idx,]
49 valTargets <- Class[-trn_idx]
50
51 trnData <- data.frame(trnInputs, trnTargets)</pre>
52 colnames(trnData)[31] <- "Target"
53 valData <- data.frame(valInputs, valTargets)</p>
54 colnames(valData)[31] <- "Target"
55
56 # Perform k-nn classification with k=1, Distance = Euclidean, and weighted scheme = majority voting
57 kknn <- kknn(Target ~ ., trnData, valData, k=1, distance=2, kernel = "rectangular")
```

❖ 데이터를 70:30으로 분할하여 k=1일때의 분류 성능 평가

```
59 # View the k-nn results
60 summary(kknn)
61 kknn$CL
62 kknn$W
63 kknn$D
64
65 # Visualize the classification results
66 knnfit <- fitted(kknn)
67 table(valTargets, knnfit)
68 pcol <- as.character(as.numeric(valTargets))</pre>
   pairs(valData[c(1,2,5,6)], pch = pcol, col = c("blue", "red")[(valTargets != knnfit)+1])
70
71 table(valTargets, kknn$fitted.values)
> summary(kknn)
call:
kknn(formula = Target \sim ., train = trnData, test = valData, k = 1, distance = 2, kernel = "rectangular")
Response: "nominal"
    fit prob.B prob.M
             0
2
                    1
             0
             0
                   1
                                                            > table(valTargets, kknn$fitted.values)
                   1
                                                            valTargets
                   1
             0
                                                                     B 52 2
             0
                   1
                                                                     M 2 115
                   1
9
             0
10
```



❖ k-NN 최적 파라미터 탐색

```
# Leave-one-out validation for finding the best k
knntr <- train.kknn(Target ~ ., trnData, kmax=10, distance=2, kernel="rectangular")
knntr$MISCLASS
knntr$best.parameters

> knntr$best.parameters
```

```
rectangular
1 0.06030151
2 0.06281407
3 0.03517588
4 0.03015075
5 0.03768844
6 0.04020101
7 0.03517588
8 0.03517588
9 0.04020101
10 0.03015075
> knntr$best.parameters
$kernel
[1] "rectangular"
$k
[1] 4
```

❖ 선택된 최적 파라미터 k를 이용하여 모델 평가

```
79 # Perform k-nn classification with the best k, Distance = Euclidean, and weighted scheme = majority voting
80 kknn_opt <- kknn(Target ~ ., trnData, valData, k=knntr$best.parameters$k, distance=2, kernel = "rectangular")
81 fit_opt <- fitted(kknn_opt)</pre>
    cfmatrix <- table(valTargets, fit_opt)</pre>
    cfmatrix
84
   # Summarize the classification performances
86 Cperf = matrix(0,1,3)
   # Simple Accuracy
88 Cperf[1,1] <- (cfmatrix[1,1]+cfmatrix[2,2])/sum(cfmatrix)
89 # Balanced correction rate (BCR)
90 Cperf[1,2] <- sqrt((cfmatrix[1,1]/(cfmatrix[1,1]+cfmatrix[1,2]))*(cfmatrix[2,2]/(cfmatrix[2,1]+cfmatrix[2,2])))
91 # F1-measure
92 Recall <- cfmatrix[2,2]/(cfmatrix[2,1]+cfmatrix[2,2])
93 Precision <- cfmatrix[1,1]/(cfmatrix[1,1]+cfmatrix[1,2])
   Cperf[1.3] <- 2*Recall*Precision/(Recall+Precision)</pre>
95 Cperf
     > cfmatrix
              fit_opt
     valTargets
                 в м
              B 52 2
              M 1 116
```

❖ 데이터: Concrete Strength



콘크리트 혼합에 사용되는 재료들의 구성 비중에 따른 콘크리트 강도를 예측

Name -- Data Type -- Measurement -- Description

Cement (component 1) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Blast Furnace Slag (component 2) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Fly Ash (component 3) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Water (component 4) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Superplasticizer (component 5) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Coarse Aggregate (component 6) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Fine Aggregate (component 7) -- quantitative -- kg in a m3 mixture -- Input Variable
Age -- quantitative -- Day (1~365) -- Input Variable
Concrete compressive strength -- quantitative -- MPa -- Output Variable

❖ Leave-one-out validation을 통해 최적의 파라미터 k를 탐색

