### Exercice 13

Démontrer que pour tout réel x on a :

1) 
$$(\cos x + \sin x)^2 + (\cos x - \sin x)^2 = 2$$

2) 
$$(\cos x + \sin x)^2 - (\cos x - \sin x)^2 = 4\cos x \sin x$$

### Exercice 14

Exprimer à l'aide de  $\sin x$  et  $\cos x$ , les expressions suivantes :

$$1) \sin(-x) + \cos(-x)$$

3) 
$$\cos(\pi - x) + \cos(3\pi + x)$$

$$2) \sin(-x) - \sin(\pi + x)$$

4) 
$$\sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) - 3\cos\left(-\frac{\pi}{2} - x\right) - 4\sin(\pi - x)$$

## Équations trigonométriques

#### Exercice 15

À l'aide d'un cercle trigonométrique, résoudre dans  $\mathbb R$  les équations suivantes :

$$1) \cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$2) \sin x = 0$$

3) 
$$2\sin x + \sqrt{3} = 0$$

### Exercice 16

Résoudre dans  $\mathbb R$  puis visualiser les solutions dans le cercle trigonométrique des équations suivantes :

1) 
$$2\sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right) - 1 = 0$$

2) 
$$1 - \sqrt{2}\cos\left(\frac{\pi}{3} - x\right) = 0$$

$$3) \sin\left(2x - \frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2}$$

4) 
$$\cos\left(2x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$$

## Exercice 17

Résoudre dans  $\mathbb R$  puis visualiser les solutions dans le cercle trigonométrique des équations suivantes :

$$1) \cos 2x = \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$

2) 
$$\sin\left(x - \frac{\pi}{6}\right) = \sin\left(3x + \frac{\pi}{3}\right)$$

$$3) \sin\left(2x - \frac{\pi}{6}\right) = \cos\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$

4) 
$$\cos x = \sin\left(x + \frac{\pi}{4}\right)$$

# Exercice 18

Calcul de  $\sin \frac{\pi}{8}$  et  $\cos \frac{\pi}{8}$ 

 $\mathscr C$  est le cercle trigonométrique associé à un repère orthonormé direct (O, I, J) du plan. M est le point de  $\mathscr C$  tel que  $(\overrightarrow{OI}, \overrightarrow{OM}) = \frac{\pi}{4}$ .

- 1) Faire une figure.
- 2) Quelles sont les coordonnées du point M dans le repère (O, I, J)?