

## Correction de la série d'exercice N° 03

Les structures Répétitives

## Exercice 1:

Écrire un programme qui affiche les diviseurs d'un entier positif N non nul

```
Algorithme Exercice1
Var
    n,i : entier
Début
    Ecrire("Donner un nombre entier : ")
    lire(n)
    pour i de 1 à n -1 faire
        si n mod i = 0 alors
             ecrire(i,", ")
        FinSi
    FinPour
```

## Exercice 2:

Écrire un programme qui détermine si un nombre est premier ou non (Un nombre premier n'est divisible que par 1 et par lui-même)

```
Algorithme Exercice2
Var
    n,i,nbDiv : Entier
Début
    Ecrire("Donner un nombre entier : ")
     lire(n)
     nbDiv <- 0
     pour i de 1 à n faire
         si n mod i = 0 alors
             nbDiv <- nbDiv + 1</pre>
         FinSi
     FinPour
      si nbDiv = 2 alors
          ecrire(n, " est un nombre premier")
      sinon
          ecrire(n, " n'est pas un nombre premier")
      FinSi
Fin
Algorithme Exercice2V2
Var
    n,i,nbDiv : Entier
Début
    Ecrire("Donner un nombre entier : ")
```

```
lire(n)
i <- 2
tantque n mod i <> 0 et n <> 1 faire
    i <- i + 1
FinTantQue

si i = n ou n=1 alors
    ecrire(n, " est un nombre premier")
sinon
    ecrire(n, " n'est pas un nombre premier")
FinSi</pre>
```

## Exercice 3:

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur de taper un entier N et qui calcule Nième terme de la suite défini par :

 $U_n = \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} = 4U_n + 6 \end{cases}$ 

```
Algorithme Exercice3
Var
    n,i,U : Entier
Début
    Ecrire("Donner un nombre entier : ")
    lire(n)
    U <- 1
    pour i de 1 à n faire
        U <- 4 * U + 6 // Un+1 = 4*Un + 6
    FinPour
    Ecrire("U",n," = " , U)</pre>
```

## Exercice 4:

Fin

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur de taper un entier N supérieur à 2, jusqu'à que la réponse convienne, puis qui calcul et affiche tous les termes de la suite de Fibonacci, inférieur ou égaux à N, la suite de Fibonacci est définie comme suite :

 $U_n = \begin{cases} U_0 = 0 \\ U_1 = 1 \\ U_n = U_{n-1} + U_{n-2} \end{cases}$ 

```
Algorithme Exercice4
Var
    i,n,U0,U1, U : entier
Début
    répéter
    Ecrire("Donner un nombre entier : ")
    lire(n)
    jusqua n >=2

U0 <- 0
U1 <- 1
    pour i de 2 à n faire
    U = U0 + U1
    ecrire(U , ", ")
    U0 <- U1
```

```
U1 <- U
FinPour
Fin
```

## Exercice 5:

Écrire un programme qui affiche la table de multiplication pour les nombres 1 à 10

```
Algorithme Exercice5
   i,j : entier
Début
     pour i de 1 à 10 faire
            pour j de 1 à 10 faire
               si j*i < 10 alors
                   ecrire("
                           ")
               sinonsi i*j < 100 alors
                   ecrire(" ")
               sinon
                   ecrire(" ")
               Finsi
               ecrire( i*j," | ")
            FinPour
            ecrireln("-----")
     FinPour
     pour i de 1 à 10 faire
        ecrireln("La table de multiplication de ", i)
        pour j de 1 à 10 faire
            ecrireln( i , " x ",j, " = " , i*j)
        FinPour
     FinPour
```

Fin

## Exercice 6:

Écrire un programme qui demande un nombre N, puis calcule et affiche la somme :

$$S = \sum_{i=1}^{N} 10^i$$

```
Algorithme Exercice6
var
   i,n,S : entier
Début
   ecrire("Donner un nombre : ")
   Lire(n)
   S <- 0
   pour i de 0 à n faire
        S <- S + 10^ i
   FinPour
   Ecrire("La somme : " , S)</pre>
```