```
97 * # k-Nearest Neighbor Learning (Regression) ----- 124 * for (i in 1:length(nk)){
 98 install.packages("FNN", dependencies = TRUE)
                                                           125
 99 library(FNN)
                                                           126
                                                                   cat("k-NN regression with k:", nk[i], "\n")
100 # Concrete strength data
                                                           127
                                                                   tmp_residual <- matrix(0,trn.n,1)</pre>
101 concrete <- read.csv("concrete.csv")</pre>
                                                           128
102
                                                                  for (j in 1:trn.n){
                                                           129 -
103
    RegX <- concrete[,1:8]</pre>
                                                           130
104
     RegY <- concrete[,9]</pre>
                                                           131
                                                                     # Data separation for leave-one-out validation
105
                                                           132
                                                                     tmptrnX <- trn_data[-j,1:(trn.v-1)]</pre>
106
    # Data Normalization
                                                           133
                                                                     tmptrnY <- trn_data[-j,trn.v]</pre>
107
     RegX <- scale(RegX, center = TRUE, scale = TRUE)</pre>
                                                           134
                                                                     tmpvalx <- trn_data[j,1:(trn.v-1)]</pre>
108
                                                           135
                                                                     tmpvalY <- trn_data[j,trn.v]</pre>
109
    # Combine X and Y
                                                           136
     RegData <- as.data.frame(cbind(RegX, RegY))</pre>
                                                           137
                                                                     # Train k-NN & evaluate
110
                                                                    tmp.knn.reg <- knn.reg(tmptrnX, test = tmpvalX, tmptrnY, k=nk[i])</pre>
111
                                                           138
112 # Split the data into the training/test sets
                                                           139
                                                                     tmp_residual[j,1] <- tmpvalY - tmp.knn.reg$pred</pre>
113 trn_idx <- sample(1:1029, round(0.7*1029))
                                                           140
114 trn_data <- RegData[trn_idx,]</pre>
                                                           141
115 test_data <- RegData[-trn_idx,]</pre>
                                                           142
116
                                                           143
                                                                   val.rmse[i,1] <- sgrt(mean(tmp_residual^2))</pre>
117 # Find the best k using leave-one-out validation 144
118 nk <- c(1:1:10)
                                                           145
                                                                                                                   > val.rmse
119 trn.n <- dim(trn_data)[1]</pre>
                                                           146 # find the best k
                                                                                                                               [,1]
120 trn.v <- dim(trn_data)[2]</pre>
                                                           147 best.k <- nk[which.min(val.rmse)]
                                                                                                                     [1,] 8.922868
121
                                                                                                                     [2,] 9.062270
122 val.rmse <- matrix(0,length(nk),1)</pre>
                                                                                                                    [3,] 8.873130
                                                                                                                     [4,] 8.835485
                                                                                                                    [5,] 9.067394
                                                                                                                     [6,] 8.998651
                                                                                                                     [7,] 8.981745
                                                                                                                    [8,] 9.072076
                                                                                                                    [9,] 9.320834
                                                                                                                   [10,] 9.386595
                                                                                                                   > best.k
                                                                                                                   [1] 4
```

❖ 선택된 최적 파라미터 k를 이용하여 테스트 & 선형회귀분석과 예측 성능 비교

```
149 # Evaluate the k-NN with the test data
150 test.knn.reg <- knn.reg(trn_data[,1:ncol(trn_data)-1], test = test_data[,1:ncol(test_data)-1],
                             trn_data[,ncol(trn_data)], k=best.k)
151
152
153 tgt.y <- test_data[,ncol(trn_data)]</pre>
     knn.haty <- test.knn.reg$pred
154
155
156 # Train the MLR for comparison
157 full_model <- lm(RegY ~ ., data = trn_data)
     mlr.haty <- predict(full_model, newdata = test_data)
158
159
160 # Regression performance comparison in terms of MAE
     mean(abs(tgt.y-knn.haty))
161
     mean(abs(tgt.y-mlr.haty))
162
163
164 # Plot the result
165 plot(tgt.y, knn.haty, pch = 1, col = 1, xlim = c(0.80), ylim = c(0.80))
166 points(tqt.y, mlr.haty, pch = 2, col = 4, xlim = c(0.80), ylim = c(0.80))
167 abline(0,1,lty=3)
> mean(abs(tgt.y-knn.haty))
[1] 7.529854
> mean(abs(tgt.y-mlr.haty))
[1] 8.609633
```

❖ 선택된 최적 파라미터 k를 이용하여 테스트 & 선형회귀분석과 예측 성능 비교

