

## I - Sens de variation

### Définition 1 : (Suite croissante)

$(u_n)$  croissante  $\iff u_{n+1} \geq u_n, \forall n \geq n_0$

### Définition 2 : (Suite décroissante)

$(u_n)$  décroissante  $\iff u_{n+1} \leq u_n, \forall n \geq n_0$

### Définition 3 : (Suite constante)

$(u_n)$  constante  $\iff u_{n+1} = u_n, \forall n \geq n_0$

## II - Suites arithmétiques

### Propriété 1 :

Soit  $(u_n)$  une suite arithmétique de raison  $r$  ;

- Si  $r > 0$  la suite est strictement croissante ;
- Si  $r < 0$  la suite est strictement décroissante ;
- Si  $r = 0$  la suite est constante.

### Théorème 1 : (Terme général.)

Soit une suite arithmétique de raison  $r$  définie à partir d'un certain rang  $n_0$ .

$\forall n \geq 0$  :

$$u_n = u_p + (n - p)r$$

En particulier si  $p = 0$ , on a :

$$u_n = u_0 + n \times r$$

## III - Suites géométriques

### Propriété 2 :

Soit  $(u_n)$  une suite arithmétique de raison  $q > 0$  ;

- Si  $q > 1$  la suite est strictement croissante ;
- Si  $0 < q < 1$  la suite est strictement décroissante ;
- Si  $q = 1$  la suite est constante.

### Théorème 2 : (Terme général.)

Soit une suite géométrique de raison  $q$  définie à partir d'un certain rang  $n_0$ .

$\forall n \geq 0$  :

$$u_n = u_p \times q^{(n-p)}$$

En particulier si  $p = 0$ , on a :

$$u_n = u_0 \times q^n$$

## IV - Déterminer la raison

### Propriété 3 :

Soit  $(u_n)$  une suite arithmétique, étant donné  $n_1$  et  $n_2$  deux rangs de la suite tels que  $u_{n_1}$  et  $u_{n_2}$ , on a :

$$r = \frac{u_{n_2} - u_{n_1}}{n_2 - n_1}$$

### Propriété 4 :

Soit  $(u_n)$  une suite géométrique, étant donné  $n_1$  et  $n_2$  deux termes de la suite tels que  $u_{n_1} = a$  et  $u_{n_2} = b$ , on a :

$$q = \sqrt[k]{\frac{u_{n_2}}{u_{n_1}}} = \left(\frac{u_{n_2}}{u_{n_1}}\right)^{\frac{1}{k}}, \text{ Avec : } k = n_2 - n_1$$

## V - Séries

### Théorème 3 : (Suite arithmétique.)

Soit  $(u_n)$  une suite arithmétique :

$$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = \sum_{k=0}^n u_k = \frac{(n+1)(u_0 + u_n)}{2}$$

Plus généralement, pour tout entier naturel  $p < n$  :

$$S_n = u_p + u_{p+1} + \dots + u_n = \sum_{k=p}^n u_k = \frac{(n-p+1)(u_p + u_n)}{2}$$

### Théorème 4 : (Suites géométrique.)

Soit  $(u_n)$  une suite géométrique :

$$S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n = \sum_{k=0}^n u_k = u_0 \times \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q}$$

Plus généralement, pour tout entier naturel  $p < n$  :

$$S_n = u_p + u_{p+1} + \dots + u_n = \sum_{k=p}^n u_k = u_p \times \frac{1 - q^{n-p+1}}{1 - q}$$