I - Pourcentages d'évolutions

Exercice 1:

- Dans une entreprise de 450 salariés, il y a 24 % de cadres.
 Combien y a-t-il de cadres dans cette entreprise ?
- 2. $1\,380$ personnes assistent à un concert. $60\,\%$ ont moins de 18 ans. Calculer le nombre de personnes mineures dans le public.
- 3. Une réserve de protection d'oiseaux contient 2140 individus d'oiseaux. On dénombre 30 % de pipits farlouse. Quel est le nombre de pipits farlouse ?
- 4. Le cadeau commun que nous souhaitons faire à Nora coûte 40
 €. Je participe à hauteur de 10 % du prix total.
 Combien ai-je donné pour le cadeau de Nora?

Exercice 2:

- 1. Il y a 6 ans, la population d'une ville était de 82000 habitants. Depuis, elle a augmenté de 10 %. Calculer le nombre d'habitants actuel de cette ville.
- 2. Un lycée avait 900 élèves en 2023. Depuis, le nombre d'élèves a augmenté de 9 %. Calculer le nombre d'élèves dans ce lycée cette année.
- 3. Un article coûtait 99 € et son prix a augmenté de 20 %. Calculer son nouveau prix.
- 4. Le prix de mon ordinateur était de 750 € l'année dernière et il a augmenté de 12 %. Calculer son nouveau prix.

2

Exercice 3:

- 1. Après une augmentation de 9% le prix de ma taxe d'habitation est maintenant 1315,63 €. Calculer son prix avant l'augmentation.
- 2. Depuis 2023 le nombre d'élèves d'un lycée a augmenté de 15~%. Il y a maintenant 483 élèves. Calculer le nombre d'élèves en 2023 dans cet établissement.
- 3. En 13 ans, la population d'une ville a diminué de 19~% et est maintenant $129\,600$ habitants. Calculer sa population d'il y a 13 ans.
- 4. Après une augmentation de 10~% un article coûte maintenant $3{,}63~$ €. Calculer son prix avant l'augmentation.

II - Suites géométriques

Exercice 4:

- 1. Soit (w_n) une suite géométrique de raison q définie pour tout $n \in \mathbb{N}$, telle que $w_0 = 7$ et q = -3. Donner l'expression de w_n en fonction de n.
- 2. Soit (u_n) une suite géométrique de raison q définie pour tout $n \in \mathbb{N}$, telle que $u_0 = 2$ et q = -15. Donner l'expression de u_n en fonction de n.
- 3. Soit (w_n) une suite arithmétique de raison r définie pour tout $n \in \mathbb{N}$, telle que $w_0 = 9$ et r = 2. Donner l'expression de w_n en fonction de n.
- 4. Soit (v_n) une suite arithmétique de raison r définie pour tout $n \in \mathbb{N}$, telle que $v_0 = 9$ et r = 14. Donner l'expression de v_n en fonction de n.

Exercice 5:

- 1. (v_n) est une suite géométrique de raison q=1,5 et de premier terme $v_0=-10$. Calculer v_5 .
- 2. (w_n) est une suite géométrique de raison q=-1,6 et de premier terme $w_0=-9$. Calculer w_{10} .
- 3. (w_n) est une suite géométrique de raison q = -0.9 et de premier terme $w_0 = 4$. Calculer w_6 .
- 4. (v_n) est une suite géométrique de raison q=1,4 et de premier terme $v_0=-8$. Calculer v_7 .

Exercice 6:

- 1. Soit w la suite géométrique de premier terme w_1 = 9 et de raison 0,4. Calculer $S = w_1 + w_2 + ... + w_{12} = \sum_{k=1}^{12} w_k$ et donner un arrondi au millième près.
- 2. Soit w la suite géométrique de premier terme w_1 = 2 et de raison 0,4. Calculer $S=w_1+w_2+...+w_{10}=\sum_{k=1}^{10}w_k$ et donner un arrondi au millième près.
- 3. Soit v la suite géométrique de premier terme v_0 = 10 et de raison 1,9. Calculer $S = v_0 + v_1 + ... + v_{12} = \sum_{k=0}^{12} v_k$ et donner un arrondi au millième près.
- 4. Soit w la suite géométrique de premier terme w_0 = 10 et de raison 0,3. Calculer $S = w_0 + w_1 + ... + w_{12} = \sum_{k=0}^{12} w_k$ et donner un arrondi au millième près.

III - Problèmes

Exercice 7:

Un entrepreneur décide d'investir une somme de $5~000 \in$ dans un compte bancaire offrant un taux d'intérêt annuel de 4~%.

1. Calcul du premier terme de la suite :

- Au début de la première année, l'entrepreneur dépose 5 000 € sur son compte.
- À la fin de chaque année, les intérêts sont ajoutés au capital de départ.
- 2. **Modélisation de la suite :** Soit u_n le capital au bout de n années. Exprimez u_{n+1} en fonction de u_n et du taux d'intérêt.
- 3. **Terme explicite :** En déduire l'expression explicite de u_n en fonction de n.
- 4. Évolution du capital : Calculez le capital après 10 ans.
- 5. Comparaison avec un autre taux d'intérêt :

Supposons qu'une autre banque offre un taux d'intérêt annuel de 5 %. Calculez la valeur de l'investissement après 10 ans si le taux était de 5 % au lieu de 4 %, et comparez les deux évolutions.

Exercice 8:

Un entrepreneur souhaite financer un projet en mettant de côté une somme d'argent chaque mois. Il décide de commencer avec une somme de $200 \in$ le premier mois et d'augmenter chaque mois le montant mis de côté de 5% par rapport au mois précédent.

1. Détermination des termes de la suite :

Soit u_n la somme mise de côté le n-ième mois. Exprimez u_n en fonction de n et de u_1 .

2. Expression de la somme des n premiers termes :

L'entrepreneur souhaite savoir combien il aura mis de côté au bout de n mois. Exprimez la somme S_n des n premiers termes de cette suite en fonction de n, u_1 et du taux d'évolution.

3. Application numérique :

Calculez le montant total mis de côté au bout de 12 mois.