## Exercice 7:

Écrire un programme qui demande un nombre N, puis calcule et affiche la somme :

$$S = \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{i}$$

```
Algorithme Exercice7
var
   i,n,S : entier
Début
   ecrire("Donner un nombre : ")
   Lire(n)
   S <- 0
   pour i de 0 à n faire
        S <- S + 1/i
   FinPour
   Ecrire("La somme : " , S)</pre>
```

## Exercice 8:

Écrire un programme qui demande un nombre positif non nul, et qui calcule sa factorielle

$$N! = \prod_{i=N}^{1} i$$

```
Algorithme Exercice8
var
   i,n,P : entier
Début
        Ecrire("Donner N : ")
        Lire(n)
        P <- 1
        pour i de n à 1 pas -1 faire
              P <- P * i
        FinPour
        ecrire(n,"! = " , P)
Fin</pre>
```

# Exercice 9:

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur d'entrer un entier, puis le programme compte et affiche les chiffres qui composent cet entier

```
Algorithme Exercice9
var
    N,c : entier
Début
    Ecrire("Donner un nombre : ")
    Lire(N)
    c <- 0
    tantque N <> 0 faire
        ecrire(N mod 10," , " )
        c <- c + 1
        N <- N Div 10
FinTantQue
    ecrireln()
    Ecrire("ce nombre compte ", c , " chiffres")
Fin</pre>
```

#### Exercice 10:

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur d'entrer un entier, puis le programme trouve et affiche l'inverse de ce nombre.

```
Algorithme Exercice10
var
    N, Nb, Inv : entier
Début
      Ecrire("Donner un nombre : ")
      Lire(N)
      Inv <- 0
      Nb <- N
      Ecrire("l'inverse de ", N)
      tantque N <> 0 faire
          Inv <- Inv*10 + N mod 10</pre>
          N <- N Div 10
      FinTantQue
      Ecrireln(" est ", Inv)
      Ecrire("l'inverse de ", Nb , " est ", Inv) // N = 0
Fin
```

## Exercice 11:

Écrire le programme qui affiche la somme d'une suite d'entiers saisie par l'utilisateur se terminant par zéro.

```
Algorithme Exercice11
var
    N, S : Entier
Début
    S <- 0
    repeter
        Ecrire("Donner un nombre entier : ")
        Lire(N)
        S <- S + N
    jusqua N = 0
    Ecrire("La somme est ", S)
Fin</pre>
```

# Exercice 12:

Écrire un programme qui demande un nombre N puis calcule :

$$S = \left\{ \begin{array}{ll} 1+3+5+\ldots+N & \quad si \ Nest \ impair \\ 2+4+6+\ldots+N & \quad si \ Nest \ pair \end{array} \right.$$

# Exercice 13:

Écrire un programme qui lit un nombre N, puis affiche si ce nombre est parfait ou non : un nombre est parfait s'il est égale à la somme de ses diviseurs

```
Algorithme Exercice13
var
    i,N,S : Entier
Début
      Ecrire("Donner un nombre : ")
      Lire(N)
      S <- 0
      pour i de 1 à N - 1 faire
          si N mod i = 0 alors
              S \leftarrow S + i
          FinSi
      finpour
      Si S = N alors
          Ecrire(N, " est un nombre parfait")
          Ecrire(N, " n'est pas un nombre parfait")
      FinSi
Fin
```

## Exercice 14:

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur un nombre compris entre 1 et 3 jusqu'à ce que la réponse convienne

```
Algorithme Exercice14
var
    N : entier
Début
    repeter
        Ecrire("Donner un nombre entre 1 et 3 : ")
        Lire(N)
    jusqua N >= 1 et N <= 3</pre>
Fin
```

# Exercice 15:

Écrire un programme qui demande à l'utilisateur un nombre compris entre 1 et 3 jusqu'à ce que la réponse convienne

