

# PROGRAMMATION 1

*Contrôle Finale + Rattrapage*  
*2010-2011*



S M I A  
S T U D I E S

Matière Langage C  
[Contrôle Final – Janvier 2011 – (Durée : 1h30mn)]

N.B. Les réponses doivent être claires et précises. Les commentaires sont appréciés.

**Exercice 1 (15 points)**

Dans cet exercice, on considère les nombres entiers  $X$  constitués de 4 chiffres. On exclut les nombres formés d'un même chiffre (1111, 2222,...).

L'algorithme de Kaprekar consiste à associer à chaque nombre  $X$  un autre nombre  $K(X)$  généré de la façon suivante :

- On considère les chiffres de  $X$ . On forme le nombre  $X_1$  en arrangeant ces chiffres dans l'ordre croissant et le nombre  $X_2$  en les arrangeant dans l'ordre décroissant.
- On pose  $K(X) = X_2 - X_1$
- On répète ensuite le processus avec  $K(X)$

L'algorithme de Kaprekar produit au final un nombre constant c.-à-d.  $K(X) = X$ . Ce nombre est atteint au maximum avec 8 itérations.

Exemple : En partant du nombre  $X = 5294$ , on obtient :

Itération 1 : $X=5294$	→	( $X_1=2459$ et $X_2=9542$ )	→	$K(X) = X_2 - X_1 = 7083$
Itération 2 : $X=7083$	→	( $X_1=378$ et $X_2=8730$ )	→	$K(X) = X_2 - X_1 = 8352$
Itération 3 : $X=8352$	→	( $X_1=2358$ et $X_2=8532$ )	→	$K(X) = X_2 - X_1 = 6174$
Itération 4 : $X=6174$	→	( $X_1=1467$ et $X_2=7641$ )	→	$K(X) = X_2 - X_1 = 6174$

- 1) Ecrire une fonction, nommée *Decomposition*, qui mémorise, dans l'ordre décroissant, les 4 chiffres de  $X$  dans un tableau  $T1$ .

Exemple : si  $X = 5294$  alors  $T1 = (9, 5, 4, 2)$  ;

Les paramètres de la fonction sont le tableau  $T1$  et l'entier  $X$  (Le tableau  $T1$  est par défaut passé par adresse ; On prévoit un passage par valeur de l'entier  $X$ ).

- 2) Ecrire une fonction, nommée *Calcul\_X1\_X2*, qui calcule les nombres *X1* et *X2* à partir de *X* (Utiliser la fonction *Decomposition*).

Exemple : si *X* = 5294 alors *X1* = 2459 et *X2* = 9542 ;

Les paramètres de la fonction sont les entiers *X*, *X1* et *X2* (On prévoit un passage par valeur de l'entier *X* et par adresse pour les entiers *X1* et *X2*).

(Indication : déclarer un tableau local *T1* et utiliser le pour calculer *X1* et *X2*).

- 3) Ecrire un programme en C qui :

- a. Saisie un entier *X* au clavier
- b. Puis remplit un tableau *T2* par les nombres générés par l'algorithme de Kaprekar en partant de *X* (Utiliser la fonction *Calcul\_X1\_X2*). Le dernier nombre à ajouter dans *T2* sera le nombre constant. L'espace mémoire du tableau *T2* sera alloué dynamiquement.

Exemple : si *X* = 5294 alors *T2* = ( 5294 , 7083 , 8352 , 6174 )

- c. Enfin Affiche le Tableau *T2*.

### Exercice 2 ( 5 points )

Une chaîne de caractère *w* est un carré s'il existe une chaîne *u* telle que *w* = *uu* (par exemple "chercher" et "bonbon" sont des carrés).

Ecrire une fonction, nommée *Estcarré*, qui retourne 1 si la chaîne passée en paramètre est un carré, 0 sinon.

(je rappelle que la fonction `int strlen(char *ch)` retourne le nombre de caractère d'une chaîne *ch* sans compter le caractère de fin de chaîne)

**Matière Langage C**

**[Contrôle du Rattrapage – Janvier 2011 – (Durée : 1h30mn)]**

N.B. Les réponses doivent être claires et précises. Les commentaires sont appréciés.

**Exercice 1 ( 8 points )**

**Question 1** (4 points):

Donner la suite des affichages produits par ce programme (Expliquer).

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
int z = 0 ;
void affiche(int x , int y)
{
    printf("\nx = %d\ty = %d\tz = %d", x , y , z ) ;
}
void transforme(int *x, int y)
{
    z = (*x>y) ? ++y : (*x)++ ;
}
void main()
{
    int x = 2 , y = 2 ;

    transforme( &x , y ) ;
    affiche( x , y ) ;
    transforme( &x , y ) ;
    affiche( x , y ) ;
}
```

**Question 2** (4 points):

On définit le nombre de combinaison de  $P$  éléments parmi  $N$  par :  $C_N^P = \frac{N!}{P!(N-P)!}$

On démontre que  $C_N^P = C_{N-1}^{P-1} + C_{N-1}^P$  et on remarque que  $C_N^0 = 1$  et  $C_N^N = 1$

Ecrire une fonction récursive qui retourne le nombre de combinaison de  $P$  éléments parmi  $N$ . Les deux entiers  $P$  et  $N$  sont les paramètres de la fonction.



## Exercice 2 (12 points)

Soit  $A$  une matrice d'entiers courts de  $M$  lignes et  $N$  colonnes (au maximum 20 lignes et 30 colonnes). Les éléments de  $A$  qui sont à la fois un maximum sur leur ligne et un minimum sur leur colonne, sont appelés des points-cols.

Exemple: Pour la matrice  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$ , l'élément  $A[0][2]$  est un point-col (maximum sur la 1<sup>ère</sup> ligne et Minimum sur la 3<sup>ème</sup> colonne).

Le problème consiste à déterminer les points-cols d'une matrice  $A$ .

Méthode : Construire deux matrices d'aide  $Max$  et  $Min$  de même dimensions que  $A$ , telles que:

$$Max[i][j] = \begin{cases} 1 & \text{si } A[i][j] \text{ est un maximum sur la ligne } i \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$
$$Min[i][j] = \begin{cases} 1 & \text{si } A[i][j] \text{ est un minimum sur la colonne } j \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

1) Ecrire une fonction, nommée *ConstructionMatricesMaxMin*, qui construit les matrices  $Max$  et  $Min$  à partir de la matrice  $A$ . Les paramètres de la fonction sont la matrice  $A$ , le nombre de ligne  $M$  de  $A$ , le nombre de colonne  $N$  de  $A$ , la matrice  $Max$  et la matrice  $Min$ . L'entête de la fonction est :

```
void ConstructionMatricesMaxMin(short A[][30], short M , short N, short Max[][30], short Min[][30])
```

2) Ecrire un programme en C qui :

- Saisie la matrice  $A$  au clavier,
- Puis construit les matrices  $Max$  et  $Min$  à partir de la matrice  $A$ . (utiliser la fonction *ConstructionMatricesMaxMin*),
- Enfin affiche les positions (ligne ; colonne) de tous les points-cols trouvés (Utiliser les matrices  $Max$  et  $Min$ ).