#### Exercice 16:

Écrire un programme qui demande un nombre compris entre 10 et 20, jusqu'à ce que la réponse convienne. En cas de réponse supérieure à 20, on fera apparaître un message : "Plus petit!", et inversement, "Plus grand!" si le nombre est inférieur à 10.

```
Algorithme Exercice16
var
    N : entier
Début
    repeter
        Ecrire("Donner un nombre entre 10 et 20 : ")
        Lire(N)
        si N < 10 alors
             EcrireLN("Plus grand !")
        FinSi
        si N > 20 alors
             EcrireLN("Plus Petit !")
        FinSi
        jusqua N >= 10 et N <= 20
Fin
```

## Exercice 17:

Écrire un programme qui demande un nombre de départ, et qui ensuite affiche les dix nombres suivants. Par exemple, si l'utilisateur entre le nombre 17, le programme affichera les nombres de 18 à 27

#### Exercice 18:

Ecrire un programme qui demande successivement des nombres à l'utilisateur, et qui calcule le nombre de valeurs saisies. La saisie des nombres s'arrête lorsque l'utilisateur entre zéro

```
Algorithme Exercice18
var
    N,c : entier
Début
    c <- -1
    repeter
        Ecrire("Donner un nombre : ")
        Lire(N)
        c <- c + 1
    jusqua N = 0
    Ecrire("vous avez entré ", c , " nombres")
Fin</pre>
```

## Exercice 19:

Écrire un programme qui demande successivement des nombres à l'utilisateur, et qui lui dise ensuite quel était le plus grand parmi ces nombres et quel était sa position. La saisie des nombres s'arrête lorsque l'utilisateur entre un

zéro.

```
Algorithme Exercice19
var
    n,M,P,i : entier
Début
      i <- 0
      repeter
          Ecrire("Donner un nombre : ")
          Lire(n)
          si i = 0 alors
               M \leftarrow n
               P <- i
          FinSi
          si n > M alors
               M < - n
               P <- i
          Finsi
          i <- i + 1
      jusqua n = 0
      ecrire("Le max est ", M," est sa position est ", P)
Fin
Algorithme Exercice19V2
    n,M,i,P : entier
Début
      Ecrire("Donner un nombre : ")
      Lire(n)
      M <- n
      i <- 1
      P <- 1
      tantque n <> 0 faire
          Ecrire("Donner un nombre : ")
          Lire(n)
          si n > M alors
               M \leftarrow n
               P <- i
          FinSi
          i <- i + 1
      FinTantque
      ecrire("Le max est ", M," est sa position est ", P)
Fin
```

## Exercice 20:

Écrire un programme qui demande successivement des nombres à l'utilisateur, et qui calcule leur moyenne. La saisie des nombres s'arrête lorsque l'utilisateur entre un zéro

## Exercice 21:

Écrire un programme qui demande successivement des nombres à l'utilisateur, et qui calcule leur moyenne. La saisie des nombres s'arrête lorsque l'utilisateur entre un zéro.

## Exercice 22:

Écrire un algorithme qui : lit d'abord une valeur, ensuite il va lire successivement 10 nombres. Enfin il va déterminer combien de fois la première valeur a été saisie (sans compter la première saisie).

```
Algorithme Exercice22
var
    N1, N2, i, C : entier
Début
      Ecrire("Donner le nombre à rechercher : ")
      Lire(N1)
      C <- 0
      pour i de 1 à 10 faire
          Ecrire("Donner le nombre : ")
          Lire(N2)
          Si N1 = N2 alors
              C <- C +1
          FinSi
      FinPour
      ecrire(N1, " est répété ", C, " fois")
Fin
```

## Exercice 23:

Écrire un programme qui lit un réel X, puis calcule sont racine carré en utilisant la suite suivante :

$$U_n = \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_n = \frac{1}{2}(U_{n-1} + \frac{X}{U_{n-1}}) \end{cases}$$

On arrêtera les calculs lorsqu'on obtient une précision  $|U_n - U_{n-1}| < 0.001$ 

```
Algorithme Exercice23
Var
    x,U0,U1 : réel
    i : entier
Début
      Ecrire("Donner un réel : ")
      Lire(x)
      UO <- 0
      U1 <- 1
      tantque abs(U1 - U0) > 0.000000001 faire
      UO <- U1
      U1 \leftarrow (U0 + x/U0)/2
      FinTantQue
      ecrireln("La racine de ", x ," est ", U1)
      ecrireln("La racine de ", x ," est ", racine(x))
Fin
```

## Exercice 24:

Écrire un programme qui lit le numérateur et dénominateur d'une fraction. Puis la simplifier

$$\frac{15}{45} = \frac{1}{3}$$

```
Algorithme exercice24
var
    a,b,d : entier
Début
    Ecrire("Donner a : ")
    Lire(a)
    Ecrire("Donner b : ")
    Lire(b)
    si a < b alors</pre>
```

d <- a

```
sinon
          d <- b
      FinSi
      tantque a mod d <>0 ou b mod d <> 0 faire
          d <- d -1
      FinTantQue
      si b/d <> 1 alors
          Ecrire(a,"/",b, " = " , a/d ,"/" , b/d)
          Ecrire(a,"/",b, " = " , a/d )
      Finsi
Fin
Exercice 25:
Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):
Algorithme Exercice25
Var
    N,i,j: entier
Début
      Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à N faire
          pour j de 1 à N faire
              si j <= i alors
                  Ecrire("*")
              sinon
                  Ecrire(" ")
              FinSi
          FinPour
      Ecrireln()
     FinPour
Fin
Algorithme Exercice25v2
Var
    N,i,j: entier
Début
      Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à 2*N -1 faire
          pour j de 1 à N faire
              si (j <= i et i <= N) ou ( j <= 2*N - i et i > N) alors
```

```
Ecrire("*")
               sinon
                   Ecrire(" ")
               FinSi
          FinPour
      Ecrireln()
     FinPour
Fin
Exercice 26:
Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):
*****
Algorithme Exercice26
Var
    N,i,j : entier
Début
      Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
      Lire(N)
      pour i de N à 1 pas -1 faire
          pour j de 1 à N faire
               si j <= i alors
                   Ecrire("*")
               sinon
                   Ecrire(" ")
               FinSi
          FinPour
      Ecrireln()
     FinPour
Fin
Exercice 27:
Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):
Algorithme Exercice27
    N,i,j: entier
Début
```

# Exercice 28:

Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):

```
Algorithme Exercice28
    N,i,j: entier
Début
      Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à N faire
           pour j de 1 à N faire
               si i=1 ou j=1 ou i=\mathbb{N} ou j=\mathbb{N} alors
                    Ecrire("*")
               sinon
                   Ecrire(" ")
               FinSi
           FinPour
      Ecrireln()
     FinPour
Fin
```

# Exercice 29:

Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):

```
Algorithme Exercice29
Var
    N,i,j : entier
Début
      Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à N faire
          pour j de 1 à N faire
              si i=1 ou j=1 ou i=N ou j=n ou i=j ou j=N-i +1 alors
                  Ecrire("*")
              sinon
                  Ecrire(" ")
              FinSi
          FinPour
      Ecrireln()
     FinPour
Fin
Exercice 30:
Écrire un programme permettant d'afficher les pyramides de nombres suivants :
```

```
1
121
12321
1234321
123454321
12345654321
Algorithme Exercice30
    i,j,k,s,N : entier
Début
      Ecrire("Donner N : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à 2*N pas 2 faire
      K <- 1
      s <- 1
          pour j de 1 à i faire
          Ecrire(k)
               si k > i / 2 alors
                   s <- - 1
               FinSi
               k \leftarrow k + s
          FinPour
          ecrireln()
      Finpour
Fin
```

#### Exercice 31:

Le "jeu du nombre mystérieux" consiste à jouer contre l'ordinateur comme suit : L'ordinateur choisit, au hasard, un entier entre 1 et 100 et on doit le trouver en 7 essais au maximum grâce aux indices "C'est grand" et "C'est petit". Au moment venu on affichera "Bravo vous avez gagné!!". Si le nombre d'essais est atteint sans trouver le nombre mystérieux, le programme affichera alors "Perdu, le nombre cherché est : ", suivie du nombre à trouver. Écrire un programme pour s'amuser avec l'ordinateur.

```
Algorithme Exercice31
var
    N1, N2, t : entier
Début
      N1 <- alea(1,100) // random
      //ecrireln(N1)
      t <- 0
      repeter
          ecrire("Donner un nombre : ")
          lire(N2)
          t < -t + 1
          si N1 = N2 alors
              ecrireln("Bravo")
          sinonsi t= 7 alors
              ecrireln("Game Over")
          sinonSi N1 < N2 alors
              Ecrireln("Plus Petit")
          sinon
              Ecrireln("Plus grand")
          FinSi
      jusqua N1=N2 ou t=7
Fin
```

## Exercice 32:

Écrire un programme qui détermine toutes les manières possibles d'obtenir un total de 15 en ajoutant trois entiers choisis entre 1 et 9.

#### Exercice 33:

On se propose d'afficher un histogramme à l'aide des lettres A, B et C comme celui de l'exemple ci-dessous. Écrire un programme qui saisit le nombre de A, le nombre de B et le nombre de C puis affiche l'histogramme correspondant. Les nombres sont des entiers naturels inférieurs ou égaux à 15.

```
Exemple d'exécution : A = 4, B = 7, C = 2
```

A A A B A B A B C A B C

## Exercice 34:

Écrire un programme qui permet de déterminer la somme des chiffres d'un nombre entier donné exemple : pour N=25418, on aura 2+5+4+1+8=20

#### Exercice 35:

Écrire un programme qui cherche et affiche tous les entiers cubiques de trois chiffres.

Un entier naturel de trois chiffres est dit cubique s'il est égal à la somme des cubes de ses trois chiffres.

Exemple: 153 est cubique car  $153 = 1^3 + 5^3 + 3^3$ 

```
Algorithme Exercice35
var
    i,j,s : entier
Début
      pour i de 100 à 999 faire
          j <- i
          s <- 0
          tantque j <> 0 faire
              s <- s + (j \mod 10)^3
              j <- j div 10
          FinTantQue
          si i = s alors
              Ecrireln(i," est nombre cubique")
          FinSi
       FinPour
Fin
```

## Exercice 36:

On donne un entier naturel N strictement positif et on définit la suite de Syracuse par :

suite de Syracuse : 
$$\begin{cases} S_0 = N \\ S_{n+1} = \frac{S_n}{2} & S_n \text{ pair} \\ S_{n+1} = 3S_n + 1 & S_n \text{ impair} \end{cases}$$

Écrire un programme qui fait afficher les 50 premiers termes de cette suite.

## Exercice 37:

Si nous lançons 3 dés, le total des points est compris entre 3 et 18. Quelle est la probabilité d'avoir un total de 12 ? Écrire un programme qui répond à cette question en simulant 100 lancers successifs.

#### Exercice 38:

Pour un entier naturel N donné. Écrire un programme qui fait calculer et afficher la suite :

$$S = \sum_{i=1}^{N} \frac{1}{i!}$$

#### Exercice 39:

Deux entiers m et n sont dit amis si et seulement si la somme des diviseurs de m sauf lui-même est égale à n et la somme des diviseurs de n sauf lui-même est égale à m. Écrire un programme permettant de déterminer et d'afficher tous les nombres amis compris entre 1 et 1000.

#### Exercice 40:

Écrire un programme permettant de décomposer un entier N donné (2 < N < 100) en produit de facteurs premiers et d'afficher N et le produit de ses facteurs trouvés.

Exemple: Si n = 60 alors on affiche 60 = 2\*2\*3\*5.

#### Exercice 41:

Sachant que:

$$Sin(x) = \sum_{i=1}^{\infty} (-1)^i \frac{x^{2i+1}}{(2i+1)!} \ tel \ que \ x \in [0; 2\pi]$$

Écrire un programme qui permet d'afficher sin(x) en utilisant la formule ci-dessus. Le calcul s'arrête quand la différence entre deux termes consécutifs devient  $< 10^-4$ . La dernière somme calculée est une valeur approchée de sin(x).

```
Algorithme Exercice41
    i,Fi,S : entier
    X, Xi, UO, U1 : réel
Début
      Ecrire("Donner la valeur de x : ")
      Lire(X)
      Fi <- 1
      Xi <- 1
      UO <- 1
      U1 <- 0
      i <- 1
      S <- 1
      tantque abs(U1 -U0) > 0.00001 faire
          Fi <- Fi * i
          Xi <- Xi * X
          si i mod 2 != 0 alors
              UO <- U1
              U1 = U1 + S*(Xi/Fi)
              S <- - S
          FinSi
          i <- i +1
      FinTantQue
      ecrireln("sin(",x,") = ", U1)
      ecrireln("sin(",x,") = ", sin(x))
Fin
```

## Exercice 42:

Un entier de n chiffres est dit bien ordonné si ses chiffres forment, de gauche à droite, une suite strictement croissante. Écrire un programme qui saisit un entier N et fait sortir tous les entiers bien ordonnés de N chiffres et le nombre total de ces entiers.

#### Exercice 43:

En mathématiques, un entier N est un carré parfait s'il existe un entier k tel que  $N=k^2$ .

Écrire un programme permettant de déterminer et d'afficher tous les carrés parfaits compris entre 1 et 9999

# Exercice 44:

Un entier de N chiffres (1 < N < 9) est dit bien ordonné si ses chiffres forment, de gauche à droite, une suite strictement croissante.

Exemple : L'entier de 3 chiffres, 147 est bien ordonné car 1 < 4 < 7

Écrire un programme qui saisit un entier N (1 < N < 9) et fait sortir tous les entiers bien ordonnés de n chiffres et le nombre total de ces entiers.

## Exercice 45:

Écrire un programme qui affiche tous les entiers positifs impairs inférieurs à 100, en omettant les nombres divisibles par 7. L'affichage doit être sur 5 colonnes comme l'aspect suivant :

1	3	5	9	11
13	17	19	23	25
27	29	31	33	37

# Exercice 46:

En mathématiques, un entier N est un carré parfait s'il existe un entier k tel que  $N=k^2$ . Écrire un programme permettant de déterminer et d'afficher tous les carrés parfaits compris entre 1 et 9999

## Exercice 47:

On se propose d'écrire un programme qui permet de déterminer et d'afficher toutes les représentations sous forme de sommes d'entiers consécutifs d'un entier n donné. Exemple d'exécution pour le nombre 45 :

```
45 = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9
45 = 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10
45 = 7 + 8 + 9 + 10 + 11
45 = 14 + 15 + 16
45 = 22 + 23
Algorithme Exercice47
var
    N,i,j,k,S: Entier
Début
      Ecrire("Donner un nombre : ")
      Lire(N)
      pour i de 1 à N/2 faire
           s <- 0
           j <- i
           tantque s < N faire
               s \leftarrow s + j
               j <- j + 1
           FintantQue
           si s = N alors
               ecrire(N, " = ")
               pour k de i à j -1 faire
                    si k <> j -1 alors
                        Ecrire(k," + ")
                    sinon
                        Ecrire(k)
                    FinSi
               FinPour
                    EcrireLn()
           FinSi
      FinPour
Fin
```

#### Exercice 48:

Affichez une figure formé d'étoiles de N lignes (N est fourni au clavier):

\* \*

```
Algorithme Butterfly
Var
   N,i,j: entier
 Ecrire("Entrez le nombre de lignes : ")
Lire(N)
 pour i de 1 à 2*N -1 faire
   pour j de 1 à 2*N-1 faire
   si (j<=i et i<=N) ou ( j<=2*N-i et i>N) ou (j>=2*N-i et i<=N) ou (j>=i et i>N) Alors
         Ecrire("*")
   sinon
         Ecrire(" ")
     FinSi
   FinPour
 Ecrireln()
FinPour
Fin
```